Cryptographie

Aurèle Barrière & Nathan Thomasset

10 mars 2016

Mise en situation

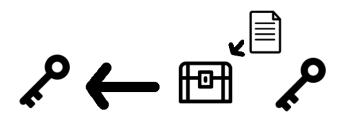
Intérêt de la cryptographie

- Cartes bleues
- Mail
- Transactions bancaires
- Chiffrement des données sensibles (militaires ou privées)

Un codage ultime?

Seul quelqu'un qui connaitraît la clé pourrait décoder : est-ce réellement possible ?

Cryptographie symétrique : on a tous les deux une même clé.

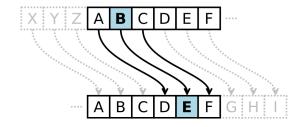


Exemple : chiffrement de César

Décalage constant.

$$A \to B, B \to C, \dots$$

$$A \to C, B \to D, \dots$$



Casser le code de César

26 décalages possibles.

Mot à décrypter : iravivqvqrpelcgv

jsbwjwrwrsqfmdhw ludylytytushofjy nwfanavavwujghla pyhcpcxcxywlsinc rajerezezaynulpe tclgtgbgbcapwnrg venivididecrypti xgpkxkfkfgetarvk zirmzmhmhigvctxm bktobojojkixevzo dmvqdqlqlmkzgxbq foxsfsnsnombizds hqzuhupupqodkbfu

ktcxkxsxstrgneix mvezmzuzuvtipgkz oxgbobwbwxvkrimb gzidgdydyzxmtkod sbkfsfafabzovmgf udmhuhchcdbgxosh wfojwjejefdszquj yhqlylglghfubswl ajsnaninijhwduyn clupcpkpkljyfwap enwrermrmnlahycr gpytgtotopncjaet iravivqvqrpelcgv

Énumération des clés

Énumérer les clés possibles (décalages). Regarder tous les résultats.

```
# caesar cipher
word = "iravivqvqrpelcgv"

for i in range(1,27):
    for c in word :
        print(chr((((ord(c)+i)-97)%26)+97), end="")
    print()
```

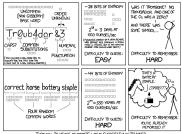
Ensemble de clés fini

Complexité

Le calcul, c'est pas gratuit

Trop de clés ⇒ trop de calcul, trop de résultats

L'objectif n'est pas de créer un chiffrement incassable, mais un chiffrement qui soit trop coûteux à casser.



THROUGH 20 YEARS OF EFFORT, WE'VE SUCCESSFULLY TRAINED EVERYONE TO USE PASSWORDS THAT ARE HARD FOR HUMANS TO REMEMBER, BUT EASY FOR COMPUTERS TO GUESS.

D'autres exemples

Hill

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 3 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 9 \\ 5 \end{pmatrix}$$

Vigenere

Analyse fréquentielle

Trop de clés

Matrices $3 \times 3 : 5429503678976$

Matrices 10×10 :

314293064158293883017435778850162642728266998876247525637 417317539899590842010402346543259906970228933096407508161 1719197835869803511992549376



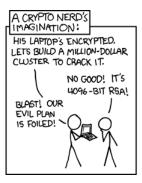
Cryptographie asymétrique

Clé publique, clé privée Mise en situation

RSA

Schéma

Limites





Ressources et idées

GPG mail sources des images