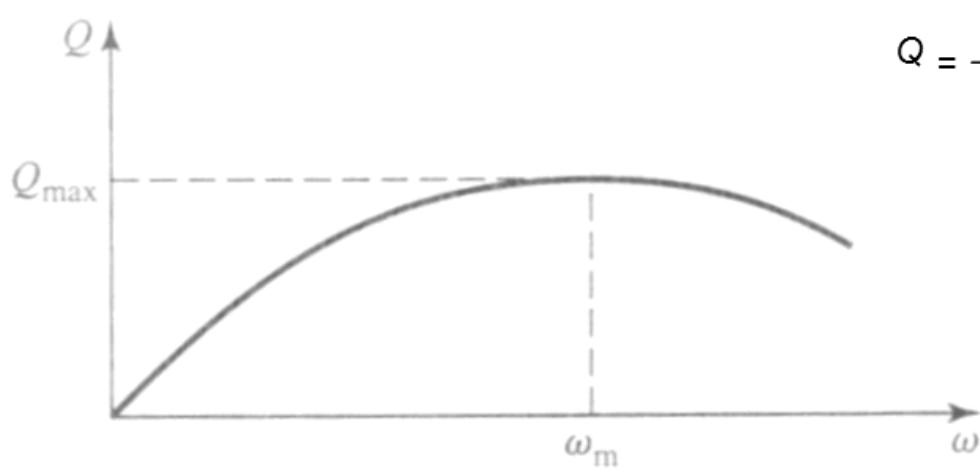


## Amplificadores Sintonizados

### Introducción

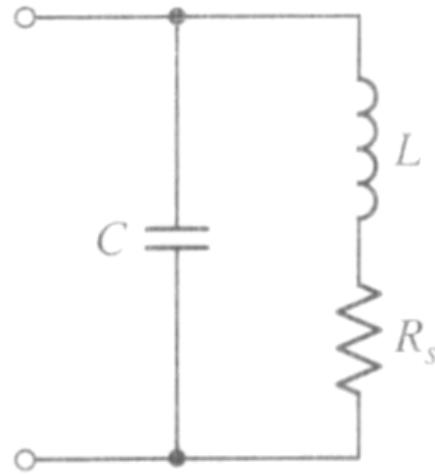
#### Consideraciones importantes

- La Q de un circuito sintonizado determina la selectividad del circuito. Este parámetro puede ser relacionado con las pérdidas.
- El inductor es un elemento almacenador de energía imperfecto, exhibe varios mecanismos para la pérdida de energía.
- Las pérdidas del inductor pueden ser representadas por una resistencia en serie con el inductor ideal.
- El factor de calidad Q del inductor es una medida del efectivo almacenamiento de energía del elemento.
- El factor de calidad Q del inductor compara la energía almacenada en la bobina con la energía disipada.
- Las pérdidas del inductor varían con la frecuencia y es imposible medirlas con un ohmímetro. Se miden a través de la respuesta a la frecuencia de un circuito sintonizado y relacionando el ancho de banda con la frecuencia de resonancia del circuito.



$$Q = \frac{\omega L}{R_s}$$





Circuito resonante paralelo

$$Q_o = \frac{\omega_o L}{R_{S0}}$$

donde:

$$\omega_o = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

Impedancia del circuito taque:

$$Z = \frac{1}{j\omega C} \parallel (R_S + j\omega L) = \frac{R_S + j\omega L}{-\omega^2 CL + j\omega R_S C + 1}$$

en la frecuencia de resonancia:

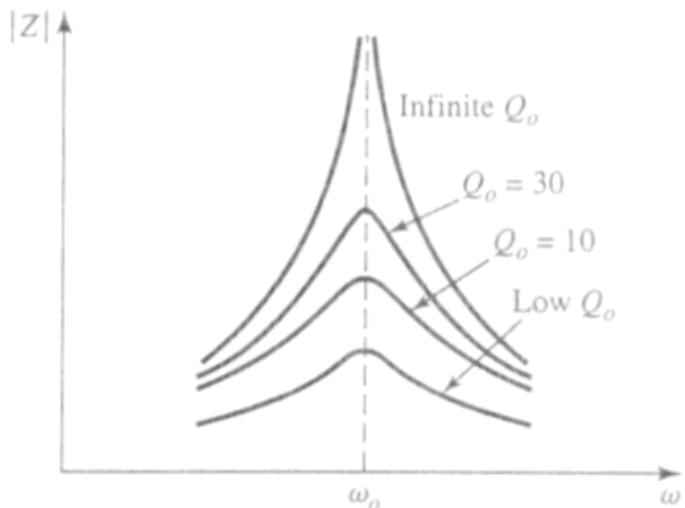
$$Z_0 = \frac{R_{S0} \left[ 1 + j \left( \frac{\omega_0 L}{R_{S0}} \right) \right]}{j\omega_0 R_{S0} C}$$

o bien:

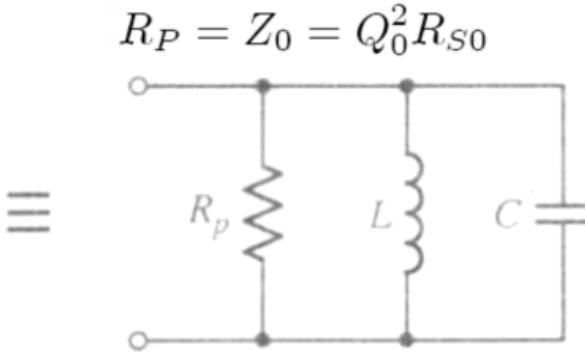
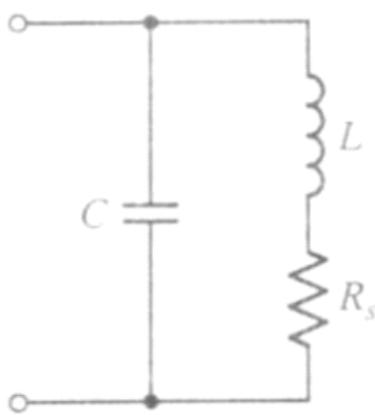
$$Z_0 = \frac{L}{CR_{S0}} = \frac{\omega_0^2 L^2}{R_{S0}} = Q_0^2 R_{S0}$$

la impedancia cerca de la frecuencia de resonancia para  $R_s \ll \omega L$

$$Z = \frac{j\omega L}{-\omega^2 CL + j\omega R_{S0} C + 1} = \frac{R_{S0} Q_0^2}{1 + jQ_0 \left[ \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right]}$$



Circuito equivalente en la frecuencia de resonancia



Impedancia y factor de calidad en términos de  $R_p$

Si

$$R_P = Z_0 = Q_0^2 R_{S0} = \frac{L}{C R_{S0}}$$

entonces

$$Z = \frac{j\omega L}{-\omega^2 CL + j\frac{\omega L}{R_p} + 1}$$

$$Q_0 = \frac{\omega_0 L}{R_{S0}} = \frac{\omega_0 L}{\frac{R_p}{Q_0^2}} = \frac{Q_0^2 \omega_0 L}{R_p}$$

es decir:

$$Q_0 = \frac{R_p}{\omega_0 L}$$

Ejemplo:

Para  $L = 80\mu\text{H}$ ,  $Q_0 = 22$  y  $f_0 = 920\text{KHz}$ , calcular  $C$ ,  $R_s$  y  $R_p$ .

