

## มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีพระจอมเกล้าธนบุรี การสอบปลายภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2558

วิชา ÉNE 467 Digital Communications ภาควิชา วศ.อิเล็กทรอนิกส์ฯ ชั้นปีที่ **3, 4** สอบ วันพุธที่ 25 พฤศจิกายน พ.ศ. 2558

เวลา 13:00-16:00 น.

## <u>คำเตือน</u>

- 1. ข้อสอบวิชานี้มี 6 ข้อ (30 คะแนน) 7 หน้ารวมหน้าคำเดือน
- 2. ให้ทำทุกข้อลงในข้อสอบ
- 3. อนุญาตให้นำเอกสารประกอบการเรียนเข้าห้องสอบ
- 4. อนุญาตให้ใช้เครื่องคำนวณได้
- 5. ให้เขียนชื่อ-นามสกุล และเลขประจำดัวลงหน้าแรกข้อสอบ

เมื่อนักศึกษาทำข้อสอบเสร็จ ต้องยกมือบอกกรรมการคุมสอบ เพื่อขออนุญาตออกนอกห้องสอบ ห้ามนักศึกษานำข้อสอบและกระดาษคำตอบออกนอกห้องสอบ

นักศึกษาซึ่งทุจริตในการสอบ อาจถูกพิจารณาโทษสูงสุดให้พันสภาพการเป็นนักศึกษา	
ชื่อ-สกุล	รหัสประจำตัว
ผู้ออกข้อสอบ	
โท <del>ร</del> 0-2470-9079	

ข้อสอบนี้ได้ผ่านการประเมินจากคณะกรรมการประจำภาควิชาแล้ว

รศ.ดร. ราชวดี ศิลาพันธ์ หัวหน้าภาควิชาวิศวกรรมอิเล็กทรอนิกส์และโทรคมนาคม

- 1. ถ้าช่องสัญญาณเป็น AWGN channel จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อนี้รวม 5 คะแนน)
  - ก. โครงสร้างของตัวรับสำหรับช่องสัญญาณแบบนี้ ต้องมีกี่ส่วน อะไรบ้าง (1 คะแนน)
  - ข. เมตริกค่าสัญญาณที่แซมปลิ้งในส่วนตัวรับมีสมการ PDF(Probability Density Function) อย่างไร (1 คะแนน)
  - ค. จงพิสูจน์ว่าเอาท์พุตของ Matched-Filter จะมีค่าเท่ากับเอาท์พุตของ Correlators ที่เวลาแซมเบิ้ล t=T โดยค่า T เป็นคาบของสัญลักษณ์ (2 คะแนน)
  - ง. จงวาดรูป Demodulator ที่ใช้ Correlators สำหรับสัญญาณ QPSK (1 คะแนน)

- 2. ถ้าช่องสัญญาณเป็น AWGN channel จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อนี้รวม 5 คะแนน)
  - ก. ตัวรับที่เหมาะสมวิธี ML (Maximum-Likelihood) สามารถใช้แทน MAP (Maximum a Posteriori Probability) ในกรณีใด (1 คะแนน)
  - ข. จงวาดรูปโครงสร้างตัวรับที่เหมาะสมโดยใช้วิธี ML (Maximum-Likelihood) สำหรับ ช่องสัญญาณเป็น AWGN channel (1 คะแนน)
  - ค. สัญญาณ  $Binary\ PAM$  ที่มีความน่าจะเป็นในการส่งข้อมูลเลข 1 และเลข + 1 เท่ากับ 0.3 และ 0.7 จงหาค่าเทรชโซในการตัดสินใจของตัวรับ (1 คะแนน)
  - ง. จงวาดรูปแสดงการตัดสินใจที่มีค่าเทรชโชด้วยในตัวรับของสัญญาณแบบ Binary
    Orthogonal Signals โดยที่สัญญาณไบนารี่เป็นแบบ Equiprobable (1 คะแนน)
  - จ. จงคำนวนหาค่าความน่าจะเป็นบิตผิดพลาดเฉลี่ยของ สัญญาณ Binary PAM ที่เป็นแบบ Equiprobable โดยมีค่า SNR per bit เท่ากับ 10 dB (1 คะแนน)

