|  |  |
| --- | --- |
| Título del guion | **Ángulos y triángulos** |
| Código del guion | **GUION\_MA\_G10\_02\_CO** |
| Descripción | **Especificaciones relativas a los elementos, representaciones y notaciones de los ángulos, como parte de los elementos básicos de los triángulo** |

[SECCIÓN 1] **1 Ángulos**

Las definiciones 8 y 9 del primer libro de los Elementos de Euclides diferencian un *ángulo* de un *ángulo rectilíneo*. Según Euclides, un *ángulo plano* es la inclinación mutua de dos líneas que se encuentran una a la otra en un plano y no están en línea recta. Si, además, las líneas que comprenden el ángulo son rectas, el ángulo será un *ángulo rectilíneo*. Es decir que Euclides incluye dentro de la noción de “línea”, lo que nosotros solemos llamar “curva”. El contexto espacial de este tema será siempre un plano y diremos simplemente “ángulo”, sin especificar que siempre se trata de ángulos rectilíneos, aunque reconociendo que, en matemáticas, se pueden definir otro tipo de ángulos, por ejemplo ángulos entre planos, ángulos diedros y triedros, etc.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Diferencia entre *ángulo* y *ángulo rectilíneo*. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Diferencia entre *ángulo* y *ángulo rectilíneo*. |

Así, entenderemos por *ángulo* la inclinación mutua de dos rectas que se encuentran una a la otra en un plano y no están en línea recta. El punto de encuentro se llamará *vértice* del ángulo, y las rectas serán sus *lados*. En la imagen, la recta ha sido levantada sobre la recta , definiendo el ángulo . El vértice del ángulo es C, mientras que sus lados son y .

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Ángulo |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Ángulo |

|  |  |
| --- | --- |
| **Recuerda** | |
| **Contenido** | Dos rectas se dicen perpendiculares si al cortarse entre sí, dividen al plano en cuatro regiones iguales. |

La clasificación de los ángulos se hace siempre en términos comparativos con el ángulo recto. Un ángulo será *agudo* si es menor a uno recto, u *obtuso*, si es mayor que un ángulo recto. Un *ángulo recto* es aquel que se obtiene al levantar un rayo sobre una recta, generando ángulos adyacentes iguales. En la imagen, es perpendicular a , lo cual se escribe y significa que los ángulos y son rectos.

Así, al animar el lado , pueden definirse ángulos a partir del lado , en el sentido inverso al de las manecillas de reloj. Aparecen en el primer momento múltiples ángulos agudos, en el segundo los dos ángulos rectos y en el último, múltiples ángulos obtusos.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Ángulos agudos, rectos y obtusos |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Ángulos agudos, rectos y obtusos |

[SECCIÓN 2] **1.1 Ángulo en posición normal o canónica**

En el tratamiento que se da a las figuras planas sin considerar un sistema de coordenadas, la posición de los ángulos no es fundamental. Sin embargo, en el momento en que se incluye un sistema de coordenadas, aparece naturalmente la noción de *inicio* y *fin* de un ángulo, además de la consideración de su *dirección*. El vértice de los ángulos canónicos es el origen del sistema de coordenadas, es decir el punto , mientras que el lado inicial coincide con el lado positivo del eje .

El lado final estará ubicado en la posición que corresponda, según cómo se establezca la forma de medir el ángulo y el sentido del giro. Un ángulo será positivo si el giro se hace en sentido antihorario o en contra de la rotación de las manecillas de un reloj, mientras que será negativo si el giro se hace en la dirección de giro de las manecillas del reloj.

En ese sentido, respecto a los ángulos de la imagen, la diferencia es que la recta AB sobre la que se marca el lado inicial del ángulo no es una recta cualquiera, sino que es una recta horizontal, que corresponde exactamente al eje . Ya que la recta perpendicular al eje por el punto es el eje , entonces, los ángulos agudos positivos son los que están en el primer cuadrante, los obtusos positivos los que están en el segundo cuadrante, los obtusos negativos son los que están en el tercer cuadrante y, finalmente, los agudos negativos los que están en el cuarto cuadrante.

