|  |  |
| --- | --- |
| Título del guion | Las funciones |
| Código del guion | MA\_10\_01\_CO |
| Descripción | La conceptualización, clasificación y propiedades de las funciones. |

[SECCIÓN 1] **1 Las funciones reales**

Entre diversos conjuntos de personas, instituciones y objetos se pueden encontrar múltiples formas de relación. Por ejemplo, la relación “ser madre de” vincula a un conjunto de personas con otro conjunto de personas, mientras que la relación “ser proveedor de” podría vincular conjuntos mixtos de empresas, instituciones y personas. Por su parte la relación “ser sinónimo de” vincula conjuntos de palabras, mientras la relación “ser componente del ecosistema marino” vincula conjuntos mixtos de sistemas, procesos y microorganismos. Finalmente, la relación “cantidad de diagonales de” vincula un conjunto de números con uno de polígonos.

Para la relación “ser madre de”, en el primer conjunto, necesariamente deben haber mujeres que han tenido hijos, y en el segundo conjunto podrían existir mujeres que están en el primer conjunto. Es importante, para definir una relación, las “flechas” que comunican los elementos de cada conjunto. En el caso de la relación expuesta, ser madre vincula parejas madre-hijo y no a personas aisladas. Se procura que los elementos que están en los conjuntos aparezcan porque efectivamente cumplen, según la relación descrita. Ello es lo que se especifica al definir el dominio y el rango de la función.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG01 |
| **Descripción** | La relación “ser madre de” entre conjuntos de personas. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | Crear un par de conjuntos M (madres) y H (hijos) y una relación entre conjuntos como la siguiente:    en la que Mercedes es madre de Carlos, Laura y Mauricio, Gilma es madre de Diana, César y Rubén, mientras que Alicia es madre de Rocío. Así, en el conjunto M están Mercedes, Gilma y Alicia, mientras que en el conjunto H están todos los demás. |
| **Pie de imagen** | Ejemplo de la relación “ser madre de” entre conjuntos. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG02 |
| **Descripción** | La relación “cantidad de diagonales de” entre números y polígonos. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | Crear un par de conjuntos P (polígonos) y D (número de diagonales), y una relación entre conjuntos como la que se muestra a continuación:    en la que a cada polígono, se le asigna la cantidad de diagonales correspondiente.  NO OLVIDAR: Cambiar los nombres de los conjuntos.  NO OLVIDAR: Incluir el número 0 y el 1 en el conjunto de números.  NO OLVIDAR: Incluir polígonos cóncavos y no regulares.  Los triángulos tendrán correspondencia con el 0  Los cuadriláteros con el 2,  Los pentágonos con el 5,  Los hexágonos con el 9  El conjunto de salida siempre ponerlo en color rojo, y el llegada en color azul. |
| **Pie de imagen** | Ejemplo de la relación “cantidad de diagonales de” entre conjuntos. |

[SECCIÓN 2] **1.1 El concepto de función**

Las **funciones** son tipos particulares de relaciones que cumplen condiciones específicas.

|  |  |
| --- | --- |
| **Destacado** | |
| **Título** | **Función** |
| **Contenido** | Una **función** es una relación entre dos conjuntos que satisface la condición: “a cada elemento del primer conjunto le *corresponde uno y solo uno* de los elementos del segundo conjunto”. |

En adelante nos centraremos en funciones que relacionan conjuntos numéricos.

En muchas ocasiones se confunde que dos conjuntos están relacionados con la idea de que siempre debe haber una ecuación que presenta la relación entre ellos, por ejemplo la función “adicionar uno” se puede expresar como y=x+1; sin embargo no toda función ofrece una regla algorítmica para pasar de un conjunto al otro por medio de esta, ni toda expresión que relaciona variables es una función.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG03 |
| **Descripción** | Imagen del conjunto de relaciones entre A y B con su respectivo subconjunto de funciones entre A y B |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Hay relaciones entre dos conjuntos que no son funciones. |
| **Ubicación del pie de imagen** | Inferior |

Las representaciones de las funciones como flechas entre conjuntos, como columnas de una tabla o como gráfica en el plano cartesiano son tan relevantes para comprender la función como la expresión analítica y=f(x).

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso aprovechado** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC10 |
| **Ubicación en Aula Planeta** | 1° ESO/Matemáticas/Las funciones y gráficas/El concepto de función/¿Qué es una función? |
| **Cambio (descripción o capturas de pantallas)** | Quitar las diapositivas 1, 2 y 3  Conservar las diapositivas 4, 5, 6 y 7, pero incluyendo entre la 4 y la 5 una nueva diapositiva con los cambios señalados en la imagen:  FAVOR HACER VERDES TODAS LAS FLECHAS    Creada 1 |
| **Título** | Algunos ejemplos de función. |
| **Descripción** | Actividad para identificar funciones a partir de las “flechas” o correspondencias entre los conjuntos relacionados |

Observa la expresión x2+y2=1, esta representa una circunferencia de radio 1 y centro en el origen del plano cartesiano; esta expresión no es una función porque para cada valor del diámetro horizontal se tienen dos “imágenes”, por ejemplo para el valor x=0 se tienen dos imágenes correspondientes: 1 y -1.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG04 |
| **Descripción** | En un plano cartesiano graficar una circunferencia de radio 1 y centro en el origen, destacando las dos “imágenes” del cero. La palabra imagen debe ir entre comillas |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | La circunferencia x2+y2=1 no es una función. |
| **Ubicación del pie de imagen** | Inferior |

