# Projet Modèles Linéaires et ses Généralisations

Ismaël Bendib – Paul Caillere – Adrien Passuello – Axel Sauvaget 2022 - 2023

## Contents

Partie I - Analyse empirique descriptive des données	2
Partie II - Sélection et validation du modèle, étude d'outliers, interprétation de l'effet des covariables sur la variable d'intérêt	5
Partie III - Prédiction de la variable d'intérêt et évaluation du modèle sur les données	12
Erreur quadratique moyenne (MSE) :	12
Prédiction et tables de confusion :	13
ROC (Receiver Operating Characteristic) :	19
AUC (area under the curve) :	24
Conclusion:	<b>2</b> 5
Critiques:	25

#### Importation des packages

```
library(MASS); library(knitr); library(ggplot2); library(cowplot); library(reshape2)
library(dplyr); library(GGally); library(corrplot); library(questionr); library(multcomp)
library(TeachingDemos); library(leaps); library(dplyr); library(ROCR); library(DAAG)
library(car)
```

## Partie I - Analyse empirique descriptive des données

```
train <- read.csv(file="diabetes_train.csv", header=TRUE)
test <- read.csv(file="diabetes_test.csv", header=TRUE)
str(train)</pre>
```

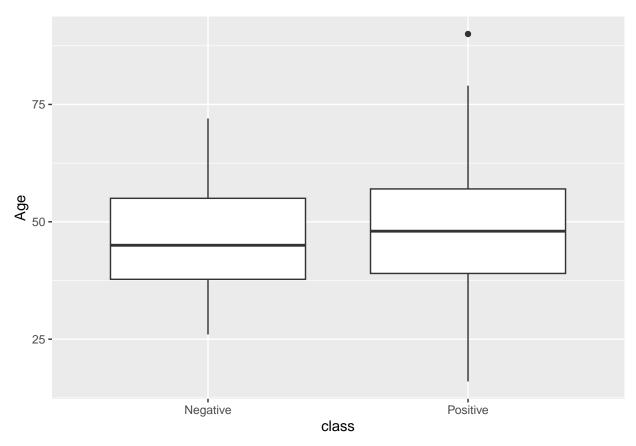
#### Importation des données

```
## 'data.frame': 416 obs. of 17 variables:
                   : int 40 58 53 46 63 38 25 38 54 66 ...
## $ Age
                     : chr "Female" "Female" "Male" "Male" ...
## $ Gender
## $ Polyuria
                     : chr "Yes" "Yes" "No" "No" ...
## $ Polydipsia : chr "Yes" "No" "No" "No" ...
## $ sudden.weight.loss: chr "Yes" "Yes" "No" "No" ...
## $ weakness : chr "Yes" "No" "Yes" "Yes" ...
## $ Polyphagia : chr "No" "Yes" "Yes" "No" ...
## $ Genital.thrush : chr "No" "No" "No" "No" ...
## $ visual.blurring : chr "Yes" "No" "Yes" "No" ...
## $ Itching : chr "Yes" "No" "Yes" "Yes" ...
## $ Irritability : chr "No" "Yes" "No" "No" ...
## $ delayed.healing : chr "No" "No" "Yes" "Yes" ...
## $ partial.paresis : chr "Yes" "No" "Yes" "No" ...
## $ muscle.stiffness : chr "Yes" "Yes" "Yes" "No" ...
## $ Alopecia : chr "No" "No" "Yes" "Yes" ...
## $ Obesity
                      : chr "No" "Yes" "No" "No" ...
                      : chr "Positive" "Positive" "Negative" "Negative" ...
## $ class
```

On cherche à expliquer le facteur class. Pour pouvoir l'utiliser dans un modèle linéaire généralisé (glm), il faut d'abord convertir les valeurs du facteur class en 0 (Negative) et 1 (Positive).

Mais avant cela, faisons un boxplot entre class et Age pour voir s'il y a un potentiel lien entre l'âge des patients et le diagnotic.

```
ggplot(train, aes(x=class,y=Age)) + geom_boxplot()
```



D'après ces deux boxplots, il ne semble pas y avoir de lien entre l'âge des individus et leur diagnostic.

Convertissons désormais les valeurs des tableaux de données train et test :

```
train$class<-train$class=='Positive'
test$class<-test$class=='Positive'
train$class<-as.numeric(train$class)
test$class<-as.numeric(test$class)</pre>
```

Maintenant dans les deux DataFrames, pour la variable réponse class, 1 correspond à Positive et 0 à Negative.

De la même façon, on convertit le facteur Gender: 0 pour les femmes, 1 pour les hommes.

```
train$Gender<-train$Gender=='Male'
test$Gender<-test$Gender=='Male'
train$Gender<-as.numeric(train$Gender)
test$Gender<-as.numeric(test$Gender)</pre>
```

Enfin, on transforme toutes les autres variables 'Yes' ou 'No' par des 1 ou 0 pour pouvoir faire une analyse empirique.

```
for(i in 1:ncol(train)){
    train[,i][train[,i] == "Yes"] <- 1
    train[, i][train[, i] == "No"] <- 0
    train[,i] <- as.numeric(train[, i])
    test[,i][test[,i] == "Yes"] <- 1</pre>
```

```
test[, i][test[, i] == "No"] <- 0
test[,i] <- as.numeric(test[, i])
}</pre>
```

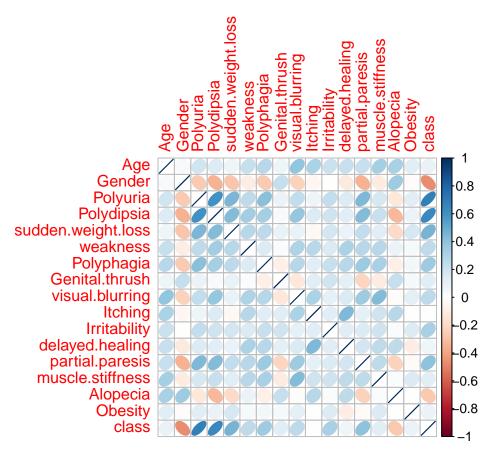
Voici le résumé des variables du nouveau tableau de données train :

```
str(train)
```

```
## 'data.frame': 416 obs. of 17 variables:
## $ Age
                      : num 40 58 53 46 63 38 25 38 54 66 ...
## $ Gender
                      : num 0 0 1 1 1 0 0 1 1 1 ...
## $ Polyuria
                     : num 1 1 0 0 1 1 0 0 1 0 ...
## $ Polydipsia
                     : num 1 0 0 0 1 1 0 0 1 0 ...
## $ sudden.weight.loss: num 1 1 0 0 1 1 0 0 1 0 ...
## $ weakness : num 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 ...
## $ Polyphagia
                     : num 0 1 1 0 1 1 1 0 0 0 ...
## $ Genital.thrush : num 0 0 0 0 0 0 0 0 1 ...
## $ visual.blurring : num 1 0 1 0 1 1 1 0 1 1 ...
                      : num 1 0 1 1 0 1 0 0 1 0 ...
## $ Itching
## $ Itching : num 1 0 1 1 0 1 0 0 1 0 ...
## $ Irritability : num 0 1 0 0 0 1 0 0 1 1 ...
## $ delayed.healing : num 0 0 1 1 0 1 0 0 1 1 ...
## $ partial.paresis : num 1 0 1 0 0 1 0 0 1 1 ...
## $ muscle.stiffness : num 1 1 1 0 1 1 0 0 1 1 ...
## $ Alopecia : num 0 0 1 1 1 0 1 0 0 1 ...
## $ Obesity
                     : num 0 1 0 0 1 0 0 0 0 0 ...
## $ class
                      : num 1 1 0 0 1 1 1 0 1 1 ...
```

