

# Algoritmos y Estructuras de Datos

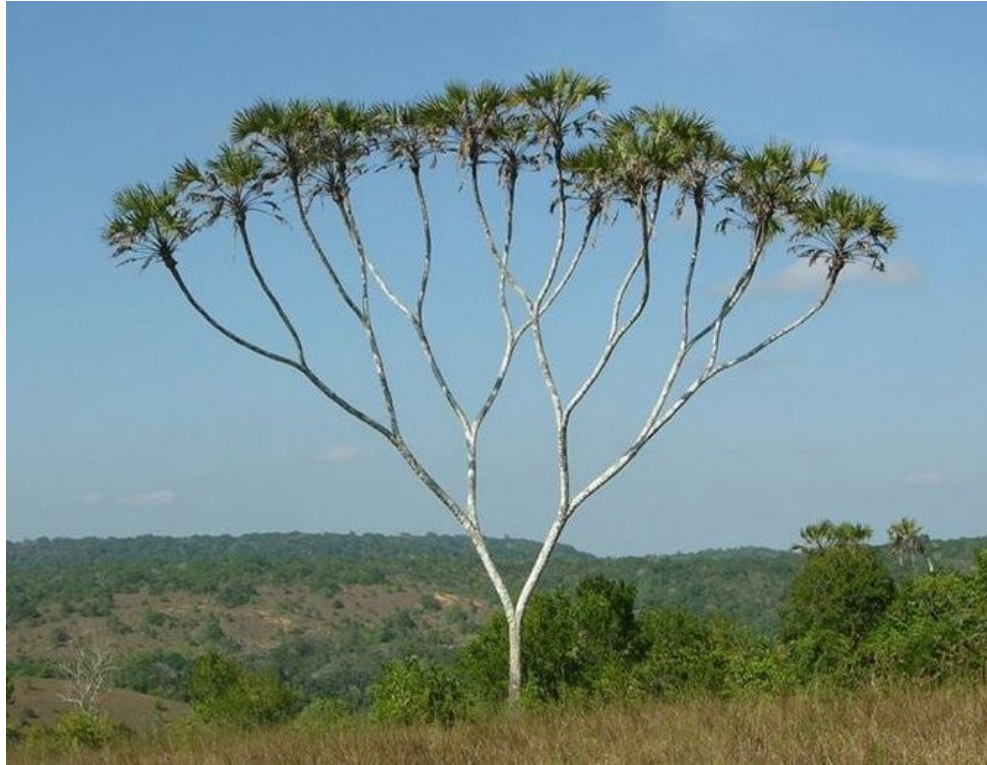
Ingeniería en Sistemas de la Información

