问题描述:

硬件商 XYZ 公司宣称他们最新研的微虑理器通行速度高其竞争对手 ABC 公司的同频品的 100 倍。于计算复杂性分别为n, n^2 , n^3 和n! 的各算法若用 ABC 公司的计算机在 1h 内分别 能解决输入规模为 n 的问题,那用 XYZ 公司的计算机在 1h 内分别能解输入规模多大的题?

问题解答:

根据他们宣称的性能提供的信息进行估算,由于:

算法执行时间 =
$$\sum F_i * t_i$$

可以得到在计算机性能增强 100 的条件下有,新的执行时间 t_{inew} 为:

$$t_{i new} = t_i/100$$

在算法时间为 1h 不变的情况下,对于平均复杂度为n, n^2 , n^3 和n! 的算法应该有如下结论(为了避免混淆,我们假设原机器输入规模为 θ_0 ,新的计算机输入规模为):

对于平均复杂度为n的算法有,新的处理器可以解决规模为 $100\theta_0$ 的问题;

对于平均复杂度为 n^2 的算法有,新的处理器可以解决规模为 $10\theta_0$ 的问题;

对于平均复杂度为 n^3 的算法有,新的处理器可以解决规模为 $\sqrt[3]{100}\theta_0$ 的问题;

对于平均复杂度为n!的算法有,新的处理器可以解决问题规模为:

$$\theta_0 < \theta < \theta_0 + \ln 100$$