

Transferencia de masa

OCTAVIO MANERO BRITO

15 de febrero de 2025

Dedicated to Calvin and Hobbes.

Índice general

1. Capítulo 1	3
1.1. 1.1 y demas	3
1.2. Tarea 1	3
1.3. Apéndice A	6
1.4. Apéndice B	7
1.5. Apéndice C	8
2. Balances Diferenciales	15
2.1. Difusión en medios estacionarios	15
2.1.1. Modelo de la película en transferencia de masa	17
2.1.2. Difusión con interfase movable	17
2.1.3. Determinación de la difusividad	18
2.2. Difusión-Convección de masa	19
2.2.1. Convección forzada. Absorción de gas A en una película descendente de líquido B	19
2.2.2. Disolución de sólidos en una película descendente	24
2.2.3. Perfil de concentración en un reactor tubular	26
2.2.4. Difusión con reacción química homogénea	27
2.2.5. Absorción de gas con reacción química en un tanque de agitación	29
2.2.6. Difusión con reacción química heterogénea	31
2.2.7. Difusión con reacción heterogénea lenta	32
2.2.8. Difusión con reacción química en medios porosos	34
2.2.9. Apéndice A	36
3. Capítulo 3	49
3.1. Capa límite binaria	49
3.2. Convección forzada con...	50
3.2.1. Flujo Turbulento con Reacción de Segundo Orden. Mezclado Turbulento	51

Prefacio

1

Capitulo 1

1.1. 1.1 y demas

AQUÍ va todo el capítulo

1.2. Tarea 1

Bird et all 17.A

1.- Predicción binaria a baja densidad. Estimar D_{AB} para el sistema metano-etano a 293°K y 1 atm por medio de los siguientes métodos.

a)- Ecuación 1.53

b)- Ecuación 1.53 y gráfica Fig 1.51 utilizando las T y P reducidas $T_r = \frac{T}{\sqrt{T_{CA}T_{CB}}}$, $P_r = \frac{P}{\sqrt{P_{CA}P_{CB}}}$

c)- Ecuación 1.46, 1.48 y 1.49, y los parámetros de Lennard-Joues del Apéndice C.

d)- Ecuación 1.46 en los parámetros de Lennard-Jones estimados a partir de las propiedades críticas siguientes:

$$\frac{\epsilon}{k_{13}} = 0.77\sqrt{T_{CA}T_{CB}}, T = \frac{2.44}{2} \left[\left(\frac{T_{CA}}{P_{CA}} \right)^{1/5} + \left(\frac{T_{CB}}{P_{CB}} \right)^{1/3} \right]$$

Respuestas (cm^2/s) : a)- 0.152; b)- 0.138; c)- 0.146; d)- 0.138

2.- Autodifusión de mercurio líquido Bird et all 17 A3. La difusividad del Hg^{203} en mercurio líquido normal se ha medido con datos de viscosidad y volumen másico. Comparar los datos experimentales con aquellos obtenidos por la ec. 160.

$T(K)$	$D_{AB} \text{ cm}^2/s$	$\mu \text{ cP}$	$\hat{V} \text{ cm}^3/s$
275.7	1.52×10^{-5}	1.68	0.0736
289.6	1.68×10^{-5}	1.56	0.0737
364.2	2.57×10^{-5}	1.27	0.0748

Bird et all 17.A.5

3.- Cálculo de la difusividad de una muestra binaria a alta densidad. Predecir pD_{AB} para una mezcla equimolar de N_2 y C_2H_6 a 288.2 K y 40 atm.

- a)- Usar el valor de D_{AB} a 1 atm de $0.148 \text{ cm}^2/s$ a $T=298.2 \text{ K}$ y la gráfica de la Fig.1.51
- b)- Usar la ecuación 1.55 y la Fig 1.51

Respuesta a).- $5.8 \times 10^{-6} \text{ gmol/cms}$; b).- $5.3 \times 10^{-6} \text{ gmol/cms}$

4.- Prob. 17.A.6 Bird Difusividad y número de Schmidt para mezclas cloro-aire.

- a)- Predecir D_{AB} para mezclas cloro-aire a 75°F y 1 atm. Utilizar los parámetros del Apéndice C.
- b)- Calcular (a) utilizando la ec. 1.53
- c)- Utilizar los resultados de (a) para estimar los valores del número de Schmidt para mezclas cloro-aire a 297 K y 1 atm para las siguientes fracciones mol y viscosidades: 0, $1.83 \times 10^{-4} \text{ poises}$; 0.25, $1.64 \times 10^{-4} \text{ poises}$; 0.5, $1.5 \times 10^{-4} \text{ poises}$; 0.75, $1.39 \times 10^{-4} \text{ poises}$; 1, $1.31 \times 10^{-4} \text{ poises}$

$$pD_{AB} = \frac{\rho}{RT} D_{AB}; Sc = \frac{\mu}{M_C D_{AB}} = \frac{\mu}{(x_A M_A + x_B M_B) p D_{AB}}$$

Respuestas: a).- 0.121 cm/s ; b).- 0.124 cm/s ; c).- $Sc=1.27, 0.832, 0.602, 0.463, 0.372$

5.- Probl. 17.A.8 Bird. Corrección para la difusividad a altas densidades. El valor medido para pD_{AB} de una mezcla de 80 % mol de CH_4 Y 20 % mol de C_2H_6 a 313 K y 136 atm es $6 \times 10^{-6} \text{ gmol/cms}$. Calcular pD_{AB} para esa mezcla a 136 atm y 351 K usando la Fig 1.51.

Respuesta $6.3 \times 10^{-6} \text{ gmol/cms}$. Observado $6.33 \times 10^{-6} \text{ gmol/cms}$

6.- Probl 17 A.10 Bird Cálculo de difusividad de líquidos

- a)- Calcular la difusividad de una solución diluida de ácido acético a 12.5°C utilizando la ec. 1.62. La densidad del ácido acético es 0.937 g/cm^3 en el punto de ebullición.

- b)- La difusividad de una solución diluida de metanol a 15°C es $1.28 * 10^{-5} cm^2/s$. Calcular la difusividad de esa solución a 100°C. Las viscosidades a 15°C y 100°C son 1.14 cp y 0.28cp. La viscosidad de la solución diluida es 1.22 cp.

Respuesta (b).- $6.7 * 10^{-5} cm^2/s$.

1.3. Apéndice A

Ecuaciones de continuidad en varios sistemas de coordenadas

Coordenadas rectangulares:

$$\frac{\partial c_A}{\partial t} + \left(\frac{\partial N_{Az}}{\partial x} + \frac{\partial N_{Ay}}{\partial y} + \frac{\partial N_{Ax}}{\partial z} \right) = R_A \quad (\text{A})$$

Coordenadas cilíndricas:

$$\frac{\partial c_A}{\partial t} + \left(\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r N_{Ar}) + \frac{1}{r} \frac{\partial N_{A\theta}}{\partial \theta} + \frac{\partial N_{Az}}{\partial z} \right) = R_A \quad (\text{B})$$

Coordenadas esféricas:

$$\frac{\partial c_A}{\partial t} + \left(\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (r^2 N_{Ar}) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} (N_{A\theta} \sin \theta) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial N_{A\phi}}{\partial \phi} \right) = R_A \quad (\text{C})$$

1.4. Apéndice B

Ecuación de continuidad de A con ρ y \mathcal{D}_{AB} constantes

Coordenadas rectangulares:

$$\frac{\partial c_A}{\partial t} + \left(v_x \frac{\partial c_A}{\partial x} + v_y \frac{\partial c_A}{\partial y} + v_z \frac{\partial c_A}{\partial z} \right) = \mathcal{D}_{AB} \left(\frac{\partial^2 c_A}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 c_A}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 c_A}{\partial z^2} \right) + R_A \quad (\text{A})$$

Coordenadas cilíndricas:

$$\begin{aligned} \frac{\partial c_A}{\partial t} + \left(v_r \frac{\partial c_A}{\partial r} + v_\theta \frac{1}{r} \frac{\partial c_A}{\partial \theta} + v_z \frac{\partial c_A}{\partial z} \right) \\ = \mathcal{D}_{AB} \left(\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial c_A}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 c_A}{\partial \theta^2} + \frac{\partial^2 c_A}{\partial z^2} \right) + R_A \end{aligned} \quad (\text{B})$$

Coordenadas esféricas:

$$\begin{aligned} \frac{\partial c_A}{\partial t} + \left(v_r \frac{\partial c_A}{\partial r} + v_\theta \frac{1}{r} \frac{\partial c_A}{\partial \theta} + v_\phi \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial c_A}{\partial \phi} \right) \\ = \mathcal{D}_{AB} \left(\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial c_A}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial c_A}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} \frac{\partial^2 c_A}{\partial \phi^2} \right) + R_A \end{aligned} \quad (\text{C})$$

1.5. Apéndice C

Tablas de Lennard-Jones y gases de baja densidad

Cuadro 1.1: Parámetros Potenciales de Lennard-Jones y Propiedades Críticas

Susustancia	Parámetros Lennard-Jones				Propiedades Críticas ^{g,h}			
	Masa Molar <i>M</i>	σ (Å)	ϵ/K (K)	Ref.	T_c (K)	p_c (atm)	\tilde{V}_c (cm ³ /g-mole)	μ_c (g/cm·s×10 ⁶) k_c (cal/cm·s·K×10 ⁵)
Elementos ligeros:								
H ₂	2.016	2.915	38.0	a	33.3	12.80	65.0	—
He	4.003	2.576	10.2	a	5.26	2.26	57.8	—
Gases nobles:								
Ne	20.180	2.789	35.7	a	44.5	26.9	41.7	79.2
Ar	39.948	3.432	122.4	b	150.7	48.0	75.2	71.0
Kr	83.80	3.675	170.0	b	209.4	54.3	92.2	49.4
Xe	131.29	4.009	234.7	b	289.8	58.0	118.8	40.2
Gases poliatómicos simples:								
Aire	28.964	3.617	97.0	a	132.4	37.0	86.7	90.8
N ₂	28.013	3.667	99.8	b	126.2	33.5	90.1	86.8
O ₂	31.999	3.433	113.	a	154.4	49.7	74.4	106.3
CO	28.010	3.590	110.	a	132.9	34.5	93.1	86.5
CO ₂	44.010	3.996	190.	a	304.2	72.8	94.1	122.
NO	30.006	3.470	119.	a	180.	64.	57.	118.2

Continúa en la siguiente página

Cuadro 1.1 – Continuación

Susustancia	Parámetros Lennard-Jones				Propiedades Críticas ^{g,h}			
	Masa Molar <i>M</i>	σ (Å)	ϵ/K (K)	Ref.	<i>T_c</i> (K)	<i>p_c</i> (atm)	\tilde{V}_c (cm ³ /g-mole)	μ_c (g/cm-s×10 ⁶) <i>k_c</i> (cal/cm-s-K×10 ⁵)
N ₂ O	44.012	3.879	220.	a	309.7	71.7	96.3	332. 131.
SO ₂	64.065	4.026	363.	c	430.7	77.8	122.	411. 98.6
F ₂	37.997	3.653	112.	a	—	—	—	— —
Cl ₂	70.905	4.115	357.	a	417.	76.1	124.	420. 97.0
Br ₂	159.808	4.268	520.	a	584.	102.	144.	— —
I ₂	253.809	4.362	550.	a	800.	—	—	— —
Hidrocarburos:								
CH ₄	16.04	3.780	154.	b	191.1	45.8	98.7	159. 158.
CH≡CH	26.04	4.114	212.	d	308.7	61.6	112.9	237. —
CH ₂ =CH ₂	28.05	4.228	212.	b	282.4	50.0	124.	215. —
C ₂ H ₆	30.07	4.388	232.	b	305.4	48.2	148.	210. 203.
CH ₃ C≡CH	40.06	4.742	261	d	394.8	—	—	— —
CH ₃ CH=CH ₂	42.08	4.766	275.	b	365.0	45.5	181.	233. —
n-C ₄ H ₁₀	58.12	5.604	304.	b	425.2	37.5	295.	239. —
i-C ₄ H ₁₀	58.12	5.393	295.	b	408.1	36.0	263.	239. —
n-C ₅ H ₁₂	72.15	5.850	326.	b	469.5	33.2	311.	238. —
i-C ₅ H ₁₂	72.15	5.812	327.	b	460.4	33.7	306.	— —
C(CH ₃) ₄	72.15	5.759	312.	b	433.8	31.6	303.	— —
n-C ₆ H ₁₄	86.18	6.264	342.	b	507.3	29.7	370.	248. —
n-C ₇ H ₁₆	100.20	6.663	352.	b	540.1	27.0	432.	254. —
n-C ₈ H ₁₈	114.23	7.035	361.	b	568.7	24.5	492.	259. —