Un ángulo llano es aquel con vértice en el origen, para que el lado inicial y el lado final están en sobre el eje ; un ángulo convexo es aquel menor que uno llano, mientras que un ángulo cóncavo es mayor que uno llano.

|  |  |
| --- | --- |
| **Recuerda** | |
| **Contenido** | **Ve al buscador del Aula Planeta y busca el tema “¿Qué sabes de los ángulos”. Obsérvalo para que recuerdes temas que trataste en grados anteriores.** |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** |  |
| **Título** | Identifica tipos de ángulos ubicados en posición canónica. |
| **Descripción** | Actividad en la que debes hacer correspondencia entre ángulos en posición canónica y sus características. |
| **Motor y código** | Ejercicio Genérico M3A: Asociar imagen-texto |

[SECCIÓN 2] **1.2 Medición de ángulos en el sistema sexagesimal**

La medición de ángulos puede hacerse de múltiples maneras, que dependen de la forma de elegir la unidad de medición que se elija para lograrlo. Entre las unidades posibles se encuentran el grado sexagesimal, el grado centesimal y el radian, aunque se podrían plantear otras formas de medir los ángulos.

La unidad *un grado sexagesimal*, resulta por tomar completa una circunferencia y dividirla en 360 partes iguales. Por su parte, la unidad *un grado centesimal* resulta por tomar completa una circunferencia y dividirla en 400 partes iguales. Es usual denotar los grados sexagesimales con un superíndice circular , mientras que se puede denotar a los grados centesimales con una letra “C” como superíndice del ángulo correspondiente.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Determinación de un grado sexagesimal: División del círculo en 360 partes iguales |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Determinación de la unidad *grado sexagesimal*: Cada pareja de radios consecutivos describe un ángulo de dos grados sexagesimales. El ángulo naranja mide 2 grados sexagesimales. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Determinación de un grado centesimal: División del círculo en 400 partes iguales |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Determinación de la unidad *grado centesimal*: Cada pareja de radios consecutivos describe un ángulo de dos grados centesimales. El ángulo morado mide 2 grados centesimales. |

Por lo anterior, resulta ser que un ángulo de corresponde a uno de 100 grados centesimales. Entonces . La circunferencia total tiene 400 grados centesimales, es decir que .

La tercera forma de medir los ángulos, es tomando como unidad un radián, es decir, un segmento de la misma longitud del radio, pero puesto sobre la circunferencia. En la imagen aparece tanto un radio como, *un radián*, de color rojo, para denotar que son iguales.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Definición de un radián: Arco que mide lo mismo que el radio |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | La unidad *radián* corresponde a un arco que mide lo mismo que el radio de la circunferencia. |

La cantidad de “veces” que cabe un radián en la circunferencia no es exacta. En la imagen se hace visible que hay “un poco más de 6” radianes para completar la circunferencia. Identificar cuánto más fue un problema matemático que resultó en la emergencia del número . No es un proceso sencillo identificar cómo se concluyó que hay radianes en la circunferencia, por lo cual trataremos los ángulos según la medición por grados sexagesimales, que suele llamarse “medición en el sistema sexagesimal”.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Determinación de un radián: División del círculo en “un poco más de 6” partes iguales. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Determinación de la unidad *radián*: Cada pareja de radios consecutivos describe un ángulo de dos radianes. El ángulo azul mide 2 radianes. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso aprovechado** | |
| **Código** |  |
| **Ubicación en Aula Planeta** | 4º ESO / Matemática / La trigonometría /Refuerza tu aprendizaje: La medida de ángulos |
| **Cambio (descripción o capturas de pantallas)** | Diapositiva 1  Cambiar título por “Refuerza tu aprendizaje: Conversión entre medidas angulares”  El recurso tiene 2 diapositivas. La diapositiva 1, pasará a ser la 6. La diapositiva 2 pasará a ser la cuarta  Incluir como primera diapositiva una que pregunte: “Si un ángulo mide 30 grados sexagesimales, ¿cuántos grados centesimales mide?  Incluir una segunda diapositiva que pregunte: “¿A qué ángulo sexagesimal corresponde uno de 250 grados centesimales?”  Incluir como tercera diapositiva una que pregunte: “Describe con tus palabras el procesos que realizas para pasar de grados sexagesimales a grados centesimales.”  La cuarta diapositiva será la que inicialmente era la segunda  Una nueva quinta diapositiva debe preguntar: “¿Qué correspondencia tiene en los sistemas sexagesimal y centesimal un ángulo de radianes?”  La sexta diapositiva será la que inicialmente era la primera |
| **Título** | Refuerza tu aprendizaje: Conversión entre medidas angulares |
| **Descripción** | Conjuntos de preguntas abiertas acerca de conversión entre medidas angulares |

[SECCIÓN 2] **1.3 Ángulos especiales**

Entre las vivencias diarias hay varias en las que, aun sin que lo reconozcamos, aparecen de manera natural los ángulos, las medidas angulares o algunos movimientos entre dos rectas a partir de un vértice común.