Como diagrama de flechas es posible visualizar la misma conclusión anterior para la relación x2+y2=1.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG05 |
| **Descripción** | Una relación que no es una función. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | Crear una correspondencia entre conjuntos que represente la relación entre los puntos en un diámetro horizontal de una circunferencia y los puntos que están en la circunferencia. Los conjuntos se llamarán D (por ser los puntos en el diámetro horizontal) y C (por ser los puntos sobre la circunferencia).  La imagen debe quedar muy similar a la siguiente:  FAVOR HACER VERDES LAS FLECHAS    Creada 2  Nota al ilustrador: La selección de colores rojo y azul para los conjuntos de salida y llegada y de verde o naranja no es arbitraria, se usa todo el tiempo para identificar DominIo, codominio y Rango, además para identificar la ubicación de los conjuntos en las diferentes representaciones |
| **Pie de imagen** | La expresión no representa una función, pues a elementos del conjunto de salida D le corresponden dos elementos del conjunto de llegada C. |

Algunas relaciones no tienen expresiones algebraicas como sí la había para la circunferencia. La expresión Fn=Fn-2+Fn-1 representa la manera en la que se obtienen los números de Fibonacci, si se inicia con los valores F1=1 y F2=1; de manera simple, esta serie se construye sumando los dos últimos números para obtener el siguiente como puedes ver: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13,... Este es un ejemplo de una ecuación que, aunque indica la forma en que se obtiene un número a partir de los dos números previos, no ofrece una regla específica para obtener uno de los números haciendo operaciones.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG06 |
| **Descripción** | Función recursiva: Aunque es una función, no ofrece una regla directa para obtener los números. |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | Del mismo modo que en la imagen, dejar el mismo conjunto de partida N rojo, pero en el de llegada poner los respectivos números de Fibonacci. (Es decir , el listado azul es 1,1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 377, 610 y 196418)   |  |  | | --- | --- | | N | C | | 1 | 1 | | 2 | 1 | | 3 | 2 | | 4 | 3 | | 5 | 5 | | 6 | 8 | | 7 | 13 | | 8 | 21 | | 9 | 34 | | 10 | 55 | |  |  | |  |  |   No olvidar: poner en desorden los números de Fibonacci.  Hacer VERDES las flechas de asignación |
| **Pie de imagen** | Relación entre posición en la serie de Fibonacci y su valor |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC20 |
| **Título** | Relaciona el dominio y el codominio de una función |
| **Descripción** | Interactivo para relacionar dos conjuntos mediante la relación “ser el número siguiente del cuadro de” |

[SECCIÓN 2] **1.2 La representación de funciones**

El concepto mismo de función como *relación entre dos conjuntos que satisface la condición de que a cada elemento del primer conjunto le corresponde uno y solo uno de los elementos del segundo conjunto*, implica inicialmente una referencia en términos de representación.

Una primera forma de representación que se hace del concepto de función es la de **correspondencia entre elementos de dos conjuntos**, como las que aparecen a continuación:

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG07 |
| **Descripción** | Representación de función como correspondencia entre conjuntos |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | Crear una representación entre dos conjuntos N y C, no ordenados de números naturales y cuadrados, con sus correspondencias puestas como flechas (VERDES), como:    Creada 3 |
| **Pie de imagen** | Representación como correspondencia entre conjuntos para la función “ser cuadrado de”. |

En efecto, algunos conjuntos se pueden definir por comprensión valiéndose de una regla o de un algoritmo que permita obtener la **variable dependiente** (es decir, la del conjunto de llegada), en función de la **variable independiente** (la del conjunto de salida).

Algunos ejemplos de función son: “ser cuadrado de”, “ser doble de un número más uno”.

Una segunda forma de representar funciones, es la que presenta una **ecuación** como correspondencia entre variables, se conoce como representación **analítica** de la función. En ese caso, los elementos del conjunto de partida cambian según varíe , llamada variable independiente, mientras que los valores del conjunto de llegada, o valores de la variable dependiente , se obtienen mediante una regla o ecuación a partir del valor de . Ello se expresa diciendo que y=f(x) o que está *en función* de .

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG08 |
| **Descripción** |  |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Expresión analítica de una función como ecuación |
| **Ubicación del pie de imagen** | Inferior o lateral |

Veamos algunos ejemplos:

1. La relación “ser cuadrado de” se puede escribir como f(x)=x2. Esta relación **Sí** es una función.
2. La relación “ser raíz cuadrada de” no es una función, ya que cada número positivo tiene dos raíces cuadradas, por ejemplo 4 tiene como raíces cuadradas 2 y -2. Lo que sí es función es “ser raíz cuadrada positiva de” y “ser raíz cuadrada negativa de”.
3. La relación “ser el -*ésimo* número triangular”, en el conjunto de los números naturales, asigna a cada natural la suma de los números naturales desde 1 hasta . Se puede escribir analíticamente como

**<<FQ\_MA\_10\_01\_001.gif>>**

Además es una **función discreta**, es decir los valores del conjunto de salida solamente son los números naturales y se recalca en el hecho de que la variable que se usa es en lugar de .

1. La relación “ser el -*ésimo* número de Fibonacci”, en el conjunto de los números naturales, asigna a cada natural el resultado de la adicción de los dos números de Fibonacci que lo preceden esta **sí** es una función. Para describir la generación de números de Fibonacci se usa la expresión Fn=Fn-2+Fn-1. Debes notar que para obtener un nuevo número de Fibonacci se requiere conocer los dos números de Fibonacci previos, esta característica la hace una *función recursiva*.