Analyse des corrélations : On va analyser la corrélation entre les variables :

```
corrplot(round(cor(train),2),method="ellipse")
```



D'après cette matrice de corrélation entre les variables, les facteurs Polyuria et Polydipsia semblent fortement corrélés entre-eux et avec class. De même, le genre (Gender) semble aussi négativement corrélé avec la variable réponse class.

# Partie II - Sélection et validation du modèle, étude d'outliers, interprétation de l'effet des covariables sur la variable d'intérêt

Puisque la variable réponse class ne prend que 2 valeurs possibles (0 et 1), notre modèle sera une régression logistique.

Créons un premier modèle (complet) qui prend en compte toutes les variables pour expliquer class :

```
mod_complet <- glm(class~., data=train, family='binomial')</pre>
coef(mod_complet)
          (Intercept)
##
                                       Age
                                                        Gender
                                                                          Polyuria
##
           3.99461050
                               -0.07875796
                                                   -4.84121687
                                                                        4.76541325
##
           Polydipsia sudden.weight.loss
                                                      weakness
                                                                        Polyphagia
           5.36546967
                               0.01930335
                                                                        0.83036637
##
                                                    0.94487831
##
       Genital.thrush
                          visual.blurring
                                                       Itching
                                                                      Irritability
           1.94700049
                               1.17218825
                                                   -3.08876953
                                                                        2.90473076
##
##
      delayed.healing
                          partial.paresis
                                             muscle.stiffness
                                                                          Alopecia
##
          -0.36838005
                               0.97379106
                                                   -0.76763308
                                                                        0.78715178
##
              Obesity
          -0.23132834
##
```

Ce modèle de régression logistique est de la forme :

$$\log\left(\frac{\widehat{p}}{1-\widehat{p}}\right) = 3.99461050 - 0.07875796 \times \texttt{Age} - 4.84121687 \times \mathbf{1}_{\texttt{Gender = Male}} + \dots - 0.23132834 \times \mathbf{1}_{\texttt{Obesity = Yes}}$$

#### summary(mod\_complet)

```
##
  glm(formula = class ~ ., family = "binomial", data = train)
##
## Deviance Residuals:
##
        Min
                         Median
                                        3Q
                   1Q
                                                 Max
## -2.69098
            -0.18946
                        0.00246
                                  0.04600
                                             2.67460
##
  Coefficients:
##
                      Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                       3.99461
                                  1.33470
                                             2.993 0.002764 **
                      -0.07876
                                  0.03130
                                           -2.517 0.011851 *
## Age
                      -4.84122
## Gender
                                  0.71345
                                           -6.786 1.16e-11 ***
## Polyuria
                       4.76541
                                  0.83447
                                             5.711 1.12e-08 ***
## Polydipsia
                       5.36547
                                  1.04592
                                             5.130 2.90e-07 ***
## sudden.weight.loss 0.01930
                                  0.61758
                                            0.031 0.975065
## weakness
                       0.94488
                                  0.60415
                                             1.564 0.117820
## Polyphagia
                       0.83037
                                  0.62553
                                             1.327 0.184357
## Genital.thrush
                       1.94700
                                  0.65961
                                            2.952 0.003160 **
## visual.blurring
                       1.17219
                                  0.77096
                                            1.520 0.128402
## Itching
                      -3.08877
                                  0.82797
                                            -3.731 0.000191 ***
## Irritability
                       2.90473
                                  0.73968
                                             3.927 8.60e-05 ***
                                           -0.580 0.561704
## delayed.healing
                      -0.36838
                                  0.63480
## partial.paresis
                       0.97379
                                  0.59743
                                             1.630 0.103106
## muscle.stiffness
                      -0.76763
                                  0.68223
                                            -1.125 0.260514
## Alopecia
                       0.78715
                                  0.75420
                                             1.044 0.296628
## Obesity
                      -0.23133
                                  0.64114
                                           -0.361 0.718245
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
##
       Null deviance: 554.34
                              on 415
                                      degrees of freedom
## Residual deviance: 129.10 on 399 degrees of freedom
  AIC: 163.1
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 8
```

D'après le summary, seules les variables Age, Gender, Polyuria, Polydipsia, Genital.thrush, Itching et Irritability sont significatives. C'est un résultat à prendre avec des pincettes, car le test effectué implementé pour chaque variable j est un test de Wald défini par :

$$\mathcal{H}_0$$
:  $\beta_j = 0$   $VS$   $\mathcal{H}_1$ :  $\beta_j \neq 0$ 

Donc sous  $\mathcal{H}_0$ , on a  $Z_j = \frac{\widehat{\beta}_j}{\widehat{\sigma}_i} \sim \mathcal{N}(0, 1)$ 

Il suffit donc simplement de comparer  $Z_j$  au quantile d'ordre 0,95 de la loi normale centrée réduite. Si  $|Z_j| > q_{0.95}^{\mathcal{N}(0,1)}$ , alors on est dans la zone de rejet de  $\mathcal{H}_0$ .

Cependant peut-être que les variables que l'on n'a pas retenues sont significatives lorsqu'elles sont associées à un découpage différent. De plus, lorsqu'on traite des variables qualitatives, il est préférable de tester si une variable est significative ou non plutôt que de réaliser une approche coefficient par coefficient.

On va maintenant enlever des variables par différentes méthodes. Pour cela, on va effectuer plusieurs test (anova, Anova, Backward, Forward, Both avec les critères AIC par exemple). Si l'on constate que des variables ne sont

retenues dans aucun des cas, alors on les enlèvera de notre modèle.