Nuestra posición y la dirección de nuestros movimientos oculares genera un campo visual, que marca un ángulo específico. Del mismo modo, nuestra posición y movimientos articulares tienen rangos de cierre y apertura, medibles en ángulos.

Por ejemplo, sentados ante el computador hay una línea horizontal de visión frente a nuestros ojos que determina el lado inicial de los ángulos de elevación y de depresión de nuestra visual. Para evitar la fatiga ocular, la pantalla debería estar en un ángulo de depresión y no en uno de elevación. En el mismo sentido, entre la columna vertebral y las piernas se marca un rango de movimiento amplio, que en posición sentados debería ser de un ángulo recto, mientras que de pie debería corresponder a un ángulo llano.

[SECCIÓN 3] **1.3.1 Ángulo de elevación**

En el marco del campo de visión de un observador, los ángulos de elevación y de depresión están determinados por dos líneas rectas imaginarias que tienen vértice en el ojo del observador y cuyos lados son la recta horizontal y la recta de la visual.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Imagen de una persona sentada frente a un ordenador, en la que se especifica el ángulo de elevación y de depresión |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | Tomar la imagen que aparece en el recurso “La ergonomía en el uso del ordenador”, quitar la imagen del reproductor y añadirle algún objeto como un reloj que esté en el ángulo de elevación, marcando los elementos como en: |
| **Pie de imagen** | Ángulo de elevación y de depresión |

La altura a la que están los ojos del observador determinará la recta horizontal o línea de visión. Por su parte, el objeto observado puede encontrarse, bien sea por encima o bien por debajo de esa línea de visión, lo que determinará si se trata de un ángulo de elevación o de uno de depresión.

Los ángulos de elevación están determinados por dos líneas rectas imaginarias que tienen vértice en el ojo del observador y cuyos lados son la recta horizontal a la altura del ojo y la recta de la visual que une el ojo con el objeto a observar, que debe encontrarse por encima de la horizontal al ojo del observador.

Es importante no confundir el ángulo de elevación con un ángulo positivo en el sentido de la posición canónica del ángulo, pues aunque parezca que la línea de visión puede ser el eje , y que el ángulo de elevación corresponde al ángulo que antes llamamos “positivo”, eso depende de la ubicación del observador.

La medición el ángulo de elevación está más asociado al *sistema cuadrantal* de medición de ángulos, en el que la medición de ángulos se llama medición de *rumbos*, para lo que se usa una medición en grados de entre y hasta , y el sistema cardinal Norte-Sur, Oriente-Occidente.

Para medir los ángulos en el *sistema cuadrantal*, primer se especifica el punto cardinal vertical en el que se encuentra el ángulo a medir, es decir Norte o Sur. Luego, se mide el ángulo en grados cuyo lado inicial está sobre el eje Norte-Sur. Por último se indica el punto cardinal horizontal en el que se encuentra el ángulo a medir, es decir Este-Oeste –aunque en Colombia es más común llamarlos Oriente-Occidente–. Algunos ejemplos de rumbos se muestran en la imagen.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Rumbos en el sistema cuadrantal. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Algunos rumbos en el sistema cuadrantal de medición de ángulos |

Como se observa, cada rumbo es menor a 90°, primero va la componente N ó S del cuadrante seguida de la amplitud del ángulo y del componente E u O. El cuadrante al que corresponde cada rumbo es:

Cuadrante I =: Rumbo NE

Cuadrante II =: Rumbo NO

Cuadrante III =: Rumbo SO

Cuadrante IV =: Rumbo SE

Así, los ángulos de elevación son los complementarios a los rumbos que tengan componente Norte.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** |  |
| **Título** | Identifica ángulos de elevación en la cotidianidad |
| **Descripción** | Se proponen situaciones de la cotidianidad, en las cuales tomar la decisión respecto a nuestra posición como observador, con el fin de identificar contextos en que los ángulos de elevación son importantes |
| **Motor y código** | Ejercicio Genérico M5A: Test - con imagen |