Ancho de banda y factor de calidad del circuito paralelo

$$Z = \frac{R_P}{1 + jQ_0 \left[ \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right]}$$

$$|Z| = \frac{R_P}{\left( 1 + Q_0^2 \left[ \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right]^2 \right)^{\frac{1}{2}}}$$

$$Q_0 \left[ \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right] = +1$$

$$Q_0 \left[ \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right] = -1$$

$$\omega_2 = \omega_0 + \frac{\omega_0}{2Q_0}$$

$$\omega_1 = \omega_0 - \frac{\omega_0}{2Q_0}$$

$$\Delta\omega = \omega_2 - \omega_1 = \frac{\omega_0}{Q_0}$$

$$\Delta f = f_2 - f_1 = \frac{f_0}{Q_0}$$

Disminución del factor de calidad del circuito tanque

$$R_{sh} = R_1 \parallel R_p$$

$$Q_{eff} = \frac{R_{sh}}{\omega_0 L} = \frac{R_{sh}}{R_p} Q_0$$

$$\Delta f = \frac{f_0}{Q_{eff}}$$

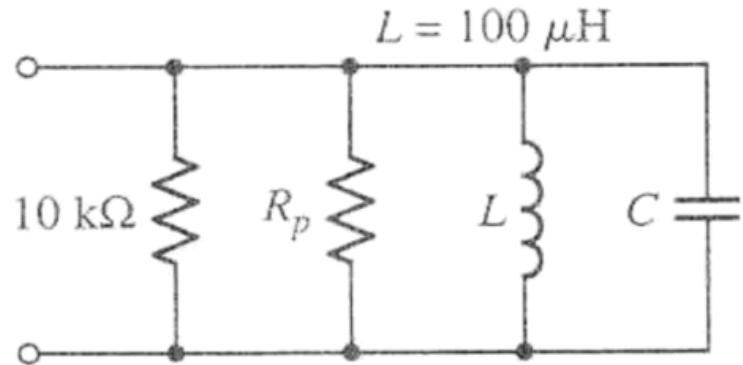
$$Z = \frac{R_{sh}}{1 + jQ_{eff} \left[ \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right]}$$

$$|Z| = \frac{R_{sh}}{\left( 1 + Q_{eff}^2 \left[ \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right]^2 \right)^{\frac{1}{2}}}$$

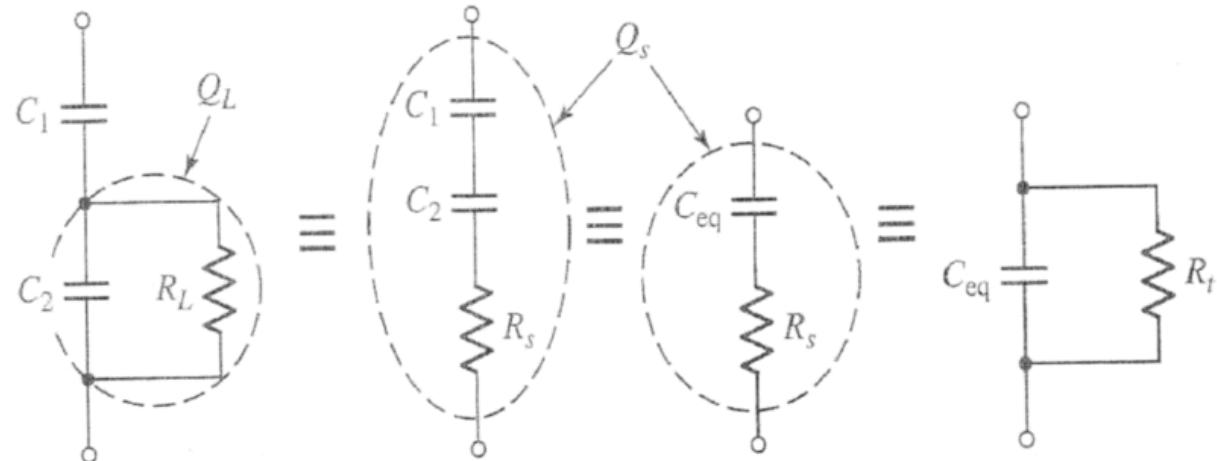
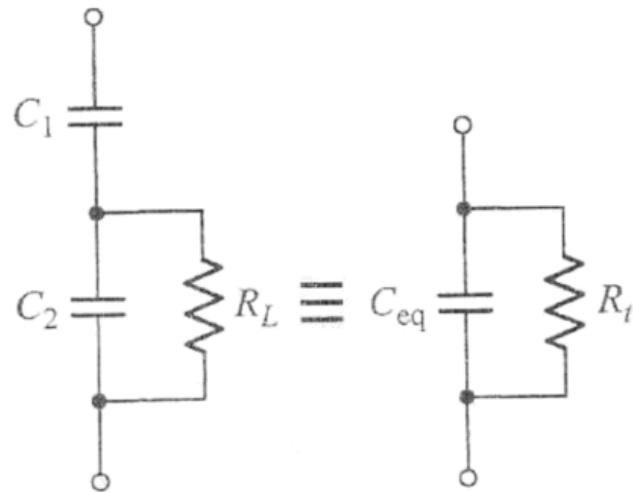
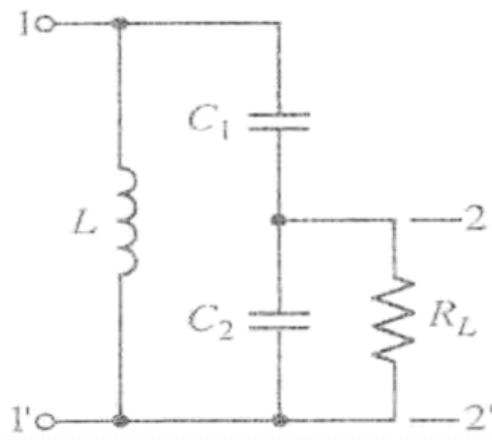
Ejemplo:

Para el circuito mostrado en la figura, considerar  $Q_L = 42$  en  $f_0 = 150\text{kHz}$  y una resistencia de  $10\text{k}\Omega$  en paralelo al circuito tanque.

Calcular el valor del capacitor,  $Q_{\text{eff}}$  y ancho de banda en Hertz



## Circuitos con derivación capacitiva

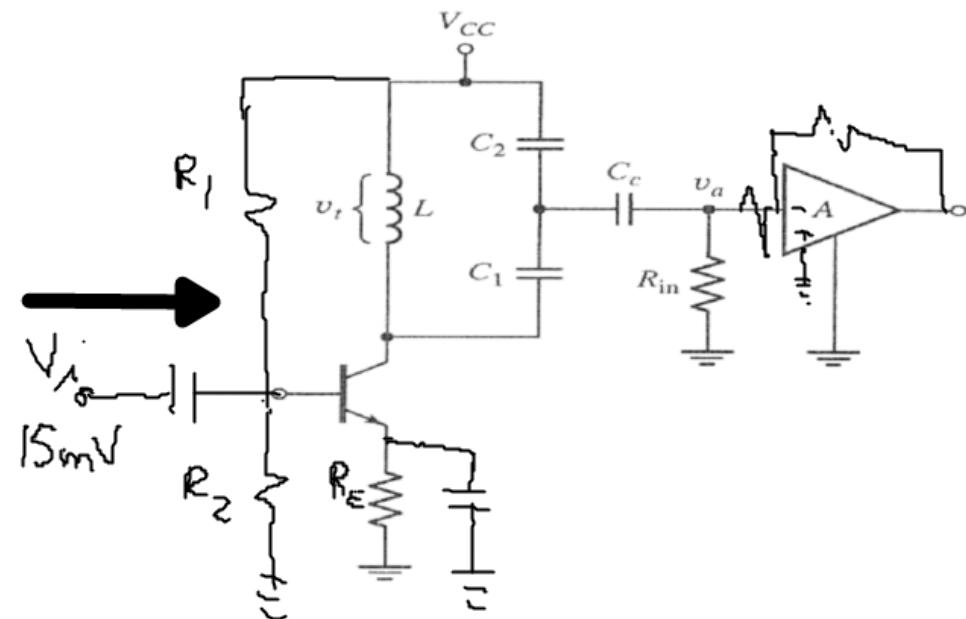
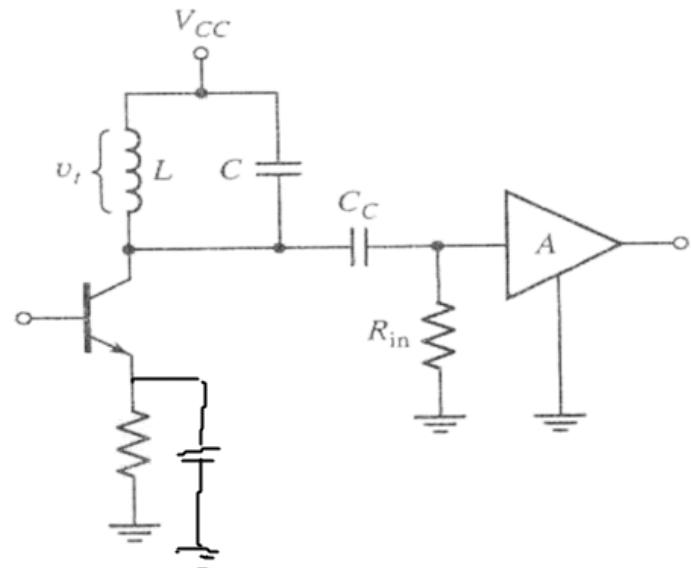


