

$$\frac{2}{4+2} \cdot 5^x$$

После упрощения получаем

$$\frac{1}{3} \cdot 5^x$$

По правилу производной произведения $(f * g)' = f' * g + f * g'$, где $f = \frac{2}{4+2}$, а $g = 5^x$

Продифференцируем $f = \frac{2}{4+2}$:

По правилу производной частного $\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' * g - f * g'}{g^2}$, где $f = 2$, а $g = 4 + 2$

Продифференцируем $f = 2$:

Производная числа всегда равна нулю

$$(2)' = 0$$

Теперь продифференцируем $g = 4 + 2$:

По правилу производной суммы $(f + g)' = f' + g'$, где $f = 4$, а $g = 2$

Продифференцируем $f = 4$:

Производная числа всегда равна нулю

$$(4)' = 0$$

Теперь продифференцируем $g = 2$:

Производная числа всегда равна нулю

$$(2)' = 0$$

$$(4 + 2)' = 0 + 0$$

$$\left(\frac{2}{4+2}\right)' = \frac{0 \cdot (4+2) - 2 \cdot (0+0)}{(4+2)^2}$$

Теперь продифференцируем $g = 5^x$:

По правилу производной экспоненты $(\alpha^f)' = \alpha^f * \ln(\alpha) * f'$, где $\alpha = 5$, а $f = x$

Продифференцируем $f = x$:

x - главная переменная

$$(x)' = 1$$

$$(5^x)' = 5^x \cdot \ln(5) \cdot 1$$

Итак, производная равна

$$\frac{0 \cdot (4 + 2) - 2 \cdot (0 + 0)}{(4 + 2)^2} \cdot 5^x + \frac{2}{4 + 2} \cdot 5^x \cdot \ln(5) \cdot 1$$

После упрощения получаем

$$\frac{1}{3} \cdot 5^x \cdot \ln(5)$$