

# Línuleg algebra A

## Verkefnablað vegna umræðutíma 2

Torfi Þorgrímsson

**Verkefni fyrir umræðutíma 20.09.21:**

1. Setjum  $A = \{x + y\sqrt{2} \mid x, y \in \mathbb{Q}\} \subseteq \mathbb{R}$ .

Sýnið að ef  $x, y \in \mathbb{Q}$  þá er  $x + y\sqrt{2} = 0$  ef og aðeins ef  $x = y = 0$ .

Sýnið að ef  $z_1, z_2 \in A$  þá er  $z_1 + z_2, z_1 z_2 \in A$ .

2. Úr dæmakafli bls. 57 í bók Donaldson og Pantano: 4.1.1, 4.1.2, 4.1.7.

**Verkefni fyrir umræðutíma 27.09.21:**

1. Úr dæmakafli bls. 59–60 í bók Donaldson og Pantano: 4.2.1, 4.2.3, 4.2.4.

2. Úr dæmakafli bls. 64–65 í bók Donaldson og Pantano: 4.3.2, 4.3.5, 4.3.6 (c)(d).

**Verkefni fyrir umræðutíma 04.10.21:**

1. Úr dæmakafli bls. 99–100 í bók Donaldson og Pantano: 6.1.1, 6.1.2, 6.1.3, 6.1.6.

2. Úr dæmakafli bls. 104–105 í bók Donaldson og Pantano: 6.2.1 (a)(d), 6.2.3, 6.2.6.

**Skilverkefni fyrir 29.09.21:** Þessi verkefni eru einstaklingsverkefni. Lausnum verkefnanna á að skila miðvikudaginn 29. september í gegnum Canvaskerfið.

1. Látum  $A$ ,  $B$  og  $C$  vera mengi.

a. Sannið eða afsannið: Ef  $A \setminus C \subseteq B \setminus C$  þá er  $A \subseteq B$ .

b. Sannið eða afsannið: Ef  $A \subseteq B$  þá er  $A \setminus C \subseteq B \setminus C$ .

2. Verkefni 4.3.3 á bls. 65

3. Sannið formlega að ef  $A$ ,  $B$  og  $C$  er mengi þá er  $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$ .

4. Verkefni 6.2.4 og 6.2.5 á bls. 104–105.