Continúa en la siguiente página

Cuadro 1.1 – Continuación

Susustancia	Parámetros Lennard-Jones				Propiedades Críticas ^{g,h}			
	Masa Molar <i>M</i>	σ (Å)	ϵ/K (K)	Ref.	T_c (K)	p_c (atm)	\tilde{V}_c (cm ³ /g-mole)	μ_c (g/cm-s×10 ⁶) k_c (cal/cm-s·K×10 ⁵)
n-C ₉ H ₂₀	128.26	7.463	351.	b	594.6	22.6	548.	265. —
Ciclohexano	84.16	6.143	313.	d	553.	40.0	308.	284. —
Benceno	78.11	5.443	387.	b	562.6	48.6	260.	312. —
Otros compuestos orgánicos:								
CH ₄	16.04	3.780	154.	b	191.1	45.8	98.7	159. 158.
CH ₃ Cl	50.49	4.151	355.	c	416.3	65.9	143.	338. —
CH ₂ Cl ₂	84.93	4.748	398.	c	510.	60.	—	— —
CHCl ₃	119.38	5.389	340.	e	536.6	54.	240.	410. —
CCl ₄	153.82	5.947	323.	e	556.4	45.0	276.	413. —
C ₂ N ₂	52.034	4.361	349.	e	400.	59.	—	— —
COS	60.076	4.130	336.	e	378.	61.	—	— —
CS ₂	76.143	4.483	467.	e	552.	78.	170.	404. —
CCl ₂ F ₂	120.91	5.116	280.	b	384.7	39.6	218.	— —

-
- ¹a) J. O. Hirschfelder, C. F. Curtiss, and R. B. Bird, *Molecular Theory of Gases and Liquids*, corrected printing with notes added, Wiley, New York (1964).
- ²b) L. S. Tee, S. Gotoh, and W. E. Stewart, *Ind. Eng. Chem. Fundamentals*, **5**, 356–363 (1966). The values for benzene are from viscosity data on that substance. The values for other substances are computed from Correlation (iii) of the paper.
- ³c) L. Monchick and E. A. Mason, *J. Chem. Phys.*, **35**, 1676–1697 (1961); parameters obtained from viscosity.
- ⁴d) L. W. Flynn and G. Thodos, *AIChE Journal*, **8**, 362–365 (1962); parameters obtained from viscosity.
- ⁵e) R. A. Svehla, *NASA Tech. Report R-132* (1962); parameters obtained from viscosity. This report provides extensive tables of Lennard-Jones parameters, heat capacities, and calculated transport properties.
- ⁶f) Values of the critical constants for the pure substances are selected from K. A. Kobe and R. E. Lynn, Jr., *Chem. Rev.*, **52**, 117–236 (1962); *Amer. Petroleum Inst. Research Proj. 44*, Thermodynamics Research Center, Texas A&M University, College Station, Texas (1966); and *Thermodynamic Functions of Gases*, F. Din (editor), Vols. 1–3, Butterworths, London (1956, 1961, 1962).
- ⁷g) Values of the critical viscosity are from O. A. Hougen and K. M. Watson, *Chemical Process Principles*, Vol. 3, Wiley, New York (1947), p. 873.
- ⁸h) Values of the critical thermal conductivity are from E. J. Owens and G. Thodos, *AIChE Journal*, **3**, 454–461 (1957).
- ⁹i) For air, the molecular weight M and the pseudocritical properties have been computed from the average composition of dry air as given in COESA, *U.S. Standard Atmosphere 1976*, U.S. Government Printing Office, Washington, D.C. (1976).

Cuadro 1.2: Integrales de Colisión para su uso con los potenciales de Lennard-Jones para la predicción de propiedades de transporte de Gases de baja Densidad. ^{a,b,c}

KT/e	$\Omega_\mu = \Omega_k$ (por viscosidad y conductividad térmica)	$\Omega_{D_{AB}}$ (por difusividad)	KT/e o KT/ ε_{AB}	$\Omega_b = \Omega_k$ (por viscosidad y conductividad térmica)	$\Omega_{D_{AB}}$ (por difusividad)
0.30	2.840	2.649	2.7	1.0691	0.9782
0.35	2.676	2.468	2.8	1.0583	0.9682
0.40	2.531	2.314	2.9	1.0482	0.9588
0.45	2.401	2.182	3.0	1.0588	0.9500
0.50	2.284	2.066	3.1	1.0300	0.9418
0.55	2.178	1.965	3.2	1.0217	0.9340
0.60	2.084	1.877	3.3	1.0139	0.9267
0.65	1.999	1.799	3.4	1.0066	0.9197
0.70	1.922	1.729	3.5	0.9996	0.9131
0.75	1.853	1.667	3.6	0.9931	0.9068
0.80	1.790	1.612	3.7	0.9868	0.9008
0.85	1.734	1.562	3.8	0.9809	0.8952
0.90	1.682	1.517	3.9	0.9753	0.8897
0.95	1.636	1.477	4.0	0.9699	0.8845
1.00	1.593	1.440	4.1	0.9647	0.8796
1.05	1.554	1.406	4.2	0.9598	0.8748
1.10	1.518	1.375	4.3	0.9551	0.8703
1.15	1.485	1.347	4.4	0.9506	0.8659
1.20	1.455	1.320	4.5	0.9462	0.8617
1.25	1.427	1.296	4.6	0.9420	0.8576
1.30	1.401	1.274	4.7	0.9380	0.8577
1.35	1.377	1.253	4.8	0.9341	0.8499
1.40	1.355	1.234	4.9	0.9304	0.8463
1.45	1.334	1.216	5.0	0.9268	0.8428
1.50	1.315	1.199	6.0	0.8962	0.8129
1.55	1.297	1.183	7.0	0.8727	0.7898
1.60	1.280	1.168	8.0	0.8538	0.7711
1.65	1.264	1.184	9.0	0.8380	0.7555
1.70	1.249	1.141	10.0	0.8244	0.7422
1.75	1.235	1.128	12.0	0.8018	0.7202

Continúa en la siguiente página

Cuadro 1.2 – Continuación

KT/e	$\Omega_\mu = \Omega_k$ (por vis- cosidad y conduc- tividad térmica)	Ω_{DAB} (por difusividad)	KT/e o KT/ ε_{AB}	$\Omega_b = \Omega_k$ (por vis- cosidad y conduc- tividad térmica)	Ω_{DAB} (por difusividad)
1.80	1.222	1.117	14.0	0.7836	0.7025
1.85	1.209	1.105	16.0	0.7683	0.6878
1.90	1.198	1.095	18.0	0.7552	0.6781
1.95	1.186	1.085	20.0	0.7436	0.6640
2.00	1.176	1.075	25.0	0.7198	0.6414
2.10	1.156	1.058	30.0	0.7000	0.6235
2.20	1.138	1.042	35.0	0.6854	0.6088
2.30	1.122	1.027	40.0	0.6723	0.5964
2.40	1.107	1.013	50.0	0.6510	0.5763
2.50	1.0933	1.0006	75.0	0.6140	0.5415
2.60	1.0807	0.9890	100.0	0.5887	0.5180

$$\Omega_\mu = \Omega_k = \frac{1.16145}{T^{*0.14574}} + \frac{0.52487}{\exp(0.77320T^*)} + \frac{2.16178}{\exp(2.43787T^*)} \quad (\text{E.2-1})$$

$$\Omega_{DAB} = \frac{1.06036}{T^{*0.15610}} + \frac{0.19300}{\exp(0.47635T^*)} + \frac{1.03587}{\exp(1.52996T^*)} + \frac{1.76474}{\exp(3.89411T^*)} \quad (\text{E.2-2})$$

donde $T^* = \kappa T / \varepsilon$.

¹a) Los valores en esta tabla, aplicables para el potencial de Lennard-Jones, se han interpolado a partir de los resultados de L. Monchick y E. A. Mason, J. Chem. Phys., 35, 1676–1697 (1961). Se cree que la tabla de Monchick–Mason es ligeramente mejor que la tabla anterior de J. O. Hirschfelder, R. B. Bird y E. L. Spotz, J. Chem. Phys., 16, 968–981 (1948).

²b) Esta tabla ha sido extendida a temperaturas más bajas por C. F. Curtiss, J. Chem. Phys., 97, 7679–7686 (1992). Curtiss demostró que a bajas temperaturas, la ecuación de Boltzmann necesita ser modificada para tener en cuenta los "pares orbitantes" de moléculas. Solo haciendo esta modificación es posible obtener una transición suave del comportamiento cuántico al clásico. Las desviaciones son apreciables por debajo de temperaturas adimensionales de 0.30.

³c) Las integrales de colisión han sido ajustadas mediante curvas por P. D. Neufeld, A. R. Jansen y R. A. Aziz, J. Chem. Phys., 57, 1100–1102 (1972), de la siguiente manera:

2

Balances Diferenciales

Este capítulo consta de las siguientes partes:

1. Difusión en medios estacionarios.
2. Difusión-Convección de masa.
3. Difusión con reacción química homogénea.
4. Difusión con reacción química heterogénea.
5. Difusión con reacción química en medios porosos.

2.1. Difusión en medios estacionarios

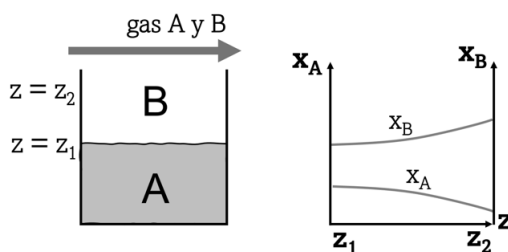


Figura 2.1: Columna de difusión. B no está en movimiento

A régimen permanente, la ec. (1.19) se reduce a:

$$\nabla \cdot \underline{N}_A = 0 \quad (2.1)$$

La ecuación (1.25) cuando $\underline{N}_B = 0$ se expresa como:

$$\underline{N_A}(1 - x_A) = -c\mathcal{D}_{AB}\nabla x_A \quad (2.2)$$

Si la difusión se da en una sola dirección (z), (2.1) y (2.2) requieren que:

$$\frac{d}{dz} \left(\frac{c\mathcal{D}_{AB}}{1 - x_A} \frac{dx_A}{dz} \right) = 0 \quad (2.3)$$

Integrando con respecto a z

$$\frac{1}{1 - x_A} \frac{dx_A}{dz} = C_1$$

Integrando de nuevo:

$$-\ln(1 - x_A) = C_1 z + C_2 \quad (2.4)$$

Condiciones de frontera

$$\begin{cases} x_A|_{z=z_1} = x_{A1} \\ x_A|_{z=z_2} = x_{A2} \end{cases} \quad (2.5)$$

Se obtiene el siguiente perfil de concentraciones:

$$\frac{1 - x_A}{1 - x_{A1}} = \left(\frac{1 - x_{A2}}{1 - x_{A1}} \right)^{\frac{z - z_1}{z_2 - z_1}} \quad 1 - x_A = x_B \quad (2.6)$$

El flux de masa es:

$$N_{Az}|_{z=z_1} = \frac{-c\mathcal{D}_{AB}}{1 - x_A} \frac{dx_A}{dz} \Big|_{z=z_1} = \frac{c\mathcal{D}_{AB}}{x_B} \frac{dx_B}{dz} \Big|_{z=z_1} = \frac{c\mathcal{D}_{AB}}{z_2 - z_1} \ln \frac{x_{B2}}{x_{B1}} \quad (2.7)$$

que también puede ser expresado como:

$$N_{Az}|_{z=z_1} = \frac{c\mathcal{D}_{AB}}{(x_B)_{\ln}} \frac{(x_{A1} - x_{A2})}{z_2 - z_1} \quad (2.8)$$

donde

$$(x_B)_{\ln} = \frac{x_{B2} - x_{B1}}{\ln(x_{B2}/x_{B1})} \quad (2.9)$$

En términos de las presiones, la ec. (2.8) se puede expresar:

$$N_{Az}|_{z=z_1} = p \frac{\mathcal{D}_{AB}/RT}{z_2 - z_1} \ln \left(\frac{p_{B2}}{p_{B1}} \right) = p \frac{\mathcal{D}_{AB}/RT}{(p_B)_{\ln}} \frac{p_{A1} - p_{A2}}{z_2 - z_1} \quad (2.10)$$

2.1.1. Modelo de la película en transferencia de masa

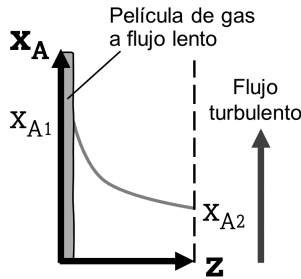


Figura 2.2: En este modelo, dentro de la película se produce la difusión de masa dentro de un medio a flujo lento.