- 3. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อนี้ร*วม ร คะแนน*)
  - ก. จงพิสูจน์สมการข้างล่างว่าเท่ากัน (2 คะแนน)

$$\lim_{N \to \infty} \frac{1}{2\sigma^2} \sum_{n=1}^{N} [r_n - s_n(\theta)]^2 = \frac{1}{N_0} \int_{T_0} [r(t) - s(t; \theta)]^2 dt$$

- ข. จงวาด Block diagram of binary PAM receiver ที่ใช้ Matched Filter (1 คะแนน)
- ค. จงคำนวนค่า Power loss ในหน่วย dB เมื่อค่าคาดคะเนเฟสในตัวรับ DSB/SC ผิดพลาด ไป 15 degree (1 คะแนน)
- ง. จงวาดโครงสร้างส่วนคาดคะเนเฟสที่มีสมการดังนี้ (1 คะแนน)

$$\hat{\phi}_{ML} = -\tan^{-1} \left[ \int_{T_0} r(t) \sin 2\pi f_c t \, dt \, \left/ \int_{T_0} r(t) \cos 2\pi f_c t \, dt \, \right| \right]$$

- 4. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อนี้*รวม* 5 *คะแนน*)
  - n. จงเขียนสมการสัญญาณเข้าและออก รวมทั้งวาดโครงสร้าง Carrier recovery ของ M-phase signal (2 คะแนน)
  - ข. จงวาดโครงสร้าง Phase-locked loop และอธิบายค่าที่ออกจาก loop filter ไปเข้า VCO (1 คะแนน)
  - ค. จงเขียนสมการ General form equivalent low-pass signal, s<sub>l</sub>(t;φ,τ)
     (1 คะแนน)
  - ง. จงหาสมการคาดคะเนเฟส จาก log-likelihood function ด้านล่าง (1 คะแนน)

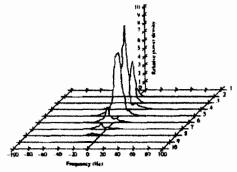
$$\Lambda_L(\phi,\tau) = A(\tau)\cos\phi - B(\tau)\sin\phi$$

- 5. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อนี้ร*วม ร คะแนน*)
  - ก. จงบอกสมการ Frequency Response ของช่องสัญญาณแบบ Non-distorting or Ideal channel (1 คะแนน)
  - ข. จงหาค่าความเร็ว Bit Rate ที่สามารถส่งผ่านช่องสัญญาณเสียงโทรศัพท์  $4~\mathrm{kHz}$  โดยใช้ สัญญาณ QPSK และใช้ Pulse shape  $\beta=0.5$  (1 คะแนน)
  - ค. สมการด้านล่างแสดงค่าที่แซมปลิ้งได้ในตัวรับ จงบอกความหมายของแต่ละเทอม (1 กะแนน)

$$y_k = I_k + \sum_{\substack{n=0 \\ n \neq k}}^{\infty} I_n x_{k-n} + \nu_k$$

ง. จงอธิบายความสัมพันธ์ระหว่างค่าคาบของสัญญาณ T กับค่าความกว้างแถบความถี่ช่อง สัญญาณ W ว่ามีกี่กรณี และกรณีใดที่ไม่สามารถหลีกเลี่ยงการเกิด ISI ได้เลย (2 กะแนน)

- 6. จงตอบคำถามต่อไปนี้ (ข้อนี้*รวม 5 คะแนน*)
  - ก. จงวาดรูปโครงสร้างการมัลติเพล็กแบบหลายความถี่ (1 กะแนน)
  - ข. จงวาดรูปแสดงผลการรับสัญญาณ Pulse ผ่านช่องสัญญาณแบบ Time-variant multipath channel (1 คะแนน)
  - ค. จงวาดรูป Spaced-frequency spaced-time correlation function (1 กะแนน)
  - ง. จงหาค่า Coherence bandwidth ของช่องสัญญาณที่มีรูป Scattering function ดังนี้ (1 กะแนน)



จ. จงวาดรูป Performance of binary signals with diversity และหาค่า Diversity gain จากการใช้ L=4 ใน FSK ที่ความน่าจะเป็นบิตผิดพลาด 10<sup>-4</sup> (1 คะแนน)