Una tercera forma de representación que sirve como representación del concepto de función es la de **tabulación**, en la que se ubican los valores del conjunto de salida en la primera columna de una tabla y sus valores respectivos al conjunto de llegada se sitúan al frente, en la segunda columna.

Como parte de los procesos asociados a la representación de funciones, la posibilidad de *ordenar* los elementos del conjunto de salida está siempre presente. En la representación tabular habitualmente los valores en la tabla van de menor a mayor, lo que facilita su lectura y análisis.

|  |  |
| --- | --- |
| **Recuerda** | |
| **Contenido** | La recta real contiene el conjunto de los números reales, y su ubicación horizontal suele representarse con los números ordenados de menor a mayor, de izquierda a derecha. Es decir, para saber si un número es mayor que otro, siempre será mayor el que está a su derecha.  En el plano cartesiano, los ejes son dos rectas reales perpendiculares, en el que la recta vertical presenta los números ordenados de menor a mayor, de abajo hacia arriba. |

Como parte de los procesos asociados a la representación de funciones, la posibilidad de *ordenar* los elementos del conjunto de salida está siempre presente. En la representación tabular habitualmente los valores en la tabla van de menor a mayor, aunque no es un requerimiento, siempre que frente a cada elemento de la primera columna esté su correspondiente. La anterior es una de las razones por las que la noción de orden es fundamental en matemáticas.

Veamos la descripción tabular asociada a la función “ser cuadrado de”:

|  |  |
| --- | --- |
| **Descripción de la relación:** “ser el cuadrado de x” | |
| **Elementos del conjunto de partida:** todos los números reales | |
| **Elementos del conjunto de llegada:** todos los números reales positivos (fíjate que no son solo los que se conocen como números cuadrados). | |
| **Ecuación o regla para relacionar los elementos.** | |
|  |  |
|  |  |
|  | 18,49 |
|  | 2 |
|  | 1 |
|  | 0,25 |
|  | 0 |
|  | 1 |
|  | 1,99996164 |
|  | 4 |
|  | 9 |
|  |  |
| 4 | 16 |
| 5 | 25 |

Ahora, veamos el ejemplo con la relación “ser la suma de los números consecutivos desde 1 hasta *x*”

|  |  |
| --- | --- |
| **Descripción de la relación:** “ser la suma de los números consecutivos desde 1 hasta este” o “ser el respectivo número triangular” | |
| **Elementos del conjunto de partida:** todos los números naturales | |
| **Elementos del conjunto de llegada:** los números triangulares | |
| **Ecuación o regla para relacionar los elementos. y=f(n)= “sumar los primeros n números naturales”** | |
|  |  |
|  | No está en el conjunto de salida |
|  | No está en el conjunto de salida |
|  | No está en el conjunto de salida |
|  | No está en el conjunto de salida |
|  | No está en el conjunto de salida |
|  |  |
|  |  |
|  | No está en el conjunto de salida |
|  |  |
|  |  |
|  | No está en el conjunto de salida |
| 4 |  |
| 5 |  |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC30 |
| **Título** | Completa la representación tabular |
| **Descripción** | Completar la representación tabular para la función “ser raíz cuadrada negativa de”. |

Finalmente, una **cuarta forma de representación** para funciones es la **gráfica** de la función. En esta representación, los conjuntos de salida y de llegada se sitúan respectivamente en los ejes *X* y *Y* de un plano cartesiano, y se ubica un punto para la coordenada P=(x,y) donde el elemento pertenece al conjunto de salida, y el elemento es su correspondiente en el conjunto de llegada. Desde la representación tabular, cada punto P=(x,y) corresponde a la pareja ordenada que aparece en cada una de las filas de la representación tabular.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG09 |
| **Descripción** | Representación de función como gráfica en el plano cartesiano |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | Esta gráfica se construyó como una captura de pantalla desde el archivo de Geogebra que indica el tránsito entre la representación conjuntista y la gráfica de la función  **mantener los colores de la gráfica de ejemplo y colocar los nombres de los ejes del plano cartesiano en mayúscula e itálica.**    Creada 4 |
| **Pie de imagen** | Representación como gráfica cartesiana para la función “ser cuadrado de”. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC40 |
| **Título** | Conversión entre representaciones de la función |
| **Descripción** | Interactivo que muestra los pasos para obtener la representación de la función desde la representación como correspondencia entre conjuntos hasta la representación gráfica de la función |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC50 |
| **Título** | Identifica diferentes tipos de representación de funciones |
| **Descripción** | Agrupar diferentes tipos de representación para tres funciones diferentes |

[SECCIÓN 2] **1.3 Dominio, codominio y rango de una función**

Tanto en la representación conjuntista, como en la tabular y gráfica del concepto de función se identifica del conjunto de salida, del conjunto de llegada y de las flechas entre los elementos en cada conjunto. Los nombres de este par de conjuntos son, respectivamente, *dominio* y *codominio* de la función,

|  |  |
| --- | --- |
| **Destacado** | |
| **Título** | **Definiciones** |
| **Contenido** | En el *dominio* de una función se encuentran todos los valores que pueden estar en el conjunto de salida, mientras que en el *codominio* aparecen todos valores presentes en el conjunto de llegada. El *rango* o *imagen* de la función es el subconjunto del codominio que “vienen” de un elemento del dominio a través de la función. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG10 |
| **Descripción** | Relación conjuntista de los conjuntos Dominio, Codominio y Rango |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | El rango de *f* es subconjunto del codominio, pueden ser iguales. |
| **Ubicación del pie de imagen** | Inferior |

Por ejemplo, para la función “ser raíz cuadrada negativa de”, no se pueden incluir en el dominio los números reales negativos, pues ellos no tienen raíz cuadrada. Del mismo modo, la función “La suma de los números consecutivos desde 1 hasta *x*” solo es aplicable sobre el conjunto de los números naturales, es decir que su dominio es el conjunto de los números naturales.

