

# 区块链基础及应用



## Chapter 5 比特币挖矿

---

苏 明



# 概览

---

- 5.1 比特币矿工的任务
- 5.2 挖矿所需硬件
- 5.3 能源消耗和生态环保
- 5.4 矿池
- 5.5 挖矿的激励和策略



## 5.1 比特币矿工的任务

---

### ■ 比特币挖矿 VS 淘金

为了挖矿，加入比特币网络，完成任务

1. 监听交易广播；
2. 维护区块链网络和监听新的区块；
3. 组装一个备选区块；
4. 找到一个有效的随机数；
5. 希望你的区块被全网接受；
6. 利润



## 5.1 比特币矿工的任务

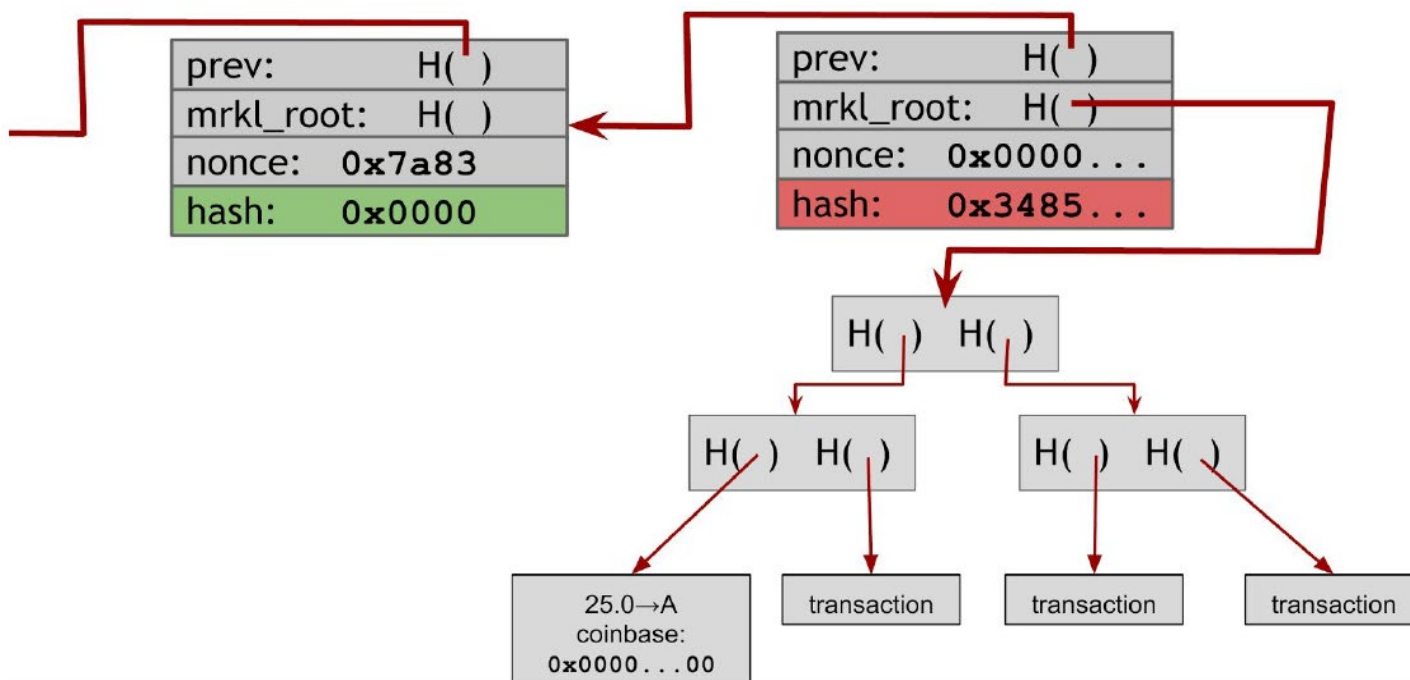
---

- **第一类任务：验证交易和区块**  
比特币网络赖以生存和运转的基础
- **第二类任务：竞争出块并获得奖励**  
