

A4. Разные алгоритмы решения одной* задачи

Демченко Георгий Павлович , БПИ-235

1.

Я не согласен с данным утверждением.

Результат работ всех 3-х алгоритмов могут отличаться в зависимости от входных данных.

Алгоритм 1:

- Находит число, которое встречается в массиве **A** наибольшее количество раз и возвращают его, если количество его вхождений $c \geq \frac{n}{2} + 1$
- В случае когда несколько различных чисел имеют одинаковое количество вхождений в массив, алгоритмы не возвращают ничего (тк $c \leq \frac{n}{2}$ в таком случае)

Алгоритм 3:

- Находит число, которое встречается в массиве **A** наибольшее количество раз и возвращают его, если количество его вхождений $c \geq \frac{n}{2} + 1$
- Если искомое число является наибольшим в массиве, то вывода не произойдет так как не встретится любого другого числа после него и не произойдет ветвление в **else** где располагается **return**

Алгоритм 2:

- **Бесполезен, ничего не решает в общем случае**
- **Если повезет с входными данными:**
 - Находит число, которое встречается в массиве **A** наибольшее количество раз и возвращает его
 - В случае когда несколько различных чисел имеют одинаковое количество вхождений в массив, алгоритм вернет то число, что было расположено ближе к концу массива наибольшее количество раз

Пример бесполезности 2-го алгоритма:

$A = [8, 8, 8, 2, 2, 2, 5, 5]$

Трассировка:

```
algorithm2 start

1-ая итерация
A[ind] = 8 A[i] = 8
с до проверки: 1
с после проверки: 2
-----
2-ая итерация
A[ind] = 8 A[i] = 8
с до проверки: 2
с после проверки: 3
-----
3-ая итерация
A[ind] = 8 A[i] = 2
с до проверки: 3
с после проверки: 2
-----
4-ая итерация
A[ind] = 8 A[i] = 2
с до проверки: 2
с после проверки: 1
-----
5-ая итерация
A[ind] = 8 A[i] = 2
с до проверки: 1
с после проверки: 0
новый ind: 5
-----
6-ая итерация
A[ind] = 2 A[i] = 5
с до проверки: 1
с после проверки: 0
новый ind: 6
-----
7-ая итерация
A[ind] = 5 A[i] = 5
с до проверки: 1
с после проверки: 2
-----

algorithm2 result:5
```

Результаты работ совпадают:

$A = [1, 1, 2, 2, 2, 2, 4]$

Трассировка:

Algorithm1

Algorithm2

Algorithm3

Algorithm1	Algorithm2	Algorithm3
<pre>algorithm1 start 1-ая итерация Проверка вхождений 1 в массив Количество вхождений 1 в массив: 2 Обновили с ----- 2-ая итерация Проверка вхождений 1 в массив Количество вхождений 1 в массив: 2 ----- 3-ая итерация Проверка вхождений 2 в массив Количество вхождений 2 в массив: 4 Обновили с ----- 4-ая итерация Проверка вхождений 2 в массив Количество вхождений 2 в массив: 4 ----- 5-ая итерация Проверка вхождений 2 в массив Количество вхождений 2 в массив: 4 ----- 6-ая итерация Проверка вхождений 2 в массив Количество вхождений 2 в массив: 4 ----- 7-ая итерация Проверка вхождений 4 в массив Количество вхождений 4 в массив: 1 ----- algorithm1 result:2</pre>	<pre>algorithm2 start 1-ая итерация A[ind] = 1 A[i] = 1 с до проверки: 1 с после проверки: 2 ----- 2-ая итерация A[ind] = 1 A[i] = 2 с до проверки: 2 с после проверки: 1 ----- 3-ая итерация A[ind] = 1 A[i] = 2 с до проверки: 1 с после проверки: 0 новый ind: 3 ----- 4-ая итерация A[ind] = 2 A[i] = 2 с до проверки: 1 с после проверки: 2 ----- 5-ая итерация A[ind] = 2 A[i] = 2 с до проверки: 2 с после проверки: 3 ----- 6-ая итерация A[ind] = 2 A[i] = 4 с до проверки: 3 с после проверки: 2 ----- algorithm2 result:2</pre>	<pre>algorithm3 start 1-ая итерация A[i - 1] = 1 A[i] = 1 с до проверки: 1 с после проверки: 2 ----- 2-ая итерация A[i - 1] = 1 A[i] = 2 с до проверки: 2 с после проверки: 1 ----- 3-ая итерация A[i - 1] = 2 A[i] = 2 с до проверки: 1 с после проверки: 2 ----- 4-ая итерация A[i - 1] = 2 A[i] = 2 с до проверки: 2 с после проверки: 3 ----- 5-ая итерация A[i - 1] = 2 A[i] = 2 с до проверки: 3 с после проверки: 4 ----- 6-ая итерация A[i - 1] = 2 A[i] = 4 с до проверки: 4 algorithm3 result:2</pre>

Результаты работ отличаются:

A = [1, 1, 2, 2, 3, 3, 3]

Трассировка:

Algorithm1	Algorithm2	Algorithm3
------------	------------	------------

Algorithm1

```
algorithm1 start

1-ая итерация
Проверка вхождений 1 в массив
Количество вхождений 1 в массив: 2
Обновили c
-----
2-ая итерация
Проверка вхождений 1 в массив
Количество вхождений 1 в массив: 2
-----
3-ая итерация
Проверка вхождений 2 в массив
Количество вхождений 2 в массив: 2
-----
4-ая итерация
Проверка вхождений 2 в массив
Количество вхождений 2 в массив: 2
-----
5-ая итерация
Проверка вхождений 3 в массив
Количество вхождений 3 в массив: 3
Обновили c
-----
6-ая итерация
Проверка вхождений 3 в массив
Количество вхождений 3 в массив: 3
-----
7-ая итерация
Проверка вхождений 3 в массив
Количество вхождений 3 в массив: 3
-----
algorithm1 no result
```

Algorithm2

```
algorithm2 start

1-ая итерация
A[ind] = 1 A[i] = 1
с до проверки: 1
с после проверки: 2
-----
2-ая итерация
A[ind] = 1 A[i] = 2
с до проверки: 2
с после проверки: 1
-----
3-ая итерация
A[ind] = 1 A[i] = 2
с до проверки: 1
с после проверки: 0
новый ind: 3
-----
4-ая итерация
A[ind] = 2 A[i] = 3
с до проверки: 1
с после проверки: 0
новый ind: 4
-----
5-ая итерация
A[ind] = 3 A[i] = 3
с до проверки: 1
с после проверки: 2
-----
6-ая итерация
A[ind] = 3 A[i] = 3
с до проверки: 2
с после проверки: 3
-----
algorithm2 result:3
```

Algorithm3

```
algorithm3 start

1-ая итерация
A[i - 1] = 1 A[i] = 1
с до проверки: 1
с после проверки: 2
-----
2-ая итерация
A[i - 1] = 1 A[i] = 2
с до проверки: 2
с после проверки: 1
-----
3-ая итерация
A[i - 1] = 2 A[i] = 2
с до проверки: 1
с после проверки: 2
-----
4-ая итерация
A[i - 1] = 2 A[i] = 3
с до проверки: 2
с после проверки: 1
-----
5-ая итерация
A[i - 1] = 3 A[i] = 3
с до проверки: 1
с после проверки: 2
-----
6-ая итерация
A[i - 1] = 3 A[i] = 3
с до проверки: 2
с после проверки: 3
-----
algorithm3 no result
```

2.

algorithm1 :

Вне зависимости от входных данных произойдет n итераций цикла по i , в каждой из которых произойдет ещё n итераций цикла по j

$$\Rightarrow T(n) = O(n^2), f(n) = n^2$$

algorithm2 :

Вне зависимости от входных данных произойдет $n - 1$ итерация цикла по i

$$\Rightarrow T(n) = O(n), f(n) = n$$

algorithm3 :

В случае когда наименьший элемент в массиве A и есть наиболее-повторяющийся и входит в массив более чем $\frac{n}{2}$ то произойдет $(\frac{n}{2})$ итераций цикла по i

В остальных случаях произойдет $(n - 1)$ итераций цикла по i

Верхняя оценка сложности алгоритма определяется сложностью применяемой сортировки, будем считать что в худшем случае она выполняется за $O(n \cdot \log_2(n))$ - merge sort

$\Rightarrow T(n) = O(n \cdot \log_2(n))$, $f(n) = n \cdot \log_2(n)$

3.

Изменим алгоритмы 2 и 3 так, чтобы они работали аналогично алгоритму 1:

Algorithm2New.cpp

```
int32_t algorithm2New(std::vector<int32_t> &A, size_t n) {
    int32_t c = 1;
    int32_t ind = 0;
    std::unordered_map<int32_t, int32_t> countMap;
    int32_t ans = 0;
    int32_t max_cnt = 0;

    for (int32_t i = 1; i < n; ++i) {
        countMap[A[i]]++;
        if (A[ind] == A[i]) {
            c = c + 1;
        } else {
            c = c - 1;
        }

        if (c == 0) {
            ind = i;
            c = 1;
        }
        if (countMap[A[i]] > max_cnt) {
            max_cnt = countMap[A[i]];
            ans = A[i];
        }
    }

    if (countMap[ans] > n/2) {
        return ans;
    };
}
```

Algorithm3New.cpp

```
int32_t algorithm3New(std::vector<int32_t> &A, size_t n) {
    if (n == 1) {
```

```

        return A[0];
    }

    int32_t c = 1;
    std::sort(A.begin(), A.end());

    for (int32_t i = 1; i < n; ++i) {
        if (A[i - 1] == A[i]) {
            c = c + 1;
            if (c > n/2) {
                return A[i - 1];
            }
        } else {
            c = 1;
        }
    }
}

```

4.

algorithm2New :

Вне зависимости от входных данных произойдет $n - 1$ итерация цикла по i

$$T(n)_{\text{new}} = O(n) \mid \text{space}, f(n)_{\text{new}} = n = f(n)$$

algorithm3New :

Абсолютно аналогично изначальному алгоритму, поменяли расположение if ($c > n/2$) внутри ветвления.

Аналогично считаем, что применяется merge sort

$$T(n)_{\text{new}} = O(n \cdot \log_2(n)) \mid \text{space}, f(n)_{\text{new}} = n \cdot \log_2(n) = f(n)$$