Ejemplo:

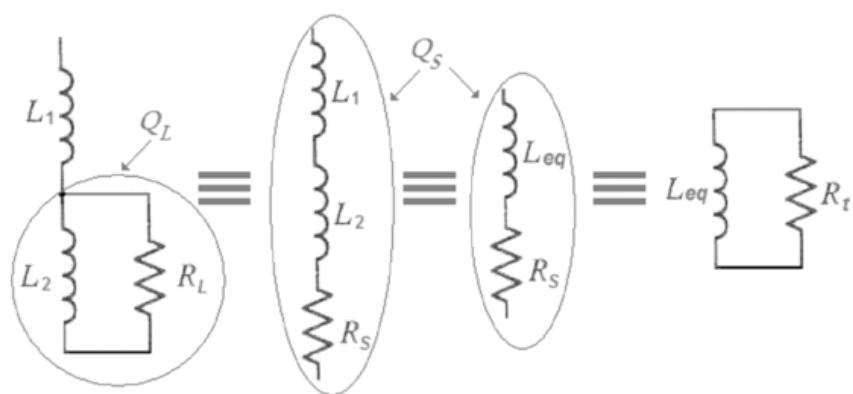
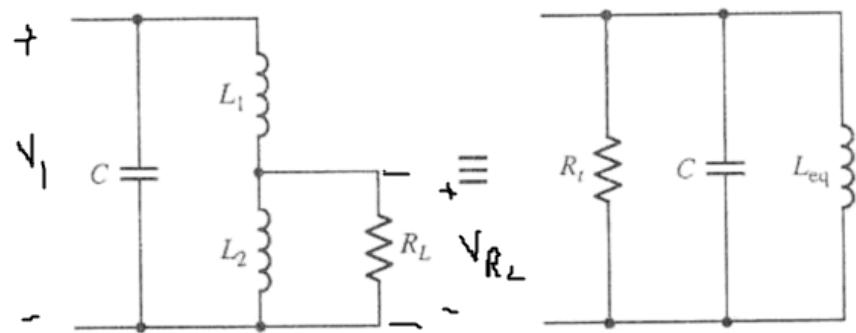
La impedancia de salida del transistor del circuito de la siguiente figura, es de  $140\text{ k}\Omega$ . El inductor es de  $60\mu\text{H}$  y tiene una  $Q_0 = 80$  en la frecuencia de resonancia de  $800\text{ kHz}$ . El ancho de banda deseado para el circuito sintonizado es de  $14\text{ kHz}$ . Si la impedancia de entrada del segundo amplificador es de  $10\text{k}\Omega$ .

Calcular el ancho de banda del circuito con carga.

Diseñar un circuito con derivación capacitiva para que resulte un ancho de banda de  $14\text{ kHz}$ .