Méthode 1 - Forward On part du modèle réduit à l'intercept (mod0). On compare mod0 à tous les modèles contenant en plus 1 variable explicative. On choisit le meilleur modèle selon le critère. Puis, on ajoute 1 variable parmi les p-1 restantes (p=16) et on choisit le meilleur modèle selon le critère et on réitère ce procédé. On s'arrête quand ajouter une variable n'améliore pas le critère.

```
mod0<-glm(class~1, data=train, family='binomial')
modForw=step(mod0,class ~ Age + Gender + Polyuria + Polydipsia + sudden.weight.loss +
    weakness + Polyphagia + Genital.thrush + visual.blurring +
    Itching + Irritability + delayed.healing + partial.paresis +
    muscle.stiffness + Alopecia + Obesity,
    trace=F,direction = c('forward'))
modForw</pre>
```

```
##
## Call: glm(formula = class ~ Polyuria + Gender + Polydipsia + Irritability +
       Itching + Genital.thrush + Age + visual.blurring + weakness +
##
       partial.paresis, family = "binomial", data = train)
##
##
##
  Coefficients:
##
       (Intercept)
                           Polyuria
                                               Gender
                                                            Polydipsia
                            4.68151
##
           3.54966
                                             -4.70175
                                                                4.95154
##
      Irritability
                            Itching
                                       Genital.thrush
                                                                    Age
##
           2.72238
                           -2.90858
                                              1.99039
                                                               -0.06701
## visual.blurring
                           weakness partial.paresis
##
           1.19770
                            0.86489
                                              0.94325
##
## Degrees of Freedom: 415 Total (i.e. Null); 405 Residual
## Null Deviance:
                        554.3
## Residual Deviance: 133
                            AIC: 155
```

 ${
m Ici,\ le\ mod\`ele\ retenu\ est}$  : class  ${
m \~{
m Polyuria}}$  +  ${
m Genital.thrush}$  +  ${
m Age}$  +  ${
m visual.blurring}$  +  ${
m weakness}$  +  ${
m partial.paresis}$ 

**Méthode 2 - Backward** Même stratégie mais en partant du modèle complet et on enlève 1 à 1 les variables en comparant les modèles 2 à 2 selon un critère.

```
modBack=step(mod_complet,class~.,trace=F,direction = c('backward'))
modBack
```

```
## Call: glm(formula = class ~ Age + Gender + Polyuria + Polydipsia +
##
       weakness + Genital.thrush + visual.blurring + Itching + Irritability +
##
       partial.paresis, family = "binomial", data = train)
##
##
  Coefficients:
                                                               Polyuria
##
       (Intercept)
                                 Age
                                               Gender
                                                                4.68151
##
           3.54966
                           -0.06701
                                             -4.70175
##
        Polydipsia
                           weakness
                                       Genital.thrush visual.blurring
##
           4.95154
                             0.86489
                                              1.99039
                                                                1.19770
##
           Itching
                       Irritability partial.paresis
##
          -2.90858
                             2.72238
                                              0.94325
##
## Degrees of Freedom: 415 Total (i.e. Null); 405 Residual
## Null Deviance:
                        554.3
## Residual Deviance: 133
                             AIC: 155
```

Ici, le modèle retenu est le suivant : class Ãge + Gender + Polyuria + Polydipsia + weakness + Genital.thrush + visual.blurring + Itching + Irritability + partial.paresis

**Méthode 3 - Both** Mixte des 2 méthodes. On part de l'intercept et on ajoute/enlève les variables 1 à 1 et on compare selon le critère.

```
##
## Call: glm(formula = class ~ Polyuria + Gender + Polydipsia + Irritability +
       Itching + Genital.thrush + Age + visual.blurring + weakness +
##
##
       partial.paresis, family = "binomial", data = train)
##
  Coefficients:
##
##
       (Intercept)
                            Polyuria
                                               Gender
                                                             Polydipsia
                             4.68151
                                                                4.95154
##
           3.54966
                                             -4.70175
##
      Irritability
                             Itching
                                       Genital.thrush
                                                                    Age
##
           2.72238
                            -2.90858
                                              1.99039
                                                               -0.06701
## visual.blurring
                            weakness
                                      partial.paresis
##
           1.19770
                             0.86489
                                              0.94325
##
## Degrees of Freedom: 415 Total (i.e. Null); 405 Residual
## Null Deviance:
                        554.3
## Residual Deviance: 133
                            AIC: 155
```

Ici, le modèle retenu est : class Polyuria + Gender + Polydipsia + Irritability + Itching + Genital.thrush + Age + visual.blurring + weakness + partial.paresis

Étant donné que les trois méthodes nous amènent à sélectionner le même modèle et que les AIC sont les mêmes, on va sélectionner ce modèle et on va lui ajouter des interactions qui semblent être pertinentes comme entre Polyuria (importante quantité d'urine par jour) et Polydipsia (sensation de soif intense et permanente), l'Age et visual.blurring (vision floue) et surtout weakness (faiblesses) avec toutes les variables liées à des maladies en général.

```
mod<-glm(class ~ Gender + Irritability + Age*visual.blurring + (Polyuria * Polydipsia +
    Itching + Genital.thrush + visual.blurring +
    partial.paresis) * weakness, data=train, family='binomial')</pre>
```

## Warning: glm.fit: des probabilités ont été ajustées numériquement à 0 ou 1

```
summary(mod)
```

```
##
## Call:
## glm(formula = class ~ Gender + Irritability + Age * visual.blurring +
       (Polyuria * Polydipsia + Itching + Genital.thrush + visual.blurring +
           partial.paresis) * weakness, family = "binomial", data = train)
##
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                   1Q
                         Median
                                       3Q
                                                Max
## -2.71362 -0.05618
                        0.00000
                                  0.00015
                                            2.22928
##
## Coefficients:
##
                                  Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                                              1.65503
                                   2.01773
                                                       1.219 0.222788
## Gender
                                  -6.44539
                                              1.16900
                                                      -5.514 3.52e-08 ***
                                              1.17717
## Irritability
                                   5.03129
                                                        4.274 1.92e-05 ***
                                  -0.05057
                                              0.04355
                                                       -1.161 0.245528
## Age
## visual.blurring
                                  11.89188
                                              4.03528
                                                       2.947 0.003209 **
## Polyuria
                                  8.45340
                                              1.83470
                                                        4.608 4.08e-06 ***
## Polydipsia
                                              1.73888
                                                        3.273 0.001062 **
                                  5.69219
## Itching
                                  -3.32170
                                              1.48925
                                                       -2.230 0.025718 *
## Genital.thrush
                                  3.81861
                                              1.40347
                                                        2.721 0.006512 **
## partial.paresis
                                  -0.47311
                                              1.23866
                                                       -0.382 0.702495
## weakness
                                              1.40088
                                                       3.623 0.000291 ***
                                  5.07564
## Age:visual.blurring
                                  -0.14421
                                              0.06353 -2.270 0.023211 *
## Polyuria:Polydipsia
                                  13.57599 3636.28745
                                                       0.004 0.997021
## Polyuria:weakness
                                  -2.92999
                                              1.74611 -1.678 0.093346 .
## Polydipsia:weakness
                                  0.40188
                                              1.93536
                                                        0.208 0.835502
## Itching:weakness
                                  -2.75707
                                              1.82611 -1.510 0.131092
## Genital.thrush:weakness
                                  -3.23564
                                              1.64213 -1.970 0.048794 *
## visual.blurring:weakness
                                  -4.00812
                                              2.15330
                                                       -1.861 0.062690 .
## partial.paresis:weakness
                                   0.84096
                                              1.48105
                                                        0.568 0.570163
## Polyuria:Polydipsia:weakness
                                   0.94919 4069.92825
                                                        0.000 0.999814
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
       Null deviance: 554.34
                             on 415 degrees of freedom
## Residual deviance: 101.26 on 396 degrees of freedom
## AIC: 141.26
## Number of Fisher Scoring iterations: 20
```