Árboles Binarios



UNIVERSIDAD  
ADVENTISTA DEL PLATA

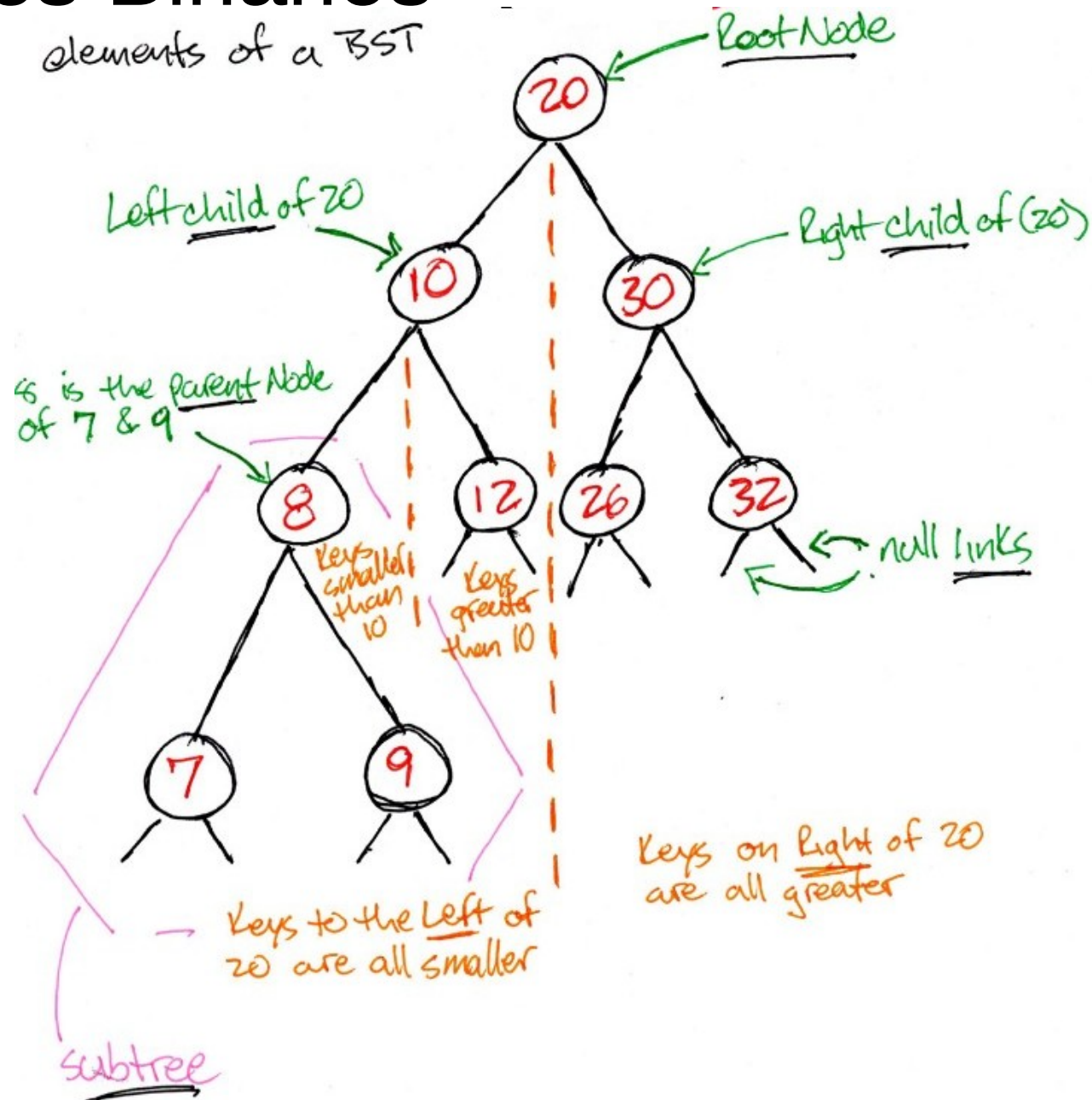
# Árboles Binarios



Un árbol es un tipo abstracto de datos (TAD) ampliamente usado que imita la estructura jerárquica de un árbol, con un valor en la raíz y subárboles con un nodo padre, representado como un conjunto de nodos enlazados.

# Árboles Binarios

elements of a BST



# Terminología

**Raíz:** El nodo superior de un árbol.

**Hijo:** Un nodo conectado directamente con otro cuando se aleja de la raíz.

**Padre:** La noción inversa de hijo.

**Hermanos:** Un conjunto de nodos con el mismo padre.

**Descendiente:** Un nodo accesible por descenso repetido de padre a hijo.

**Ancestro:** Un nodo accesible por ascenso repetido de hijo a padre.

# Terminología

**Hoja:** Un nodo sin hijos.

**Nodo interno:** Un nodo con al menos un hijo.

**Grado:** Número de subárboles de un nodo.

**Brazo:** La conexión entre un nodo y otro.

**Camino:** Una secuencia de nodos y brazos conectados con un nodo descendiente.

# Terminología

**Nivel:** El nivel de un nodo se define por  $1 +$  (el número de brazos entre el nodo y la raíz).

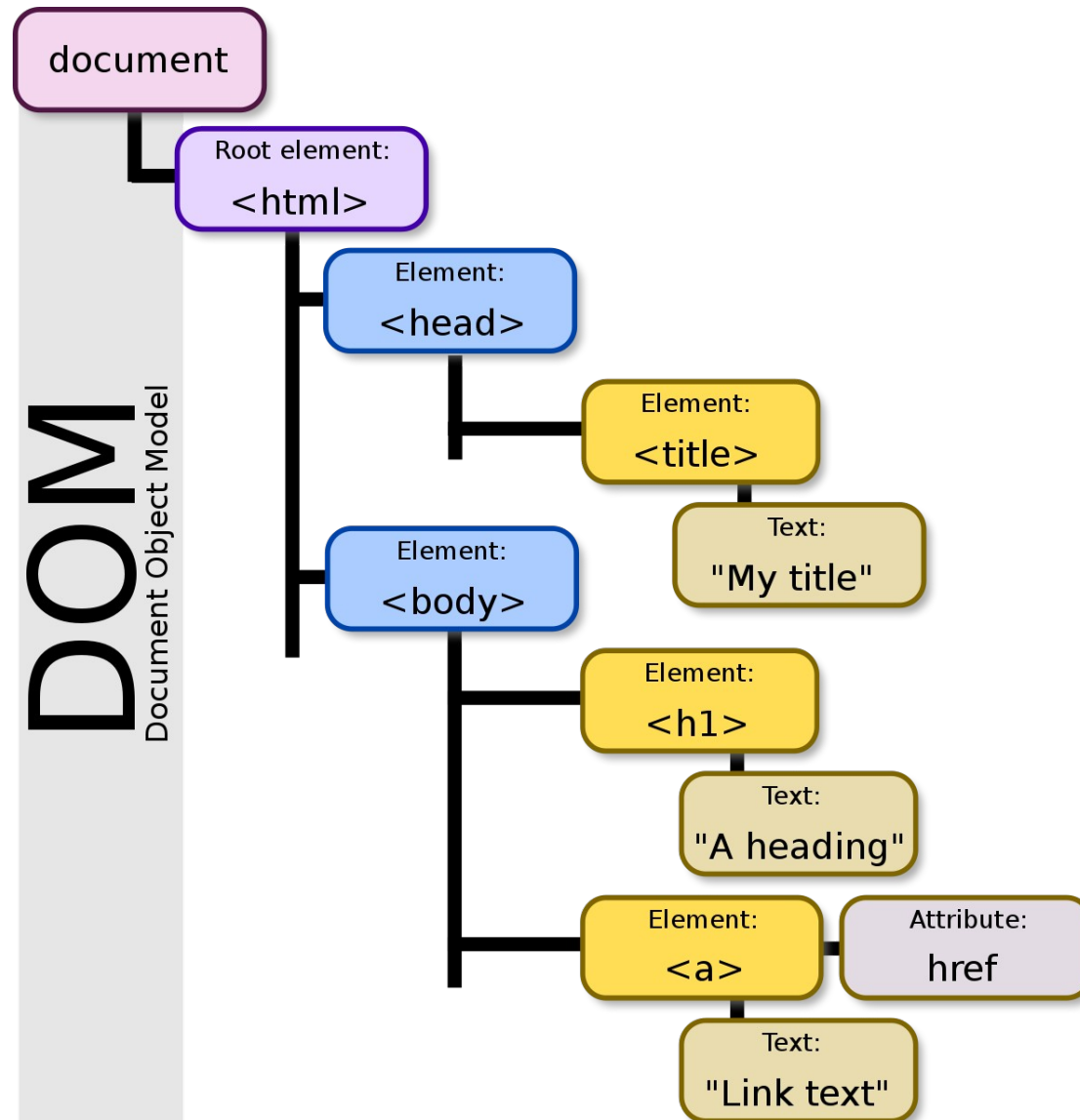
**Altura de un nodo:** La altura de un nodo es el número de brazos en el camino más largo entre ese nodo y una hoja.

