Leyes de la Lógica

1)
$$\neg \neg p \Leftrightarrow p$$
 Ley de la Doble Negación

2) $\neg (p \lor q) \Leftrightarrow \neg p \land \neg q$

3) $\neg (p \land q) \Leftrightarrow \neg p \lor \neg q$

4) $p \lor q \Leftrightarrow q \lor p$ Leyes Commutativas

5) $p \land q \Leftrightarrow q \land p$

6) $p \lor (q \lor r) \Leftrightarrow (p \lor q) \lor r \Leftrightarrow p \lor q \lor r$

7) $p \land (q \land r) \Leftrightarrow (p \lor q) \land (p \lor r)$

8) $p \lor (q \land r) \Leftrightarrow (p \lor q) \land (p \lor r)$

9) $p \land (q \lor r) \Leftrightarrow (p \lor q) \lor (p \land r)$

10) $p \lor p \Leftrightarrow p$

110) $p \lor p \Leftrightarrow p$

12) $p \lor F \Leftrightarrow p$

13) $p \land T \Leftrightarrow p$

14) $p \lor \neg p \Leftrightarrow T$

15) $p \land \neg p \Leftrightarrow F$

16) $p \lor T \Leftrightarrow T$

17) $p \land F \Leftrightarrow F$

18) $p \lor (p \land q) \Leftrightarrow p$

19) $p \land (p \lor q) \Leftrightarrow p$

110) $p \lor p \Leftrightarrow p$

111) $p \land p \Leftrightarrow p$

122 Leyes de Identidad

131 $p \land T \Leftrightarrow p$

142 Leyes de Dominio

151 $p \land p \Leftrightarrow F$

163 $p \lor T \Leftrightarrow T$

164 $p \lor T \Leftrightarrow F$

175 $p \land P \Leftrightarrow F$

187 $p \lor (p \land q) \Leftrightarrow p$

189 $p \lor (p \land q) \Leftrightarrow p$

200 $p \lor q \Leftrightarrow (\neg p \lor q)$

211 $p \lor p \Leftrightarrow (\neg p \lor q)$

212 $p \lor q \Leftrightarrow (\neg p \lor q)$

213 $p \lor q \Leftrightarrow (\neg p \lor q)$

224 $p \lor q \Leftrightarrow (\neg p \lor q)$

245 $p \Leftrightarrow q \Leftrightarrow (p \Leftrightarrow q) \Leftrightarrow (p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow p)$

Leyes de Equivalencia

Reglas de Inferencia

 $1) \ [p \land (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q$

Modus Ponens

$$2) \ [(p \Rightarrow q) \land (q \Rightarrow r)] \Rightarrow (p \Rightarrow r)$$

Leyes del Silogismo

3)
$$(p \Rightarrow q) \Rightarrow [(q \Rightarrow r) \Rightarrow (p \Rightarrow r)]$$

4)
$$[(p \Rightarrow q) \land (r \Rightarrow s)] \Rightarrow [(p \land r) \Rightarrow (q \land s)]$$

5)
$$[(p \iff q) \land (q \Rightarrow r)] \Rightarrow (p \iff r)$$

6)
$$[(p \Rightarrow q) \land \neg q] \Rightarrow \neg p$$

Modus Tollens

7)
$$(p \land q) \Rightarrow (p \land q)$$

Regla de la Conjunción

8)
$$[(p \lor q) \land \neg p] \Rightarrow q$$

 $Regla\ del\ Silogismo\ Disyuntivo$

9)
$$(\neg p \Rightarrow F_0) \Rightarrow p$$

Regla de la Contradicción

10)
$$(p \land q) \Rightarrow p$$

Regla de la Simplificación Conjuntiva

11)
$$p \Rightarrow (p \lor q)$$

Regla de la Amplificación Disyuntiva

12)
$$(p \land q) \land [p \Rightarrow (q \Rightarrow r)] \Rightarrow r$$

Regla de la Demostración Condicional

13)
$$[(p \Rightarrow r) \land (q \Rightarrow r)] \Rightarrow [(p \lor q) \Rightarrow r]$$

Regla para la Demostración por Casos

14)
$$[(p \Rightarrow q) \land (r \Rightarrow s) \land (p \lor r)] \Rightarrow (q \lor s)$$

Regla del Dilema Constructivo

15)
$$[(p \Rightarrow q) \land (r \Rightarrow s) \land (\neg q \lor \neg s)] \Rightarrow (\neg p \lor \neg r)$$

Regla del Dilema Destructivo

Tablas de verdad de los conectivos básicos

p	q	$\neg p$	$p \wedge q$	$p \lor q$	$p \Rightarrow q$	$p \iff q$	$p\oplus q$
V	V	F	V	V	V	V	F
V	\mathbf{F}	F	F	V	F	\mathbf{F}	V
\mathbf{F}	V	V	F	V	V	F	V
\mathbf{F}	F	V	F	F	V	V	F

Definiciones clave

- Tautología: proposición siempre verdadera, sin importar los valores de sus variables.
- Contradicción: proposición siempre falsa.
- Contingencia: proposición que es verdadera para algunos valores y falsa para otros.
- Equivalencia lógica: dos proposiciones que tienen la misma tabla de verdad.