

Christophe Rodrigues



DataScience & IA

Plan du cours

- IA et Deep Learning, une révolution?
- Rappels et relations entre les algorithmes déjà abordés
- Problèmes de satisfaction de contraintes (CSP)

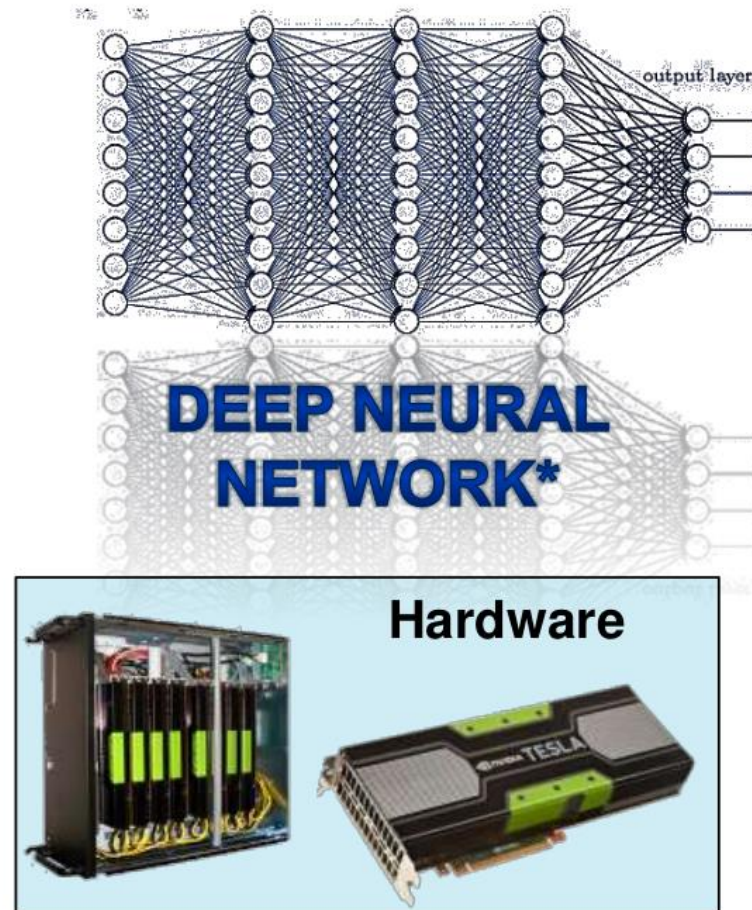
Turc mécanique

- Automate capable de jouer aux échecs et de gagner contre des joueurs humains
- présenté pour la première fois en 1770.
- — Superbe IA
- Superbe Escroquerie