鼓励矿工去完成第一类任务而设置

## 5.1 比特币矿工的任务

### 寻找有效区块

- 矿工首先从个人交易池中选出一系列有效的交易 → Merkle Tree



Finding a valid block

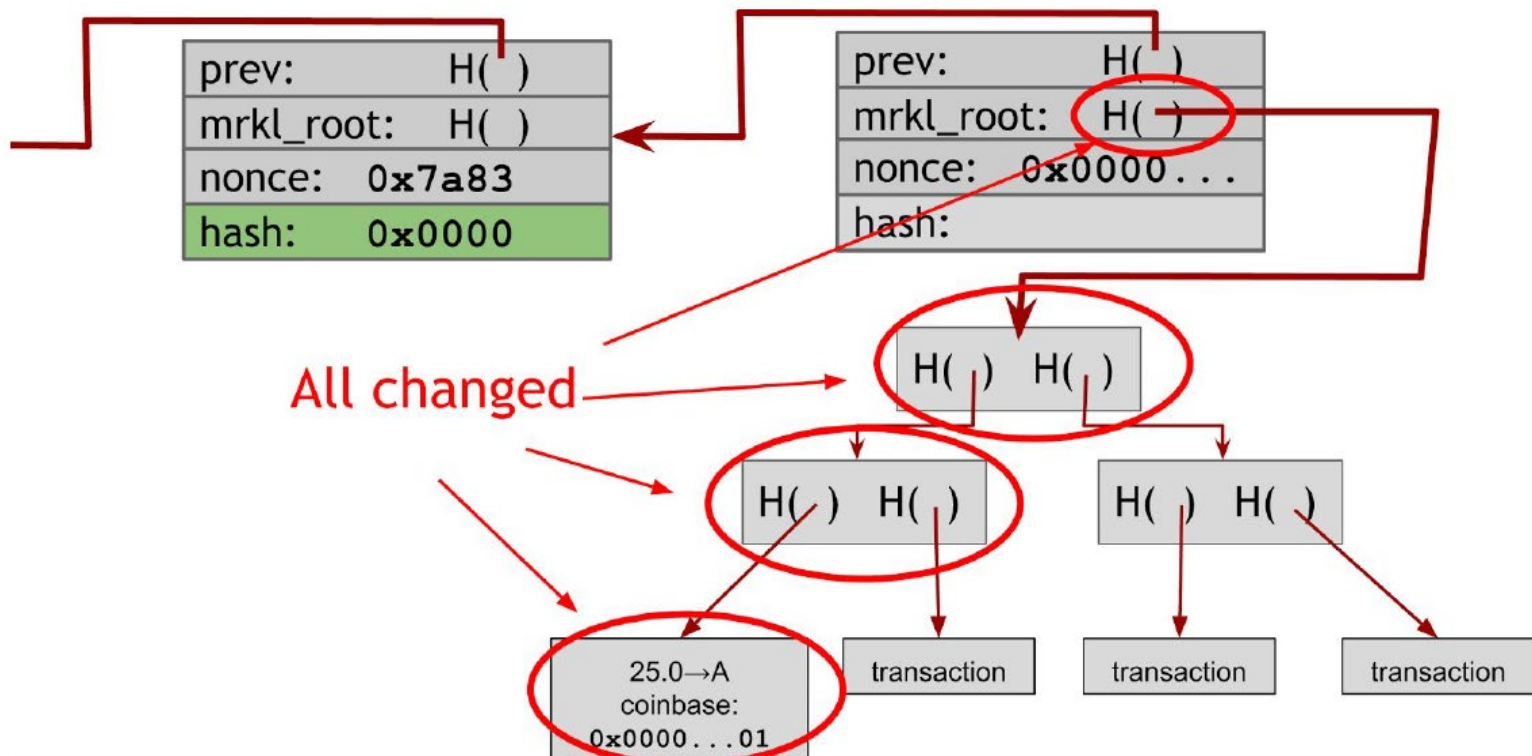


## 5.1 比特币矿工的任务

---

- 矿工： 挖矿通常使nonce 从0开始，每次增加1， 直到使得区块有效(Consecutive 0s in the front)
- nonce : 32 bit
- 如何满足挖矿难度? (比如72个头部连续的0)

## 5.1 比特币矿工的任务



Changing a nonce in the coinbase transaction propagates all the way up the Merkle tree