[SECCIÓN 3] **1.3.2 Ángulo de depresión**

Los ángulos de depresión están determinados por dos líneas rectas imaginarias que tienen vértice en el ojo del observador y cuyos lados son la recta horizontal a la altura del ojo y la recta de la visual que une el ojo con el objeto a observar, que debe encontrarse por debajo de la horizontal al ojo del observador.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Imagen de una persona que mira de derecha a izquierda, y los ángulos de elevación y depresión respectivos.  Incluir una imagen como la que aparece en  http://4.bp.blogspot.com/-DS_Ea1MdD1o/UDqHb8G44yI/AAAAAAAAACw/nssflFvyebs/s400/%C3%81ngulos+de+elevaci%C3%B3n+y+%C3%A1ngulos+de+depresi%C3%B3n.jpg  Cambiar “línea horizontal o normal” por “recta horizontal” |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | [AQUÍ](http://4.bp.blogspot.com/-DS_Ea1MdD1o/UDqHb8G44yI/AAAAAAAAACw/nssflFvyebs/s1600/%C3%81ngulos+de+elevaci%C3%B3n+y+%C3%A1ngulos+de+depresi%C3%B3n.jpg) |
| **Pie de imagen** | Angulo de elevación y depresión |

En el sistema cuadrantal, los ángulos complementarios a los rumbos con componente Sur, serán los ángulos de depresión.

Los ángulos de elevación y de depresión se han medido a lo largo de la historia, usando instrumentos de medición como el cuadrante, el sextante, el astrolabio, entre otros, surgidos principalmente de la necesidad de establecer rumbos en astronomía y navegación. La medición de ángulos de elevación y depresión pueden capturarse también de acuerdo al *Sistema circular*.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** |  |
| **Título** | Practica ángulos de elevación y depresión |
| **Descripción** | Recurso para asociar los nombres de los elementos de ángulos de elevación y depresión. |
| **Motor y código** | Ejercicio Genérico M9B: Posicionar etiquetas en imagen |

[SECCIÓN 3] **1.3.3 Ángulos complementarios**

La relación de complementariedad está dada siempre entre dos ángulos. Dos ángulos se dicen *complementarios*, si tomados juntos son iguales a un ángulo recto. En el sistema de medición por grados sexagesimales, eso significa que, sumados, son iguales a . Nótese que en el sistema de medición por grados centesimales, la suma debería ser igual a .

Ejemplo de ángulos complementarios se encuentra entre los rumbos y los ángulos de elevación en el mismo cuadrante. En la imagen, los rumbos están sombreados, mientras que los ángulos de inclinación o depresión están rayados.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Ángulos complementarios medidos como rumbos o como ángulos de elevación o depresión. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Ángulos complementarios medidos como rumbos o como ángulos de elevación o depresión. |

Así, los ángulos del mismo color son complementarios entre sí. En el caso particular, el ángulo de elevación es complementario con el rumbo , el ángulo de elevación es complementario con el rumbo , el ángulo de depresión es complementario con el rumbo y, finalmente, el ángulo de depresión es complementario con el rumbo . La suma entre parejas de ellos es igual a :

y,

Una propiedad adicional de los ángulos complementarios es que son los ángulos de los vértices agudos para los triángulos rectángulos. Como seguramente sabes, la suma de las medidas de los ángulos internos de un triángulo equivale a dos ángulos rectos, que en la medición por grados corresponde a . Ya que uno de los ángulos es recto, mide en grados , así que necesariamente los dos restantes suman los otros , por lo que resultan complementarios.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** |  |
| **Título** | Los ángulos agudos de un triángulo rectángulo son complementarios |
| **Descripción** | Animación en Geogebra que muestra la propiedad de que los ángulos agudos de un triángulo rectángulo son complementarios |
| Motor y código | Ejercicio Genérico M5B: Test - con video |

[SECCIÓN 3] **1.3.4 Ángulos suplementarios**

La relación de suplementariedad está dada siempre entre dos ángulos. Dos ángulos se dicen *suplementarios*, si tomados juntos son iguales a dos ángulos rectos. En el sistema de medición por grados, eso significa que, sumados, son iguales a . Nótese que en el sistema de medición por grados centesimales, la suma debería ser igual a .