En el caso de la función “Costo de una llamada telefónica que duró *x* minutos”, cuando el conjunto de salida incluye los tiempos de duración de la llamada y el conjunto de llegada incluye los costos correspondientes en pesos, el dominio de la función es el de los números reales positivos, mientras que en el codominio estarán todos los enteros positivos, mientras que en el rango aparecerán los múltiplos del valor por minuto. En caso de que se esté llamando desde una cabina o lugar público el costo deberá ser múltiplo de $50, pues no hay forma de pagar con monedas de menor valor (por ejemplo una llamada no podrá tener un costo de $269 pesos).

En la representación tabular propuesta podemos cambiar la descripción “Elementos del conjunto de partida” por “Dominio de la función”, mientras que “Elementos del conjunto de llegada” se puede denominar “Codominio de la función”:

|  |  |
| --- | --- |
| **Destacado** | |
| **Título** | **Dominio, codominio y rango de una función** |
| **Contenido** | El *dominio* de las funciones es importante para determinar cuáles de los valores aparecerán en el conjunto de salida en la representación conjuntista, o en la primera columna de la representación tabular, o en el eje *X* de la representación gráfica cartesiana. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Destacado** | |
| **Título** | **Dominio, codominio y rango de una función** |
| **Contenido** | El *codominio* de una función contiene los elementos del conjunto de llegada en la representación conjuntista, o en la segunda columna de la representación tabular, o en el eje *Y* de la representación gráfica cartesiana,a lo largo de la exposición, se ha identificado con los colores de los puntos en el rango o imagen como . |

[SECCIÓN 2] **1.4 Consolidación**

Actividades para consolidar lo que has aprendido en esta sección.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC60 |
| **Título** | Refuerza tu aprendizaje: La representación de funciones |
| **Descripción** | Agrupar diferentes tipos de representación para la misma función |

[SECCIÓN 1] **2 Propiedades de las funciones**

|  |  |
| --- | --- |
| **Recuerda** | |
| **Contenido** | Una *función* es una relación entre dos conjuntos, el *dominio* y *codominio*, de manera que a cada elemento del dominio le corresponde un único elemento en el codominio. El conjunto de todas las imágenes del dominio en el codominio se llama *rango* o *imagen* de la función que se representa, esta representación puede ser:   * *Conjuntista* mediante flechas del dominio al codominio * *Tabular* como puntos en un sistema de coordenadas * *Gráfica* en el plano cartesiano. * E*cuación* que indica la relación entre los elementos del dominio para obtener los del codominio. |

Según la forma de saturación las funciones pueden ser inyectivas, sobreyectivas o biyectivas, entendiendo saturación como la forma en que el dominio a través de la función “llena” el codominio.

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC70 |
| **Título** | Clasificación de funciones |
| **Descripción** | Interactivo que explica la clasificación de funciones según su saturación y tránsito |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_REC80 |
| **Título** | Determina si una función es inyectiva |
| **Descripción** | Determinar si una función es inyectiva, desde las diferentes representaciones |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC90 |
| **Título** | Determina si una función es sobreyectiva |
| **Descripción** | Determinar si una función es sobreyectiva, desde las diferentes representaciones |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | **MA\_10\_01\_CO\_REC100** |
| **Título** | Funciones biyectivas |
| **Descripción** | Determinar si una función es biyectiva, desde las diferentes representaciones |

[SECCIÓN 2] **2.4 Consolidación**

Actividades para consolidar lo que has aprendido en esta sección.

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso aprovechado** | |
| **Código** | **MA\_10\_01\_REC110** |
| **Ubicación en Aula Planeta** | 4°ESO/Matemáticas/Las funciones de proporcionalidad inversa/Las funciones de proporcionalidad inversa/ La función y = 1/x. Gráfica y propiedades. |
| **Cambio (descripción o capturas de pantallas)** | Queda igual  Queda igual  Queda igual  CAMBIAR LO INDICADO    CAMBIAR LO INDICADO  Dejar el mismo “Practica”  En el segundo menú:  Cambiar el título “Asíntotas” por “Biyectividad”  Eliminar la frase y escribir: “En la gráfica de la función se puede observar el cumplimiento del criterio de la recta horizontal y vertical, que a lo largo de la función solo la corta en un punto. La animación no será de las flechas actuales, sino que debe moverse una “cruz”, como las moradas, a lo largo de la función.  Eliminar la frase y escribir: “La recta vertical es la paralela al eje *Y* que corta la función y garantiza que es inyectiva. La animación debe mover, de izquierda a derecha, la recta morada .  Eliminar la frase y escribir: “La recta horizontal es la paralela al eje *X* que corta la función y garantiza que es sobreyectiva. La animación debe mover, de izquierda a derecha, la recta morada . Si se cumple el criterio de la recta horizontal y vertical simultáneamente, la función será biyectiva.    El “practica”, debe cambiarse. La frase debe decir: “¿Es la función biyectiva según el criterio de la recta horizontal y vertical? El dibujo es muy similar en el cuadrante I, pero lo del cuadrante 3 es simétrico al eje *X*, en el cuadrante II. Es decir, la gráfica será similar a la de abajo, de color naranja, con eje *X* rojo y eje *Y* azul.    En la solución debe decir: “No, porque la recta horizontal corta a la gráfica de la función en dos puntos cada vez”. |
| **Título** | Refuerza tu aprendizaje: Criterio de la recta vertical y horizontal |
| **Descripción** | Interactivo diseñado para aprender y aplicar los criterios de la recta horizontal y vertical, así como para identificar funciones biyectivas desde su representación gráfica |