On voit avec le summary qu'un bon nombre d'interactions qui semblaient être pertinentes, ne le sont finalement pas. Seules les interactions Genital.thrush:weakness, Age:visual.blurring et

visual.blurring:weakness semblent être significatives. L'Age ne semble pas être une variable significative (ce qui est logique d'après le boxplot de la partie I) mais son interaction avec visual.blurring l'est. On garde donc uniquement l'intéraction dans notre modèle. On peut également noter que la variable partial.paresis n'est pas significative.

```
mod1=glm(class ~ Gender + Irritability + Age:visual.blurring + Polyuria + Polydipsia +
    Itching + (Genital.thrush + visual.blurring) * weakness, data=train, family='binomial')
summary(mod1)
```

```
##
## Call:
  glm(formula = class ~ Gender + Irritability + Age:visual.blurring +
       Polyuria + Polydipsia + Itching + (Genital.thrush + visual.blurring) *
       weakness, family = "binomial", data = train)
##
##
## Deviance Residuals:
       Min
                   10
                         Median
                                       30
                                                Max
                        0.00066
## -2.10575 -0.09583
                                  0.02315
                                            2.48335
##
## Coefficients:
                            Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                                         0.5346
                                                  0.565 0.572316
                              0.3018
                             -5.6830
## Gender
                                         0.9857
                                                -5.766 8.13e-09 ***
## Irritability
                              3.8846
                                         0.8863
                                                  4.383 1.17e-05 ***
## Polyuria
                                                  5.984 2.18e-09 ***
                              6.5024
                                         1.0866
## Polydipsia
                              5.7427
                                         1.1071
                                                  5.187 2.13e-07 ***
## Itching
                             -4.8915
                                         1.1153 -4.386 1.15e-05 ***
## Genital.thrush
                              4.0094
                                         1.1031
                                                  3.635 0.000278 ***
## visual.blurring
                                         3.1840
                                                  4.301 1.70e-05 ***
                             13.6950
                              3.5983
                                                  3.265 0.001094 **
## weakness
                                         1.1020
## Age:visual.blurring
                                         0.0456
                                                -3.894 9.86e-05 ***
                             -0.1776
## Genital.thrush:weakness
                             -3.7983
                                         1.3957
                                                 -2.721 0.006501 **
## visual.blurring:weakness
                                         1.4246 -3.265 0.001096 **
                             -4.6505
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
       Null deviance: 554.34 on 415 degrees of freedom
##
## Residual deviance: 112.33 on 404 degrees of freedom
## AIC: 136.33
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 9
```

On a drastiquement réduit la déviance du modèle Residual deviance  $\operatorname{mod}$ \_complet = 129.10 Residual deviance  $\operatorname{modf} = 112.33$ 

```
anova(mod1, test = "LRT")

## Analysis of Deviance Table
##
## Model: binomial, link: logit
##
```

```
## Response: class
##
## Terms added sequentially (first to last)
##
##
##
                           Df Deviance Resid. Df Resid. Dev Pr(>Chi)
## NULL
                                            415 554.34
                                            414
## Gender
                            1 101.494
                                                    452.85 < 2.2e-16 ***
## Irritability
                            1
                                56.545
                                            413
                                                    396.30 5.493e-14 ***
## Polyuria
                            1
                              166.738
                                            412
                                                    229.57 < 2.2e-16 ***
## Polydipsia
                            1
                               50.766
                                            411
                                                    178.80 1.041e-12 ***
## Itching
                                25.789
                                            410
                                                    153.01 3.809e-07 ***
                            1
## Genital.thrush
                            1
                                6.422
                                            409
                                                    146.59 0.0112685 *
                                            408
                                                   144.74 0.1741659
## visual.blurring
                           1
                              1.847
## weakness
                                1.797
                                            407
                                                    142.95 0.1800515
                            1
## Age:visual.blurring
                            1
                                12.919
                                            406
                                                    130.03 0.0003252 ***
## Genital.thrush:weakness
                                            405
                                2.978
                                                    127.05 0.0844237 .
                            1
## visual.blurring:weakness 1
                               14.722
                                            404
                                                    112.33 0.0001246 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
library(car)
Anova(mod1, type = "III", test.statistic = "LR")
## Analysis of Deviance Table (Type III tests)
## Response: class
                           LR Chisq Df Pr(>Chisq)
## Gender
                             84.671 1 < 2.2e-16 ***
## Irritability
                             29.260 1 6.329e-08 ***
## Polyuria
                             97.912 1 < 2.2e-16 ***
## Polydipsia
                             62.262 1 3.007e-15 ***
## Itching
                             36.699 1 1.379e-09 ***
## Genital.thrush
                            18.124 1 2.070e-05 ***
## visual.blurring
                             27.674 1 1.436e-07 ***
## weakness
                            15.515 1 8.187e-05 ***
## Age:visual.blurring
                            18.794 1 1.456e-05 ***
## Genital.thrush:weakness
                            8.863 1 0.0029104 **
## visual.blurring:weakness
                             14.722 1 0.0001246 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
```

Enfin en réalisant un test anova de type I, on trouve que les variables visual.blurring et weakness ne sont pas significatives. Mais dans le test Anova de type III, celles-ci sont bien significatives, on va donc les conserver dans le modèle.