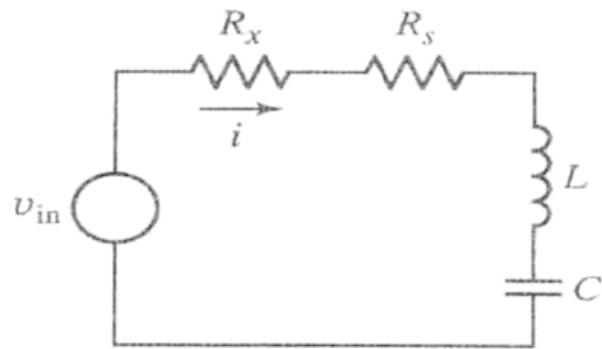
## Circuitos con derivación inductiva



Ejemplo:

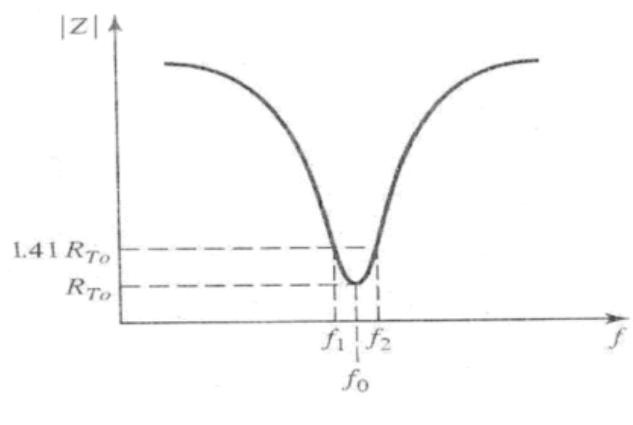
Diseñar un circuito con derivación inductiva que resulte en un ancho de banda de 14kHz.  
Emplear el circuito del ejemplo anterior.

Circuito resonante serie



$$Z = R_T + j \left[ \omega L - \frac{1}{\omega C} \right]$$

$$Z = R_{To} \left( 1 + j \left[ \frac{\omega L}{R_{To}} - \frac{1}{\omega C R_{To}} \right] \right)$$

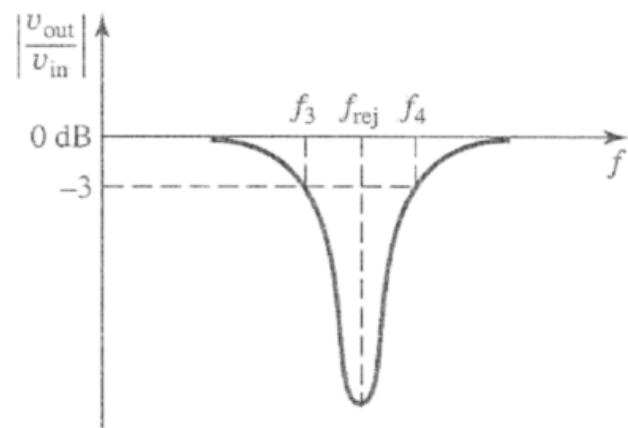
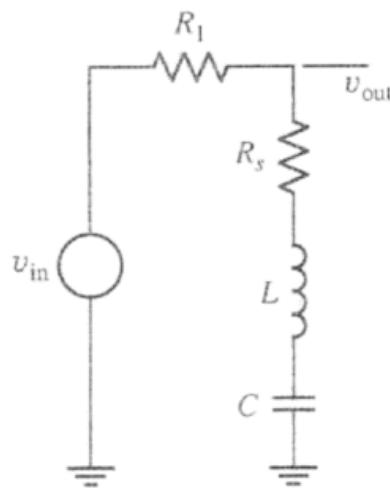


$$Z = R_{To} \left( 1 + j Q_{eff} \left[ \frac{\omega}{\omega_o} - \frac{\omega_o}{\omega} \right] \right)$$

$$|Z| = R_{To} \left( 1 + Q_{eff}^2 \left[ \frac{\omega}{\omega_o} - \frac{\omega_o}{\omega} \right]^2 \right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{R_{so}}{R_{so} + R_1}$$

