

一、单项选择题，请在下面答题区填写选项答案（本题共 30 分，每小题 2 分）

1. 在长度为  $n$  的顺序表中插入一个元素，需要平均移动（D）个元素。

- A.  $n$
- B.  $(n+1)/2$
- C.  $(n-1)/2$
- D.  $n/2$

2. 以下关于头结点的描述中，叙述错误的是（D）

- A. 在单链表中附设头结点，插入或删除首元素时不必进行特殊处理
- B. 若链表中附设头结点，则头指针一定不为空
- C. 头结点中一般不存储链表的数据元素，而是一些诸如表长之类的辅助信息
- D. 头结点是对链表首元结点的别称

3. 设有栈  $S$  和队列  $Q$ ，其初始状态为空，元素 1,2,3,4,5,6 依次入栈，出栈的元素进入队列  $Q$ 。

若元素出栈的顺序是 2,4,3,6,5,1，则栈的容量至少是（B）。

- A. 2
- B. 3
- C. 4
- D. 5

4. 已知二维数组  $A[9][7]$  按行主存放，其起始存储位置为 1000，每个元素占用 4 个字节，则元素  $A[4][6]$  的起始地址为（C）。

- A. 1032
- B. 1034
- C. 1136
- D. 1140

5. 二叉树的叶结点在前序、中序、后序遍历的相对顺序？（A）。

- A. 一定不会变化
- B. 一定发生变化
- C. 不能确定

正确

6. 【叶结点高度为 1】高度为 5 的 AVL 树，最少的结点个数？（C）。

- A. 20
- B. 17
- C. 12
- D. 不能确定

7. 设哈夫曼编码长度不超过 5，如果已对两个字符编码为 0,10，则还可以最多给多少个字符编码？（B）。

- A. 4
- B. 8
- C. 16
- D. 不能确定

草稿区

8. 以下哪种树的高度与插入的数据顺序无关（D）。

- A. AVL 树
- B. B 树
- C. 二叉搜索树
- D. 最小堆

9. 有序表中有 1000 个元素，则用二分查找法，成功查找元素  $A$  最多需要比较（C）次。

- A. 8
- B. 9
- C. 10
- D. 11

10. 一棵  $m$  阶 B-树，高度为  $h$ （外部结点高度为 0，叶结点高度为 1），外部结点个数为  $n$ ，那么该树共有（A）个关键字。

- A.  $n-1$
- B.  $n$
- C.  $mh-1$
- D.  $mh$

11. 对一趟排序序列分别进行折半插入排序和直接插入排序 两者之间可能的不同之处是（B）。

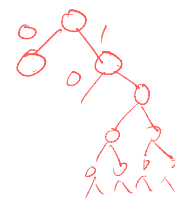
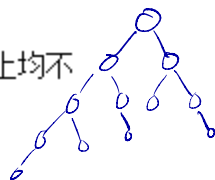
- A. 排序的渐进时间复杂度
- B. 元素之间的比较次数
- C. 元素的移动次数
- D. 辅助空间的渐进时间复杂度

12. 一个有  $n$  个顶点的无向图，其中边数大于  $n-1$  那么下面说法正确的是（D）。

- A. 该图一定是连通图
- B. 该图一定是非连通图
- C. 该图一定是完全图

6  
5  
4  
3  
2  
1

0 4 8 12 16 20 24  
28 32 36 40 44 48 52  
56 60 64 68 72 76 80  
84 88 92 96 100 104 108  
112 116 120 124 128 132 136

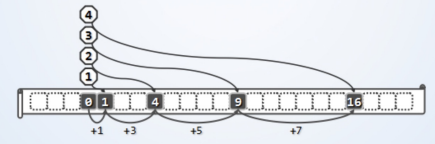


$2^{10} = 1024$

## 平方探测法

•  $d=i^2$ ——探测  $h(k)$ 、 $h(k)+1$ 、 $h(k)+4$ 、...

- 优点：沿着查找链，各桶之间的距离线性递增  
一旦冲突，可“聪明”地跳离“是非之地”——数据聚集现象有所缓解
- 缺点：在需要缓存的场合，I/O操作将激增；速度上可能得不偿失  
在表不满的情况下，也不能保证插入肯定成功  
若M是素数，且  $\lambda \leq 0.5$ ，就一定能够找出；否则，可能失败



D. 该图一定不是树

13. 以下关于哈希表的描述错误的是 (A)。

- A. 哈希表的理想查找、插入、删除的时间复杂度均为  $O(n)$   
B. 通常哈希表的实际性能与填充率相关  
C. 开放定址的平方探测有可能在有空桶的情况下也无法插入新值  
D. 极端情况下，哈希表的性能可能退化为  $O(n)$

14. 以下哪个算法在最好情况下的算法时间复杂度为  $O(n)$  (C)。

- A. 快速排序      B. 归并排序      C. 插入排序      D. 堆排序

15. 设  $G$  是一个非连通无向图，有 15 条边，则该图至少有 (C) 个顶点。

- A. 5      B. 6      C. 7      D. 8

得分

$$\frac{6 \cdot 5}{2} = 15$$

$n=6$

## 二、简答题 (本题共 40 分)

1. (3 分) 仔细阅读代码并分析其渐进时间复杂度，写出分析过程。(  $n > 1$  )