[SECCIÓN 1] **3 Clases de funciones**

La clasificación de las funciones según la forma en que se relaciona el dominio y el rango de cada función, ayuda a tener una idea *global* de ella. Una biyección entre conjuntos permite definir la función inversa, que en cierta forma “cambia” la dirección de las flechas de la función.

En esta sección verás la clasificación de funciones, a través de su comportamiento local, como crecientes, decrecientes o constantes; también identificarás las funciones periódicas.

[SECCIÓN 2] **3.1 La función creciente**

El estudio del crecimiento y decrecimiento de una función se realiza por intervalos. Una función puede ser creciente en un intervalo y decreciente en otro, ser estrictamente creciente o no ser lo uno ni lo otro.

|  |  |
| --- | --- |
| **Destacado** | |
| **Título** | **Función creciente** |
| **Contenido** | Una función es *creciente* cuando los cambios ascendentes en elementos del dominio implican, a su vez, cambios ascendentes en los elementos del codominio. |

En la representación conjuntista, teniendo ordenados de menor a mayor los elementos en el dominio y en el codominio, una función será creciente si las flechas entre los conjuntos preservan el orden, es decir no se cruzan.

En la representación tabular, teniendo ordenados de menor a mayor los elementos en el dominio o columna *x*, los correspondientes en el codominio o columna *y* resultarán ordenados, a su vez, de menor a mayor.

En la representación analítica, una función *y=f(x)* se denomina *creciente* en un intervalo si al tomar cualquier par de elementos x1 y x2 en el intervalo, tales que *x1* < *x2* entonces también  *f(x1)* < *f(x2*).

Gráficamente el crecimiento de una función se observa verificando si al tomar valores en el eje *X* que aumentan –es decir que se mueven de izquierda a derecha–, las imágenes respectivas según la orientación del eje *Y* también aumentan, moviéndose respectivamente de abajo hacia arriba.

El crecimiento de una función continua en un intervalo puede asociarse a que la recta que une dos elementos y cualesquiera del dominio en ese intervalo, tiene pendiente positiva.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG11 |
| **Descripción** | Ejemplo de función creciente |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Función creciente representada gráficamente. |

[SECCIÓN 2] **3.2 La función decreciente**

El concepto de función *decreciente* es completamente análogo al de función creciente, salvo porque los cambios ascendentes en elementos del dominio implican, a su vez, cambios *descendentes* en los elementos del codominio. Las diferentes representaciones de las funciones se evidencian estos cambios.

En la representación conjuntista, teniendo ordenados de menor a mayor los elementos en el dominio y en el codominio, una función será decreciente si las flechas entre los conjuntos invierten el orden.

En la representación tabular, teniendo ordenados de menor a mayor los elementos en el dominio o columna , los correspondientes en el codominio o columna , resultarán ordenados en el orden inverso, es decir, de mayor a menor.

En la representación analítica, una función *y=f(x)* se denomina *decreciente* en un intervalo si al tomar cualquier par de elementos x1 y x2 en el intervalo, tales que *x1* < *x2* entonces *f(x1)* < *f(x2*).

Gráficamente el decrecimiento de una función se observa verificando que si se toman valores en el eje *X* que aumentan –es decir que me mueven de izquierda a derecha–, las imágenes respectivas según la orientación del eje *Y* disminuyen, es decir que van de arriba hacia abajo.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG12 |
| **Descripción** | Ejemplo de función decreciente |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Función decreciente, en un intervalo, representada gráficamente. |

El decrecimiento de una función continua en un intervalo puede asociarse a que la recta que une dos elementos y cualesquiera del dominio en ese intervalo, tiene pendiente negativa.

|  |  |
| --- | --- |
| **Recuerda** | |
| **Contenido** | La pendiente de una recta que pasa por dos puntos *P1=(x1,y1)* y *P2=(x2,y2)* es una razón entre los cambios en *y* y los cambios en *x.*  Los cambios en *x* y en *y* se calculan haciendo la diferencia entre las componentes, por lo que la pendiente será: |

[SECCIÓN 2] **3.3 La función constante**

Como su nombre lo indica, una función es *constante* si no cambia, es decir, si no hay variación en sus imágenes, con lo que se trata de una relación que asigna a todos los elementos del dominio el mismo elemento en el codominio.

En la representación conjuntista, una función es constante cuando relaciona todos los elementos del dominio con un único elemento del codominio.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG13 |
| **Descripción** | Ejemplo de función constante |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Función constante en su representación conjuntista. |

En la representación tabular, la función constante *y=f(x)=k,* donde *k* es un número real, tiene todos los elementos constantes e iguales a *k*, es decir que no varían.