2.1.2. Difusión con interfase movible

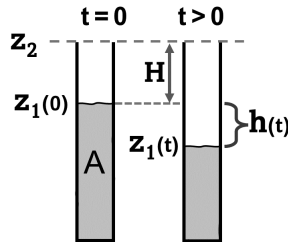


Figura 2.3: Evaporación con difusión cuasiestática. La mezcla de gases con concentración x_{A2} fluye arriba de los tubos.

Primero, se iguala la velocidad de evaporación de A con la velocidad a la que A entra en la fase gas.

$$-\frac{p_A}{M_A} \frac{S dz}{dt} = \frac{c \mathcal{D}_{AB}}{(x_B)_{\ln}} \frac{x_{A1} - x_{A2}}{z_2 - z_1} S \quad (2.11)$$

Integrando la ec. (2.11):

$$\int_0^h (H + h) dh = \frac{c \mathcal{D}_{AB}}{(p_A/M_A)} \frac{(x_{A1} - x_{A2})}{(x_B)_{\ln}} \int_0^t dt = \frac{1}{2} ct \quad (2.12)$$

en donde $h(t) = z_1(0) - z_1(t)$ y $H = z_2 - z_1(0)$ es la distancia inicial de la columna de gas. c es una constante.

Integrando:

$$h(t) = H \left[\sqrt{1 + ct/H^2} - 1 \right] \quad (2.13)$$

Este experimento puede aportar la difusividad de mediciones del nivel del líquido como función del tiempo.

2.1.3. Determinación de la difusividad

La difusividad del par de gases $O_2 - CCl_4$ puede ser determinada por medio de datos de evaporación del CCl_4 en un tubo que contiene O_2 (ver figura 2.1). La distancia entre el nivel del CCl_4 líquido y la parte superior del tubo es $z_2 - z_1 = 17.1 \text{ cm}$. La presión total del sistema es 755 mmHg . y la temperatura es 0°C . La presión de vapor del CCl_4 a 0°C es 33 mmHg . El área de sección del tubo es 0.82 cm^2 . Se midieron 0.0208 cm^3 de CCl_4 evaporados en 10 hrs en régimen permanente. ¿Cuál es la difusividad del par $O_2 - CCl_4$?

Solución:

Si $A = CCl_4$ y $B = O_2$. Entonces el flux molar de A es:

$$N_A = \frac{\rho \text{Vol}}{M_A A t} = \frac{(1.59)(0.0208)}{(154)(0.82)(36000)} = 7.26 \times 10^{-9} \text{ gmol/cm}^2 \text{ s}$$

De la ec. (2.10):

$$N_{A_z}|_{z=z_1} = \frac{p}{RT} \mathcal{D}_{AB} \frac{\ln(p_{B_2}/p_{B_1})}{z_2 - z_1}$$

$$\mathcal{D}_{AB} = (7.2 \times 10^{-9}) \frac{(17.1)}{\ln(p_{B_2}/p_{B_1})} \frac{RT}{p}$$

donde $R = 82.06 \frac{\text{cm}^3 \text{ atm}}{\text{gmol K}}$, $T = 273 \text{ K}$

$$p = \frac{755}{760} \text{ atm}, \quad \frac{p_{B_2}}{p_{B_1}} = \frac{755}{755 - 33}$$

$$\mathcal{D}_{AB} = 0.0636 \text{ cm}^2/\text{s}$$

2.2. Difusión-Convección de masa

2.2.1. Convección forzada. Absorción de gas A en una película descendente de líquido B

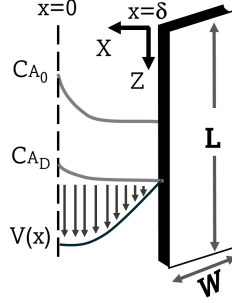


Figura 2.4: Absorción de A en una película descendente de líquido B .

El perfil de velocidades en una solución diluida (la viscosidad es la del solvente) es:

$$v_z(x) = v_{\text{máx}} \left(1 - \frac{x^2}{\delta^2} \right) \quad (2.14)$$

Si el perfil de concentraciones se da en la zona de velocidad máxima, se puede considerar una velocidad constante $v_{\text{máx}}$. Un ejemplo es la absorción de O_2 en H_2O .

Debido a que $C_A = C_A(x, z)$, existen dos fluxes N_{Ax} y N_{Az} . La ec. (2.1) a régimen permanente y sin reacción química se reduce a:

$$\nabla \cdot \underline{N}_A = 0 \rightarrow \frac{\partial N_{Ax}}{\partial x} + \frac{\partial N_{Az}}{\partial z} = 0 \quad (2.15)$$

A partir de la ec. (1.30) se obtiene:

$$\underline{v} \cdot \nabla C_A = \mathcal{D}_{AB} \nabla^2 C_A$$

que para $\underline{v} = (0, 0, v_z)$ tenemos:

$$v_z \frac{\partial C_A}{\partial z} = \mathcal{D}_{AB} \left[\frac{\partial^2 C_A}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} \right] \quad (2.16)$$

Definiendo al número de Peclet de masa (Pe_M) como:

$$Pe_M = ReSch = \frac{uL}{\nu} \cdot \frac{\nu}{\mathcal{D}_{AB}} = \frac{uL}{\mathcal{D}_{AB}} \quad (2.17)$$

donde u y L son la velocidad y longitud características. En este caso $u = v_{\text{máx}}$. Se supone que a lo largo del eje z :

$$Pe_M = \frac{v_{\text{máx}}L}{\mathcal{D}_{AB}} > 1$$

El término convectivo predomina sobre el difusivo, por lo que

$$v_z \frac{\partial C_A}{\partial z} > \mathcal{D}_{AB} \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2}$$

y la ec. (2.16) se simplifica:

$$v_{z\text{máx}} \frac{\partial C_A}{\partial z} = \mathcal{D}_{AB} \frac{\partial^2 C_A}{\partial x^2} \quad (2.18)$$

Como $dt = \frac{dz}{v_{\text{máx}}}$, entonces la ec. (2.18) se expresa como:

$$\frac{\partial C_A}{\partial t} = \mathcal{D}_{AB} \frac{\partial^2 C_A}{\partial x^2} \quad (2.19)$$

Las condiciones de frontera son:

$$\text{Condición inicial: } C_A|_{z=0} = 0 \quad (B \text{ puro}) \quad (2.20)$$

$$\text{Condición de interfase: } C_A|_{x=0} = C_{A0} \quad (\text{Solubilidad de } A \text{ en } B) \quad (2.21)$$

La condición $\left. \frac{\partial C_A}{\partial x} \right|_{x=\delta} = 0$ (flujo de masa es cero en la pared) se cambia por:

$$C_A|_{x \rightarrow \infty} = 0 \quad (2.22)$$

(el perfil de C_A se encuentra cerca de la interfase y lejos de la pared)
Considerando la concentración de C_A adimensional:

$$C'_A = \frac{C_A}{C_{A0}} \quad (2.23)$$

La solución de (2.19) se obtiene por el método de combinación de variables, que consiste en formar un grupo adimensional con las variables de la ecuación. Se sugiere la siguiente relación:

$$C'_A = C'_A(\eta) \quad \text{donde} \quad \eta = \frac{x}{\sqrt{4\mathcal{D}_{AB}t}} \quad (2.24)$$

de tal forma que:

$$\frac{dC'_A}{dt} = \frac{dC'_A}{d\eta} \frac{\partial \eta}{\partial t} = \frac{x}{\sqrt{4\mathcal{D}_{AB}}} \left(-\frac{1}{2} t^{-3/2} \right) = -\frac{1}{2} \frac{\eta}{t} \frac{dC'_A}{d\eta} \quad (2.25)$$

$$\frac{dC'_A}{dx} = \frac{dC'_A}{d\eta} \frac{\partial \eta}{\partial x} = \frac{1}{\sqrt{4\mathcal{D}_{AB}t}} \frac{dC'_A}{d\eta}$$

$$\frac{\partial^2 C'_A}{\partial x^2} = \frac{d^2 C'_A}{d\eta^2} \frac{1}{4\mathcal{D}_{AB}t} \quad (2.26)$$

Sustituyendo (2.25) y (2.26) en la ec. (2.19) se obtiene:

$$\frac{d^2 C'_A}{d\eta^2} + 2\eta \frac{dC'_A}{d\eta} = 0 \quad (2.27)$$

Condiciones de frontera:

$$C'_A|_{\eta=0} = 1 \quad (2.28)$$

$$C'_A|_{\eta \rightarrow \infty} = 0 \quad (2.29)$$

La primera integración de la ec. (2.27) da:

$$\text{Si } \frac{dC'_A}{d\eta} = \phi \rightarrow \frac{d\phi}{d\eta} + 2\eta\phi = 0 \rightarrow \ln \phi = -\eta^2 + \ln C_1$$

$$\frac{dC'_A}{d\eta} = C_1 e^{-\eta^2} \quad (2.30)$$

La segunda integración da por resultado:

$$C'_A = C_1 \int_0^\eta e^{-\bar{\eta}^2} d\bar{\eta} + C_2 \quad (2.31)$$

La condición (2.28) implica que $C_2 = 1$. La condición (2.29) nos da:

$$0 = C_1 \int_0^\infty e^{-\bar{\eta}^2} d\bar{\eta} + 1 = C_1 \frac{\sqrt{\pi}}{2} + 1 \rightarrow C_1 = \frac{-2}{\sqrt{\pi}}$$

Sustituyendo C_1 y C_2 en la ec. (2.31) obtenemos:

$$C'_A = 1 - \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^\eta e^{-\bar{\eta}^2} d\bar{\eta} = 1 - \text{erf}(\eta) = \text{erfc}(\eta) \quad (2.30)$$

donde $\text{erf}(\eta)$ es la función error y $\text{erfc}(\eta)$ es la función complementaria (ver fig. 2.5).

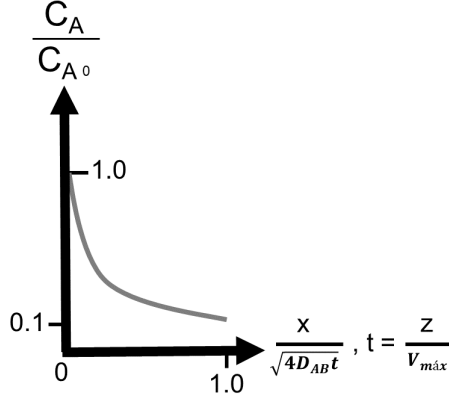


Figura 2.5: Perfil de concentraciones donde δ es la longitud característica para la difusión de A en B.

Cuando $\eta = 2$, $\frac{C_A}{C_{A0}} \sim 0.01$ se puede definir una capa límite de difusión de A en B $\frac{\delta}{\sqrt{4\mathcal{D}_{AB}t}} = 2 \rightarrow \delta = 4\sqrt{\mathcal{D}_{AB}t}$

El flux de masa local en la interfase se puede obtener:

$$N_{Ax}|_{x=0} = -\mathcal{D}_{AB} \left. \frac{\partial C_A}{\partial x} \right|_{x=0} = -\mathcal{D}_{AB} C_{A0} \left. \frac{\partial C'_A}{\partial \eta} \right|_{\eta=0} \frac{\partial \eta}{\partial x} = -\mathcal{D}_{AB} \left(\frac{-2}{\sqrt{\pi}} \right) \frac{C_{A0}}{\sqrt{\mathcal{D}_{AB}t}}$$

$$N_{Ax}|_{x=0} = C_{A0} \sqrt{\frac{\mathcal{D}_{AB}t}{\pi}} = C_{A0} \sqrt{\frac{\mathcal{D}_{AB}v_{\text{máx}}}{\pi z}} \quad (2.31)$$

El flujo de masa de A absorbido por B es la superficie LW es:

$$W_A = \int_0^W \int_0^L N_{Ax}|_{x=0} dz dy = WC_{A0} \sqrt{\frac{\mathcal{D}_{AB} v_{\text{máx}}}{\pi}} \int_0^L \frac{dz}{\sqrt{z}}$$

$$W_A = WLC_{A0} \sqrt{\frac{4\mathcal{D}_{AB} v_{\text{máx}}}{\pi L}} \quad (2.32)$$

Este desarrollo se puede aplicar a la absorción de gas en burbujas ascendentes.

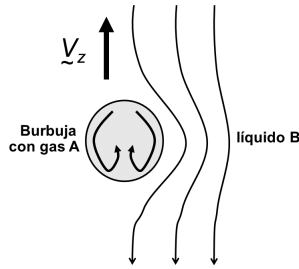


Figura 2.6: Burbuja de gas A ascendiendo en un líquido B a velocidad \underline{v}_t .

