

$$\text{求 } dp[n-1][k][0]$$

$$dp[i][k][0, 1]$$

状态数 $0 \leq i \leq n-1$

k 表示最多交易数 $1 \leq k \leq K$

$s \in [0, 1]$ 表示当前持有股票状态 (1 有 0 无)

\Rightarrow

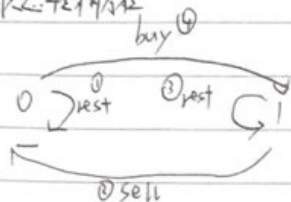
for $0 \leq i \leq n-1$

for $1 \leq k \leq K$

for $s \in 0, 1$

$$dp[i][k][s] = \max(\text{buy}, \text{sell}, \text{rest})$$

状态转移方程



$$dp[i][k][0] = \max \left(\underset{\textcircled{1}}{dp[i-1][k][0]}, \underset{\textcircled{2}}{dp[i-1][k][1] + \text{prices}[i]} \right)$$

$$dp[i][k][1] = \max \left(\underset{\textcircled{1}}{dp[i-1][k][1]}, \underset{\textcircled{4}}{dp[i-1][k-1][0] - \text{prices}[i]} \right)$$

注意:

$k-1$ 因为要买一次才会去 buy

基础边界 $dp[-1][k][0] = 0$ 未开始时利润为 0

不可能事件 $dp[-1][k][1] = -\infty$ 未开始时不可能有股票 $\therefore -\infty$

$dp[i][0][0] = 0$ 不让买卖则利润为 0

$dp[i][0][1] = -\infty$ 不让买卖不可能有股票 $\therefore -\infty$

1.

对于 $k=1$ $dp[i][1][0] = \max(dp[i-1][1][0], dp[i-1][1][1] + \text{prices}[i])$

$$dp[i][1][1] = \max(dp[i-1][1][1], dp[i-1][0][0] - \text{prices}[i])$$

|| 依题意 (k 为 1 不变)
✓ 成立 - 依题意

不让买卖所以为 0, 所以为 $-\text{prices}[i]$

~~此处也不应该为 0~~

$$dp[i][0] = \max(dp[i-1][0], dp[i-1][1] + \text{prices}[i])$$

边界弄好

$$dp[i][1] = dp[i-1][1]$$

\Rightarrow return $dp[n-1][0]$

2. 对于 $k=100$ ~~$dp[i][k]$~~ $k=100$ 时可以为 k 与 $k-1$ 是一样的

$$\therefore dp[i][k][0] = \max(dp[i-1][k][0], dp[i-1][k][1] + \text{prices}[i])$$

$$dp[i][k][1] = \max(dp[i-1][k][1], dp[i-1][k-1][0] - \text{prices}[i])$$

|| 依题意 $k=k$ 不变, 成立 - 依题意

$$dp[i][0] = \max(dp[i-1][0], dp[i-1][1] + \text{prices}[i])$$

边界弄好

$$dp[i][1] = \max(dp[i-1][1], dp[i-1][0] - \text{prices}[i])$$

\Rightarrow return $dp[n-1][0]$

3. 对于 $k=2$ $dp[i][k][0] = \max(dp[i-1][k][0], dp[i-1][k][1] + \text{prices}[i])$

$$dp[i][k][1] = \max(dp[i-1][k][1], dp[i-1][k-1][0] - \text{prices}[i])$$