**Altura de un árbol:** La altura de un árbol es la altura de su nodo raíz.

**Profundidad:** La profundidad de un nodo es el número de brazos desde la raíz del árbol hasta un nodo.

**Rama:** Una ruta del nodo raíz a cualquier otro nodo.

# Árboles – Aplicaciones - WEB



# Árboles – Aplicaciones

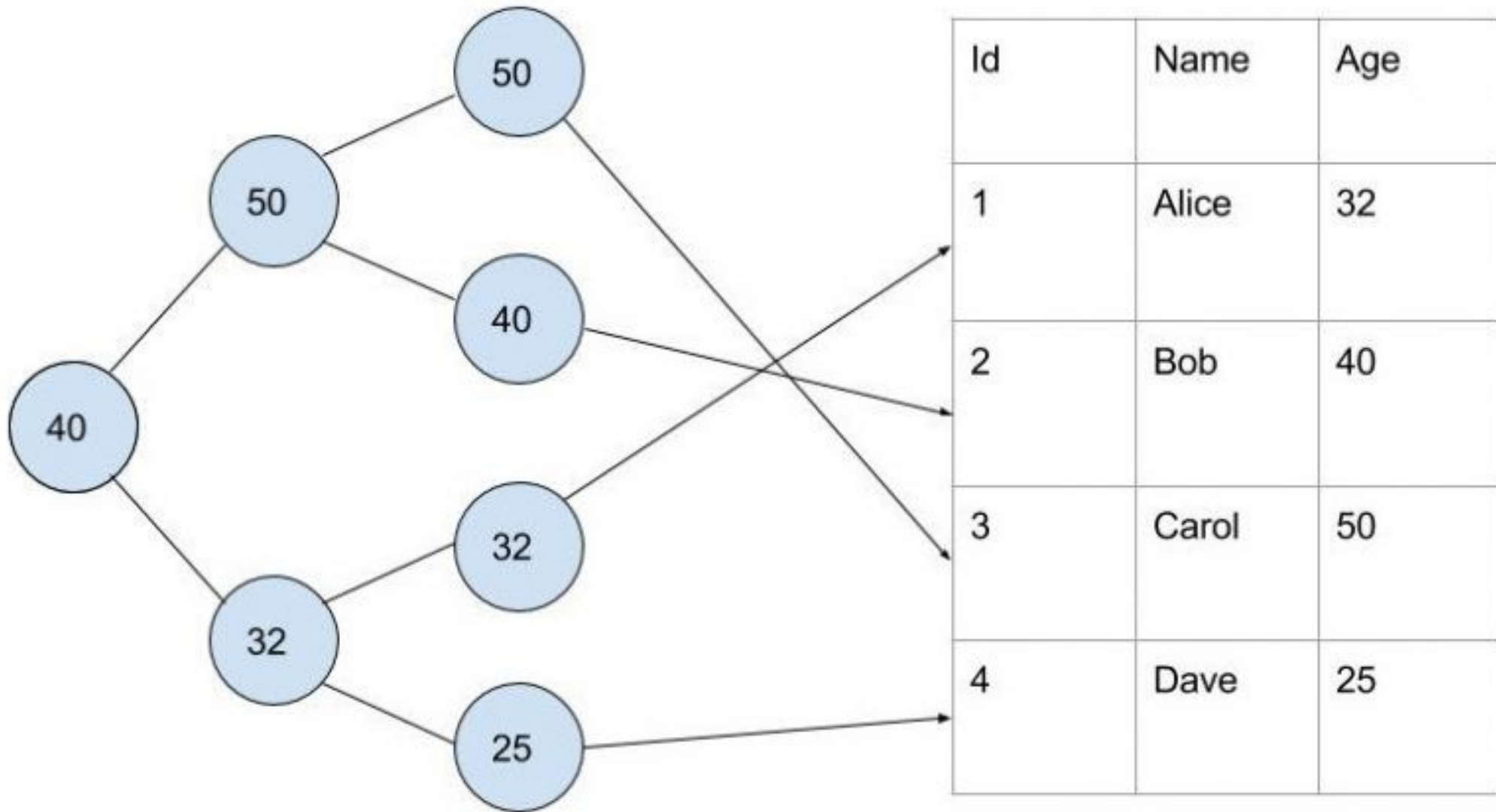
## Representación de datos

**{JSON}**  
JavaScript Object Notation

```
1 {  
2   "curso": [  
3     {  
4       "id": "01",  
5       "materia": "JSON",  
6       "nivel": "básico",  
7       "author": "José Manuel"  
8     },  
9     {  
10      "id": "07",  
11      "materia": "Liferay",  
12      "nivel": "medio",  
13      "author": "José Manuel"  
14    }  
15  ]  
16 }
```