Ejemplo de ángulos suplementarios se encuentran en la inclinación mutua entre la pantalla de un portátil y el escritorio o mesa sobre el que descansa. También en los ángulos que describe la columna vertebral cuando se ejercitan algunas posiciones de yoga mientras la persona se encuentra arrodillada. En general, cuando hay un movimiento de vaivén respecto a un plano, se generan ángulos suplementarios.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Galería de imágenes en la que aparecen ángulos suplementarios en contextos de realidad.  Crear imágenes o seleccionar aquellas de las que se indican en las URL’s y hacer lo mismo (marcar la medida en grados de los ángulos suplementarios coloreándolos de color NARANJA y VERDE) que con el ejemplo del portátil siguiente: |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | [URL1](http://www.fotomat.es/fotos/fotomat/suplementario-fotomat-2012-02-10.jpg)  [URL2](http://www.fotomat.es/fotos/fotomat/medida-de-angulos-fotomat-2012-03-03.jpg)  [URL3](http://enforma.hola.com/imagenes/en-forma/20140716376/yoga-estiramientos-running/0-0-830/postura2--z.jpg)  [URL4](http://www.chiledepot.com/pic/productos/1461_CL.jpg) |
| **Pie de imagen** | Ángulos suplementarios en la vida real. |

En las imágenes se marcan diferentes ángulos suplementarios presentes en la vida real. Nota que la suma de los ángulos naranja y verde es siempre igual a dos ángulos rectos, que en la medición en el sistema sexagesimal equivale a y en la medición en el sistema centesimal equivaldría a .

Así, cada par de ángulos naranja y verde son suplementarios entre sí. En el caso particular de la apertura de la pantalla del portátil, el ángulo es suplementario con el ángulo , pues ambos están medidos respecto a la recta roja que representa la mesa de apoyo, sobre la que incide la semirrecta azul, que es la que indica en qué apertura está la pantalla. En el mismo ejemplo, el ángulo es suplementario con el ángulo . La suma entre parejas de ellos es igual a :

y

Una propiedad adicional de los ángulos suplementarios es que si se toman dos ángulos cuyas medidas en grados sumen , eso generará una línea recta entre los lados no comunes. Es lo que se conoce comúnmente como ángulo llano.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** |  |
| **Título** | El ángulo externo de un triángulo es igual a la suma de sus internos opuestos |
| **Descripción** | Animación en Geogebra que muestra la propiedad de que el ángulo externo de un triángulo es igual a la suma de sus internos opuestos |
| **Motor y código** | Ejercicio Genérico M5B: Test - con video |

[SECCIÓN 2] **1.4 Ángulos coterminales**

Algunos fenómenos en cuya explicación aparecen las mediciones angulares son principalmente fenómenos cíclicos. Piensa por ejemplo en la órbita que describe la tierra alrededor del sol, o en la que describe la luna alrededor de la tierra. Se trata de fenómenos que se repiten cada cierto tiempo.

Por ejemplo, la cantidad de giros que da la luna alrededor de la tierra es igual a la cantidad de meses de nuestro sistema calendario. Si se eliminan gran cantidad de variables que participan del fenómeno del movimiento de la luna alrededor del sol, podemos decir que al cabo de un mes la luna ha dado una vuelta completa alrededor de la tierra, al cabo de un mes ha dado dos vueltas, al cabo de tres, tres vueltas, y así sucesivamente hasta que completa 12 vueltas, que es el tiempo que le ha tomado la tierra en dar un solo giro alrededor del sol.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Imagen de la órbita de la luna alrededor de la tierra |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | http://acer.forestales.upm.es/basicas/udfisica/asignaturas/fisica/dinamsist/tierraluna_files/tierra_luna.gif |
| **Pie de imagen** | Órbita de la luna alrededor de la tierra |

La medición de ángulos con el mismo lado inicial y el mismo lado final puede hacerse en sentido positivo o en sentido negativo, pero también se pueden dar varios giros antes de marcar el ángulo. En cualquiera de los tres casos, si los lados inicial y final son los mismos, se dice que los ángulos son coterminales.

En la representación canónica, el lado inicial del ángulo es siempre el eje . Ya que la medición puede hacerse en el sentido de las manecillas del reloj o en el sentido contrario, un par de ángulos coterminales debe sumar .

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** |  |
| **Descripción** | Imagen del sistema tierra-luna con las marcaciones de ángulos coterminales asociados. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Ángulos coterminales en el sistema Tierra-Luna. |

En el caso particular del sistema Tierra-Luna, el ángulo es coterminal tanto con el ángulo como con el ángulo , pues los tres están medidos a partir de la recta roja que representa el eje que corresponde al lado inicial de cada ángulo, y hasta la semirrecta azul, que corresponde al lado final.