Se puede utilizar la ec. (2.32) para calcular la absorción de gas, reemplazando el tiempo de contacto

$$t_{\text{exp}} = \frac{L}{v_{\text{máx}}} = \frac{D \text{ (diámetro de la burbuja)}}{v_t \text{ (velocidad de la burbuja)}}$$

Si C_{A0} es la solubilidad de A en B , la rapidez de absorción molar es:

$$(N_A)_{\text{prom}} = C_{A0} \sqrt{\frac{4\mathcal{D}_{AB} v_t}{\pi D}} \quad (2.33)$$

2.2.2. Disolución de sólidos en una película descendente

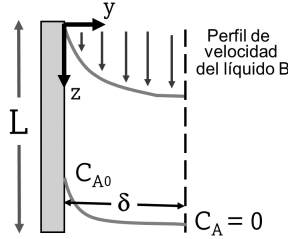


Figura 2.7: El sólido A se disuelve en el líquido B que desciende.

La concentración de A en el líquido B cambia dentro de una capa límite junto al sólido. El perfil de velocidades en una película descendente vertical, es:

$$v_z = \frac{\rho g \delta^2}{2\mu} \left[1 - \left(\frac{y'}{\delta} \right)^2 \right] \quad (2.34)$$

En la aproximación de capa límite, se puede linealizar el perfil cerca de la pared, definiendo una variable y de la forma: $y = \delta - y'$, de tal forma que: $1 - \left(\frac{y'}{\delta} \right)^2 = 1 - \left(\frac{\delta - y}{\delta} \right)^2 = 1 - \left(1 - 2\frac{y}{\delta} \right) = \frac{2y}{\delta}$. El perfil resultante es:

$$v_z = \left(\frac{\rho g \delta}{\mu} \right) y = ay \quad (2.35)$$

La ecuación de difusión en este caso es:

$$ay \frac{\partial C_A}{\partial z} = \mathcal{D}_{AB} \frac{\partial^2 C_A}{\partial y^2} \quad (2.36)$$

Las condiciones de frontera son:

$$C_A|_{z=0} = 0 \quad (2.37)$$

$$C_A|_{y=0} = C_{A0} \quad (2.38)$$

$$C_A|_{y \rightarrow \infty} = 0 \quad (\text{tiempo de contacto corto}) \quad (2.39)$$

Por el método de combinación de variables, se sugiere la siguiente combinación:

$$\frac{C_A}{C_{A0}} = f(\eta) \quad \text{donde} \quad \eta = y \left(\frac{a}{9\mathcal{D}_{AB}z} \right)^{1/3} \quad (2.40)$$

$$\frac{\partial f}{\partial z} = \frac{\partial f}{\partial \eta} \left(\frac{\partial \eta}{\partial z} \right) = -y \left(\frac{a}{9\mathcal{D}_{AB}} \right)^{1/3} \left(-\frac{1}{3} \frac{z^{-1/3}}{z} \right) = -\frac{1}{3} \frac{\eta}{z} \frac{df}{d\eta} \quad (2.41)$$

$$\frac{\partial f}{\partial y} = \frac{\eta}{y} \frac{df}{d\eta} = \left(\frac{\partial \eta}{\partial y} \right) \frac{df}{d\eta}$$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial y^2} = \frac{\eta}{y} \frac{\partial \eta}{\partial y} \frac{d^2 f}{d\eta^2} = \frac{\eta^2}{y^2} \left(\frac{d^2 f}{d\eta^2} \right) \quad (2.42)$$

Sustituyendo (2.40) y (2.42) en la ec. (2.36) resulta en:

$$\frac{d^2 f}{d\eta^2} + 3\eta^2 \frac{df}{d\eta} = 0 \quad (2.43)$$

con condiciones de frontera:

$$f|_{\eta=0} = 1 \quad (2.44)$$

$$f|_{\eta \rightarrow \infty} = 0 \quad (2.45)$$

La solución de (2.43) es:

$$f = C_1 \int_0^\eta e^{-\bar{\eta}^3} d\bar{\eta} + C_2 \quad (2.46)$$

La condición (2.44) determina $C_2 = 1$. La condición (2.45) determina

$$C_1 = \frac{-1}{\int_0^\infty e^{-\bar{\eta}^3} d\bar{\eta}} = -\frac{1}{\Gamma(\frac{4}{3})}$$

donde $\Gamma(x)$ es la función gamma de x. Como $\int_0^\eta = \int_0^\infty - \int_\eta^\infty$ entonces:

$$\frac{C_A}{C_{A0}} = f = \frac{\int_{\eta}^{\infty} e^{-\bar{\eta}^3} d\bar{\eta}}{\Gamma(\frac{4}{3})} \quad (2.46)$$

$$\begin{aligned} N_{Ay}|_{y=0} &= -\mathcal{D}_{AB} \left. \frac{\partial C_A}{\partial y} \right|_{y=0} = -\mathcal{D}_{AB} C_{A0} \left[\frac{d}{d\eta} \left(\frac{C_A}{C_{A0}} \right) \frac{\partial \eta}{\partial y} \right]_{y=0} \\ &= -\mathcal{D}_{AB} C_{A0} \left[\frac{-e^{-\eta^3}}{\Gamma(\frac{4}{3})} \left(\frac{a}{9\mathcal{D}_{AB}z} \right)^{1/3} \right]_{y=0} = \frac{\mathcal{D}_{AB} C_{A0}}{\Gamma(\frac{4}{3})} \left(\frac{a}{9\mathcal{D}_{AB}z} \right)^{1/3} \end{aligned} \quad (2.47)$$

El flujo molar de A en $y = 0$ es:

$$\begin{aligned} W_A &= \int_0^W \int_0^L N_{Ay}|_{y=0} dz dx = W \frac{\mathcal{D}_{AB} C_{A0}}{\Gamma(\frac{4}{3})} \left(\frac{a}{9\mathcal{D}_{AB}} \right)^{1/3} \int_0^L z^{-1/3} dz \\ &= \left(\frac{3}{2} \right) \frac{\mathcal{D}_{AB} C_{A0} W}{\Gamma(\frac{4}{3})} \left(\frac{a}{9\mathcal{D}_{AB}} \right)^{1/3} L^{2/3} = \frac{2\mathcal{D}_{AB} C_{A0} W L}{\frac{4}{3}\Gamma(\frac{4}{3})} \left(\frac{a}{9\mathcal{D}_{AB}L} \right)^{1/3} \end{aligned} \quad (2.48)$$

donde $\frac{4}{3}\Gamma(\frac{4}{3}) = \Gamma(\frac{7}{3})$

2.2.3. Perfil de concentración en un reactor tubular

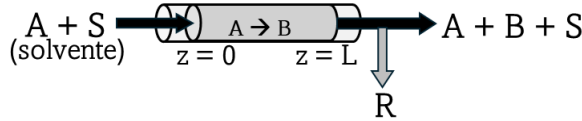


Figura 2.8: Reactor tubular

La situación es similar a las condiciones de la ec. (2.18) en coordenadas cilíndricas, esto es:

$$v_z \frac{\partial C_A}{\partial z} = \mathcal{D}_{AB} \left[\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial C_A}{\partial r} \right) \right] \quad (2.49)$$

$$\text{donde } v_z = v_{z\text{máx}} \left[1 - \left(\frac{r}{R} \right)^2 \right] \quad (2.50)$$

con condiciones:

Figura 2.9: Adsorción de A en B, con reacción homogénea en la fase líquida

$$C_A|_{z=0} = C_{A0} \quad , \quad C_A|_{r=R} = 0 \quad \text{y} \quad C_A|_{r=0} \neq 0 \quad (2.51)$$

La linealización del perfil de velocidades cerca de la pared procede definiendo una variable $y = R - r$:

Como $v_{\text{máx}} = \frac{\Delta P R^2}{2\mu L}$, entonces $v_z(y) = v_{\text{máx}} \frac{y}{R}$

La ec. (2.49) se transforma en:

$$2v_{\text{máx}} \frac{y}{R} = \mathcal{D}_{AB} \frac{\partial^2 C_A}{\partial y^2} \quad (2.52)$$

debido a que $\frac{y}{R} = 1 - \frac{r}{R}$, entonces $(\frac{r}{R})^2 = (1 - \frac{y}{R})^2 \approx 1 - \frac{2y}{R} + \dots$ por lo que $v_z = v_{z\text{máx}}(\frac{2y}{R})$ (ec. (2.50)) con nuevas condiciones:

$$C_A|_{z=0} = C_{A0} \quad , \quad C_A|_{y=0} = 0 \quad \text{y} \quad C_A|_{y \rightarrow \infty} = C_{A0} \quad (2.53)$$

La solución es similar a la ec. (2.46), excepto que ahora $f|_{\eta=0} = 0$ y $f|_{\eta \rightarrow \infty} = 1$. Las constantes son: $C_2 = 0$ y C_1 es igual: $C_1 = \frac{-1}{\Gamma(\frac{4}{3})}$, por lo tanto:

$$\frac{C_A}{C_{A0}} = \frac{\int_0^\eta e^{-\bar{\eta}^3} d\bar{\eta}}{\Gamma(\frac{4}{3})} \quad (2.54)$$

2.2.4. Difusión con reacción química homogénea

En la fig 2.9, el gas A se disuelve en el líquido B. Al difundirse A en B, ocurre una reacción $A + B \rightarrow AB$. Por ejemplo, la absorción de CO_2 en una solución de NaOH. En este caso, el proceso es descrito por la ecuación (1.30), en la cual, no hay dependencia con el tiempo y el sistema está en reposo $\underline{v} = 0$.

Suponiendo una reacción de primer orden para la descomposición de A, la ecuación (1.30) se reduce a:

$$D_{AB} \frac{d^2(C_A)}{dz^2} + R_A = 0 \quad (2.55)$$

En donde:

$$R_A = \frac{d(C_A)}{dt} = -kC_A. \quad (2.56)$$

Este sistema otorga las siguientes condiciones de frontera:

$$C_A|_{z=0} = C_{A0} \quad (2.57)$$

$$\frac{d(C_A)}{dz}|_{z=L} = N_{Az}|_{z=L} = 0 \quad (2.58)$$

Se definen las siguientes variables adimensionales:

$$\Gamma = \frac{C_A}{C_{A0}}$$

$$\zeta = \frac{z}{L}$$

La ecuación (2.55) se transforma en:

$$\frac{d^2\Gamma}{d\zeta^2} - \left(\frac{k_1 L^2}{D_{AB}}\right)\Gamma = 0 \quad (2.59)$$

$$\frac{d^2\Gamma}{d\zeta^2} - \phi^2\Gamma = 0 \quad (2.60)$$

Defínase $\phi = \left(\frac{k_1 L^2}{D_{AB}}\right)^{\frac{1}{2}}$, el cual corresponde al módulo de Thiele.

Las nuevas condiciones de frontera adimensionales corresponden a :

$$\Gamma|_{\zeta=0} = 1 \quad (2.61)$$

$$\frac{d\Gamma}{d\zeta}|_{\zeta=1} = 0 \quad (2.62)$$

La solución de la ecuación (2.56) corresponde a:

$$\Gamma = C_1 \cosh(\phi\zeta) + C_2 \sinh(\phi\zeta) \quad (2.63)$$

Mediante las condiciones de frontera (eq 7,8), es posible obtener los valores de c_1 y C_2 : $C_1 = 1$ y $0 = \sinh(\phi) + C_2 \cosh(\phi) \longrightarrow C_2 = -\frac{\sinh(\phi)}{\cosh(\phi)} = -\tanh(\phi)$ Haciendo el álgebra correspondiente:

$$\Gamma = \cosh(\phi\zeta) - \frac{\sinh(\phi)}{\cosh(\phi)} \sinh(\phi\zeta)$$

$$\Gamma = \frac{\cosh(\phi\zeta) \cosh(\phi)}{\cosh(\phi)} - \frac{\sinh(\phi)}{\cosh(\phi)} \sinh(\phi\zeta)$$

Figura 2.10: Perfil de concentración predicho en la película de líquido que rodea a una burbuja

Utilizando la siguiente identidad trigonométrica:

$$\cosh(a - b) = \cosh(a) \cosh(b) - \sinh(a) \sinh(b)$$

Se llega a la solución particular del problema:

$$\Gamma = \frac{\cosh[\phi(1 - \zeta)]}{\cosh(\phi)} \quad (2.64)$$

Se determina la concentración promedio de A en la fase líquida:

$$\bar{\Gamma} = \frac{\int_0^1 \Gamma d\zeta}{\int_0^1 d\zeta} = \frac{1}{\cosh(\phi)} \left[\frac{\sinh[\phi(1 - \zeta)]}{-\phi} \right]_0^1 = \frac{\tanh(\phi)}{\phi} \quad (2.65)$$

El flux molar en $z = 0$ es:

$$N_{Az}|_{z=0} = -D_{AB} \frac{d(C_A)}{dz} \Big|_{z=0} = -D_{AB} \frac{C_{A0}}{L} \frac{d\Gamma}{d\zeta} \Big|_{\zeta=0} = D_{AB} \frac{C_{A0}}{L} \phi \tanh(\phi) \quad (2.66)$$

2.2.5. Absorción de gas con reacción química en un tanque de agitación

Considere un sistema en el que el gas A disuelto se combina con el líquido B por una reacción química de primer orden. Por ejemplo, la absorción de SO_2 o H_2S en NaOH en solución acuosa.