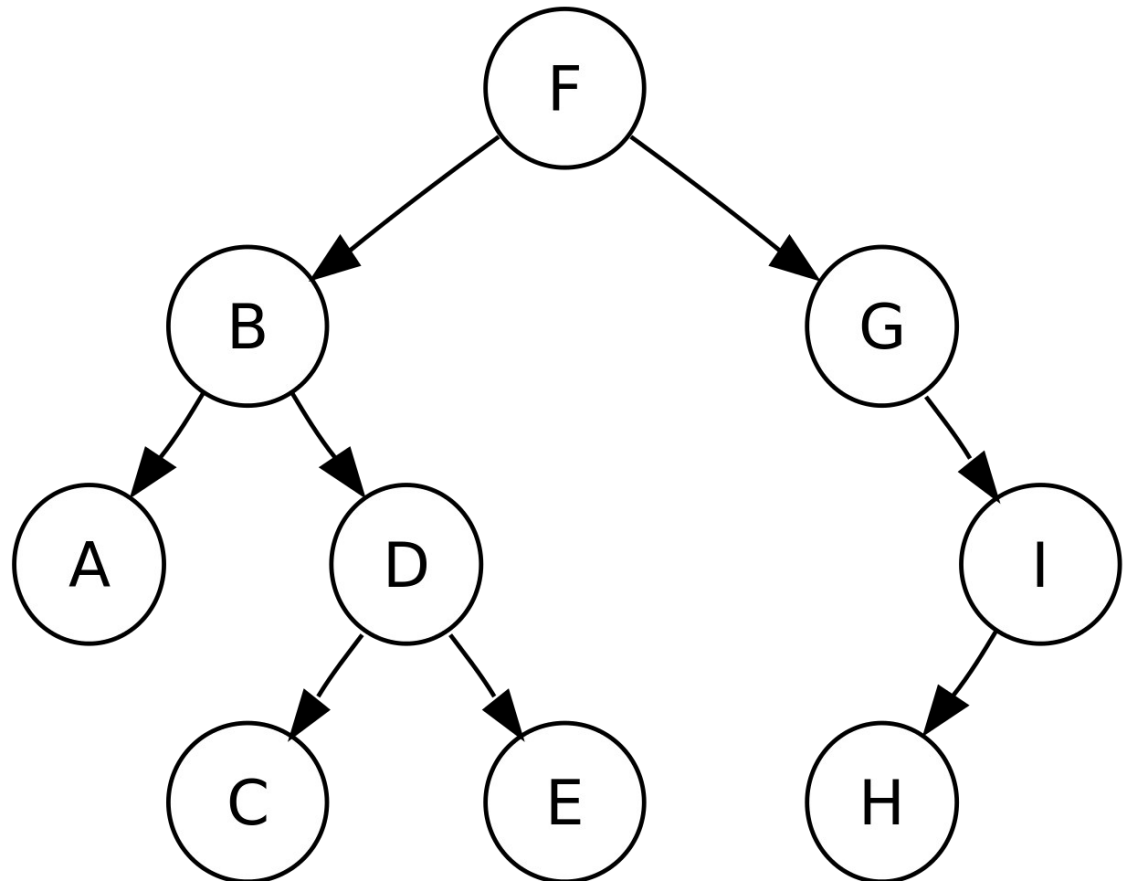
# Árboles – Aplicaciones – Índices en BD



# Tipos de recorrido

**Profundidad primero:** visitar todos los nodos desde la raíz hasta las hojas, cuando ya no quedan más nodos hijo por visitar, volver atrás (backtracking) y seguir con otros hermanos de nodo ya procesado.

Hay 3 formas de hacerlo:

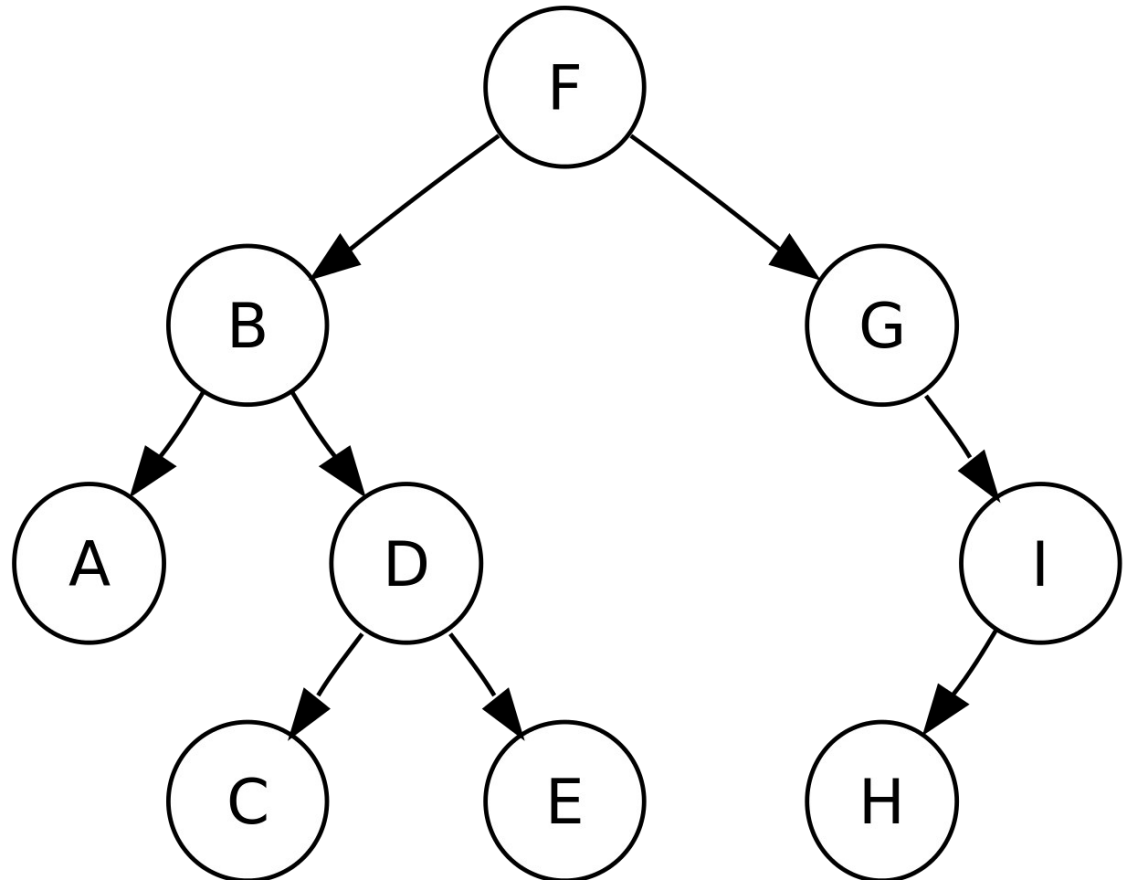


# Tipos de recorrido - Preorden

**Recursivamente y en orden hacer:**

- 1) Visitar el nodo
- 2) Pasar por el nodo izquierdo
- 3) Pasar por el nodo derecho

F B A D C E G I H

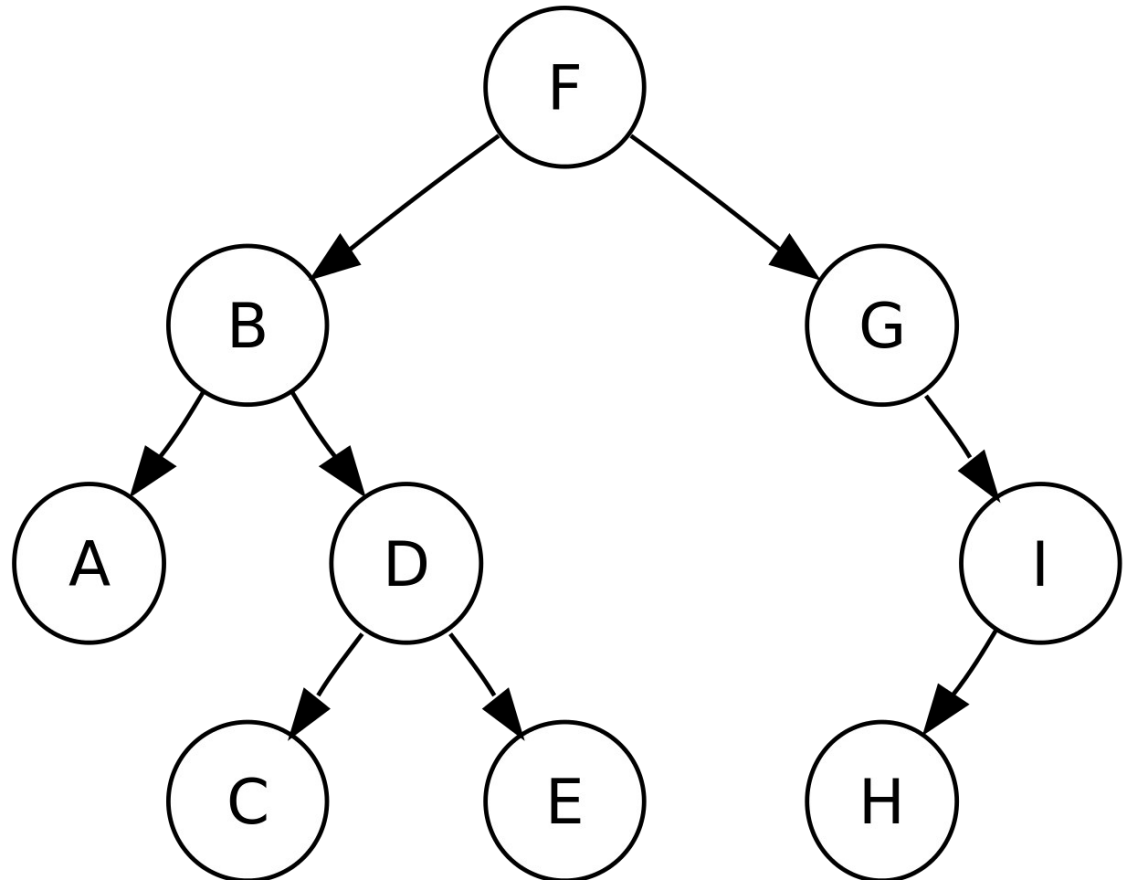


# Tipos de recorrido - Inorden

**Recursivamente y en orden hacer:**

- 1) Pasar por el nodo izquierdo
- 2) Visitar el nodo
- 3) Pasar por el nodo derecho