## 5.1 比特币矿工的任务

---

- 如果遍历**nonce**的取值空间还没有找到一个有效区块时，改动**coinbase**中的随机数
- 正确的临时随机数组合：头部随机数(**nonce**)+币基随机数(**coinbase**)
- 立即宣布：希望得到出块奖励





## 5.1 比特币矿工的任务

---

- 求解谜题不同

每个矿工会把数目不同、次序不同的交易放进区块；币基交易里，接收地址通常也不一样

- 区块难度相同

00000000000000000000172EC000000000000000000  
00000000000000000000000000000000 (Mar. 2015)



## 5.1 比特币矿工的任务

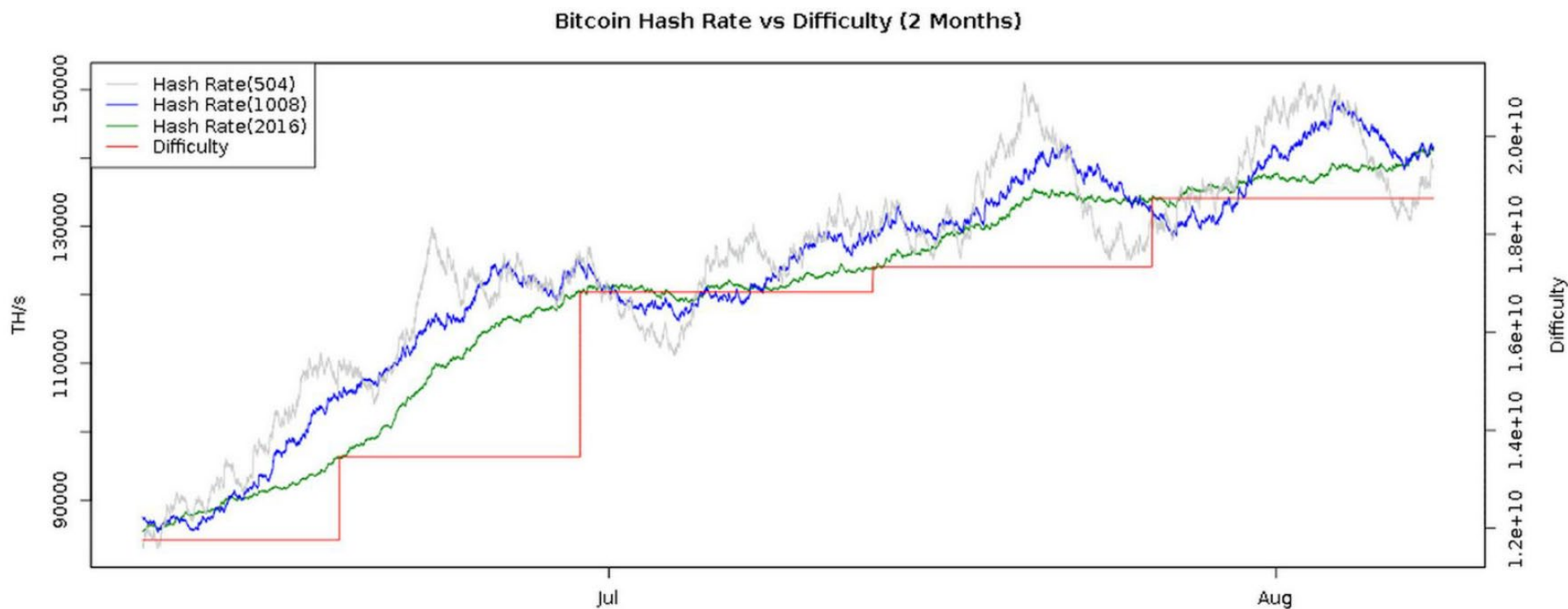
---

- 难度调整

$$\text{next\_difficulty} = (\text{previous\_difficulty} * 2016 * 10 \text{ minutes}) / (\text{time to mine last 2016 blocks})$$