¡Aquí van las figuras 2.10

Este sistema tiene las siguientes condiciones en la frontera:

$$C_A|_{z=0} = C_{A0} \quad (2.67)$$

$$C_A|_{z=\delta} = C_{A\delta} \quad (2.68)$$

Si estas condiciones se expresan en las siguientes variables adimensionales:

$$\Gamma|_{\zeta=0} = 1$$

$$\Gamma|_{\zeta=1} = B$$

En donde $\zeta = \frac{z}{\delta}$, $\Gamma = \frac{C_A}{C_{A0}}$, $B = \frac{C_{A\delta}}{C_{A0}}$ y $\phi^2 = \frac{k_1 \delta^2}{D_{AB}}$

La ecuación a resolver corresponde a la ecuación (2.59) con las condiciones nuevas; es decir:

$$\Gamma = C_1 \cosh(\phi \zeta) + C_2 \sinh(\phi \zeta)$$

Al evaluar la ecuación con las condiciones fronterizas, se obtiene el siguiente resultado:

$$\Gamma = \frac{\sinh(\phi) \cosh(\phi \zeta) + (B - \cosh(\phi)) \sinh(\phi \zeta)}{\sinh(\phi)} \quad (2.69)$$

Esta última ecuación (2.65) describe el perfil de la curva con reacción. Se supone que la concentración de A fuera de la película es $C_{A\delta}$, por lo que, si la superficie de todas las burbujas en la superficie es S, la cantidad de A consumida por la reacción química es:

$$SN_{Az}|_{z=\delta} = -SD_{AB} \frac{dC_A}{dz}|_{z=\delta} = Vk_1 C_{A\delta} \quad (2.70)$$

En donde V es el volumen de la fase líquida. Luego;

$$-\frac{dC_A}{dz}|_{z=\delta} = -\frac{C_{A0}}{\delta} \frac{d\Gamma}{d\zeta}|_{\zeta=1} = \frac{Vk_1 C_{A\delta}}{SD_{AB}} \longrightarrow -\frac{d\Gamma}{d\zeta}|_{\zeta=1} = \frac{V}{S\delta} \phi^2 B$$

Como $\cosh^2(\phi) - \sinh^2(\phi) = 1$, de la solución particular para Γ se obtiene:

$$\frac{B \cosh(\phi) - 1}{\sinh(\phi)} = -\frac{V}{S\delta} B \phi \longrightarrow B(\cosh(\phi) + \frac{V}{S\delta} \phi \sinh(\phi)) = 1$$

Substituyendo B en la solución para Gamma (ec 2.65), se obtiene:

$$\Gamma = \frac{\cosh(\phi) \cosh(\phi \zeta) - \cosh(\phi) \sinh(\phi \zeta)}{\sinh(\phi)} + \frac{\sinh(\phi) \zeta}{\sinh(\phi)} \left[\frac{1}{\cosh(\phi) + \frac{V \phi \sinh(\phi)}{S\delta}} \right] \quad (2.71)$$

El flux de masa absorbido con reacción química (normalizada) es:

$$\tilde{N} = \frac{N_{Az}}{D_{AB} \frac{C_{A0}}{\delta}} = -\frac{D_{AB}}{D_{AB} \frac{C_{A0}}{\delta}} \frac{d(C_A)}{dz}|_{z=0} \Rightarrow -\frac{d\Gamma}{d\zeta}|_{\zeta=0} = \frac{\phi \cosh(\phi)}{\sinh(\phi)} - \left[\frac{\phi}{\sinh(\phi) [\cosh(\phi) + \frac{V \phi \sinh(\phi)}{S\delta}]} \right]$$

Figura 2.11: Adsorción de gas con reacción química

$$= \frac{\phi}{\sinh(\phi)} \left[\cosh(\phi) - \frac{1}{\cosh(\phi) + \frac{V\phi \sinh(\phi)}{S\delta}} \right] \quad (2.72)$$

La ecuación (2.68) se grafica en la figura 2.11.

Se puede observar en la fig (2.11) que:

1) \tilde{N} aumenta con ϕ para todo $\frac{V}{S\delta}$

2) $\tilde{N} = 1$ es la curva sin reacción que corresponde a la fig (2.10)

Cuando $\phi = 0$ $\tilde{N} \rightarrow 1$ ($B = 0$)

3) Cuando $\phi \rightarrow 0$, para $\frac{V}{S\delta}$ finito $\tilde{N} = 0$, se lidia con un líquido saturado con gas disuelto.

4) Si ϕ es grande, \tilde{N} se incrementa abruptamente ($B \rightarrow 0$) y la ec (2.68) revela que \tilde{N} es proporcional a ϕ . La reacción es muy rápida y el gas disuelto se consume dentro de la película.

5) Para valores intermedios de $\frac{V}{S\delta}$ y ϕ , $\tilde{N} \rightarrow 1$. La reacción es rápida y la solución se encuentra libre de soluto.

2.2.6. Difusión con reacción química heterogénea

Considérese un reactor catalítico, en donde se lleva a cabo la reacción $2A \rightarrow B$, de acuerdo a la figura (2.12)

Aquí va la figura 2.12

2 moles de A se mueven en dirección +z y un mol de B se mueve en dirección -z. Por lo tanto, a régimen permanente:

$$N_{Bz} = -\frac{1}{2}N_{Az} \quad (2.73)$$

Las ecs (1.25) y (1.19) en combinación con la ec (2.69) son:

$$N_{Az} = -\frac{cD_{AB}}{1 - \frac{x_A}{2}} \frac{d(x_A)}{dz} \quad (2.74)$$

y

$$\frac{d(N_A)}{dz} = 0 \quad (2.75)$$

Lo cual resulta en:

$$\frac{d}{dz} \left(\frac{1}{1 - \frac{x_A}{2}} \frac{d(x_A)}{dz} \right) = 0 \quad (2.76)$$

Con las condiciones en la frontera:

$$x_A|_{z=0} = x_{A0}$$

$$x_A|_{z=\delta} = 0 \quad (2.77)$$

A partir de la ec (2.72), se obtiene:

$$\frac{1}{1 - \frac{x_A}{2}} \frac{d(x_A)}{dz} = C_1 \longrightarrow \int \frac{d(x_A)}{1 - \frac{x_A}{2}} = c_1 \int dz + c_2$$

Evaluando C_1 y C_2 con respecto a las condiciones (2.73), se obtiene:

$$N_{Az} = \frac{2cD_{AB}}{\delta} \ln\left(\frac{1}{1 - \frac{x_{A0}}{2}}\right) \quad (2.78)$$

La reacción ocurre instantáneamente en la superficie del catalizador, por lo que la conversión de A a B es un proceso regulado por la difusión en la capa de gas de grosor δ .

2.2.7. Difusión con reacción heterogénea lenta

En este caso, para el mismo sistema, la reacción no sucede instantáneamente en $z = \delta$, sino que la desaparición de A en la superficie del catalizador es proporcional a la concentración de A en la interfase:

$$N_{Az} = k_1 C_A = k_1 C x_A \quad (2.79)$$

En este caso, la condición de frontera en la superficie del catalizador es:

$$x_A|_{z=\delta} = \frac{N_{Az}}{k_1 c}$$

El cambio en la condición de frontera, resulta en el siguiente perfil de concentración:

$$\frac{1 - \frac{x_A}{2}}{(1 - \frac{x_{A0}}{2})^{1 - \frac{z}{\delta}}} = (1 - \frac{N_{Az}}{2k_1c})^{\frac{z}{\delta}} \quad (2.80)$$

Realizando el álgebra y derivando uestro perfil de concentración, podemos determinar el flux másico de A N_{Az}

$$\begin{aligned} \frac{d}{dz} \ln(1 - \frac{x_A}{2}) - \frac{d}{dz} [(1 - \frac{z}{\delta}) \ln(1 - \frac{x_{A0}}{2})] &= \frac{d}{dz} [\frac{z}{\delta} \ln(1 - \frac{N_{Az}}{2k_1c})] \\ -\frac{\frac{1}{2}}{1 - \frac{x_A}{2}} \frac{dx_A}{dz} + \frac{1}{\delta} \ln(1 - \frac{x_{A0}}{2}) &= \frac{1}{\delta} \ln(1 - \frac{N_{Az}}{2k_1c}) \end{aligned} \quad (2.81)$$

Substituyendo la ec (2.77) en la ec (2.70), se obtiene:

$$N_{Az} = -\frac{cD_{AB}}{(1 - \frac{x_A}{2})} [(1 - \frac{x_A}{2}) (\frac{-2}{\delta}) \ln(\frac{1 - \frac{N_{Az}}{k_1c}}{1 - \frac{x_{A0}}{2}})]$$

Utilizando una aproximación de una serie de Taylor truncada en el primer término para $\ln(1 - \frac{N_{Az}}{2k_1c})$ asumiendo que k_1 es grande.

Recordando que la serie de Mclaurin para $\ln(1 - x)$ corresponde a:

$$\ln(1 - x) = -x - \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} \dots$$

Así, aproximamos $\ln(1 - \frac{N_{Az}}{2k_1c})$ a $-\frac{N_{Az}}{2k_1c}$ y se obtiene:

$$\begin{aligned} N_{Az} &= \frac{2cD_{AB}}{\delta} [-\frac{N_{Az}}{2k_1c} - \ln(1 - \frac{x_{A0}}{2})] \\ N_{Az}(1 + \frac{D_{AB}}{k_1\delta}) &= 2c\frac{D_{AB}}{\delta} \ln(\frac{1}{1 - \frac{x_{A0}}{2}}) \\ N_{Az} &= 2c\frac{D_{AB}}{\delta(1 + \frac{D_{AB}}{k_1\delta})} \ln(\frac{1}{1 - \frac{x_{A0}}{2}}) \end{aligned} \quad (2.82)$$

El número adimensional $\frac{k_1\delta}{D_{AB}} = Da$ es el número de Damköler, el cual describe la relación entre reacción y difusión. Si $Da \rightarrow \infty$, se obtiene el caso de reacción dominante y la ecuación toma la forma de la ec (2.74)

2.2.8. Difusión con reacción química en medios porosos

En este caso, se describe la difusión de los reactivos en un medio poroso en términos de una difusividad efectiva (D_A). Supóngase que la reacción tiene lugar en la superficie sólida de un catalizador cuya simetría es esférica y posee un radio R , la reacción es $A \rightarrow B$. Esta partícula esférica está sumergida en una corriente de gas con A y B presentes. A se difunde en los poros de la superficie esférica y ahí sucede la reacción. La ec (1.30) dentro del medio poroso en coordenadas esféricas es:

$$0 = D_A \frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left(r^2 \frac{d(C_A)}{dr} \right) - R_A \quad (2.83)$$

"a" se define como la superficie catalítica por unidad de volumen (sólido + huecos). Por ello, $R_A = -k_1 a c_a$.

