

**REGRESIÓN**

MODELO TEÓRICO	MODELO ESTADÍSTICO	MODELO ESTIMADO
$E(Y/x) = \mu_{Y/x} = \alpha + \beta x$ $E(Y/x)$ : valor esperado de Y para un valor fijo de x. $\alpha$ y $\beta$ parámetros poblacionales $\alpha$ :ordenada al origen poblacional $\beta$ : Pendiente poblacional	$Y = \alpha + \beta x + e$ $Y$ : variable respuesta $e$ : error aleatorio	$\hat{Y} = a + b x$ $\hat{y}$ : valor estimado de la variable respuesta Y  $a$ y $b$ son los estimadores de los parámetros $\alpha$ y $\beta$

$$b = \frac{S_{xy}}{S_{xx}} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2} = \frac{\left( \sum x_i y_i - \frac{\sum x_i \sum y_i}{n} \right)}{\left( \sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n} \right)}$$

$$a = \bar{y} - b \bar{x}$$

**ESTADÍSTICA**

PARAMETROS A ESTIMAR	VARIABLE A UTILIZAR	LIMITES DEL INTERVALO
$\mu_{Y/x}$	$t_{n-2} = \frac{\hat{y} - \mu_{Y/x}}{S_y}$	$\hat{y} \pm t_{(n-2; 1-\alpha/2)} S_y$
$\beta$	$t_{n-2} = \frac{b - \beta}{S_b}$	$b \pm t_{(n-2; 1-\alpha/2)} S_b$
$\alpha$	$t_{n-2} = \frac{a - \alpha}{S_a}$	$a \pm t_{(n-2; 1-\alpha/2)} S_a$
$\rho$	$t_{n-2} = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$	Se hace una transformación

## ESTADÍSTICA

VARIANZA	FORMULA TEÓRICA	FORMULA DE TRABAJO
$S^2_e$	$= \frac{1}{n-2} \left[ \sum (y_i - \bar{y})^2 - b \sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) \right]$	$= \frac{1}{n-2} \left[ \sum y_i^2 - \frac{(\sum y_i)^2}{n} - b \left( \sum x_i y_i - \frac{\sum x_i \sum y_i}{n} \right) \right]$
	$= \frac{1}{n-2} \left[ \sum (y_i - \bar{y})^2 - b^2 \sum (x_i - \bar{x})^2 \right]$	$= \frac{1}{n-2} \left[ \sum y_i^2 - \frac{(\sum y_i)^2}{n} - b^2 \left( \sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n} \right) \right]$
$S^2_b$	$= \frac{S^2_e}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$	$= \frac{S^2_e}{\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n}}$
$S^2_a$	$= S^2_e \left( \frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{\sum (x_i - \bar{x})^2} \right)$	$= S^2_e \left( \frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n}} \right)$
$S^2_y$	$= S^2_e \left( \frac{1}{n} + \frac{(x_0 - \bar{x})^2}{\sum (x_i - \bar{x})^2} \right)$	$= S^2_e \left( \frac{1}{n} + \frac{(x_0 - \bar{x})^2}{\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n}} \right)$

**COEFICIENTES**

REGRESIÓN	FORMULA TEÓRICA	FORMULA DE TRABAJO
<b>b</b>	$= \frac{S_{xy}}{S_{xx}} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum (x_i - \bar{x})^2}$	$= \frac{\left( \sum x_i y_i - \frac{\sum x_i \sum y_i}{n} \right)}{\left( \sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n} \right)}$
<b>R<sup>2</sup></b> <b>Coeficiente de</b> <b>Determinación</b>	$= 1 - \frac{SC_e}{S_{yy}} = 1 - \frac{\sum (y_i - \hat{y}_i)^2}{\sum (y_i - \bar{y})^2}$	$= b^2 \frac{\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n}}{\sum y_i^2 - \frac{(\sum y_i)^2}{n}} \quad \text{ó}$ $= b \frac{\sum x_i y_i - \frac{\sum x_i \sum y_i}{n}}{\sum y_i^2 - \frac{(\sum y_i)^2}{n}}$
<b>r</b> <b>Coeficiente de</b> <b>Correlación</b>	$= \frac{S_{xy}}{\sqrt{S_{xx}} \sqrt{S_{yy}}} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum (y_i - \bar{y})^2}}$	$= \frac{\left( \sum x_i y_i - \frac{\sum x_i \sum y_i}{n} \right)}{\sqrt{\left( \sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n} \right)} \sqrt{\left( \sum y_i^2 - \frac{(\sum y_i)^2}{n} \right)}}$