# 5.1 比特币矿工的任务

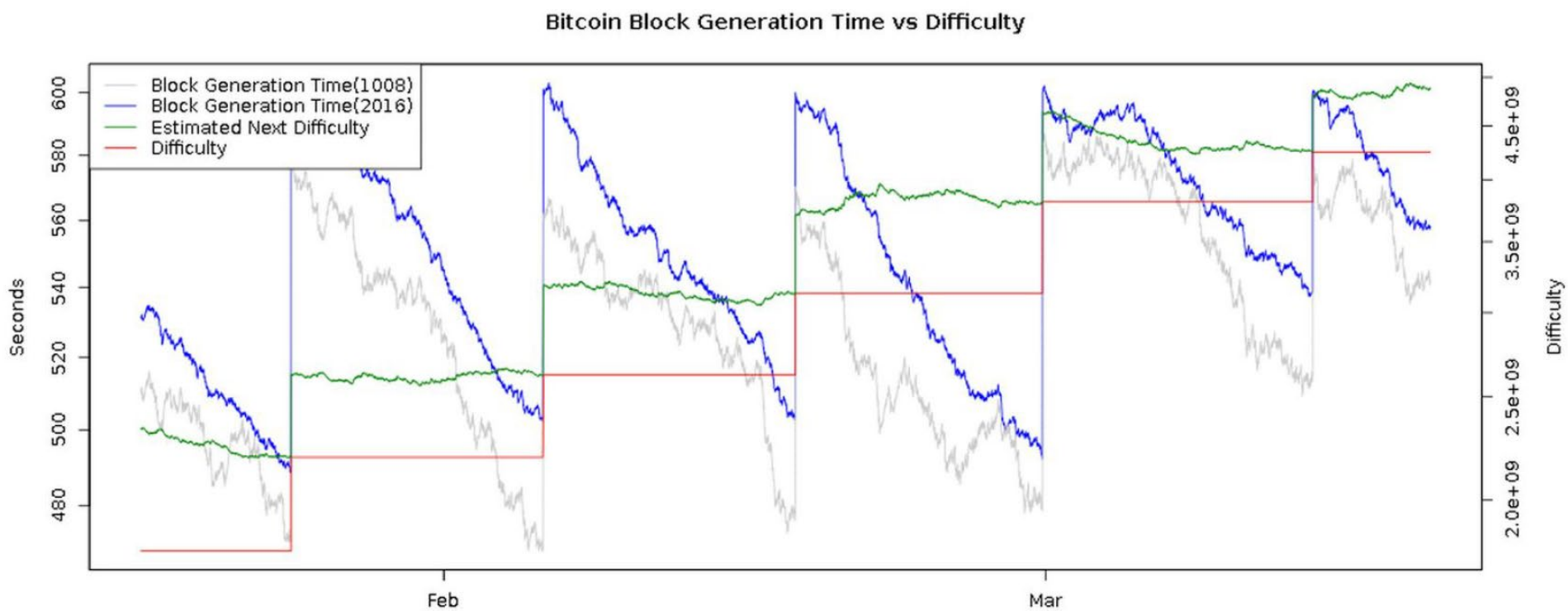
## ■ 难度调整



Mining difficulty over time (mid-2014).