Haciendo un cambio de variable, $\frac{C_A}{C_{AR}} = \frac{f(r)}{r}$ en donde C_{AR} es la concentración de A en la superficie esférica, la ec (2.79) se transforma en:

$$\frac{d^2 f}{dr^2} - \frac{k_1 a}{D_A} f = 0 \quad (2.84)$$

Con condiciones en la frontera:

$$C_A|_{r=R} = C_{AR}$$

$$C_A|_{r=0} = \textit{finito} \quad (2.85)$$

o bien:

$$f|_{r=R} = R$$

y

$$f|_{r=0} = \textit{finito}$$

La solución a la ecuación (2.80) corresponde a:

$$f(r) = C_1 \cosh\left[\left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} r\right] + C_2 \sinh\left[\left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} r\right] \quad (2.86)$$

$$f(0) = C_1 = 0$$

$$f(R) = C_2 \sinh\left[\left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} R\right] = R \longrightarrow C_2 = \frac{R}{\sinh\left[\left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} R\right]}$$

Por lo tanto:

$$f(r) = \frac{R \sinh\left[\left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} r\right]}{\sinh\left[\left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} R\right]} \quad (2.87)$$

Definiendo el modulo de Thiele como $\phi = \left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} R$, entonces:

$$f(r) = \frac{R \sinh\left[\phi\left(\frac{r}{R}\right)\right]}{\sinh[\phi]}$$

Luego entonces, $\frac{C_A}{C_{AR}} = \frac{R}{r} \frac{\sinh\left[\phi\left(\frac{r}{R}\right)\right]}{\sinh[\phi]}$ y claramente, $\frac{C_A}{C_{AR}}|_{r=0} = \frac{\phi}{\sinh(\phi)}$

El flujo molar en la superficie es: $W_{AR} = 4\pi R^2 N_{AR} = -4\pi R^2 D_A \frac{d(C_A)}{dr}|_{r=R}$

$$\begin{aligned} \frac{d(C_A)}{dr}|_{r=R} &= \frac{C_{AR} R}{\sinh(\phi)} \left[\frac{r}{r^2} \cosh\left[\frac{\phi r}{R}\right] \left(\frac{\phi}{R}\right) - \frac{1}{r^2} \sinh\left[\frac{\phi r}{R}\right] \right] \\ &= \frac{C_{AR} R}{\sinh(\phi)} \left[\frac{\phi}{R^2} \cosh(\phi) - \frac{\sinh(\phi)}{R^2} \right] = \frac{C_{AR}}{R} [\phi \coth(\phi) - 1] \end{aligned}$$

Por lo tanto:

$$W_{AR} = 4\pi R C_{AR} D_A [1 - \phi \coth(\phi)] \quad (2.88)$$

Definiendo al factor de efectividad η :

$$\eta = \frac{N_{AR}}{N_{AR0}} \quad (2.89)$$

En donde N_{AR0} es el flujo molar sin efectos difusionales, es decir:

$$N_{AR0} = \frac{4\pi R^3}{3} a(-k_1 C_{AR}) \quad (2.90)$$

Substituyendo las ecs (2.85) y (2.87) en la ec (2.86) resulta en:

$$\eta_A = \frac{3}{\phi^2} [\phi \coth(\phi) - 1] \quad (2.91)$$

Físicamente, η_A es el factor tal que $\eta_A W_{AR0}$ representa la resistencia difusional del proceso. Para partículas no esféricas, el radio R_{ne} se define como:

$$R_{ne} = 3\left(\frac{V_p}{S_p}\right) \quad (2.92)$$

De tal forma que para partículas esféricas: $\frac{V_p}{S_p} = \frac{\frac{4\pi R^3}{3}}{4\pi R^2} = \frac{R}{3}$

En este caso, el valor de conversión absoluto en la reacción corresponde a:

$$|W_{AR}| = V_p a k_1 C_{AR} \eta_A$$

y donde ahora:

$$\eta_A = \frac{1}{3\Lambda^2}(3\Lambda \coth 3\Lambda - 1) \quad (2.93)$$

y

$$\Lambda = \left(\frac{k_1 a}{D_A}\right)^{\frac{1}{2}} \left(\frac{V_p}{S_p}\right) \quad (2.94)$$

Es el modulo de Thiele generalizado. La variación de η_A en función de Λ se grafica en la fig (2.13) para diferentes geometrías

Aquí va la fig 2.13

2.2.9. Apéndice A

Difusión debido a una fuente puntual en una corriente de fluido. Un fluido B fluye a una velocidad constante v_0 . en algún punto, la especie A se inyecta a un flujo W_A (gmol/s) que es suficientemente pequeño. A se difunde axial y radialmente.

Como este es un problema de convección-difusión, en coordenadas cilíndricas (vea la ec B en el apéndice B), en la dirección z, se tiene:

$$\frac{\partial C_A}{\partial t} + v_z \frac{\partial C_A}{\partial z} = D_{AB} \left[\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial C_A}{\partial r} \right) + \frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} \right] \quad (2.95)$$

en donde $dt = \frac{dz}{v_0}$.

Ahora, se realiza un cambio de variable $C_A(r, z) = C_A(s, z)$, en la cual $s^2 = r^2 + z^2$ (ver fig A.1)

Aquí va la fig A.1

El diferencial dC_A por regla de la cadena, corresponde a:

$$dC_A = \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z ds + \left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_s dz$$

Luego:

$$\left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_r = \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \frac{ds}{dz} + \left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_s$$

Recordando que $s^2 = r^2 + z^2$, por lo tanto, $\frac{\partial s}{\partial z} = \frac{z}{s}$

$$\left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_r = \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \frac{z}{s} + \left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_s$$

$$\left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2}\right)_r = \frac{\partial}{\partial z} \left(\left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_r \right)$$

$$\left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2}\right)_r = \left[\frac{\partial}{\partial s} \left(\left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_r \right) \frac{\partial s}{\partial z} + \frac{\partial}{\partial z} \left(\left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_r \right) \right]_s$$

$$\left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2}\right)_r = \frac{\partial}{\partial s} \left[\left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \frac{z}{s} + \left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_s \right] \frac{z}{s} + \frac{\partial}{\partial z} \left[\left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \frac{z}{s} + \left(\frac{\partial C_A}{\partial z}\right)_s \right]$$

$$\left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2}\right)_r = \frac{z}{s} \left[\left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial s^2}\right)_z \frac{z}{s} - \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \frac{z}{s^2} + \frac{\partial^2 C_A}{\partial s \partial z} \right]$$

$$+ \left[\left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial z \partial s}\right) \frac{z}{s} + \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_s \frac{1}{s} + \left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2}\right)_s \right]$$

Se calculan ahora, las derivadas radiales:

$$\left(\frac{\partial C_A}{\partial r}\right)_z = \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \left(\frac{\partial s}{\partial r}\right)_z = \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \left(\frac{r}{s}\right) = \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \left(\frac{s^2 - z^2}{s}\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$r \left(\frac{\partial C_A}{\partial r}\right)_z = \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \left(\frac{s^2 - z^2}{s}\right)$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \left(\frac{\partial C_A}{\partial r}\right)_z \right) = \frac{1}{s} \frac{\partial}{\partial s} \left[\left(\frac{s^2 - z^2}{s}\right) \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \right]$$

$$= \frac{1}{s} \left[\left(\frac{s^2 - z^2}{s}\right) \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)_z \right] + \left(\frac{s^2 - z^2}{s}\right) \left(\frac{\partial^2 C_A}{\partial s^2}\right)_z$$

Sumando, se obtiene:

$$\frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} + 2 \frac{z}{s} \frac{\partial^2 C_A}{\partial s \partial z} + \frac{\partial^2 C_A}{\partial s^2} + \frac{z}{s} \left(\frac{\partial C_A}{\partial s}\right)$$

O de manera equivalente:

$$\frac{\partial^2 C_A}{\partial z^2} + 2\frac{z}{s}\frac{\partial^2 C_A}{\partial s \partial z} + \frac{1}{s^2}\frac{\partial}{\partial s}(s^2\frac{\partial C_A}{\partial s}) = f(s, r, z)$$

Al insertar en la ecuación (A.1), se obtiene:

$$v_0(\frac{z}{s}\frac{\partial C_A}{\partial s} + \frac{\partial C_A}{\partial z}) = D_{AB}f(s, r, z)$$

Cuya solución es:

$$C_A = [\frac{W_A}{4\pi D_{AB}s}]e^{\frac{-v_0(s-z)}{2D_{AB}}} \quad (2.96)$$

Que satisface las condiciones de frontera:

$$1) C_A|_{z \rightarrow \infty} = 0$$

La concentración de A lejos de la fuente es 0

$$2) -\frac{\partial C_A}{\partial s}|_{s \rightarrow 0} = \frac{W_A}{4\pi D_{AB}s^2}$$

Este corresponde al sitio de la fuente

$$\frac{\partial C_A}{\partial s} = \frac{\partial}{\partial s}[\frac{a}{s}e^{b(s-z)}] = a[\frac{b}{s}e^{b(s-z)} - \frac{1}{s^2}e^{b(s-z)}] = ae^{b(s-z)}[\frac{b}{s} - \frac{1}{s^2}]$$

En donde $a = \frac{W_A}{4\pi D_{AB}}$, entonces. Si $s \rightarrow 0$, recordando que $s^2 = z^2 + r^2$, tanto r como z deben tender a 0, por lo tanto:

$$\frac{\partial C_A}{\partial s}|_{s \rightarrow 0} = \lim_{s \rightarrow 0} ae^{b(s-z)}[\frac{b}{s} - \frac{1}{s^2}]$$

Se toma la siguiente consideración, en el límite $\frac{1}{s^2} \gg \frac{b}{s}$ y $e^{b(s-z)}=1$. Por lo tanto:

$$\frac{\partial C_A}{\partial s}|_{s \rightarrow 0} = a(-\frac{1}{s^2})$$

y finalmente:

$$-\frac{\partial C_A}{\partial s}|_{s \rightarrow 0} = \frac{W_A}{4\pi D_{AB}s^2}$$

$$3) \frac{\partial C_A}{\partial r}|_{r \rightarrow 0} = 0$$

Lo cual implica que la concentración máxima está en el eje z

$$\frac{\partial C_A}{\partial r} = \frac{\partial C_A}{\partial s} \frac{\partial s}{\partial r} = \frac{r}{s} \frac{\partial C_A}{\partial s} = \frac{r}{s}(ae^{b(s-z)}[\frac{b}{s} - \frac{1}{s^2}])$$

si $r \rightarrow 0$, $s \rightarrow z$ y el valor de la derivada es igual a 0, lo que nos dice que el máximo de la función C_A está en el eje z . A partir de datos de v_0 y W_A dados, se puede plantear un modelo de regresión lineal para la determinación de D_{AB} .

$$\ln(C_A s) = \ln\left(\frac{W_A}{4\pi D_{AB}}\right) - v_0 \frac{(s - z)}{2D_{AB}}$$

En donde $s - z$ es la variable independiente y $C_A s$ la variable dependiente.

Aquí va la gráfica

Tarea 2

1. Absorción de cloro en una película descendente (*Problema. 18A.4, Bird et al.*)

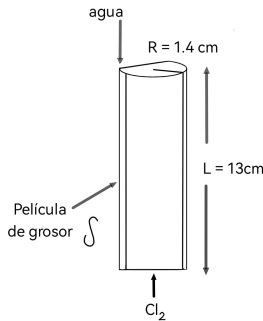
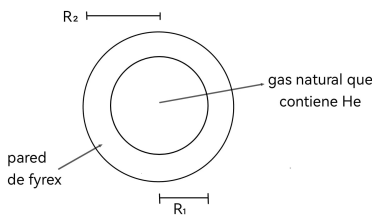


Fig. 2. 14. Columna de paredes mojadas

Cloro gaseoso se absorbe en agua de la columna de la Fig. 2.14. La velocidad del agua es 17.7 cm/s. La difusividad en la fase líquida del sistema $\text{Cl}_2\text{-H}_2\text{O}$ es de $1.26 \times 10^{-5} \text{ cm}^2/\text{s}$ y la concentración de saturación es de 0.823 g Cl_2 /100 g H_2O . ¿Cuál es la velocidad de absorción en mol/hr?

Respuesta: 0.273 g/mol/hr

2. Método para separar helio del gas natural (*Problema. 18.B.8, Bird et al.*)

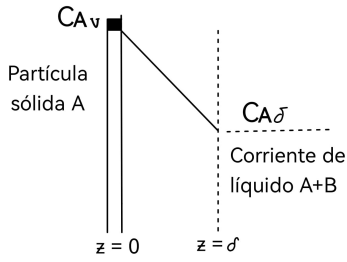


La pared de vidrio Pyrex es permeable solamente al He. Suponga que el He está contenido en el recipiente. Obtenga una expresión de la difusión del He a través de la pared, las concentraciones interfaciales del He en las paredes y las dimensiones del tubo.

Respuesta:

$$W_{He} = \frac{2\pi L D_{He} (C_{He1} - C_{He2})}{\ln(R_2/R_1)}$$

3. Velocidad de lixiviación (*Problema. 18.B.9, Bird et al.*)



La solubilidad de A en B en C_{Au} , y su concentración en B en $C_{A\delta}$. En este proceso, A difunde en B a través de una película de grosor δ . Muestra que el perfil de concentraciones es lineal y que la velocidad de lixiviación es:

$$N_{Au} = \frac{D_{AB}}{C_{Au} - C_{A\delta}}$$

4. Determinación de la difusividad del sistema éter-aire. (*Problema. 18.A.6 Birt et al*)

Datos de la evaporación del etil-éter con densidad del líquido de 0.7132 g/cm^3 . El tubo tiene 6.16 mm de diámetro y presión total de 747 mmHg a 22°C . El peso molecular del éter 74 y la presión de vapor a 22°C en 498 mmHg. (Véase Fig. 2.1)

a)- Suponer un promedio de las longitudes de $Z_2 - Z_1$ para encontrar D_{AB} a 747 mmHg y 22°C a partir de los datos de evaporación.

b)- Utilizar la ecuación (1.53) para convertir los resultantes a 0°C y 760 mmHg .