A B C D E F G H I

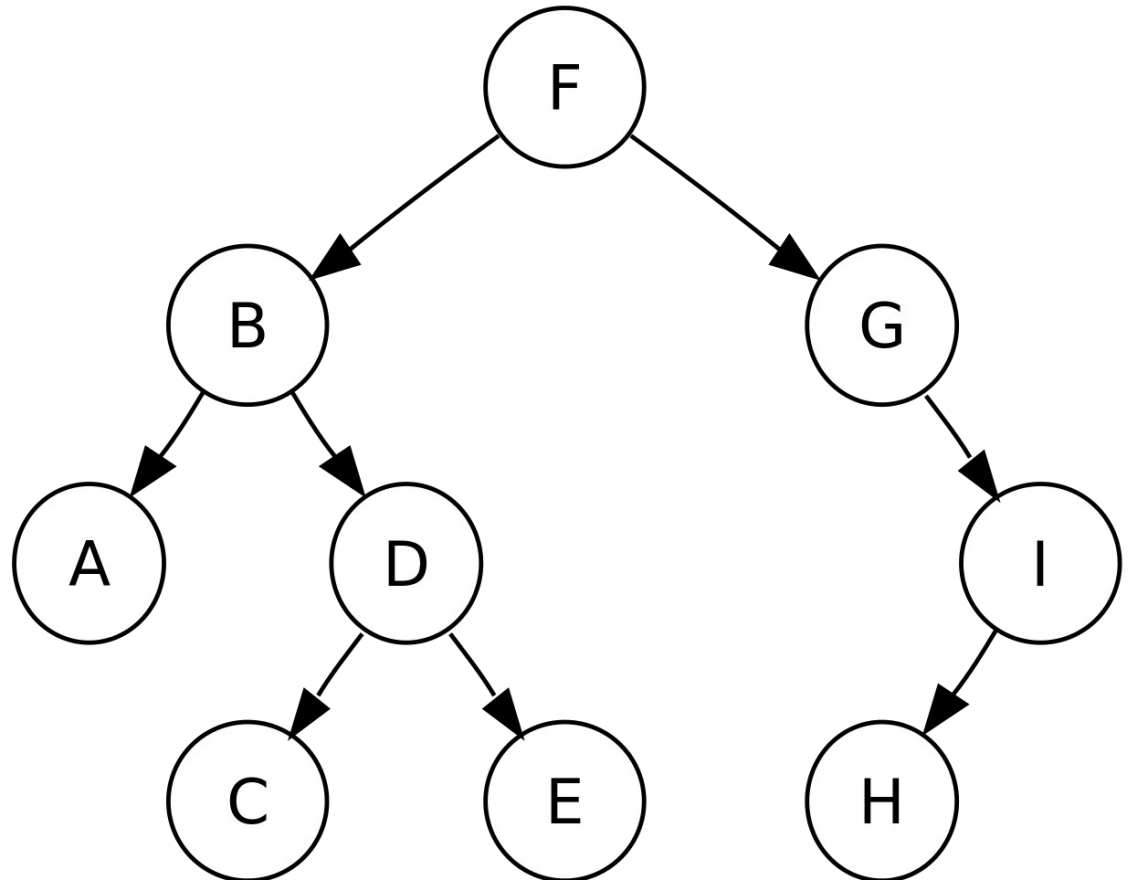


# Tipos de recorrido - Postorden

**Recursivamente y en orden hacer:**

- 1) Pasar por el nodo izquierdo
- 2) Pasar por el nodo derecho
- 3) Visitar el nodo