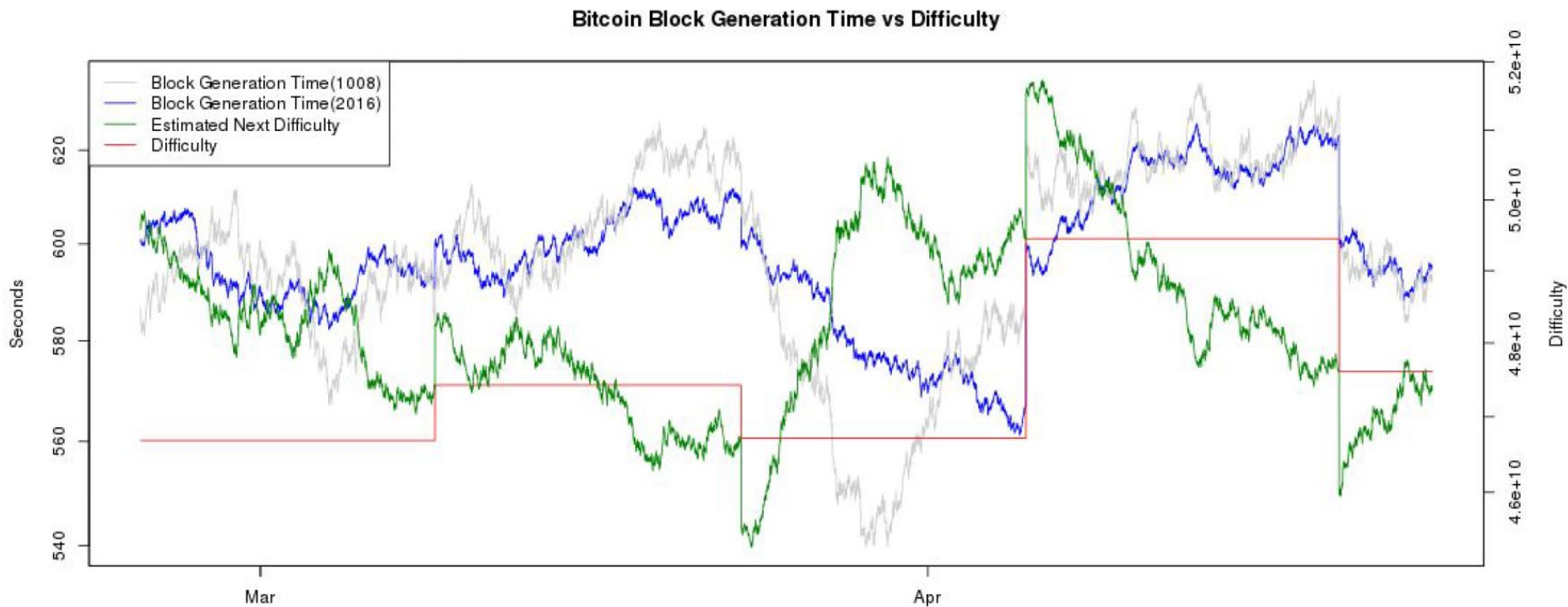
# 5.1 比特币矿工的任务

## ■ 难度调整



Time to find a block (early 2014).