Nivel del éter (mm) medido donde el punto superior	Tiempo (s) para alcanzar
9-11	590
14-16	845
19-21	1185
24-26	1480
34-34	2055
41-46	2655

Respuesta:

$$D_{AB} = 0.0786 \text{ cm}^2/\text{s} \text{ a } 0^\circ\text{C} \text{ y } 760 \text{ mmHg}$$

Tarea 3

1. Mediciones de difusividad por el Método de fuente puntual. (Problema. 18.A.5 Birt et al.)

Una corriente de líquido B se dirige en dirección vertical, y la composición del gas se mide en varias posiciones. Calcular el gasto molar W_A (g-mol/s) requerido para producir $X_A = 0.01$ en el punto 1 cm abajo de la fuente a 1 atm y 800°C , si $V_0 = 50 \text{ cm}^3/\text{s}$ y $D_{AB} = 5 \text{ cm}^2/\text{s}$.

Utilizar los resultados del **Apéndice A**.

2. Experimentos para medir la difusividad de gases en un aparato de dos recipientes (Prob. 18.B.6. Bird et al.)

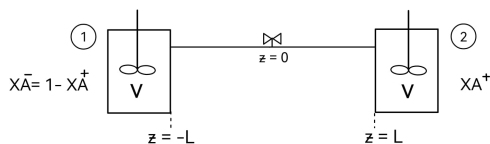


Fig. 2. 16. Sistema gaseoso a presión y temperatura constantes. Los agitadores mantienen concentraciones uniformes

El aparato tiene un gas A en el recipiente 1 y un gas B en el recipiente 2. La válvula se abre y la difusión comienza. Se mide x_A en función del tiempo, lo que permite medir D_{AB} .

Las condiciones de frontera son: $x_A \Big|_{z=-L} = x_A^-$ y $x_A \Big|_{z=L} = x_A^+$

Calcular lo siguiente

(a)- Mostrar que N_A es constante.

(b)- Mostrar que el flujo de masa es: $N_{AZ} = -cD_{AB} \frac{dx_A}{dz}$

(c)- Integrar la ecuación.

(d)- Evaluar la constante de integración.

(e)- Obtener: $N_{AZ} = \frac{(\frac{1}{2} - x_A^+)cD_{AB}}{L}$

(f)- Hacer un balance de masa en el recipiente 2 para obtener:

$$S(\frac{1}{2} - x_A^+) \frac{cD_{AB}}{L} = V_c \frac{dx_A^+}{dt}$$

(g)- Integrar la ecuación para obtener: $\ln(\frac{\frac{1}{2} - x_A^+}{\frac{1}{2}}) = \frac{-SD_{AB}t}{LV}$

(h)- Hacer una gráfica para obtener D_{AB}

3. Difusión desde una gota suspendida. (*Problema. 18.B.7. Bird et al.*)

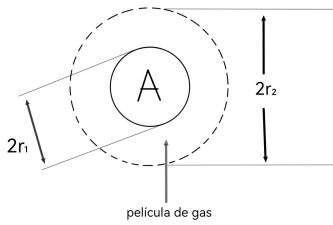


Fig. 2.17. Difusión a través de una película estática de gas que rodea a una gota de A.

Una gota de líquido A de radio r_1 está suspendida en una corriente de gas B. Supóngase la presencia de una película alrededor de la gota de radio r_2 . La concentración de A en la fase gas en x_A , en $r=r_1$ y x_{A2} en $r=r_2$.

Demuestra:

(a)- Que $r^2 N_A r$ es constante en la fase gas. Evaluar la constante en $r=r_1$ para obtener $r_1^2 N_A r$, en la superficie de la gota:

(b)- La ecuación (1.25) y el resultado anterior resulta en:

$$r_1^2 N_A r = \frac{-c D_{AB}}{1 - x_A} r^2 \frac{dx_A}{dr}$$

(c)- La integración entre r_1 y r_2 resulta en:

$$N_{Ar_1} = \frac{c D_{AB}}{r_2 - r_1} \left(\frac{r_2}{r_1} \right) \ln \frac{x_{B2}}{x_{B1}}$$

(d) Obtener el límite de esta ecuación cuando $r_2 \rightarrow \infty$.

Tarea 4

1. Absorción de cloro en ciclohexeno. (Problema. 18.B.5 Birt et al.)

El cloro se puede absorber de una mezcla Cl_2 -aire por medio de olefinas disueltos en CCl_4 . La reacción de Cl_2 con ciclohexano (C_6H_{10}) es de segundo orden con respecto al cloro y de orden cero con respecto al C_6H_{10} . Por lo tanto, la desaparición de cloro por unidad de volumen es $k_2 C_A^2$ ($A = \text{Cl}_2$).

Modificar el problema de la sección (2.3) donde $B = \text{C}_6\text{H}_{12}-\text{CCl}_4$, suponiendo que la reacción puede pseudobinaria. Suponer que el aire es insoluble en B y que $L \rightarrow \infty$.

(a)- Demostrar que el perfil de concentraciones está expresado como:

$$\frac{C_{A0}}{C_A} = \left[1 + \sqrt{\frac{k_2 C_{A0}}{6 D_{AB}}} Z \right]^{-1}$$

(b)- Obtener la rapidez de absorción de Cl_2 por el líquido.

(c)- Suponiendo que A se disuelve y reacciona con B , de tal forma que la rapidez de desaparición de A es una función de la concentración $f(C_A)$. Mostrar que el flux de masa de A es:

$$N_{A2} \Big|_{z=0} = \sqrt{2 \theta_{A0} \int_0^{C_{A0}} f(C_A) dC_A}$$

Usa este resultado para verificar (b)

2. Difusión con reacción química de segundo orden (Problema 18.B.11. Bird et al.)

El sólido A se disuelve en una corriente S líquida isotérmicamente. De acuerdo con el modelo de la película (sección 2.1.1), la superficie de A está cubierta por una película de líquido estática de grosor δ (Fig. 2.2).

(a)- Desarrollar una expresión de la rapidez de disolución de A en S si la concentración de A en S es pequeña.

(b)- Si S contiene una sustancia B , tal que en el plano $z = k\delta$ reacciona con A ($A + B \rightarrow P$). Por ejemplo, la disolución de ácido benzoico en una solución de NaOH . La corriente de líquido consiste en $S + B$, donde la fracción mol de B es $x_{B\infty}$ (Ver Fig. 2.18). Es necesario suponer que A y B se difunden a través de una capa pequeña. (zona de reacción en la Fig. 2.18)

Respuesta:

$$(a)- \quad N_{Az} \Big|_{z=D} = \frac{c D_{AS} x_{AD}}{\delta}$$

$$(b)- \quad N_{A2} \Big|_{z=D} = \frac{c D_{AS} x_{AD}}{\delta} \left(1 + \frac{x_{BD} D_{BS}}{x_{AD} D_{AS}} \right)$$

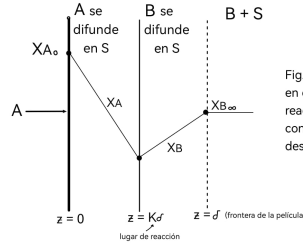


Fig. 2.18. Perfiles de concentración en el proceso de difusión con reacción rápida de 2º orden. La concentración de P es despreciable.

3. Demanda de oxígeno por agregados de bacterias (Problema 18.B.19. Bird et al.)

Supongan un agregado de bacterias esférico de R. Se desea determinar la demanda de O_2 del agregado como función su tamaño, concentración de O_2 (ρ_0) en la superficie del agregado, la actividad metabólica de las células y el comportamiento difusional del O_2 . Supone que la difusión de O_2 está expresada como $r_{O_2} = -k_0$ y el comportamiento difusional está gobernado por la ley de Fick condifusividad D_{v_2m}

(a)- Demostrar que el perfil de concentración de O_2 se describe por medio de la siguiente ecuación:

$$\frac{1}{\xi^2} \frac{d}{d\xi} \left(\xi^2 \frac{dx}{d\xi} \right) = N \quad \text{donde} \quad X = \frac{\rho_{O_2}}{\rho_0}, \quad \xi = \frac{r}{R} \quad y \quad \nu = \frac{k_R^2}{\rho_0 D_{O_2m}}$$

(b)- Si N es grande, tal que $x = 0$ para $\xi < \xi_0$, existe zona central en el agregado sin O_2 . Se reconoce que X y $\frac{dX}{d\xi}$ son cero en $\xi = \xi_0$. ¿Cuál es el significado físico de estas suposiciones?

(c)- Integrar la ecuación anterior con las condiciones de frontera apropiadas.

Respuesta:

$$x = 1 - \frac{N}{6} (1 - \xi^2) + \frac{N}{\xi} \xi_0^2 \left(\frac{1}{\xi} - 1 \right) \quad \text{donde} \quad \xi_0 \quad \text{es determinado por la siguiente ecuación:} \quad \xi_0^3 - \frac{3}{2}$$

Tarea 5

1. Difusión y reacción heterogenea en el tubo con un extremo cerrado.

(Problema. 18.B.15 Birt et al.)

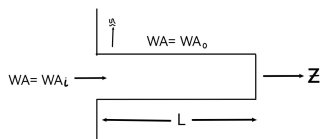


Fig. 2.19. Difusión y reacción heterogénea dentro de un cilindro.

Un poro cilíndrico de longitud L y sección S está en contacto con un fluido en su extremo abierto. El fluido contiene A y B , en donde A desaparece dentro del poro, se difunde a lo largo y reacciona sobre las paredes. El flux normal a la superficie es función de la fracción masa W_{AU} de A sobre la superficie y depende de z . La temperatura y densidad son constantes, ya que la concentración de A es pequeña. Como el poro es largo, los gradientes de concentración normales a z son pequeños.

- Mostrar que el régimen es permanente. $\frac{dWA}{dz} = \frac{P}{S} f(WA)$
- Demostrar que la velocidad promedio másica V_z es cero para este sistema.
- Sustituir la ley de Fick $J_A = -\rho D_{AB} \nabla WA$ en la ecuación anterior e integrar la expresión resultante para el caso $f(WA) = k_i W_{A_0}$. La condición de frontera en $z = L$ supone que no hay reacción en ese extremo.
- Desarrolla una expresión para W_A en el cilindro.

Respuesta:

$$(c)- \quad \frac{WA}{WA_i} = \frac{\cosh N \left[1 - \frac{z}{L} \right]}{\cosh N} \quad \text{donde} \quad N = \sqrt{\frac{PL^2 k_i}{S \rho D_{AB}}}$$

$$(d)- \quad W_A = \left(\frac{S \rho D_{AB} W_{A_i}}{L} \right) N \tanh N$$

2. Cálculo de la longitud de un reactor isotérmico. (Problema 18.C.4 - Bird et al.)

Sea a el área de la superficie de un catalizador y S la sección del reactor. Suponer que el flujo másico es w (en lbm/hr).

- Mostrar que el balance a régimen permanente de A a una distancia L está dado por:

$$\frac{dW_{A_0}}{dL} = -SaNA$$

(b)- Utilizar la ecuación (2.74) y el resultado anterior para obtener una expresión de la longitud L necesaria para convertir la composición a la entrada $X_A(0)$ en la de la salida $X_A(L)$. Utilizar la relación: $\gamma_\alpha = M_\alpha N_\alpha$

Respuesta:

$$L = \frac{w\delta M_B}{25acD_{AB}} \int_{X_A(0)}^{X_A(L)} \frac{dX_{A_0}}{[M_A X_{A_0} + M_B(1 - X_{A_0})]^2 \ln\left(1 - \frac{1}{2}X_{A_0}\right)}$$

3. Difusión y reacción química en un líquido (Problema 19.B.6 - Bird et al.)

(a)- Una esfera sólida de A está suspendida en un líquido B en el que A es ligeramente soluble y en donde A reacciona con constante cinética. Mostrar que el perfil de concentraciones es:

$$\frac{C_A}{C_{A_s}} = \frac{R}{r} \frac{e^{-b\frac{r}{R}}}{e^{-b}}, \quad b^2 = \frac{k_1 R^2}{D_{AB}}$$

R es el radio de la esfera y C_{A_s} es la solubilidad molar de A en B .

(b)- En régimen cuasiestático, calcular la disminución del diámetro de la esfera a medida que se disuelve y reacciona. Mostrar que la relación radio/ tiempo en:

$$\sqrt{\frac{k_1}{D_{AB}}}(R - R_0) - \ln \frac{1 + \sqrt{\frac{k_1}{D_{AB}}}R}{1 + \sqrt{\frac{P_B}{D_{AB}}}R_0} = -\frac{k_1 C_{A_0} M_A (t - t_0)}{\rho_s}$$

en donde R_0 es el radio de la esfera en t_0 y ρ_s es la densidad de la esfera.