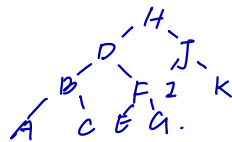
$$\frac{k(k+1)}{2} = n$$

$$k = \sqrt{2n}$$

## 草稿区

2. (9 分) 仔细阅读代码并分析三种算法的时间复杂度，写出分析过程。(  $e \geq 1$  )

3. (6分) 完全二叉树的中序遍历为 ABCDEFGHIJK (每个字母代表一个结点), 请画出该树, 并写出该树的前序遍历和后序遍历。



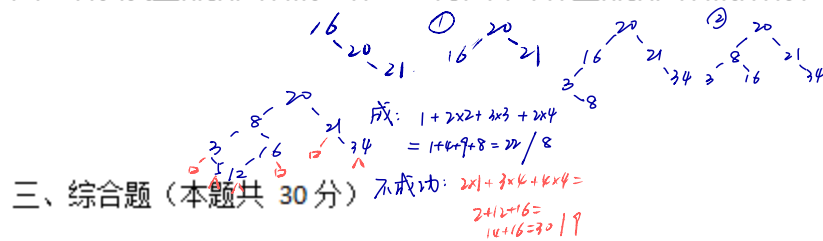
前序遍历: HDBACFEQJIK  
后序遍历: ACBEGFDIKJH

草稿区

4. (14分) 有向图如下图所示。请回答以下问题

- 1) 该图是否为 AOE 网? 说明原因 (3 分)
- 2) 合法的拓扑排序个数为? (1 分) 请写出其中 4 个合法的拓扑排序。 (4 分)
- 3) 是否存在关键路径, 如果不存在请说明原因, 如果存在请写出关键路径长度和经过的顶点。 (3 分)
- 4) 请忽略有向图的方向, 画出图的最小支撑树, 标明边权值和顶点。 (3 分)

5. (8分) 关键字值: 16, 20, 21, 34, 3, 8, 12, 5。请绘制按序列顺序插入 21 后、插入 8 后以及全部插入后的 3 棵 AVL 树, 并计算全部插入后的成功和不成功的平均查找长度。



三、综合题 (本题共 30 分)

1. (14 分) 假设树采用二叉链表存储, 结点结构为 `struct node{node * lchild; int key; node * rchild}`。

请设计一个算法判断该树是否为二叉搜索树。

要求:

- 1) 给出算法的基本设计思想。(5 分)
- 2) 根据设计思想采用 C 或者 C++ 实现, 关键之处给出注释, 传入参数为 root 结点。(5 分)
- 3) 说明设计算法的时间复杂度 (4 分)

草稿区

2. (16 分) 如果用图来表示铁路交通网络系统, 顶点表示站点。假设任意直接相连的两个站点只有一种交通方案 (例如: 只有一个车次) 的情况下。请设计相应的数据结构和算法求出下面问题的解决方案。

i. 求站点和站点之间中转次数最少的路线

ii. 求站点和站点之间费用最小的路线

1) 请写出求解不同问题数据结构的存储方案, 并说明原因。(6 分)

2) 请写出根据设计的数据结构进行某两个站点求解的算法实现。(伪代码既可, 6 分)

3) 如果直接相连的站点之间有多种交通 (连接) 方案 (多个车次)。您设计的结构是否仍能支持以上两个问题的求解, 如果支持请说明实现方法, 如果不支持请说明是否有替代或修改方案。(4 分)

2. 以下关于头结点的描述中，叙述错误的是（ ）
- 在单链表中附设头结点，插入或删除首元素时不必进行特殊处理
  - 若链表中附设头结点，则头指针一定不为空
  - 头结点中一般不存储链表的数据元素，而是一些诸如表长之类的辅助信息
  - 头结点是对链表首元结点的别称

3. 设有栈 S 和队列 Q，其初始状态为空。元素 1, 2, 3, 4, 5, 6 依次入栈，出栈的元素进

### 一、性质不同

- 1、头结点：头结点是在链表的首元结点之前附设的一个结点。
- 2、首元结点：首元结点是指链表中存储线性表中第一个数据元素  $a_1$  的结点。
- 3、头指针：头指针是指向链表中第一个结点（或为头结点或为首元结点）的指针。

### 二、目的不同

- 1、头结点：头结点为了方便操作链表而附设的。
- 2、首元结点：首元结点作为链表的开始结点。
- 3、头指针：头指针为了指向链表的基地址。

头指针与头结点的异同点，如图 3-6-5 所示。

头指针	头结点
<ul style="list-style-type: none"> <li>头指针是指链表指向第一个结点的指针，若链表有头结点，则是指向头结点的指针</li> <li>头指针具有标识作用，所以常用头指针冠以链表的名字</li> <li>无论链表是否为空，头指针均不为空。头指针是链表的必要元素</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>头结点是为了操作的统一和方便而设立的，放在第一元素的结点之前，其数据域一般无意义（也可存放链表的长度）</li> <li>有了头结点，对在第一元素结点前插入结点和删除第一结点，其操作与其它结点的操作就统一了</li> <li>头结点不一定是链表必须要素</li> </ul>

图 3-6-5

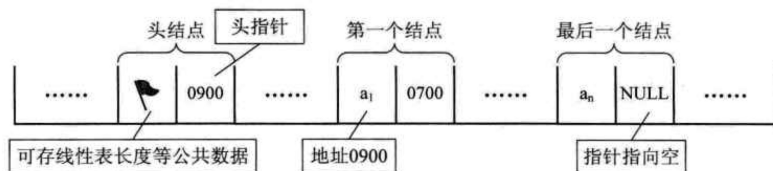


图 3-6-4