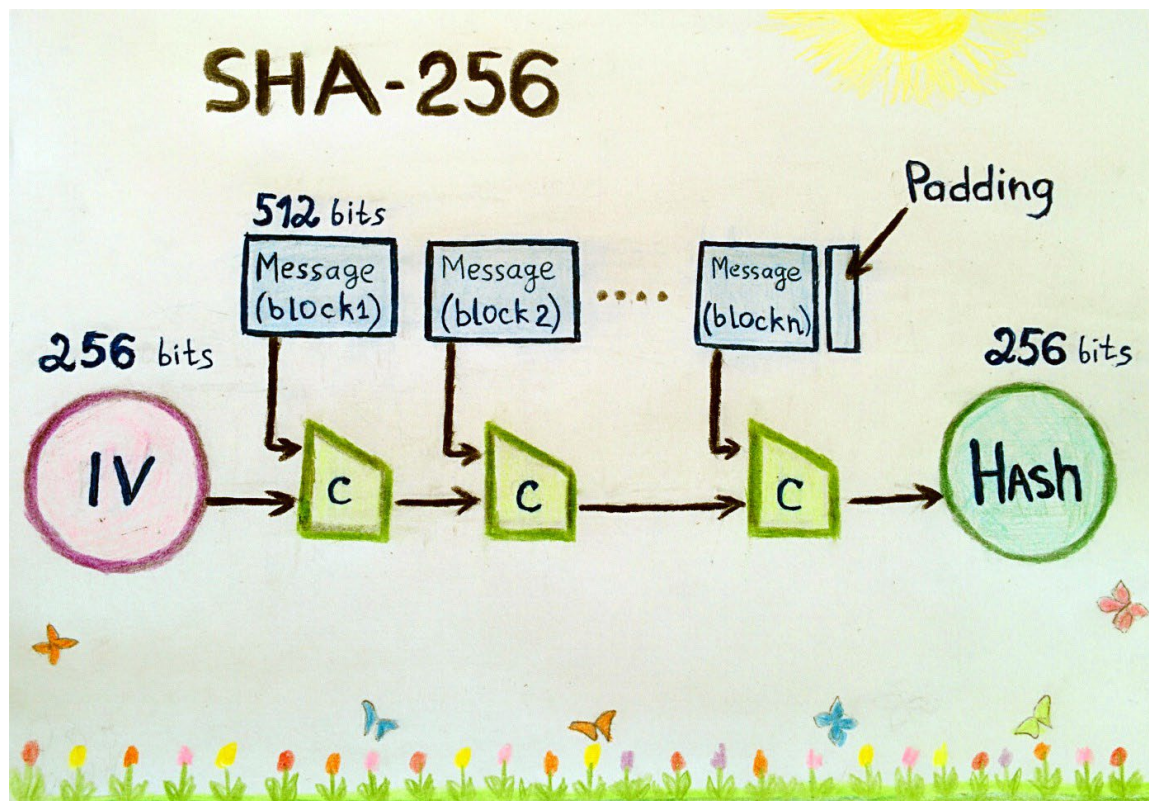
## 5.1 比特币矿工的任务



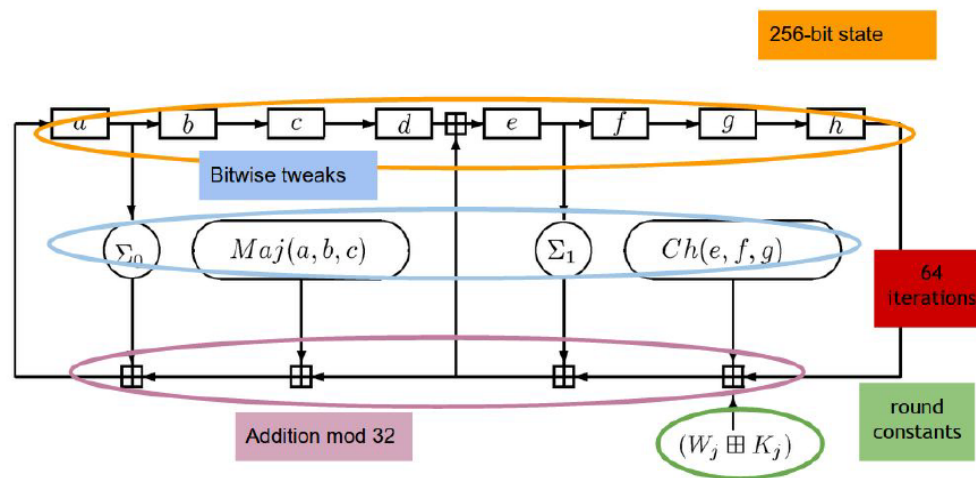
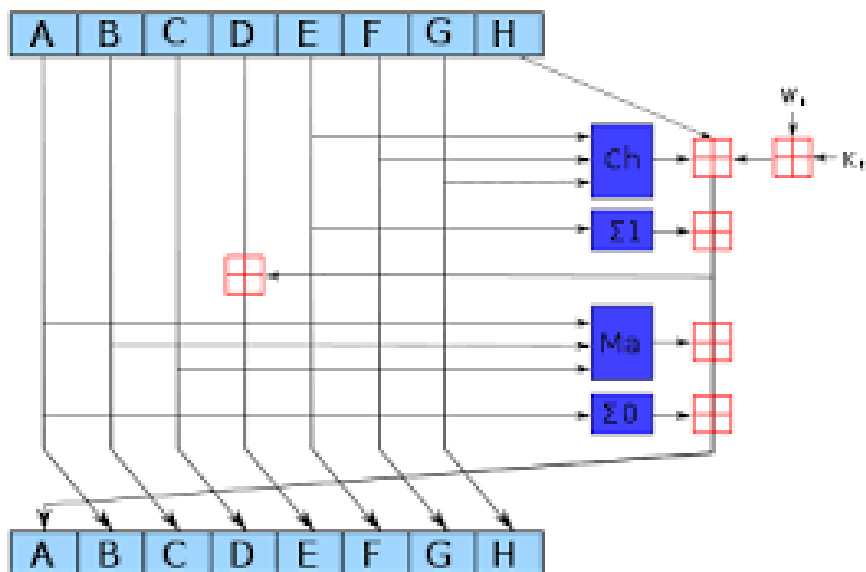
Time to find a block (early 2015).

