# Color Image Enhancement Homework Report

## Technical description

(1) Histogram equalization in HSI color space 在 HSI color space 上做 Histogram equalization 提高 圖片對比,再轉回到 RGB color space。

先將 RGB color image 轉成 HSI color space,在 HSI components 上進行所需的影像處理。

HSI 各個 components 可以經由以下公式獲得

H component:

$$H = \begin{cases} \theta & \text{if } B \le G \\ 360 - \theta & \text{if } B > G \end{cases}$$

$$\theta = \cos^{-1} \left\{ \frac{\frac{1}{2} [(R - G) + (R - B)]}{[(R - G)^2 + (R - B)(G - B)]^{1/2}} \right\},$$

theta = acos (反三角函數)

S component:

$$S = 1 - \frac{3}{(R+G+B)} \left[ \min(R, G, B) \right],$$

I component:

$$I = \frac{1}{3}(R + G + B),$$

將 RGB 的值做上述三個處理可以得到 HSI,也就是 RGB 被normalized 後的值(在區間[0,1]之間)。接著在 HSI 三個components 上分別做 historgram equalization。

根據 ppt58 頁,不要讓各個 component 單獨做 histeq,否則結果圖的顏色會有錯誤,在 HSI color space 上做 histogram equalization 時讓 hue component 維持不變。

A logical approach is to spread the color intensities uniformly, leaving the colors themselves (e.g., hues) unchanged.

S 做完 histeq 的結果陣列(SE)·以及 I 做完 histeq 的結果陣列(IE·)和原本的(H)陣列·也就是(SE, IE, H)·把這三個陣列做串接後得到在 HSI color space 上做完 enhancement 的三維矩陣。

把串接後的三維矩陣結果從 HSI color space 轉回 RGB color space · 原本 HSI 值的區間為[0, 1] · 把 H 乘上 360 度可以得到區間[0 度, 360 度] · 在這邊我是乘上 2pi 來達到 360 度的結果。有了角度區間後·便可以將分布在不同部分的色彩 RGB 取出來,以下是各個扇形區塊取出 RGB components 的計算式:

RG sector 
$$(0^{\circ} \le H < 120^{\circ})$$
:

$$B = I(1-S)$$

$$R = I \left[ 1 + \frac{S \cos H}{\cos(60^{\circ} - H)} \right]$$

$$G = 3I - (R+B).$$

*GB* sector  $(120^{\circ} \le H < 240^{\circ})$ :

$$H = H - 120^{\circ}$$
.

Then the RGB components are:

$$R = I(1-S)$$

$$G = I \left[ 1 + \frac{S \cos H}{\cos(60^{\circ} - H)} \right]$$

$$B = 3I - (R+G).$$

BR sector  $(240^{\circ} \le H \le 360^{\circ})$ :

$$H = H - 240^{\circ}$$
.

Then the RGB components are:

$$G = I(1-S)$$

$$B = I \left[ 1 + \frac{S \cos H}{\cos(60^{\circ} - H)} \right]$$

$$R = 3I - (G+B).$$

將上面計算式所得到的 R & G & B 的陣列作串接,得到一個三維陣列,即是 RGB color space,且是做完 historgram equalization 後的 RGB 結果圖。

(2) Color image sharpening in RGB color space 在 RGB color space 上做 sharpening · 產生各個 component 的 laplacian filter · 利用原圖減去 laplacian filter 來突顯影像邊界。

(laplacian mask = [0 1 0; 1 -4 1; 0 1 0])

In the RGB color system, the Laplacian of vector  $\mathbf{c}$  in Eq. (6.4-2) is:  $\nabla^2 [\mathbf{c}(x,y)] = \begin{bmatrix} \nabla^2 R(x,y) \\ \nabla^2 G(x,y) \end{bmatrix}.$  (6.6-3)

在 RGB color space 中對 R & G & B components 分別做 laplacian,得到 R & G & B 的 laplacian filter,將原本的 RGB components 減去各自的 laplacian filter 得到三個陣列。

將這三個陣列做串接得到一個三維陣列,即是突顯邊界後的 RGB color image。

# Experimental results

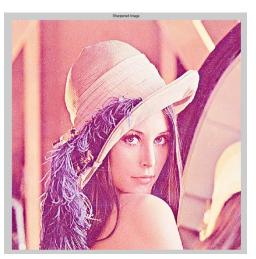












左: oringinal image

中: Histogram equalization in HSI color space

右: Color image sharpening

#### Disscussions

在 HSI color space 上面,改動其中一個 component 並將結果輸出可以發現色彩明顯的變化,其中 Hue 是色相,動到 H 的話圖片色彩會呈現奇怪的分布,Saturation 是飽和度,越高色彩越純越低則變灰,Intensity 是明度,越高越亮越低越暗,所以做 histeq 的時候保留 Hue 的部分,只改動飽和度以及明度的部分,使圖片提高對比。Sharpening 做法跟之前一樣,原本的減去 laplacian filter 就會得到 enhanced result,如果不是全部都做,只針對 r 或 g 或 b,一樣會有突顯的效果,只是沒這麼明顯。

可以發現 lena-d 本身彩度已足夠,故做完 histeq 後色彩對比上只有明顯變亮,效果還好。而做完 Sharpening 的效果明顯較好。
lena-l 彩度較不足,做完 histeq 後整體彩度變高,效果很不錯。
反而做完 Sharpening 後的效果不明顯。

lena-d & lena-l 做完 sharpening,可以發現雜訊變多,因為 laplacian filter 突顯像素變化的關係。

### References and Appendix

http://ppt.cc/P9L\_

http://ppt.cc/aJcb

http://ppt.cc/grEb