Tarea C

1. Factor de efectividad en discos delgados (*Problema 18.B.14 - Bird et al.*)

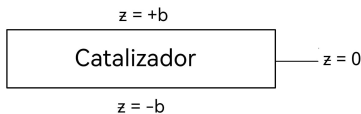


Fig. 2.20. Partícula de catalizador en forma de disco.

Considerar en este caso que el área del grosor del disco es muy pequeña en comparación con el área de los discos. Demostrar que el perfil de concentraciones es:

$$\frac{C_A}{C_{A_s}} = \frac{\cosh\left(\frac{\lambda}{D_{AB}}z\right)}{\cosh\left(\frac{\lambda}{D_{AB}}b\right)}$$

Mostrar que el flujo másico en las superficies $z = \pm b$ es:

$$|W_A| = 2\pi R^2 C_{A_s} D_{AB} \lambda \tanh \lambda b, \quad \lambda = \sqrt{\frac{k_1 a}{D_A}}$$

Mostrar que si el disco es cortado paralelo al plano $x - y$ en varios cortes o rebanadas n , el flujo másico total sería:

$$|W A^{(n)}| = 2\pi R^2 C_{A_s} D_{AB} \lambda n \tanh\left(\frac{\lambda b}{n}\right)$$

Obtener la expresión del factor de efectividad tomando el límite:

$$\eta_A = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{|W_A|}{|W A^{(n)}|} = \frac{\tanh(\lambda b)}{\lambda b}$$

3

Capítulo 3

Capa Límite con Difusión, Dispersión de Taylor y Flujo Turbulento con Difusión. Este capítulo consta de las siguientes partes:

1. Capa límite.
2. Convección forzada con reacción química homogénea en una placa plana.
3. Convección forzada placa plana con transferencia de masa rápida.
4. Convección forzada placa plana con transferencia de masa lenta.
5. Dispersión de Tayloren flujo laminar.
6. Transferencia de masa con reacción de 1^{er} orden en flujo laminar turbulento.
7. Flujo turbulento en reacción de 2^o orden. Mezclado turbulento.

3.1. Capa límite binaria

Considerar un flujo binario a régimen permanente de un fluido binario. En la vecindad de la superficie sólida, las ecuaciones que gobiernan el proceso en ausencia de disipación viscosa son:

$$\text{Continuidad: } \frac{\partial v_x}{\partial x} + \frac{\partial v_y}{\partial y} = 0 \quad (3.1)$$

$$\begin{aligned} \text{Movimiento: } \rho \left(v_x \frac{\partial v_x}{\partial x} + v_y \frac{\partial v_x}{\partial y} \right) = & -\rho v_e \frac{\partial v_e}{\partial x} + \mu \frac{\partial^2 v_x}{\partial y^2} \\ & + \bar{\rho} g_x \beta (T - T_\infty) + \bar{\rho} g_x \bar{\zeta} (w_A - w_{A\infty}) \end{aligned} \quad (3.2)$$

$$\text{Energía: } \rho \bar{C}_p \left(v_x \frac{\partial T}{\partial x} + v_y \frac{\partial T}{\partial y} \right) = k \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} - \left(\frac{\bar{H}_A}{M_A} - \frac{\bar{H}_B}{M_B} \right) r_A \quad (3.3)$$

$$\text{Continuidad de A: } \rho \left(v_x \frac{\partial w_A}{\partial x} + v_y \frac{\partial w_A}{\partial y} \right) = \rho \mathcal{D}_{AB} \frac{\partial^2 w_A}{\partial y^2} + r_A \quad (3.4)$$

donde v_e es la velocidad en el límite externo de la capa límite de velocidad, T_∞ es la temperatura en el límite externo de la capa límite térmica y $w_{A\infty}$ es la concentración másica en el límite externo de la capa límite difusional. Los términos de flotación en la ec.(3.2) provienen del efecto térmico y del de concentración. En la ec.(3.3) se incluye el término de fuente de calor por reacción química. Las ecs.3.1-3.4 pueden ser integrados para dar Ecs. continuidad+movimiento:

$$\begin{aligned} \mu \frac{du_x}{dy} \Big|_{y=0} &= \frac{d}{dx} \int_0^\infty \rho v_x (v_e - v_x) dy + \frac{dv_e}{dx} \int_0^\infty \rho (v_e - u_x) dy + \rho v_o v_e + \\ &\quad - \int_0^\infty \rho g_x \beta (T - T_\infty) dy - \int_0^\infty \rho g_x \bar{\zeta} (w_A - w_{A\infty}) dy \end{aligned} \quad (3.5)$$

Ecs. continuidad+energía:

$$k \frac{dT}{dy} \Big|_{y=0} = \frac{d}{dx} \int_0^\infty \rho v_x \bar{C}_p (T_\infty - T) dy - \int_0^\infty \left(\frac{\bar{H}_A}{M_A} - \frac{\bar{H}_B}{M_B} \right) r_A dy - \rho v_\infty \bar{C}_p (T_\infty - T_0) \quad (3.6)$$

Ecs. continuidad+continuidad de A:

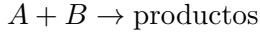
$$\rho \mathcal{D}_{AB} \frac{dw_A}{dy} \Big|_{y=0} = \frac{d}{dx} \int_0^\infty \rho u_x (w_{A\infty} - w_A) dy + \int_0^\infty r_A dy - \rho v_0 (w_{A\infty} - w_{A0}) \quad (3.7)$$

Estas ecuaciones son extensiones de los balances de von Kármán y de la integral de momentum expuestas en el libro 1, Cap. 5.

3.2. Convección forzada con...

3.2.1. Flujo Turbulento con Reacción de Segundo Orden. Mezclado Turbulento

Considerar dos casos en los que existen dos solutos A y B disueltos en un solvente S . En el primer caso no existe reacción, y en el segundo caso se produce la reacción:



En ambos casos se estudia el mezclado turbulento en dos sistemas: mezclador estático (a) y dinámico (b).

Figura 3.1: Mezclador estático (a) y mezclador dinámico (b)

El comportamiento de los solutos A y B se describe por medio de las siguientes ecuaciones de difusión:

$$\begin{aligned}\frac{\partial C_A}{\partial t} + \underline{v} \cdot \nabla C_A &= \mathcal{D}_{AS} \nabla^2 C_A + R_A \\ \frac{\partial C_B}{\partial t} + \underline{v} \cdot \nabla C_B &= \mathcal{D}_{BS} \nabla^2 C_B + R_B\end{aligned}\tag{3.8}$$

Condiciones de frontera:

$$\begin{aligned}C_A &= C_{A0}, \quad C_B = 0 \quad \text{para } z = 0, t = 0 \\ C_B &= C_{B0}, \quad C_A = 0 \quad \text{para } z = 0, t = 0\end{aligned}\tag{3.9}$$

Sin Reacción

Definiendo:

$$\Gamma = \frac{C_{A0} - C_A}{C_{A0}} = \frac{C_B}{C_{B0}}\tag{3.10}$$

Las ecuaciones 3.8 se reducen a:

$$\frac{\partial \Gamma}{\partial t} + v \cdot \nabla \Gamma = D_{is} \nabla^2 \Gamma\tag{3.11}$$

En las entradas (1) y (2):

$$\Gamma_1 = 0, \quad \Gamma_2 = 1$$

En flujo turbulento se propone que:

$$\Gamma = \bar{\Gamma} + \Gamma' \quad (3.12)$$

donde:

$$\bar{\Gamma} = \frac{C_{A0} - \bar{C}_A}{C_{A0}} = \frac{\bar{C}_B}{C_{B0}} \quad (3.13)$$

y Γ' (grado de ausencia de mezclado). Restando $\Gamma - \bar{\Gamma}$ y efectuando el cuadrático medio:

$$\left(\frac{C_A}{C_{A0}} \right)^2 - \left(\frac{\bar{C}_B}{C_{B0}} \right)^2 = d^2 \quad (3.14)$$

En donde d^2 es la función de decaimiento que tiende a cero a distancias z grandes o tiempos largos.

La administración de la función de decaimiento indica su dependencia funcional. Definiendo la longitud y velocidades características l_0 y v_0 , obtuvimos:

$$\frac{\partial \Gamma}{\partial t} + v_b \hat{\nabla} \Gamma = \frac{1}{ReSc} \hat{\nabla}^2 \Gamma \quad (3.15)$$

donde

$$\hat{t} = \frac{v_0 t}{l_0}, \quad \hat{v} = \frac{v}{v_0}, \quad \hat{\nabla} = l_0 \nabla, \quad Re = \frac{l_0 v_0}{\mu} \rho \quad (3.16)$$

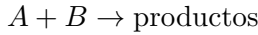
En el caso de tanques de mezclado, l_0 es el diámetro del impulsor, $v_0 = l_0 N$ (N es la velocidad angular). En el caso del mezclado de dos corrientes de tubos concéntricos (HACER REFERENCIA AL DIAGRAMA DE ABAJO - FIG.3.9), la función de decaimiento resultante se grafica en función de la distancia axial. El mezclado a nivel molecular (micomezclado) se alcanza AQUÍ VA OTRO DIAGRAMA 3.9

En procesos industriales, normalmente $ReSc \sim 10^9$, por lo que la ecuación 3.15 se reduce a:

$$\frac{\partial \Gamma}{\partial t} + v_0 \hat{\nabla} \Gamma = 0 \quad (3.17)$$

Por lo que el grado de mezclado depende de \hat{t} y no de $ReSc$. Como $\hat{t} = Nt_{mix}$, el producto del tiempo de mezclado t_{mix} por la velocidad angular es constante, independiente de Re , o sea, $Nt_{mix} = K$, donde K depende de la geometría solamente.

Con Reacción



Definiendo

$$\Gamma_r = \frac{C_{A0} - (C_A - C_B)}{C_{A0} + C_{B0}} \quad (3.18)$$

Por la resta de las ecuaciones 3.8, la descripción del caso con reacción es la misma. Por ello:

$$\left[\frac{C_{A0} - (C_A - C_B)}{C_{A0} + C_{B0}} \right]_{\text{reac.}} = \left[\frac{C_{A0} - C_A}{C_{A0}} \cdot \frac{C_B}{C_{B0}} \right]_{\text{sin reac.}} \quad (3.19)$$

que tambien es válida para las fluctuaciones.

$$\left[\frac{C'_A - C'_B}{C_{A0} + C_{B0}} \right]_{\text{reac.}} = \left[\frac{C'_A}{C_{A0}} \right]_{\text{sin reac.}} \quad (3.20)$$

Esta ecuación sugiere que las fluctuaciones en C_A y C_B en problemas con reacción tienen lugar al mismo tiempo y escalas de distancia que los problemas sin reacción. Los casos particulares son:

a) Reacción rápida: La velocidad de la reacción es controlada por difusión de las especies. Durante la escala del micromezclado, en la que la difusión es lenta en comparación con la convección, el efecto de la reacción es pequeño. En este caso tenemos:

$$\left(\frac{C'_A}{C_{A0}} \right)_{\text{reac.}} = \left(\frac{C'_A}{C_{A0}} \right)_{\text{sin reac.}} \quad (3.21)$$

En la práctica, las reacciones rápidas son empleadas para determinar la eficiencia de los mezclados.

b) Reacciones lentas: Considerar el caso de reacciones de segundo orden irreversibles.

$$R_A = -k_2 C_A C_B \quad (3.22)$$

Promediando en el tiempo:

$$R_A = -k(\bar{C}_A\bar{C}_B + C'_AC'_B) \quad (3.23)$$

Esto indica que las fluctuaciones en C_A y C_B incrementan la velocidad de reacción. Por medio de un análisis de órdenes de magnitud, tenemos:

$$t_A = \frac{C_{A0}}{R_A} \sim \frac{1}{k_2 C_{B0}} \quad (3.24)$$

Para una reacción rápida $t_{mix} \gg t_A$

Para una reacción lenta $t_{mix} \ll t_A$

Apéndice A

a) Transferencia de masa lenta en una placa plana. Uso de la ecuación **HACER REFERENCIA A LA ECUACIÓN 3.46**

Estimación de la velocidad de evaporación, u_{A0} , como función de Sc , del secado de una placa plana porosa saturada de agua **HACER REFERENCIA A LA FIGURA 3.2** por medio de una corriente de aire bajo condiciones tal que $W_{A0} = 0.05$, $W_{A\infty} = 0.01$ y $Sc = 0.6$.

La ecuación **HACER REFERENCIA A LA ECUACIÓN 3.46** es:

$$\frac{j_{A0}}{\rho v_o(W_{A0} - W_{A\infty})} Sc^{2/3} = 0.332 \sqrt{\frac{\nu}{v_{\infty} x}}$$

Por medio de las ecuaciones **EC 1.24 Y 1.26**: