

TPC n°10a : Diffraction de lumière monochromatique

« Comment utiliser le phénomène de diffraction pour mesurer la longueur d'onde d'un laser ? »

Ce TP a pour objectif d'étudier le phénomène de diffraction d'une lumière monochromatique et de l'utiliser pour déterminer la longueur d'onde du laser utilisé.

1°- Étude préliminaire de la figure de diffraction.

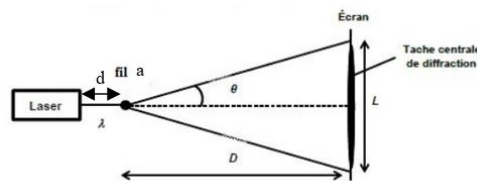
S'APPROPRIER

a- Pour vérifier expérimentalement l'influence d'un paramètre sur un phénomène, il faut fixer tous les autres paramètres susceptibles d'avoir une influence puis faire varier le paramètre à étudier, SANS MODIFIER les autres, en observant les éventuelles modifications apportées au phénomène. ATTENTION : Pour une étude quantitative, il faut noter au moins 3 valeurs du paramètre modifié et les 3 mesures du phénomène correspondantes.

b- Pour être dans les conditions de Fraunhofer, il faut que la distance D entre l'objet diffractant et l'écran soit la plus grande possible.

RÉALISER

Pour étudier l'influence de la distance d entre l'objet diffractant et le laser, il faut réaliser le montage suivant :



Les paramètres fixés sont : $D = 182,0 \text{ cm}$ avec $u(D) = 0,1 \text{ cm}$, $\lambda = 650 \text{ nm}$ et $a = 50 \mu\text{m}$

- On fait varier la distance d entre l'objet diffractant et le laser EN DÉPLAÇANT le laser pour NE PAS MODIFIER D , et on observe la figure de diffraction.

La figure de diffraction n'est pas modifiée lorsqu'on fait varier d .

Conclusion : La distance entre l'objet diffractant et le laser n'a pas d'influence sur la figure de diffraction.

2°- Détermination de la longueur d'onde du laser.

Le phénomène de diffraction permet de déterminer expérimentalement la valeur de la longueur d'onde du laser utilisé.

S'APPROPRIER

a- Dans les conditions de Fraunhofer, on a la relation $L = \frac{2 \times \lambda \times D}{a}$. Si λ et D sont fixés, on peut donc l'écrire sous la forme $L = K \times \frac{1}{a}$ mais pas sous la forme $L = K \times a$. La largeur de la tache de diffraction est donc proportionnelle à $\frac{1}{a}$ mais pas à a .

b- Démarche

On utilise le même montage que précédemment.

Pour un laser donné et une distance fente-écran fixée, le terme $2\lambda D$ est une constante. On peut donc écrire que $L = \frac{K}{a}$ soit $K \times \frac{1}{a}$, on peut donc faire varier le paramètre a , et mesurer le L correspondant, puis pour déterminer K avec précision, on trace la représentation graphique de $L = f(\frac{1}{a})$, pour laquelle K sera le coefficient directeur, on peut alors en déduire la longueur d'onde.

Protocole : - Mesurer L pour différents a

- Rentrer les valeurs de a (en m) et de L mesurées (en m) dans Latis-Pro.
- Dans la feuille de calcul, calculer $\text{Inv} = 1/a$
- Tracer $L = f(\text{Inv})$ (style croix)
- Modéliser la courbe par une fonction adaptée en indiquant l'incertitude sur L dans la case « Erreur en ».
- Déterminer K avec son incertitude, puis en déduire λ avec son incertitude.

$$u(\lambda) = \lambda \times \sqrt{\left(\frac{u(K)}{K}\right)^2 + \left(\frac{u(D)}{D}\right)^2}$$

RÉALISER

!! Le tableau est à préparer avant les mesures !!

Tableau de mesure :

a (μm)	L (mm) avec $u(L) = 1$ mm
40	57
60	39
80	29
100	23
150	16

Après modélisation dans le logiciel de la courbe $L=f(1/a)$, on obtient l'équation $L = 2,30.10^{-6} \times \frac{1}{a}$ et l'incertitude fournie par Latis-Pro arrondie à l'excès avec un seul CS.

Soit $K = 2.30.10^{-6} \text{ m}^2$ et $u(K) = 2.10^{-8} \text{ m}^2$ **!! Attention K a une unité !!**

On écrit donc : **$K = 230.10^{-8} \text{ m}^2$ avec $u(K) = 2.10^{-8} \text{ m}^2$**

On peut alors en déduire la longueur d'onde du laser associé à son incertitude.

$$\lambda = \frac{K}{2.D} = \frac{230.10^{-8}}{2 \times 1,82} = 6,32.10^{-7} \text{ m} \quad \text{donc} \quad u(\lambda) = \frac{230.10^{-8}}{2 \times 1,82} \times \sqrt{\left(\frac{2.10^{-8}}{230.10^{-8}}\right)^2 + \left(\frac{0,1}{182}\right)^2} = 6.10^{-9} \text{ m}$$

On en déduit : Soit **$\lambda = 632 \text{ nm}$ avec $u(\lambda) = 6 \text{ nm}$**

VALIDER

Pour comparer la valeur expérimentale à la valeur attendue, il faut calculer le z-score.

$$z = \frac{650-632}{6} = 3 > 2$$

La valeur expérimentale est compatible avec la valeur de référence à 3 incertitudes-type près seulement, la valeur expérimentale n'est donc pas suffisamment précise.