Voici donc le modèle final:

```
modf=glm(class ~ Gender + Irritability + Polyuria + Polydipsia +
    Itching + (Genital.thrush + visual.blurring) * weakness + Age:visual.blurring, data=train, family='
summary(modf)
```

```
## Call:
## glm(formula = class ~ Gender + Irritability + Polyuria + Polydipsia +
      Itching + (Genital.thrush + visual.blurring) * weakness +
      Age: visual.blurring, family = "binomial", data = train)
##
##
## Deviance Residuals:
                        Median
       Min 10
                                      30
                                               Max
## -2.10575 -0.09583 0.00066
                                 0.02315
                                           2.48335
##
## Coefficients:
                           Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                                0.565 0.572316
## (Intercept)
                             0.3018
                                        0.5346
## Gender
                            -5.6830
                                        0.9857 -5.766 8.13e-09 ***
## Irritability
                             3.8846
                                        0.8863 4.383 1.17e-05 ***
## Polyuria
                             6.5024
                                        1.0866 5.984 2.18e-09 ***
## Polydipsia
                             5.7427
                                        1.1071
                                                5.187 2.13e-07 ***
## Itching
                            -4.8915
                                        1.1153 -4.386 1.15e-05 ***
## Genital.thrush
                             4.0094
                                        1.1031
                                               3.635 0.000278 ***
## visual.blurring
                            13.6950
                                        3.1840
                                                4.301 1.70e-05 ***
## weakness
                             3.5983
                                        1.1020
                                                 3.265 0.001094 **
## Genital.thrush:weakness -3.7983
                                        1.3957 -2.721 0.006501 **
## visual.blurring:weakness -4.6505
                                        1.4246 -3.265 0.001096 **
## visual.blurring:Age
                                        0.0456 -3.894 9.86e-05 ***
                            -0.1776
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 554.34 on 415 degrees of freedom
## Residual deviance: 112.33 on 404 degrees of freedom
## AIC: 136.33
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 9
```

# Partie III - Prédiction de la variable d'intérêt et évaluation du modèle sur les données

Erreur quadratique moyenne (MSE):

Échantillon train: Dans un premier temps on va prédire avec le modèle final:

```
p_train <- predict(modf, type='response')</pre>
```

Et ensuite avec le modèle complet qu'on a sélectionné pour pouvoir comparer les deux :

```
p_train_complet <- predict(mod_complet, type='response')</pre>
```

Comme mesure on peut utiliser la MSE (erreur quadratique moyenne), c'est l'erreur moyenne entre la prédiction et la réalité :

	MSE
modf mod complet	1.029489 1.085621
mou_compre	1.0000-1

La MSE issue du modèle complet est plus grande que celle du modèle final.

Échantillon test: Dans un premier temps on va prédire avec le modèle final:

```
p_test <- predict(modf, newdata=test, type='response')</pre>
```

Et ensuite avec le modèle complet qu'on a sélectionné pour pouvoir comparer les deux :

```
p_test_complet <- predict(mod_complet, newdata=test, type='response')</pre>
```

Comme mesure on peut utiliser la MSE (erreur quadratique moyenne), c'est l'erreur moyenne entre la prédiction et la réalité :

	MSE
modf	0.6927533
$mod\_complet$	0.6234274

La MSE issue du modèle final est plus grande que celle du modèle complet.

#### Prédiction et tables de confusion :

**Échantillon train :** On peut regarder aussi le nombre de prédictions erronées. Regardons quand la probabilité de se tromper est de 0.5:

```
prediction_train <- as.factor(p_train>0.5)
prediction_train <- ifelse(p_train>0.5, 1, 0)
```

Calculons la matrice de confusion associée aux prédictions de la régression logistique (pour un palier de classification fixé à 0.5):

```
tabconfusion0_5_train <- table(train$class, prediction_train)</pre>
tabconfusion0_5_train
##
      prediction_train
##
         0
##
     0 146 14
##
       13 243
On voit que l'on a 27 erreurs de prédiction au total.
error <- mean(prediction_train!=(as.numeric(train$class)-1))</pre>
print(paste("Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ :", 1-error))
## [1] "Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ : 0.03125"
print(paste("Le taux de vrais positifs est ", tabconfusion0_5_train[2,2]/
               (tabconfusion0_5_train[2,1]+tabconfusion0_5_train[2,2])))
## [1] "Le taux de vrais positifs est 0.94921875"
print(paste("Le taux de faux positifs est ",tabconfusion0_5_train[1,2]/
               (tabconfusion0_5_train[1,1]+tabconfusion0_5_train[1,2])))
## [1] "Le taux de faux positifs est 0.0875"
print(paste("Le taux de vrais négatifs est ", tabconfusion0_5_train[1,1]/
               (tabconfusion0 5 train[1,1]+tabconfusion0 5 train[1,2])))
## [1] "Le taux de vrais négatifs est 0.9125"
print(paste("Le taux de faux négatifs est ",tabconfusion0_5_train[2,1]/
               (tabconfusion0_5_train[2,2]+tabconfusion0_5_train[2,1])))
## [1] "Le taux de faux négatifs est 0.05078125"
Le palier de classification 0,5 de la régression logistique doit être modifié pour améliorer nos résultats.
Les coefficients estimés restent inchangés, tout comme les probabilités estimées d'être atteint du diabète.
Réduisons donc palier de classification à 0,1 et calculons la matrice de confusion et l'erreur.
prediction_label_train <- as.numeric(p_train>0.1)
tabconfusion0_9_train <- table(train$class, prediction_label_train)</pre>
tabconfusion0_9_train
##
      prediction_label_train
##
         0
             1
##
       108 52
```

On voit que l'on a augmenté le nombre d'erreurs de prédiction à 54 au total, mais on a réduit le nombre de faux négatifs en passant de 13 à 2.

Etant donné que dans le cas du diagnostique du diabète, une erreur de type faux négatif est bien plus grave qu'une erreur de type faux positif, on privilégier la sensibilité et diminuer le seuil de classification "positif au diabète" de 0.5 à 0.1.

Notre modèle de prédiction a une bonne performance en ce qui concerne la détection du diabète. Il y a seulement 2 cas sur 104 pour lesquels il ne parvient pas à détecter la maladie, tandis qu'il prévoit 13 cas de diabète chez des personnes en réalité en bonne santé. Cependant, en supposant que le traitement du diabète n'aura pas trop d'effets négatifs sur les personnes qui ne sont pas atteintes de cette maladie, on peut être satisfait de notre modèle.