Nótese que si al ángulo se suma o se resta un ángulo de , se obtienen los otros dos.

y

Así, en el sistema de grados o sexagesimal, para encontrar ángulos coterminales a un ángulo dado basta, bien sumar, o bien restar otro ángulo de .

Una propiedad adicional de los ángulos coterminales cuyas medidas estén en grados es que si se restan parejas de ángulos coterminales positivos, resulta un múltiplo de . Por su parte, si se resta uno negativo de uno positivo, resulta también un múltiplo de . Es lo que se conoce comúnmente como ángulo completo.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** |  |
| **Título** | Practica ángulos coterminales |
| **Descripción** | Contenedor de imágenes para agrupar imágenes que representen ángulos coterminales iguales |
| **Motor y código** | Ejercicio Genérico M10B: Contenedores de imágenes |

[SECCIÓN 2] **1.5 Consolidación**

La representación y medición de ángulos se puede hacer de múltiples maneras, para las cuales lo más importante es elegir una unidad que sirva para medir, y un sistema de coordenadas para marcar los lados inicial y final y el sentido del giro.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** |  |
| **Título** | Refuerza tu aprendizaje: Definición y tipos de ángulos coordenados |
| **Descripción** | Actividades sobre definición y tipos de ángulos coordenados |
| **Motor y código** | Ejercicio Genérico M101: Preguntas de respuesta libre (NO AUTOEVALUABLE) |

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso aprovechado** | |
| **Código** |  |
| **Ubicación en Aula Planeta** | **1º ESO/TECNOLOGÍA/El ordenador: hardware/12 La ergonomía en el uso del ordenador** |
| **Cambio (descripción o capturas de pantallas)** | **Diapositiva 1**    Cambiar el título por: “Los ángulos y la ergonomía”  Cambiar la foto por otra que aparezca en el Gran Artículo Temático: Ergonomía  **Diapositiva 2**    Cambiar “ordenadores por “computadores”. Cambiar “Averiguad” por “Averigua”. Cambiar “debeís intentar sentaros en” por “intenta sentarte en”. Cambiar “taburete” por “banco”  En la opción incorrecta cambiar la frase por “Los dispositivos técnicos deben adaptarse al hombre. Las fábricas y los puestos de trabajo deben diseñarse pensando en las personas que los van a utilizar. Un banco no ofrece apoyo piernas, brazos ni espalda”    En la respuesta correcta, cambiar “vuestras” por “tus”  **Diapositiva 3**    Cambiar “ordenador” por “computador”  En la primera opción cambiar “tendreís” por “tendrás  La segunda queda igual  En la tercera cambiar “podeís” por “puedes”  **Diapositiva 4**    Cambiar “ordenador” por “computador”  Cambiar “podeís” por “puedes”  En la respuesta correcta, cambiar “vuestra” por tu”, “llegais” por “llegas” y “teneís” por “tienes”.  En la respuesta incorrecta cambiar “adoptaís” por “adoptas” y “ordenador” por “computador”  **Diapositiva 5**    Eliminar la diapositiva y en lugar de ella crear una nueva con la información:  Es muy importante supervisar la correcta disposición del monitor, el teclado y el ratón, y procurar que las muñecas y los antebrazos estén alineados con el teclado, con el codo flexionado en unos 90°. La silla debe regularse a la altura adecuada y el respaldo ha de sujetar especialmente la zona lumbar de la espalda. También es aconsejable:    Permanecer la mayor cantidad de tiempo sentado: Respuesta incorrecta. Debes cambiar a menudo de postura.  Levantarse y andar un poco: Respuesta correcta. Se recomienda levantarse y caminar aproximadamente cada 45 minutos.  **Diapositiva 6**    Dejar igual, cambiando la imagen por alguna de una persona de entre 15 y 20 años  En la primera opción, cambiar “podreís” por “podrás”, “acercaros” por “acercarte” y “vuestras” por “tus”  En la segunda opción cambiar “os” por “te” y “vuestro” por “tu”  En la tercera, cambiar“vuestras” por “tus”  **Diapositiva 7:**    Queda igual  **Diapositiva 8:**    Queda igual  **Diapositiva 9**    En la primera opción, cambiar “escuchaís” por “escuchas”, “utilizaís” por “utilizas” y “podeís” por “puedes”  En la segunda, cambiar “usaís” por “usas” y “os” por “te” |
| **Título** | Los ángulos y la ergonomía |
| **Descripción** | Interactivo que expone elementos propios de la ergonomía en los que se ponen en juego definición, medición y propiedades de los ángulos. |