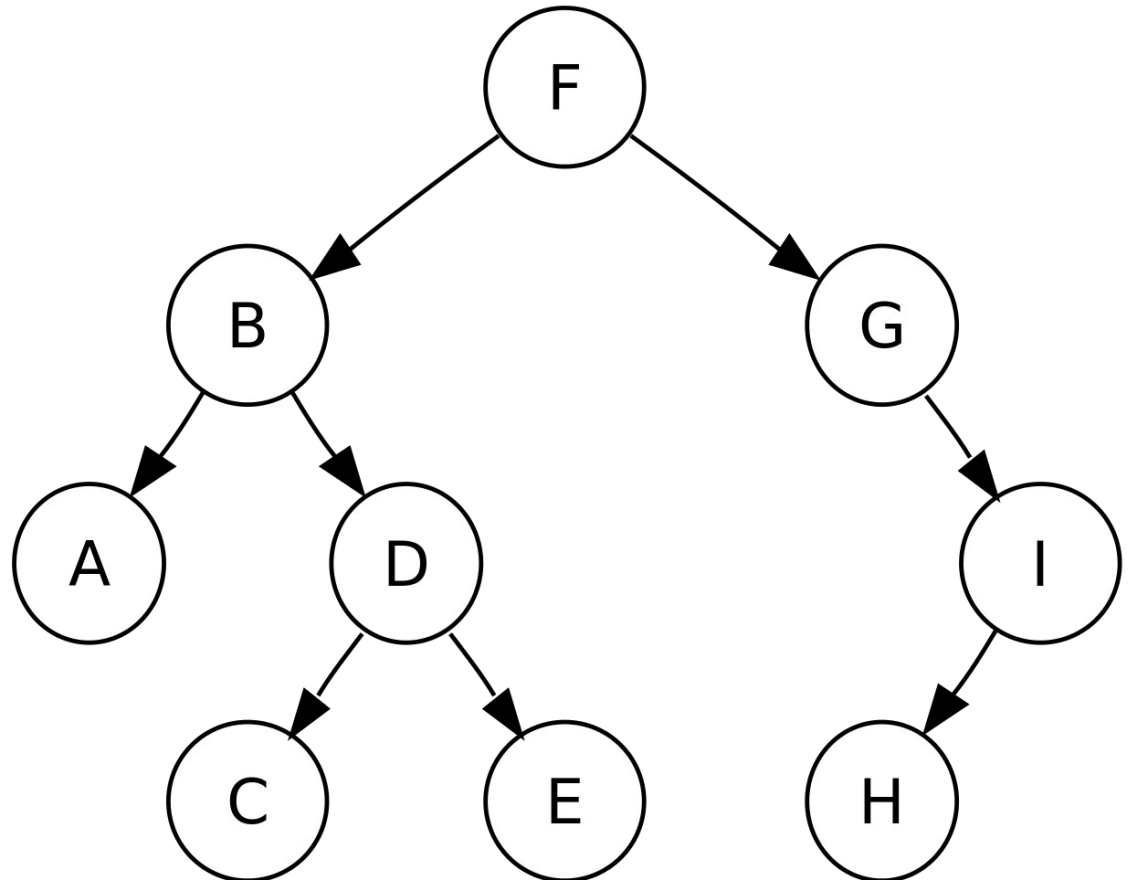
A C E D B H I G F



# Tipos de recorrido

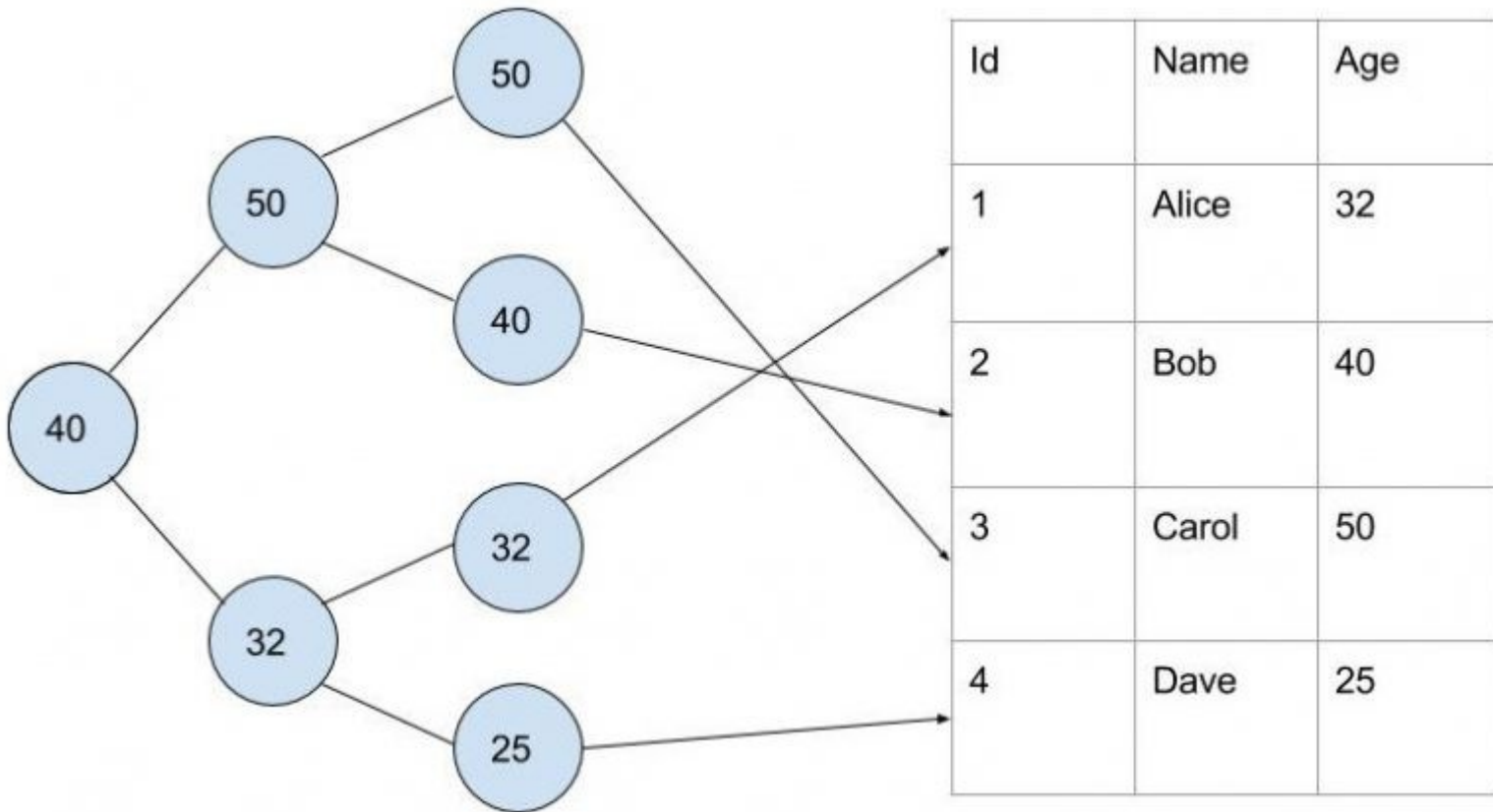
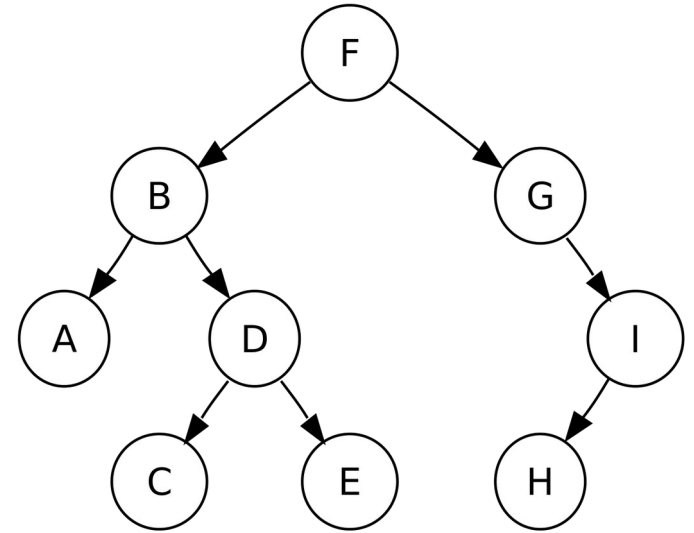
**Profundidad en anchura primero:** visitar todos los nodos por nivel, una vez concluido se pasa al siguiente nivel hasta el último.