Cependant, on peut remarquer qu'avec le modèle complet on a :

```
prediction_complet_train <- as.numeric(p_train_complet>0.1)
tabconfusion_complet_0_9_train <- table(train$class, prediction_complet_train)
tabconfusion_complet_0_9_train

## prediction_complet_train
## 0 1
## 0 121 39
## 1 4 252

error <- mean(prediction_complet_train!=(as.numeric(train$class)-1))
print(paste("Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ :", 1-error))</pre>
```

## [1] "Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ : 0.00961538461538458"

```
print(paste("Le taux de vrais positifs est ", tabconfusion_complet_0_9_train[2,2]/
               (tabconfusion_complet_0_9_train[2,1]+tabconfusion_complet_0_9_train[2,2])))
## [1] "Le taux de vrais positifs est 0.984375"
print(paste("Le taux de faux positifs est ",tabconfusion_complet_0_9_train[1,2]/
               (tabconfusion_complet_0_9_train[1,1]+tabconfusion_complet_0_9_train[1,2])))
## [1] "Le taux de faux positifs est 0.24375"
print(paste("Le taux de vrais négatifs est ", tabconfusion_complet_0_9_train[1,1]/
               (tabconfusion_complet_0_9_train[1,1]+tabconfusion_complet_0_9_train[1,2])))
## [1] "Le taux de vrais négatifs est 0.75625"
print(paste("Le taux de faux négatifs est ",tabconfusion_complet_0_9_train[2,1]/
               (tabconfusion_complet_0_9_train[2,2]+tabconfusion_complet_0_9_train[2,1])))
## [1] "Le taux de faux négatifs est 0.015625"
Avec le modèle complet, il y a toujours que 4 personnes sur 416 où l'on arrive pas à prévoir qu'ils ont le
diabète. On prévoit 13 personnes de moins ayant du diabète alors qu'ils n'en ont pas.
Échantillon test: Pour l'échantillon test, regardons quand la probabilité de se tromper est de 0,5:
prediction_test <- as.factor(p_test>0.5)
prediction_test <- ifelse(p_test>0.5, 1, 0)
Calculons la matrice de confusion associée aux prédictions de la régression logistique (pour un palier de
```

classification fixé à 0.5):

```
tabconfusion0_5_test <- table(test$class, prediction_test)</pre>
tabconfusion0_5_test
```

```
##
      prediction test
##
        0 1
     0 35 5
##
##
     1 6 58
```

On voit que l'on a 11 erreurs de prédiction au total.

```
error <- mean(prediction_test!=(as.numeric(test$class)-1))</pre>
print(paste("Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ :", 1-error))
```

## [1] "Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ : 0.0576923076923077"

```
print(paste("Le taux de vrais positifs est ", tabconfusion0_5_test[2,2]/
               (tabconfusion0_5_test[2,1]+tabconfusion0_5_test[2,2])))
## [1] "Le taux de vrais positifs est 0.90625"
print(paste("Le taux de faux positifs est ",tabconfusion0_5_test[1,2]/
               (tabconfusion0_5_test[1,1]+tabconfusion0_5_test[1,2])))
## [1] "Le taux de faux positifs est 0.125"
print(paste("Le taux de vrais négatifs est ", tabconfusion0_5_test[1,1]/
               (tabconfusion0_5_test[1,1]+tabconfusion0_5_test[1,2])))
## [1] "Le taux de vrais négatifs est 0.875"
print(paste("Le taux de faux négatifs est ",tabconfusion0_5_test[2,1]/
               (tabconfusion0_5_test[2,2]+tabconfusion0_5_test[2,1])))
## [1] "Le taux de faux négatifs est 0.09375"
Le palier de classification 0,5 de la régression logistique doit être modifié pour améliorer nos résultats.
Les coefficients estimés restent inchangés, tout comme les probabilités estimées d'être atteint du diabète.
Réduisons donc palier de classification à 0,1 et calculons la matrice de confusion et l'erreur.
prediction label test <- as.numeric(p test>0.1)
tabconfusion0_9_test <- table(test$class, prediction_label_test)</pre>
tabconfusion0_9_test
##
      prediction_label_test
##
        0 1
##
     0 27 13
     1 2 62
##
On voit que l'on a augmenté le nombre d'erreurs de prédiction à 15 au total, mais on a réduit le nombre de
faux négatifs en passant de 6 à 2.
error <- mean(prediction label test!=(as.numeric(test$class)-1))</pre>
print(paste("Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ :", 1-error))
## [1] "Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ : 0.0192307692307693"
print(paste("Le taux de vrais positifs est ", tabconfusion0_9_test[2,2]/
               (tabconfusion0_9_test[2,1]+tabconfusion0_9_test[2,2])))
```

## [1] "Le taux de vrais positifs est 0.96875"

```
print(paste("Le taux de faux positifs est ",tabconfusion0_9_test[1,2]/
               (tabconfusion0_9_test[1,1]+tabconfusion0_9_test[1,2])))
## [1] "Le taux de faux positifs est 0.325"
print(paste("Le taux de vrais négatifs est ", tabconfusion0_9_test[1,1]/
               (tabconfusion0_9_test[1,1]+tabconfusion0_9_test[1,2])))
## [1] "Le taux de vrais négatifs est 0.675"
print(paste("Le taux de faux négatifs est ",tabconfusion0_9_test[2,1]/
               (tabconfusion0 9 test[2,2]+tabconfusion0 9 test[2,1])))
## [1] "Le taux de faux négatifs est 0.03125"
Etant donné que dans le cas du diagnostique du diabète, une erreur de type faux négatif est bien plus grave
qu'une erreur de type faux positif, on privilégier la sensibilité et diminuer le seuil de classification "positif
au diabète" de 0.5 à 0.1.
Notre modèle de prédiction a une bonne performance en ce qui concerne la détection du diabète. Il y a
seulement 2 cas sur 104 pour lesquels il ne parvient pas à détecter la maladie, tandis qu'il prévoit 13 cas de
diabète chez des personnes en réalité en bonne santé. Cependant, en supposant que le traitement du diabète
n'aura pas trop d'effets négatifs sur les personnes qui ne sont pas atteintes de cette maladie, on peut être
satisfait de notre modèle.
Cependant, on peut remarquer qu'avec le modèle complet on a :
prediction_complet_test <- as.numeric(p_test_complet>0.1)
tabconfusion_complet_0_9_test <- table(test$class, prediction_complet_test)</pre>
tabconfusion_complet_0_9_test
##
      prediction_complet_test
##
        0 1
##
     0 29 11
     1 2 62
##
error <- mean(prediction_label_test!=(as.numeric(test$class)-1))</pre>
print(paste("Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ :", 1-error))
## [1] "Le taux d'erreurs de prédiction est d'environ : 0.0192307692307693"
print(paste("Le taux de vrais positifs est ", tabconfusion_complet_0_9_test[2,2]/
               (tabconfusion_complet_0_9_test[2,1]+tabconfusion_complet_0_9_test[2,2])))
## [1] "Le taux de vrais positifs est 0.96875"
print(paste("Le taux de faux positifs est ",tabconfusion_complet_0_9_test[1,2]/
               (tabconfusion_complet_0_9_test[1,1]+tabconfusion_complet_0_9_test[1,2])))
```

## [1] "Le taux de faux positifs est 0.275"

## [1] "Le taux de faux négatifs est 0.03125"

Avec le modèle complet, il n'y a toujours que 2 personnes sur 104 où l'on arrive pas à prévoir qu'ils ont le diabète. Mais on prévoit 2 personnes de moins ayant du diabète alors qu'ils n'en ont pas. Donc en terme de prédiction, le modèle complet semble être meilleur que notre modèle.

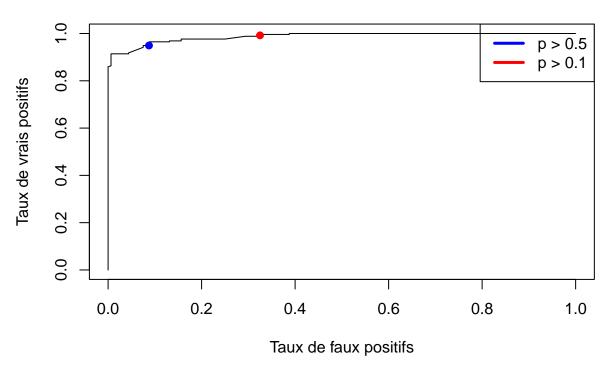
#### ROC (Receiver Operating Characteristic):

La courbe ROC est une courbe générée en représentant le taux de vrais positifs en fonction du taux de faux positifs pour des paliers de prédiction différents entre 0 et 1.

#### Échantillon train Pour le modèle final modf:

```
library(ROCR)
ROC_train <- performance(prediction(p_train, train$class), measure = "tpr",</pre>
                         x.measure = "fpr")
plot(ROC_train, colorize = FALSE, main = "Courbe ROC du modèle final (échantillon train)",
     xlab = "Taux de faux positifs", ylab = "Taux de vrais positifs")
TVPO_5_train = tabconfusionO_5_train[2,2]/(tabconfusionO_5_train[2,1] +
                                             tabconfusion0 5 train[2,2])
TFP0_5_train = tabconfusion0_5_train[1,2]/(tabconfusion0_5_train[1,1] +
                                             tabconfusion0_5_train[1,2])
TVPO_9_train = tabconfusionO_9_train[2,2]/(tabconfusionO_9_train[2,1] +
                                             tabconfusion0_9_train[2,2])
TFP0_9_train = tabconfusion0_9_train[1,2]/(tabconfusion0_9_train[1,1] +
                                             tabconfusion0_9_train[1,2])
points(x = c(TFP0_5_train, TFP0_9_train), y = c(TVP0_5_train, TVP0_9_train),
       col=c("blue", "red"), pch=20, lwd = 3)
legend("topright", c("p > 0.5", "p > 0.1"), col = c("blue", "red"), lwd = 3)
```

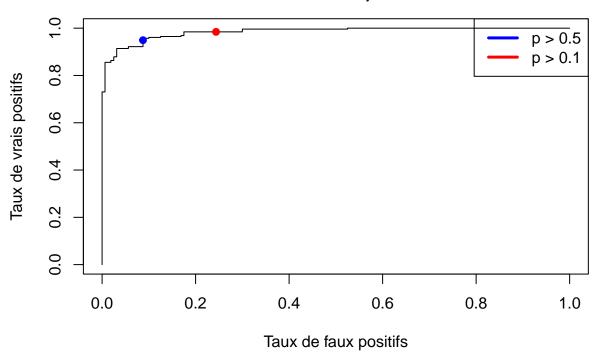
## Courbe ROC du modèle final (échantillon train)



### Pour le modèle complet :

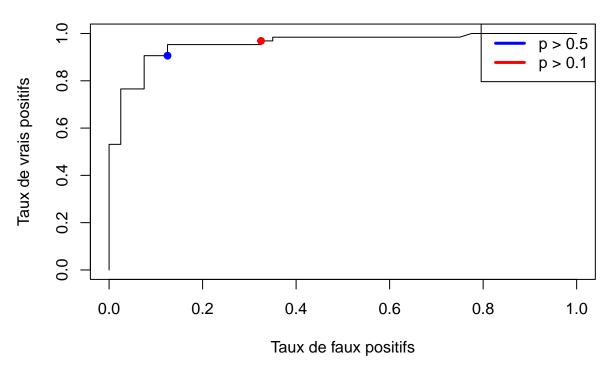
```
prediction_complet_train <- as.numeric(p_train_complet>0.5)
tabconfusion_complet_0_5_train<- table(train$class, prediction_complet_train)</pre>
ROC_complet_train <- performance(prediction(p_train_complet, train$class),</pre>
                                 measure = "tpr", x.measure = "fpr")
plot(ROC_complet_train, colorize = FALSE, main = "Courbe ROC du modèle complet (échantillon
     train)", xlab = "Taux de faux positifs", ylab = "Taux de vrais positifs")
TVP0_5_train = tabconfusion_complet_0_5_train[2,2]/
  (tabconfusion_complet_0_5_train[2,1] + tabconfusion_complet_0_5_train[2,2])
TFP0_5_train = tabconfusion_complet_0_5_train[1,2]/
  (tabconfusion_complet_0_5_train[1,1] + tabconfusion_complet_0_5_train[1,2])
TVPO 9 train = tabconfusion complet 0 9 train[2,2]/
  (tabconfusion_complet_0_9_train[2,1] + tabconfusion_complet_0_9_train[2,2])
TFP0_9_train = tabconfusion_complet_0_9_train[1,2]/
  (tabconfusion_complet_0_9_train[1,1] + tabconfusion_complet_0_9_train[1,2])
points(x = c(TFP0_5_train, TFP0_9_train), y = c(TVP0_5_train, TVP0_9_train),
       col=c("blue", "red"), pch=20, lwd = 3)
legend("topright", c("p > 0.5", "p > 0.1"), col = c("blue", "red"), lwd = 3)
```

# Courbe ROC du modèle complet (échantillon train)



#### Échantillon test Pour le modèle final modf:

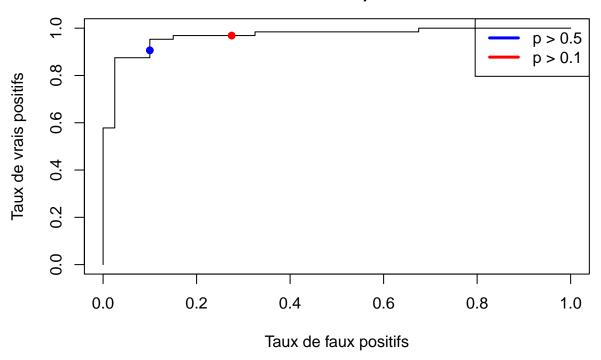
## Courbe ROC du modèle final (échantillon test)



### Pour le modèle complet :

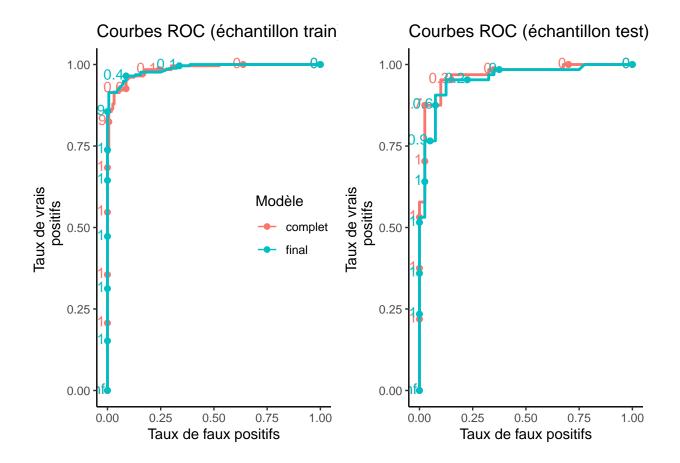
```
prediction_complet_test <- as.numeric(p_test_complet>0.5)
tabconfusion_complet_0_5_test <- table(test$class, prediction_complet_test)</pre>
ROC_complet_test <- performance(prediction(p_test_complet, test$class),</pre>
                                measure = "tpr", x.measure = "fpr")
plot(ROC_complet_test, colorize = FALSE, main = "Courbe ROC du modèle complet (échantillon
     test)", xlab = "Taux de faux positifs", ylab = "Taux de vrais positifs")
TVPO_5_test = tabconfusion_complet_0_5_test[2,2]/
  (tabconfusion_complet_0_5_test[2,1] + tabconfusion_complet_0_5_test[2,2])
TFP0_5_test = tabconfusion_complet_0_5_test[1,2]/
  (tabconfusion_complet_0_5_test[1,1] + tabconfusion_complet_0_5_test[1,2])
TVPO 9 test = tabconfusion complet 0 9 test[2,2]/
  (tabconfusion_complet_0_9_test[2,1] + tabconfusion_complet_0_9_test[2,2])
TFPO_9_test = tabconfusion_complet_0_9_test[1,2]/
  (tabconfusion_complet_0_9_test[1,1] + tabconfusion_complet_0_9_test[1,2])
points(x = c(TFP0_5_{test}, TFP0_9_{test}), y = c(TVP0_5_{test}, TVP0_9_{test}),
       col=c("blue", "red"), pch=20, lwd = 3)
legend("topright", c("p > 0.5", "p > 0.1"), col = c("blue", "red") , lwd = 3)
```

# Courbe ROC du modèle complet (échantillon test)



Nota Bene : voici également les mêmes courbes ROC (pour les deux échantillons) en utilisant la librarie plotROC.

```
library(plotROC)
library(tidyr)
prev prob test <- data.frame(complet=predict(mod complet, newdata=test, type="response"),</pre>
                              final=predict(modf,newdata=test,type="response"))
df_roc_test <- prev_prob_test %>% mutate(obs_test=test$class) %>%
gather(key=Modèle, value=score, complet, final)
prev_prob_train <- data.frame(complet=predict(mod_complet, type="response"),</pre>
                               final=predict(modf,type="response"))
df_roc_train <- prev_prob_train %>% mutate(obs_train=train$class) %>%
gather(key=Modèle, value=score, complet, final)
plot_ROC_train <- ggplot(df_roc_train)+aes(d=obs_train,m=score,color=Modèle)+ geom_roc()+
  theme_classic()+ggtitle("Courbes ROC (échantillon train)")+labs(y = "Taux de vrais
  positifs", x = "Taux de faux positifs")+theme(legend.position = "none")
plot_ROC_test <- ggplot(df_roc_test)+aes(d=obs_test,m=score,color=Modèle)+ geom_roc()+</pre>
  theme_classic()+ggtitle("Courbes ROC (échantillon test)")+labs(y = "Taux de vrais
  positifs", x = "Taux de faux positifs")+theme(legend.position = c(-0.5, 0.5))
plot_grid(plot_ROC_train, plot_ROC_test, ncol = 2, nrow = 1)
```



#### AUC (area under the curve):

L'AUC est l'aire sous la courbe ROC. Intuitivement, un modèle avec de bonnes capacités de prédiction devrait avoir un AUC plus proche de 1 (1 étant idéal) que de 0,5. Utilisons la fonction performance pour calculer l'AUC des deux modèles.

#### Échantillon train: Pour le modèle final modf:

```
auc_train <- performance(prediction(p_train,train$class), measure='auc')
auc_train <- auc_train@y.values[[1]]
auc_train</pre>
```

#### ## [1] 0.9871826

#### Pour le modèle complet :

```
auc_complet_train <- performance(prediction(p_train_complet,train$class), measure='auc')
auc_complet_train <- auc_complet_train@y.values[[1]]
auc_complet_train</pre>
```

#### ## [1] 0.9842041

Sur l'échantillon train, les AUC montre que le modèle final est meilleur que le modèle complet mais les valeurs sont très proches.

### Échantillon test: Pour le modèle final modf:

```
auc_test <- performance(prediction(p_test,test$class), measure='auc')
auc_test <- auc_test@y.values[[1]]
auc_test</pre>
```

## [1] 0.9552734

#### Pour le modèle complet :

```
auc_complet_test <- performance(prediction(p_test_complet,test$class), measure='auc')
auc_complet_test <- auc_complet_test@y.values[[1]]
auc_complet_test</pre>
```

## [1] 0.9667969

Sur l'échantillon test, les AUC montre que le modèle complet est meilleur que le modèle final mais les valeurs sont très proches.

## Conclusion:

Pour le modèle final modf déterminé dans la partie 2 et pour le modèle complet, les résultats de prédiction sont à peu près les mêmes. Puisque le modèle final modf a une Residual Deviance plus petite que celle du modèle complet, le modèle final modf semble être un modèle pratique pour réaliser les prédictions. Le modèle final modf semble être un modèle pratique pour réaliser les prédictions sans avoir trop de faux négatifs mais possède un taux de faux positifs un peu trop conséquent.

#### Critiques:

- Certaines variables des tableaux de données ne sont pas significatives alors qu'elles devraient à priori jouer un rôle dans le diagnostic d'après des études cliniques (exemples : obésité, polyphagie...).
- Il ne semble pas y avoir de différences significatives entre le modèle final et le modèle complet en terme de prédiction malgré le fait que le modèle complet présente de nombreuses variables non significatives.
- Pour améliorer le modèle, on pourrait ajouter des variables quantitatives aux données comme par exemple la glycémie des patients.
- De plus, on ne sait pas de quel type de diabète il s'agit (1 ou 2). Le diabète de type 1 est une maladie immunitaire avec comme syndrome cardinal la polyurodipsie, l'amaigrissement et la polyphagie tandis que le diabète de type 2 est une maladie métabolique dans laquelle l'obésité est un facteur de risque très important. D'après les résultats, il semblerait donc qu'il s'agit ici d'une étude sur le diabète de type 1.