Deep Learning

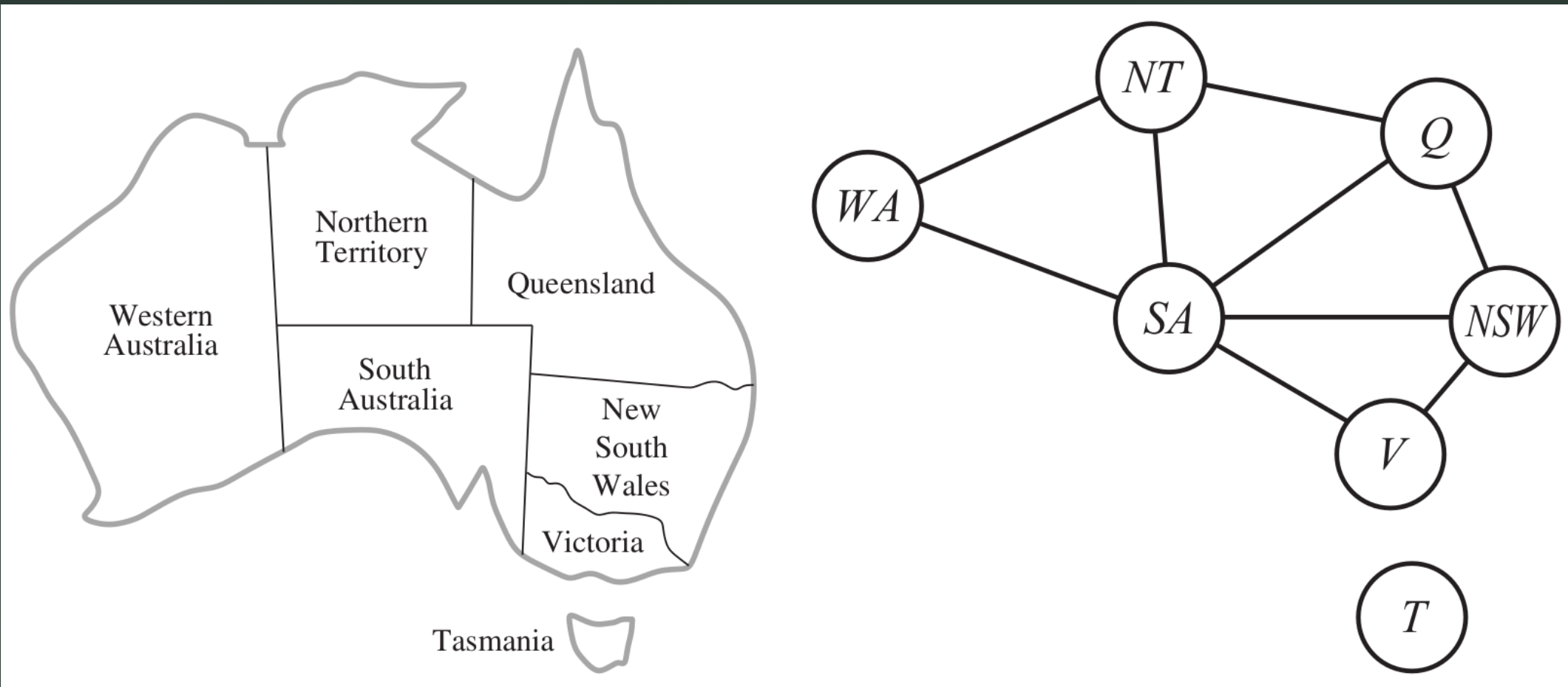
- Success of Deep Learning techniques attributable to concurrence of big data sets, scalable hardware, and high-level software



Rappels et relations entre méthodes abordées

- Algorithmes évolutionnaires (ou génétiques)
- Découverte de règles d'association (pattern mining)
- A^*
- Problèmes de satisfaction de contraintes

- Problèmes de satisfaction de contraintes CSP par l'exemple: 3 couleurs possibles, aucun voisin ne doit avoir la même



Définitions

- X un ensemble de variables : $\{X_1, \dots, X_n\}$
- D un ensemble de domaines : $\{D_1, \dots, D_n\}$ (un pour chaque variable X)
 - Avec $D_i = \{v_1, \dots, v_n\}$ pour X_i
- C un ensemble de contraintes spécifiant des combinaisons de valeurs. Chaque contrainte C_i est une paire: $\langle \text{porté}, \text{relation} \rangle$
 - Avec porté un tuple de variables participant à la contrainte C_i
 - Avec relation définissant les valeurs possibles de ces variables

Définitions

- Une relation peut être définie de deux façons, par extension et par intension:
- Exemple: soit les variables $X1$ et $X2$ ayant le même domaine $\{A,B\}$, la contrainte imposant qu'elles soient différentes devient alors:
 - Par extension:
 $\langle (X1,X2), [(A,B),(B,A)] \rangle$
 - Par intension:
 $\langle (X1,X2), X1 \neq X2 \rangle$