F B G A D I C E H



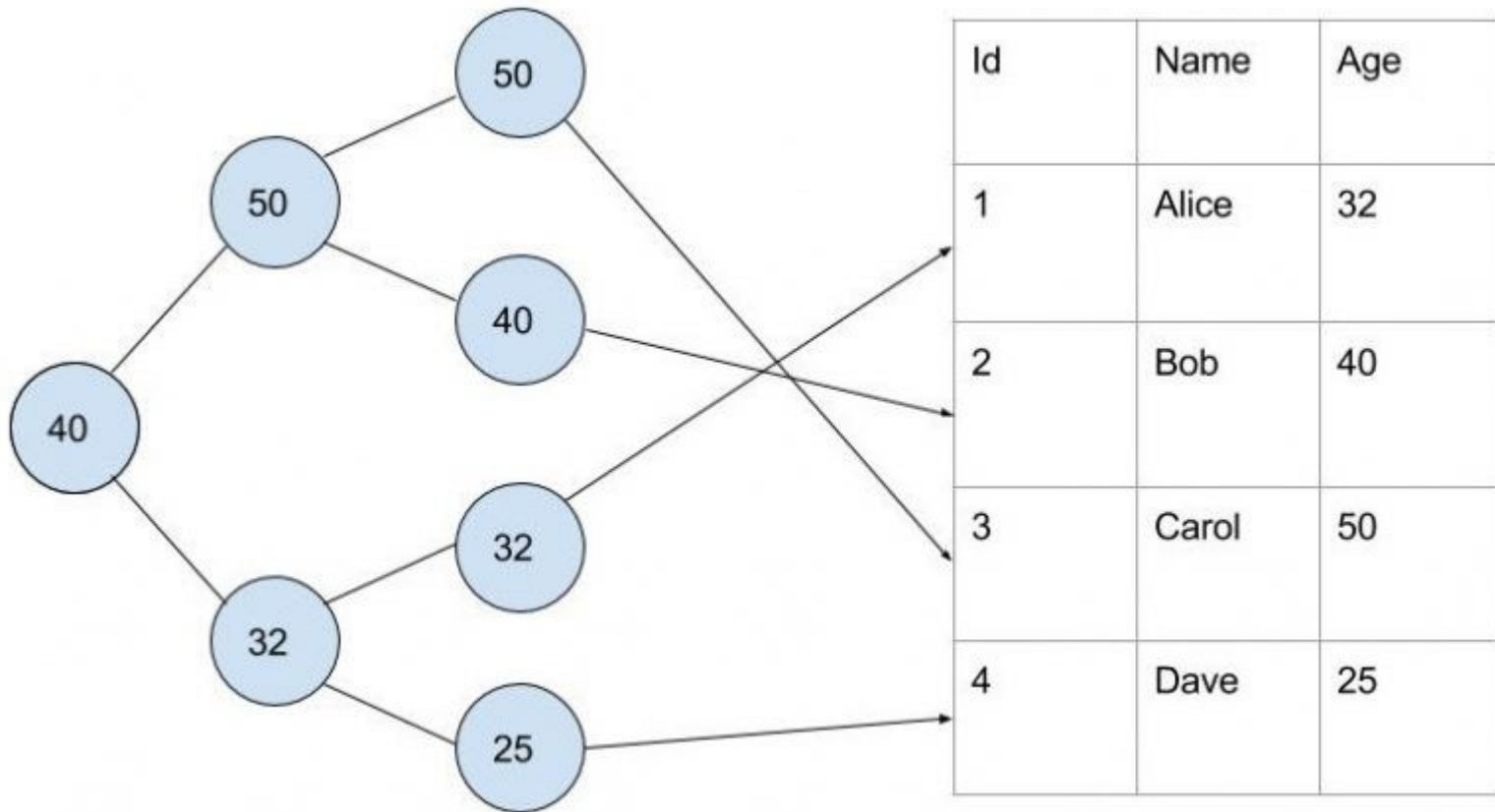
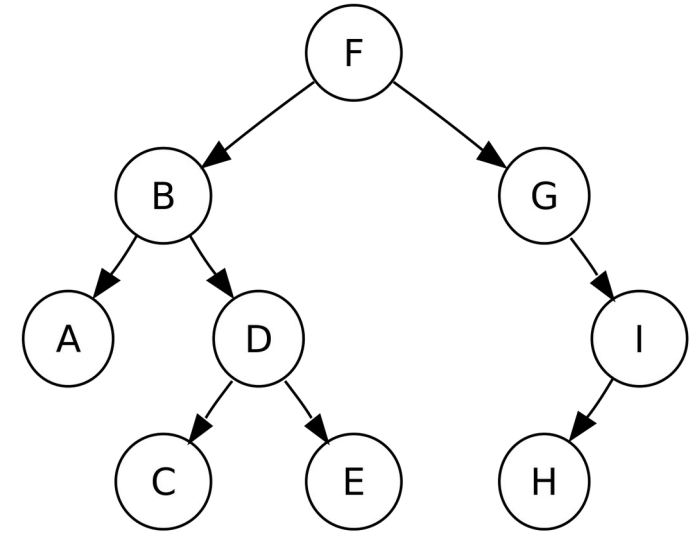
# Inorden – caso especial 1

A B C D E F G H I



# Inorden – caso especial 2

Búsqueda binaria





# Implementación en Python



```
1 class Node:
2     valor = ""
3     left = None
4     right = None
5     def __init__(self, valor):
6         self.valor = valor
7
```