En resumen, una función constante *y=f(x)=k* tendrá como representación tabular, analítica y gráfica las capturadas en la siguiente tabla:

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG14 |
| **Descripción** |  |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser igual a ” | | | | **Dominio (elementos del conjunto de partida):** todos los números reales | | | | **Rango (elementos del conjunto de llegada):** {*k*} | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | | *y=f(x)=k* | | ***x*** | ***y=f(x)*** | **Nota para el diseñador: el eje vertical no tendrá escala.** | | -5 | *k* | | -4,3 | *k* | | -√2 | *k* | | -1 | *k* | | -1/2 | *k* | | 0 | *k* | | 1 | *k* | | 1,4142 | *k* | | 2 | *k* | | 3 | *k* | | π | *k* | | 4 | *k* | | 5 | *k* | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de la función constante *f(x)=k* |

Para un caso específico, por ejemplo la función constante *y=f(x)=*8, tendría las siguientes representaciones tabular, gráfica y analítica:

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG15 |
| **Descripción** |  |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser igual a 8” | | | | **Dominio: elementos del conjunto de partida:** todos los números reales | | | | **Codominio: elementos del conjunto de llegada:** | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | | ***y=f(x)=*8** | | ***x*** | ***y=f(x)*** |  | | -5 | 8 | | -4,3 | 8 | | -√2 | 8 | | -1 | 8 | | -1/2 | 8 | | 0 | 8 | | 1 | 8 | | 1,4142 | 8 | | 2 | 8 | | 3 | 8 | | π | 8 | | 4 | 8 | | 5 | 8 | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de *y=f(x)=*8*.* |

La representación gráfica de una función constante es una recta paralela al eje *X*.

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso aprovechado** | |
| **Código** | **MA\_10\_01\_CO\_REC120** |
| **Ubicación en Aula Planeta** | 4° ESO/ Matemáticas/Las funciones/El estudio de una función/El crecimiento y el decrecimiento de una función |
| **Cambio (descripción o capturas de pantallas)** | Queda igual  Cambiar lo indicado en la imagen. Además, eliminar la frase y escribir: “Observa la representación gráfica de esta función. Si la sigues de izquierda a derecha, ¿es creciente o decreciente?”  Cambiar lo indicado. Además, eliminar la frase y escribir: “El crecimiento de la función se observa, pues al tomar valores en el eje *X* que aumentan –es decir que se mueven de izquierda a derecha–, las imágenes respectivas según la orientación del eje *Y* también aumentan, moviéndose respectivamente de abajo hacia arriba.  Cambiar lo indicado para todas las gráficas de las funciones. Además, eliminar la frase y escribir: “Observa la representación gráfica de esta función. Si la sigues de izquierda a derecha, ¿es creciente o decreciente?”  Cambiar lo indicado. Además, eliminar la frase y escribir: “El decrecimiento de la función se observa, pues al tomar valores en el eje *X* que aumentan, es decir que se mueven de izquierda a derecha, las imágenes respectivas según la orientación del eje *Y* disminuyen, moviéndose respectivamente de arriba hacia abajo.  Dejar igual, quitando los puntos suspensivos.  Dejar la misma “Actividad” |
| **Título** | Funciones crecientes, decrecientes y constantes |
| **Descripción** | Interactivo para identificar funciones crecientes, decrecientes y constantes desde su representación gráfica. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC130 |
| **Título** | Practica crecimiento, decrecimiento y constancia de funciones |
| **Descripción** | Identificar condiciones de crecimiento, decrecimiento y constancia de algunas funciones, desde distintas representaciones. |

[SECCIÓN 2] **3.4 La función par**

Una función *par* es tal que para cada número positivo y su inverso aditivo se tiene la misma imagen.

En la representación gráfica de una función par se puede obtener la parte negativa de una función a partir de la parte positiva, haciendo una reflexión respecto al eje *Y.*

En la representación conjuntista y en la tabular, al ubicar parejas de números opuestos aditivos (como 1 y -1, 3 y -3 o -√2 y √2), la imagen en el codominio es la misma en cada pareja, es decir que la flecha que sale de los opuestos llega al mismo número.

La organización de los elementos del dominio respecto a los elementos del codominio se hace por las *parejas* de números con su respectivo opuesto aditivo.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG16 |
| **Descripción** | Función par |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Representación conjuntista de una función par. |

Analíticamente la característica de paridad para las funciones se expresa de la siguiente manera: una función *y=f(x)* es par si y solo si *f(x)=f(-x)*.

Para verificar si una función es par, desde su representación analítica *y=f(x)*, se evalúa *f(–x)* y realizar la manipulación algebraica necesaria para obtener la expresión original *f(x)*. Si al hacer la manipulación algebraica no es posible obtener la función original, entonces la función no es par.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC140 |
| **Título** | Aprende a identificar una función par |
| **Descripción** | Calcula las imágenes de números opuestos mediante la misma función como indicio para identificar la paridad de una función |

En la representación gráfica de una función se puede identificar si es par cuando esta es simétrica respecto al eje *Y*.

Las siguientes son representaciones múltiples de funciones pares:

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG17 |
| **Descripción** | Ejemplo de función par |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser el cuadrado de *x*” | | | | **Dominio (elementos del conjunto de partida):** todos los números reales | | | | **Codominio (elementos del conjunto de llegada):** los números reales positivos | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | | *y=f(x)=x2* | | ***x*** | ***y=f(x)*** |  | | -5 | 25 | | -4,3 | 18,49 | | -√2 | 2 | | -1 | 1 | | -1/2 | 0,25 | | 0 | 0 | | 1 | 1 | | 1,4142 | 1,9999616 | | 2 | 4 | | 3 | 9 | | π | π2≅9,869604 | | 4 | 16 | | 5 | 25 | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de una función par. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG18 |
| **Descripción** | Ejemplo de función par |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser el recíproco de la cuarta potencia de *x*” | | | | **Dominio: elementos del conjunto de partida:** todos los números reales | | | | **Codominio: elementos del conjunto de llegada:** los números reales positivos | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | |  | | ***x*** | ***y=g(x)*** |  | | -5 | 0,0016 | | -4,3 | 0,00391 | | -√2 | 0,25 | | -1 | 1 | | -1/2 | 16 | | 0 | Indeterminado | | 1 | 1 | | 1,4142 | 0,25001 | | 2 | 0,0625 | | 3 | 0,01235 | | π | ≅0,01027 | | 4 | 0,003906 | | 5 | 25 | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de una función par. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG19 |
| **Descripción** | Ejemplo de función par |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser el coseno de *x*” | | | | **Dominio: elementos del conjunto de partida:** todos los números reales. | | | | **Codominio: elementos del conjunto de llegada:** los números reales entre -1 y 1 | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | | ***y=h(x)=*cos*x*** | | **x** | **y=h(x)** |  | | -5 | 0,2836621 | | -4,3 | -0,400799 | | -√2 | 0,155944 | | -1 | 0,540302 | | -1/2 | 0,8775825 | | 0 | 1 | | 1 | 0,540302 | | 1,4142 | 0,155957 | | 2 | -0,4161468 | | 3 | -0,9899925 | | π | -1 | | 4 | -0,6536436 | | 5 | 0,2836621 | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de una función par. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC150 |
| **Título** | Simetría de la función par |
| **Descripción** | A partir de la expresión analítica de una función, determinar los sectores simétricos para que la función sea par |

[SECCIÓN 2] **3.5 La función impar**

Una función *impar* es tal que las imágenes de opuestos aditivos difieren únicamente en su signo. Otra forma de expresar esa idea es que, para obtener la parte negativa de la función (cuadrantes II y III), se aplica una simetría sobre el origen.

En la representación conjuntista y en la tabular, al ubicar parejas de opuestos aditivos (como 1 y -1, 3 y -3 o -√2 y √2) la imagen en el codominio resulta también en opuestos, es decir que la flecha que sale de los opuestos llega a opuestos.

|  |  |
| --- | --- |
| **Destacado** | |
| **Título** | **Ejemplo de imágenes de funciones impares** |
| **Contenido** | Si *y=f(x)* es una función impar y si *f(*1*)=y*1, entonces *f(-*1*)=-y1.* |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG20 |
| **Descripción** | Función impar |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Representación conjuntista de una función impar. |

En la representación analítica de una función *y=f(x)* decimos que es impar si y solo sí *-f(x)=f(-x)*. Para verificar si una función es impar se evalúa *f(-x)* y luego de operar algebraicamente se compara el resultado con *–f(x)*, si coinciden los resultados es una función impar.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC160 |
| **Título** | Aprende a identificar una función impar |
| **Descripción** | Calcula las imágenes de números opuestos bajo la misma función como indicio para identificar la imparidad de una función |

Finalmente, desde la representación gráfica, una función es impar si es simétrica respecto al origen, esto significa que la distancia entre cualquier imagen de la función y el origen se replica en esa misma dirección, hasta otro punto en la función.

Las siguientes son representaciones de funciones impares:

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG21 |
| **Descripción** | Ejemplo de función impar |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser el cubo de *x*” | | | | **Dominio (elementos del conjunto de partida):** todos los números reales | | | | **Codominio: (elementos del conjunto de llegada):** todos los números reales | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | | ***y=f(x)=x3*** | | ***x*** | ***y=f(x)*** |  | | -5 | -125 | | -4,3 | -79,507 | | -√2 | -2,828427 | | -1 | -1 | | -1/2 | -0,125 | | 0 | 0 | | 1 | 1 | | 1,4142 | 2,8283458 | | 2 | 8 | | 3 | 27 | | π | π3≅31,006277 | | 4 | 64 | | 5 | 125 | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de una función impar. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG22 |
| **Descripción** | Ejemplo de función impar |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser el recíproco de *x*” | | | | **Dominio (elementos del conjunto de partida):** todos los números reales, excepto el cero. | | | | **Codominio (elementos del conjunto de llegada):** todos los números reales, excepto el cero. | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | |  | | ***x*** | ***y=g(x)*** |  | | -5 | -0,2 | | -4,3 | -0,232558 | | -√2 | -0,70711 | | -1 | -1 | | -1/2 | -2 | | 0 | Indeterminado | | 1 | 1 | | 1,4142 | 0,7071135 | | 2 | 0,5 | | 3 | 0,3 ̅ | | π | ≅0,3183098 | | 4 | 0,25 | | 5 | 0,2 | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de una función impar. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG23 |
| **Descripción** | Ejemplo de función impar |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Descripción de la relación:** “ser el seno de *x*” | | | | **Dominio (elementos del conjunto de partida):** todos los números reales | | | | **Codominio (elementos del conjunto de llegada):** los números reales entre -1 y 1 | | | | **Ecuación o regla para relacionar los elementos:** | |  | | ***x*** | ***y=h(x)*** |  | | -5 | 0,9589242 | | -4,3 | 0,9161659 | | -√2 | -0,9877659 | | -1 | -0,8414709 | | -1/2 | -0,4794255 | | 0 | 0 | | 1 | 0,8414709 | | 1,4142 | 0,9877638 | | 2 | 0,9092974 | | 3 | 0,14112 | | π | 0 | | 4 | -0,7568025 | | 5 | -0,9589242 | |
| **Pie de imagen** | Representación gráfica de una función impar. |

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC170 |
| **Título** | Simetría de la función par e impar |
| **Descripción** | Anima un punto sobre el eje *X* y observa la imagen de él y de su opuesto, según si elige que la función sea par o impar |

[SECCIÓN 2] **3.6 La función periódica**

Una función *periódica* es aquella cuyo comportamiento se repite en intervalos sucesivos que se denominarán *periodos*. Algunas funciones son repetitivas cuando modelan un fenómeno cuyo comportamiento es cíclico y manifiesta en repeticiones a intervalos iguales.

|  |  |
| --- | --- |
| **Destacado** | |
| **Título** | **Forma de las funciones** |
| **Contenido** | Para generar el gráfico de una función periódica basta con generar una de las partes que se repite y con esta generar el resto de la función repitiéndola a intervalos iguales. |

Para las funciones periódicas, las representaciones conjuntista y la tabular se caracterizan porque muchos elementos en el dominio llegan un mismo elemento del codominio. Si se ordenan de los elementos del dominio, el conjunto de llegada se repetirá si se toman suficientes números.

En la representación analítica *y=f(x)* se dice que es una función periódica si existe un número positivo *P* tal que *f(x)=f(x+P)* para cada valor *x*, *P* es el *periodo* de la función.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG24 |
| **Descripción** | Ejemplo de función periódica |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Representación conjuntista de una función periódica. |

Para verificar si una función es periódica, dada su representación analítica, habrá que disponer de información acerca del periodo de la función y aplicar la función en y en para cada punto *x*, si los resultados son idénticos entonces la función es periódica.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC180 |
| **Título** | Aprende a identificar una función periódica |
| **Descripción** | Calcula las imágenes de un número y de ese número más un periodo, bajo la misma función, como indicio para identificar la periodicidad de la función |

En la representación gráfica, una función es periódica si las imágenes de puntos equidistantes en el dominio son también equidistantes en el codominio. Visualmente significaría que la función se repite a lo largo del eje *X*, de izquierda a derecha, para todo el dominio de la función.

Un criterio de identificación de la periodicidad de una función puede hacerse vía una prueba de recta horizontal: Si al trazar una recta horizontal que corte a la gráfica de la función, los cortes son infinitos y repetitivos a intervalos regulares y a todas las alturas.

|  |  |
| --- | --- |
| **Imagen (fotografía, gráfica o ilustración)** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_IMG25 |
| **Descripción** | Ejemplo de función periódica |
| **Código Shutterstock (o URL o la ruta en AulaPlaneta)** |  |
| **Pie de imagen** | Prueba de la recta horizontal para una función periódica. |

Debido a que las principales funciones periódicas en matemáticas modelan fenómenos cíclicos de la naturaleza, como por ejemplo las ondas de radio o los ciclos solares.

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_REC190 |
| **Título** | Identifica el ciclo de una función periódica |
| **Descripción** | Observa el trazo que describe un punto, que corresponde a la noción de “seno” del arco de circunferencia, que se repite en cada ciclo de giro |

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC200 |
| **Título** | Las funciones “valor absoluto” y “parte entera” |
| **Descripción** | Interactúa con algunas representaciones de las funciones “valor absoluto” y “parte entera”, además de si son crecientes, decrecientes, pares, impares, periódicas o ninguna de las anteriores. |

[SECCIÓN 2] **3.7 Consolidación**

Actividades para consolidar lo que has aprendido en esta sección.

|  |  |
| --- | --- |
| **Profundiza: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC210 |
| **Título** | Refuerza tu aprendizaje: Funciones pares e impares |
| **Descripción** | Identificar paridad e imparidad de algunas funciones, según si la simetría entre los puntos es axial o puntual. |

[SECCIÓN 1] **4 Competencias**

|  |  |
| --- | --- |
| **Practica: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC220 |
| **Título** | Competencias: funciones reales |
| **Descripción** | Actividad para comunicar tus ideas de lo aprendido de las funciones reales. |

[SECCIÓN 1]**Fin de tema**

|  |  |
| --- | --- |
| **Mapa conceptual** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC230 |
| **Título** | Mapa conceptual |
| **Descripción** | Funciones |

|  |  |
| --- | --- |
| **Evaluación: recurso nuevo** | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC240 |
| **Título** | Evaluación de tema |
| **Descripción** | Evaluación del tema: funciones |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Webs de referencia** | | |
| **Código** | MA\_10\_01\_CO\_REC250 | |
| **Web 01** | *Tipos de función* | [*URL*](http://www.profesorenlinea.cl/matematica/Funciones_tipos.html)  *http://www.profesorenlinea.cl/matematica/Funciones\_tipos.html* |
| **Web 02** | *Matemáticas Magdalena Ortega* | [*URL*](http://matematicasmagdalena.blogspot.com/p/calculo.html)  *http://matematicasmagdalena.blogspot.com/p/calculo.html* |
| **Web 03** | *Funciones y gráficas* | [*URL*](http://recursostic.educacion.es/secundaria/edad/4esomatematicasB/funciones1/impresos/quincena8.pdf)  *http://recursostic.educacion.es/secundaria/edad/4esomatematicasB/funciones1/impresos/quincena8.pdf* |