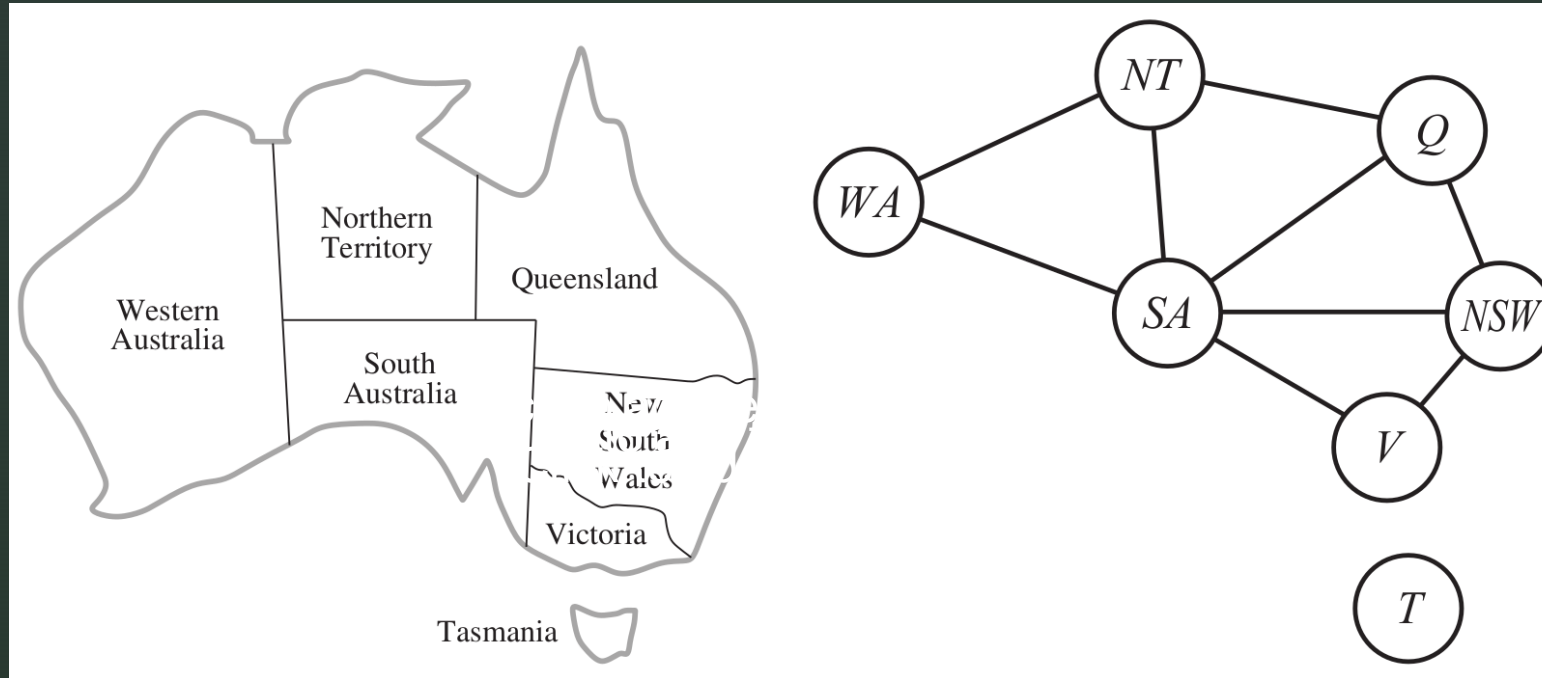
Définitions

- Afin de résoudre un CSP, il est nécessaire d'affecter des valeurs aux variables en respectant les contraintes.
- Une affectation qui ne viole aucune contrainte est dite cohérente.
- Une affectation est dite complète si chaque variable est affectée.
- La solution d'un CSP est une affectation cohérente et complète.

Différents types de contraintes

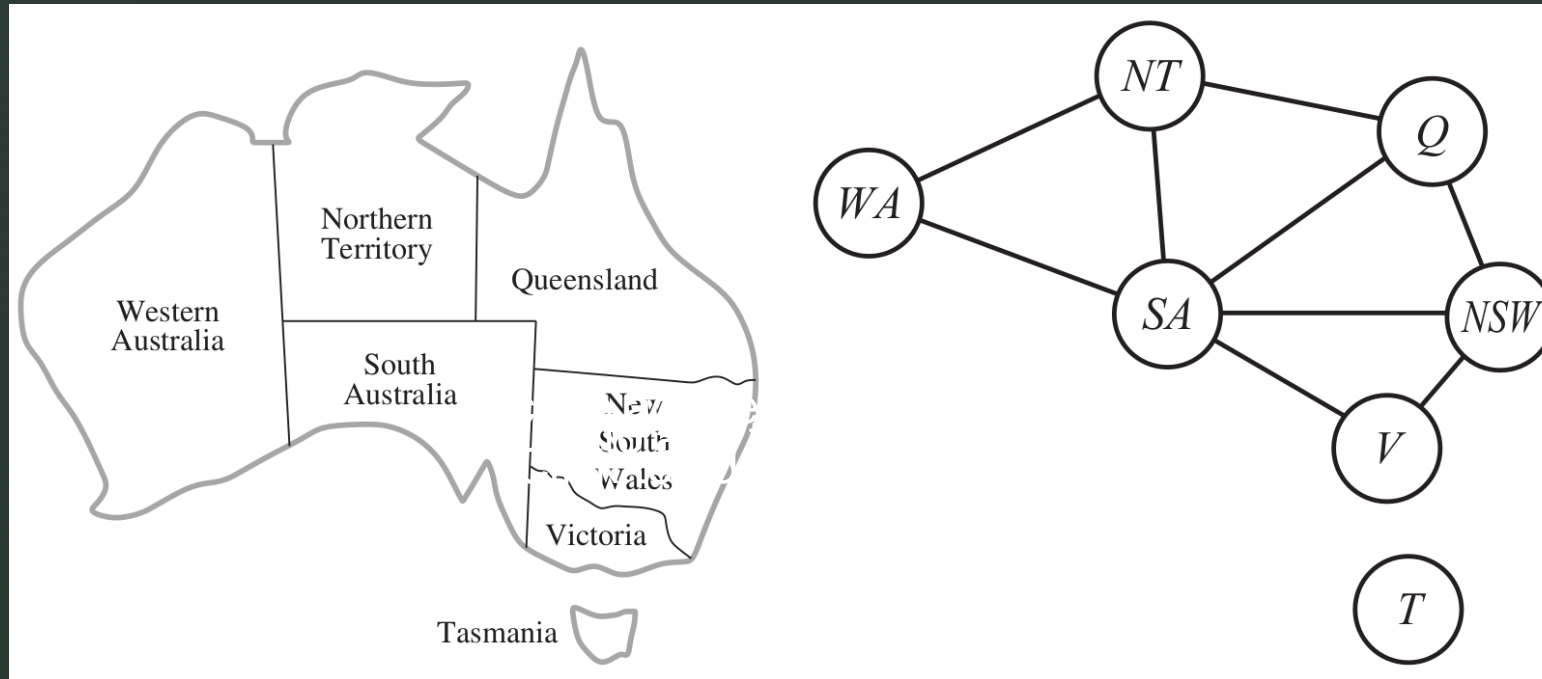
- Contrainte Unaire : contrainte sur une seule variable
 - Exemple : $\langle (SA), SA \neq \text{vert} \rangle$
- Contrainte Binaire : contrainte sur deux variables
 - Exemple : $SA \neq NSW$
- Contrainte Ternaire :
 - Exemple : $\text{entre}(X, Y, Z)$
- Contrainte Globale (avec un nombre arbitraire de variables):
 - Exemple: $\text{tousDifférents}(SA, WA, NT, Q, NSW, V)$

Retour à l'exemple (3 couleurs possibles)



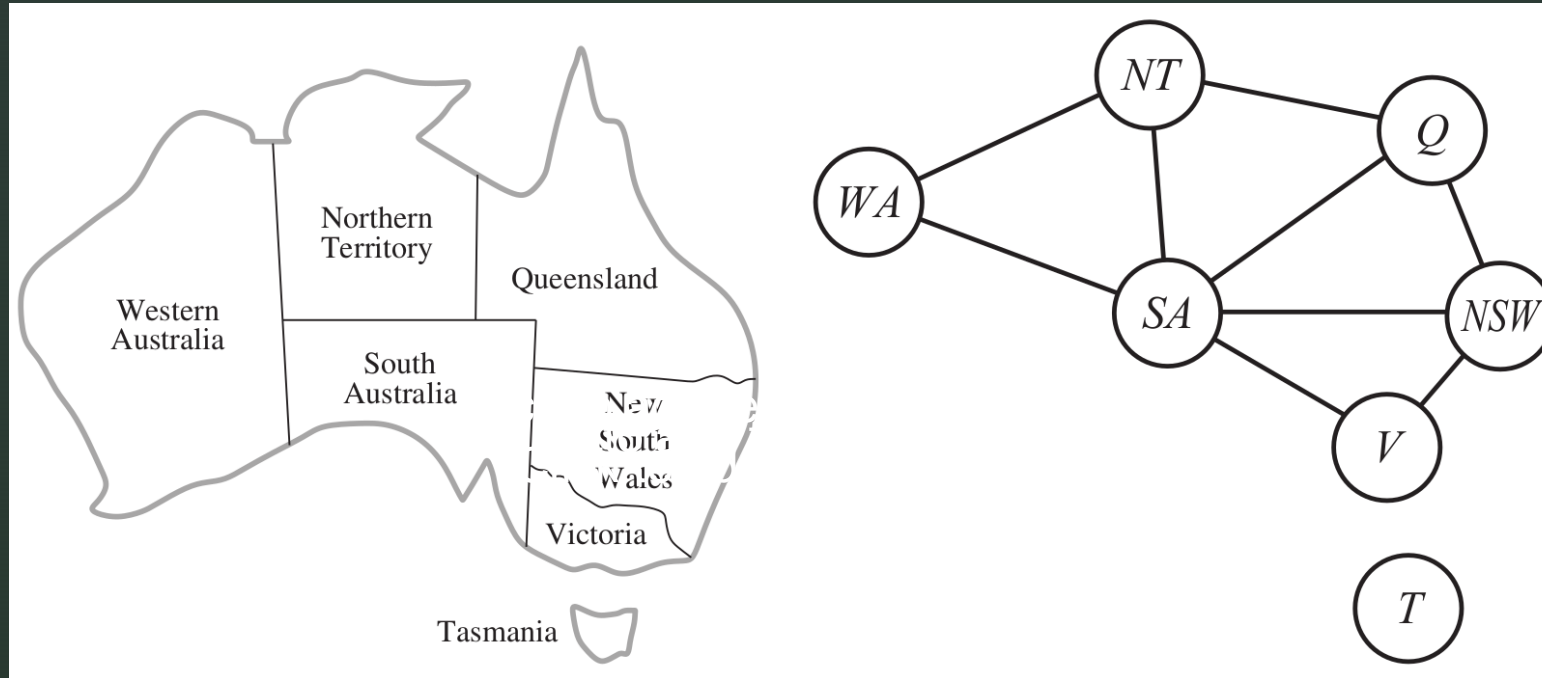
$X=?$, $D=?$

Retour à l'exemple



$$X = \{WA, NT, Q, NSW, V, SA, T\}$$

Retour à l'exemple



$X = \{WA, NT, Q, NSW, V, SA, T\}$

$D = \{\text{rouge, vert, bleu}\}$

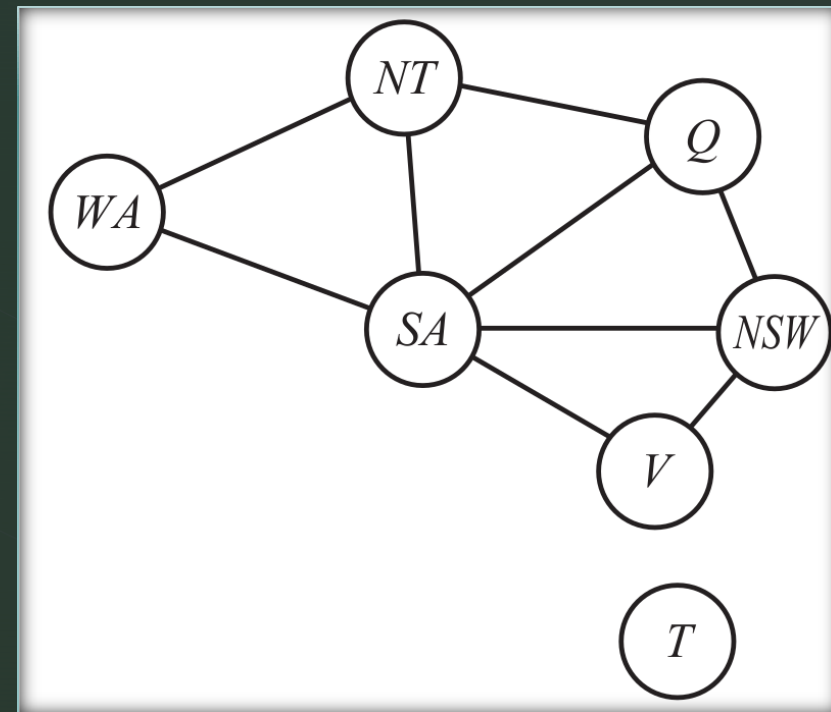
$C = \{SA \neq WA, SA \neq NT, SA \neq Q, SA \neq NSW, SA \neq V, WA \neq NT, NT \neq Q, Q \neq NSW, NSW \neq V\}$

Pourquoi formuler un problème sous forme d'un CSP?

- 1) Représentation naturelle/direct pour beaucoup de problèmes
 - Exemple: le problème des 8 reines déjà abordé
 - Pas besoin de développer une solution ad hoc, il suffit de formaliser les variables et contraintes et de demander au solveur de trouver une solution.
- 2) L'élagage du CSP peut le rendre plus puissant qu'une méthode cherchant dans l'espace d'états car il est possible d'éliminer rapidement de larges fractions de l'espace

Exemple d'élagage par CSP

- Une fois $\{SA = \text{bleu}\}$ fixé au sait qu'aucun des voisins ne peut prendre la couleur bleu.
- Sans prise en compte de cette information il y a: $3^5 = 243$ affectations possibles pour les 5 voisins de SA
- Avec prise en compte de cette information il n'y a plus que $2^5=32$ possibilités!
- SOIT UNE REDUCTION DE 87% DE L'ESPACE DE RECHERCHE

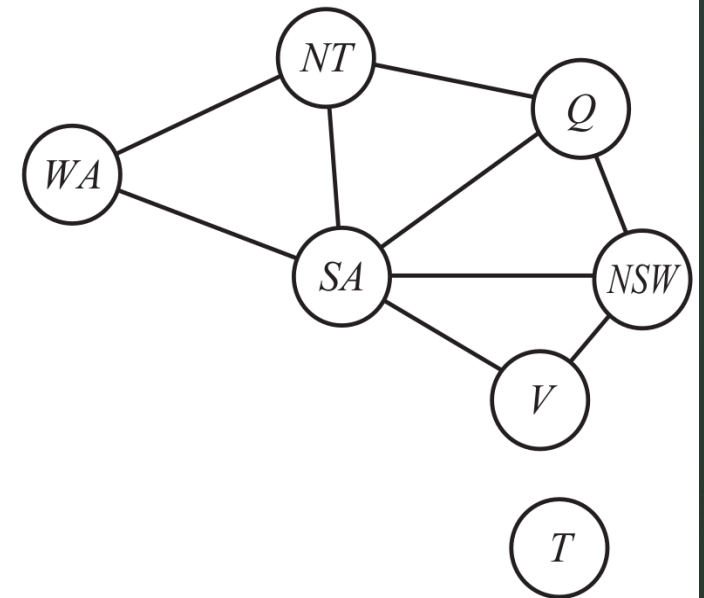
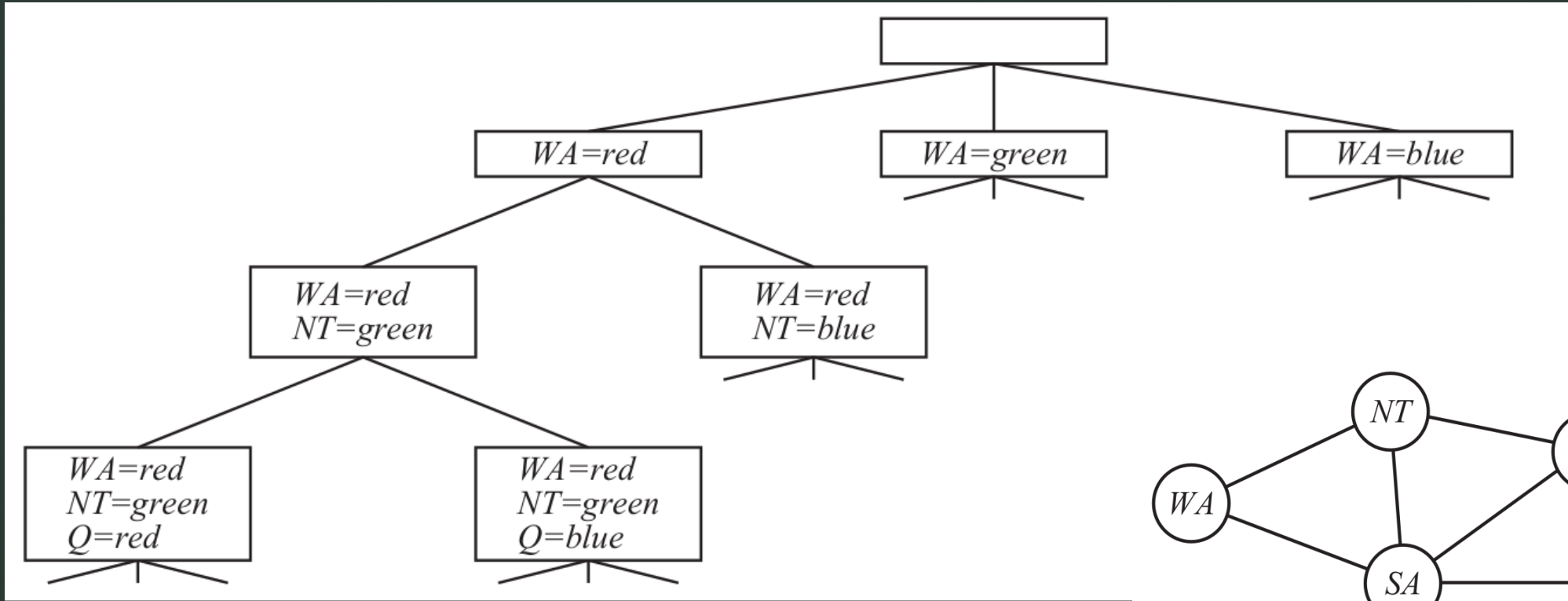


Backtracking Search (parcours en profondeur)

```
function BACKTRACKING-SEARCH(csp) returns a solution, or failure  
  return BACKTRACK({ }, csp)
```

```
function BACKTRACK(assignment, csp) returns a solution, or failure  
  if assignment is complete then return assignment  
  var  $\leftarrow$  SELECT-UNASSIGNED-VARIABLE(csp)  
  for each value in ORDER-DOMAIN-VALUES(var, assignment, csp) do  
    if value is consistent with assignment then  
      add {var = value} to assignment  
      inferences  $\leftarrow$  INFERENCE(csp, var, value)  
      if inferences  $\neq$  failure then  
        add inferences to assignment  
        result  $\leftarrow$  BACKTRACK(assignment, csp)  
        if result  $\neq$  failure then  
          return result  
      remove {var = value} and inferences from assignment  
  return failure
```


Exemple de parcours par Backtrack

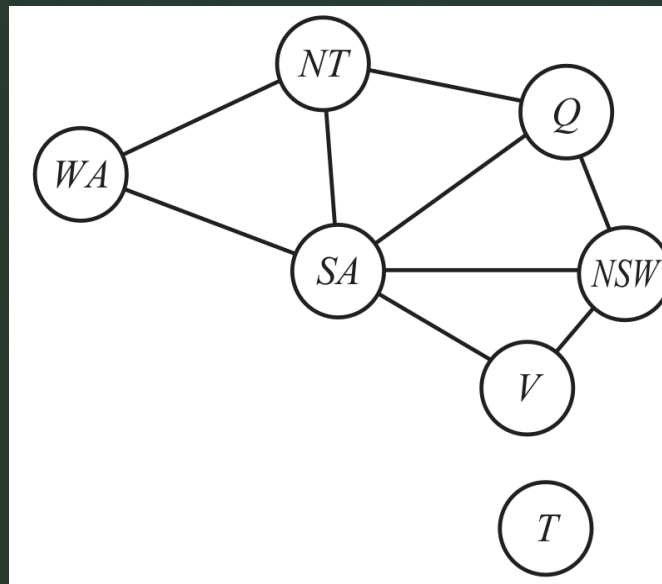


Heuristiques possibles

- L'ordre dans lequel les variables sont choisies influence la recherche:
- MRV : Minimum Remaining values : on privilégiera la variable avec le moins de valeurs possibles restantes
- Degré : on privilégiera la variable impliquée dans le plus de contraintes
- Valeurs moins contraintes : on choisira une valeur laissant plus de possibilités pour les variables suivantes

Forward Checking

	<i>WA</i>	<i>NT</i>	<i>Q</i>	<i>NSW</i>	<i>V</i>	<i>SA</i>	<i>T</i>
Initial domains	R G B	R G B	R G B	R G B	R G B	R G B	R G B
After <i>WA=red</i>	Ⓐ	G B	R G B	R G B	R G B	G B	R G B
After <i>Q=green</i>	Ⓐ	B	Ⓒ	R B	R G B	B	R G B
After <i>V=blue</i>	Ⓐ	B	Ⓒ	R	Ⓑ		R G B



Min-Conflicts

function MIN-CONFLICTS(*csp*, *max_steps*) **returns** a solution or failure

inputs: *csp*, a constraint satisfaction problem

max_steps, the number of steps allowed before giving up

current \leftarrow an initial complete assignment for *csp*

for $i = 1$ to *max_steps* **do**

if *current* is a solution for *csp* **then return** *current*

var \leftarrow a randomly chosen conflicted variable from *csp*.VARIABLES

value \leftarrow the value *v* for *var* that minimizes CONFLICTS(*var*, *v*, *current*, *csp*)

 set *var* = *value* in *current*

return *failure*

Exemple du nombre d'itérations par méthode

	Backtracking	Forward Checking	Min Conflicts
100-reines	40 000 000	40 000 000	4 000
états USA	1 000 000	2 000	64