$$\omega L - \frac{1}{\omega C} = \pm R_1$$



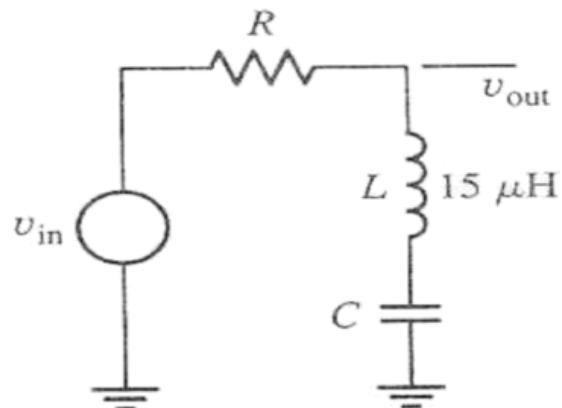
$$\omega_3 = \frac{1}{2L} \left( -R_1 + \sqrt{\frac{R_1^2 C + 4L}{C}} \right)$$

$$\omega_4 = \frac{1}{2L} \left( R_1 + \sqrt{\frac{R_1^2 C + 4L}{C}} \right)$$

$$\Delta f_{rej} = \frac{f_o}{Q_{eff}} = \frac{f_o}{\frac{\omega L}{R_1}} = \frac{R_1 f_o}{\omega L} = \frac{R_1}{2\pi L}$$

Ejemplo: Considerando el circuito de la siguiente figura:

- a) Estimar el valor del capacitor necesario para obtener una frecuencia de supresión de 4.5MHz. Considerar que  $L = 15\mu H$  y  $Q_0 = 80$ .
- b) Calcular el valor de  $R$  para tener un ancho de banda de supresión de 1.2MHz.
- c) Calcular la atenuación de la señal en 4.5MHz. en dB
- d) Calcular la atenuación de la señal en 3.75MHz en dB



Solución

$$\text{a)} \quad C = \frac{1}{\omega_o^2 L} = \frac{1}{[2\pi(4,5\text{MHz})]^2 15\mu H} = 83,4\text{pF}$$

$$\text{b)} \quad R = 2\pi(15\mu H)(1,2\text{MHz}) = 113\Omega$$

$$c) \quad R_{so} = \frac{\omega_o L}{Q_o} = \frac{2\pi (4,5MHz) (15\mu H)}{80} = 5,3\Omega$$

$$\frac{V_o}{V_i} (4,5MHz) = \frac{R_{so}}{R_{so} + R} = \frac{5,3}{5,3 + 113} = 0,0448$$

$$20 \log_{10} (0,0448) = -26,97dB$$

$$d) \quad \left| \frac{V_o}{V_i} \right| = \left| \frac{R_{so} + j (\omega L - \frac{1}{\omega C})}{R_{so} + R + j (\omega L - \frac{1}{\omega C})} \right| = \frac{R_{so} \left( 1 + Q_o^2 \left[ \frac{\omega}{\omega_o} - \frac{\omega_o}{\omega} \right]^2 \right)^{\frac{1}{2}}}{R_T \left( 1 + Q_{eff}^2 \left[ \frac{\omega}{\omega_o} - \frac{\omega_o}{\omega} \right]^2 \right)^{\frac{1}{2}}}$$

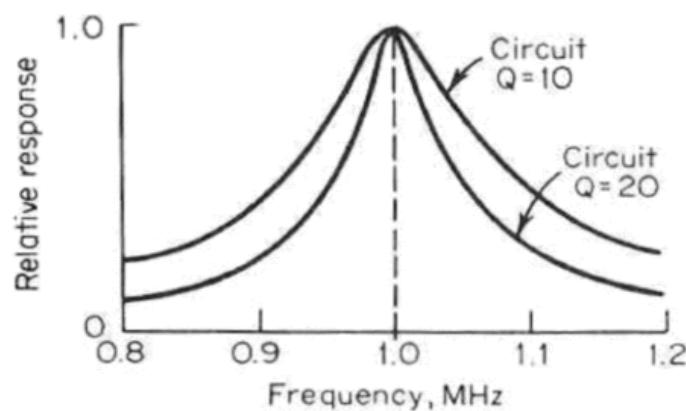
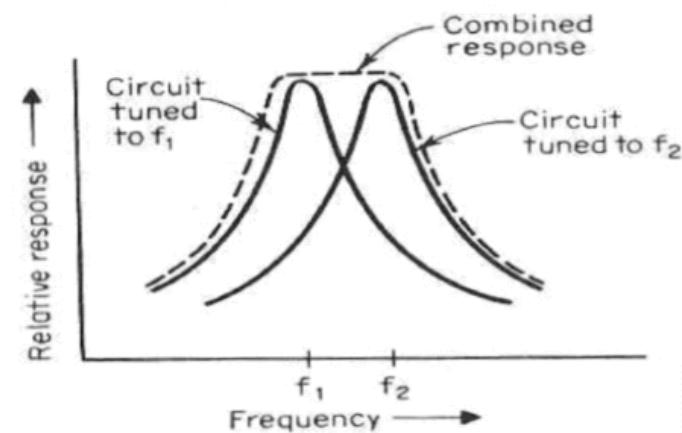
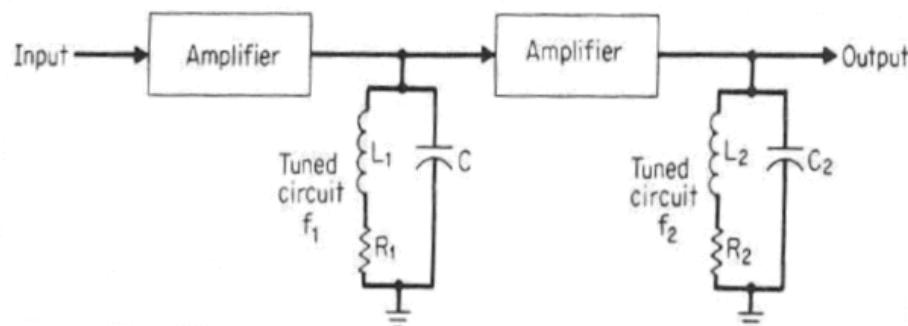
$$R_T = R + R_s = 113 + 5,3 = 118,3$$

$$Q_{eff} = \frac{\omega_o L}{R_T} = \frac{2\pi (4,5MHz) (15\mu H)}{118,3} = 3,585$$

$$\left| \frac{V_o}{V_i} \right| = \frac{5,3 \left( 1 + (80)^2 \left[ \frac{3,75}{4,5} - \frac{4,5}{3,75} \right]^2 \right)^{\frac{1}{2}}}{118,3 \left( 1 + (3,585)^2 \left[ \frac{3,75}{4,5} - \frac{4,5}{3,75} \right]^2 \right)^{\frac{1}{2}}} = 0,796$$

$$20 \log_{10}(0,796) = -1,98dB$$

## Circuitos doblemente sintonizados



Ejemplo: Considerar el amplificador de frecuencia intermedia FI de la figura que contiene un transformador sintonizado a 455KHz. El primario tiene una inductancia de  $99.5\mu\text{H}$  y una resistencia  $R_{S0} = 5.6 \Omega$  con una capacitancia  $C = 1250\text{pF}$ .

- Determinar la  $Q_0$  del circuito resonante, la ganancia de voltaje  $A_{VNL}$  y el ancho de banda  $\Delta f$  sin carga.
- Determinar la ganancia de voltaje y el nuevo ancho de banda  $\Delta f$  si una resistencia de  $1\text{k}\Omega$  es conectada como carga en el secundario causando que el circuito resonante disminuya su factor de calidad  $Q_{eff} = 20$ .
- Calcular la resistencia reflejada  $R_r$  en el primario debido a la carga en el secundario y la relación del número de vueltas del transformador.