## 5.2 挖矿所需硬件

- SHA-256 (designed by the United States National Security Agency (NSA) )



## 5.2 挖矿所需硬件





## 5.2 挖矿所需硬件

---

### CPU挖矿

```
TARGET = (65535 << 208) / DIFFICULTY;
coinbase_nonce = 0;
while (1) {
    header = makeBlockHeader(transactions, coinbase_nonce);
    for (header_nonce = 0; header_nonce < (1 << 32); header_nonce++){
        if (SHA256(SHA256(makeBlock(header, header_nonce))) <
            TARGET)
            break; //block found!
    }
    coinbase_nonce++;
}
```

CPU mining pseudocode





## 5.2 挖矿所需硬件

---

CPU挖矿

个人电脑： 20MH/s

2015年难度水平：  $2^{67}$

大约要几十万年找到一个区块！



## 5.2 挖矿所需硬件

---

- GPU挖矿
- 图形处理器(GPU) 适合做数据密集型的计算；适合并行
- **CPU 驱动多个GPU**

## 5.2 挖矿所需硬件





## 5.2 挖矿所需硬件

---

- 2015年： 200MH/S
- 100块显卡集成在一起进行运算
- 非常耗电
- 大约要几百年才能找到一个有效区块！

## 5.2 挖矿所需硬件

- FPGA (Field-Programmable Gate Array)





## 5.2 挖矿所需硬件

---

- 精心设计： 1GH/s
- 100块 FPGA 板 → 100年才能找到一个有效区块
- 故障和报错； 性能功耗比方面不理想



## 5.2 挖矿所需硬件

---

- 专用集成电路技术挖矿 (ASIC)
- 应用需求驱动
- 集成电路芯片：需要专业的知识，设计的芯片寿命十分短暂
- 运营成本很高(电力、冷却)



## 5.2 挖矿所需硬件

---

如今--专业挖矿的天下

- 大型专业挖矿中心：专门运营
- 采购打过折的能效更高的**ASIC**矿机



## 5.2 挖矿所需硬件



**BitFury mining center**, a professional mining center in the republic of Georgia.



## 5.2 挖矿所需硬件

---

- 建立挖矿中心的三个重要因素：
- 气候、电费、网络接入速度
- 格鲁吉亚、冰岛； 中国内蒙古

## 5.2 挖矿所需硬件

### ■ Bitcoin Mining VS Gold Mining



CPU



GPU



FPGA



ASIC



gold pan



sluice box



placer mining



pit mining

Evolution of mining



## 5.2 挖矿所需硬件

---

未来

- ASIC和专业挖矿中心违反了当时设计的初衷：完全去中心化的系统

另类币的挖矿发展轨迹：

- 也许谜题会变，但是循环周期类似  
CPU->GPU->FPGA->ASIC->...



## 5.3 能源消耗和生态环保

---

- 每进行一个不可逆的**bit flip**运算就会消耗能源
- 比特币的挖矿过程必定消耗能源
  1. 内涵能源 （生产矿机）
  2. 电能 （挖矿）
  3. 冷却 （防止矿机出故障）



## 5.3 能源消耗和生态环保

---

- 能源消耗估计(数量级)

- 2015

自上而下

- 收入用来支付电能
- 每秒所有的11美元收入购买电费，可以购买367 百万焦耳-→MW 数量级



## 5.3 能源消耗和生态环保

---

自下而上

- 最好的矿机：1W—3G/s
- 全网算力是350PH/s

----->

每秒中全网计算消耗 117 MW

总而言之，比特币挖矿当时（**2015**）是  
**MW**的数量级

## 5.3 能源消耗和生态环保

### ■ 2020，比特币挖矿的能耗

1KB=1024B

1MB=1024KB

1GB=1024MB

1TB=1024GB

1PB=1024TB

1EB=1024PB

1ZB=1024EB

1YB=1024ZB



The BTC network's hashrate has touched close to 140 exahash per second (EH/s) in 2020. Today, according to charts.Bitcoin.com data the hashrate is hovering around 120EH/s.





## 5.3 能源消耗和生态环保

---

- 比特币挖矿—浪费能源？
- 能源的循环使用—数据火炉(Data Furnace)
- 电力转换成现金的途径



## 5.4 矿池

---

### 单个矿工的挖矿风险

- 发现区块的数目可以用帕松分布(Poisson distribution)来逼近
- Binomial distribution can be approximated by the Poisson distribution

$$P(X = k) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^k}{k!}$$



## 5.4 矿池

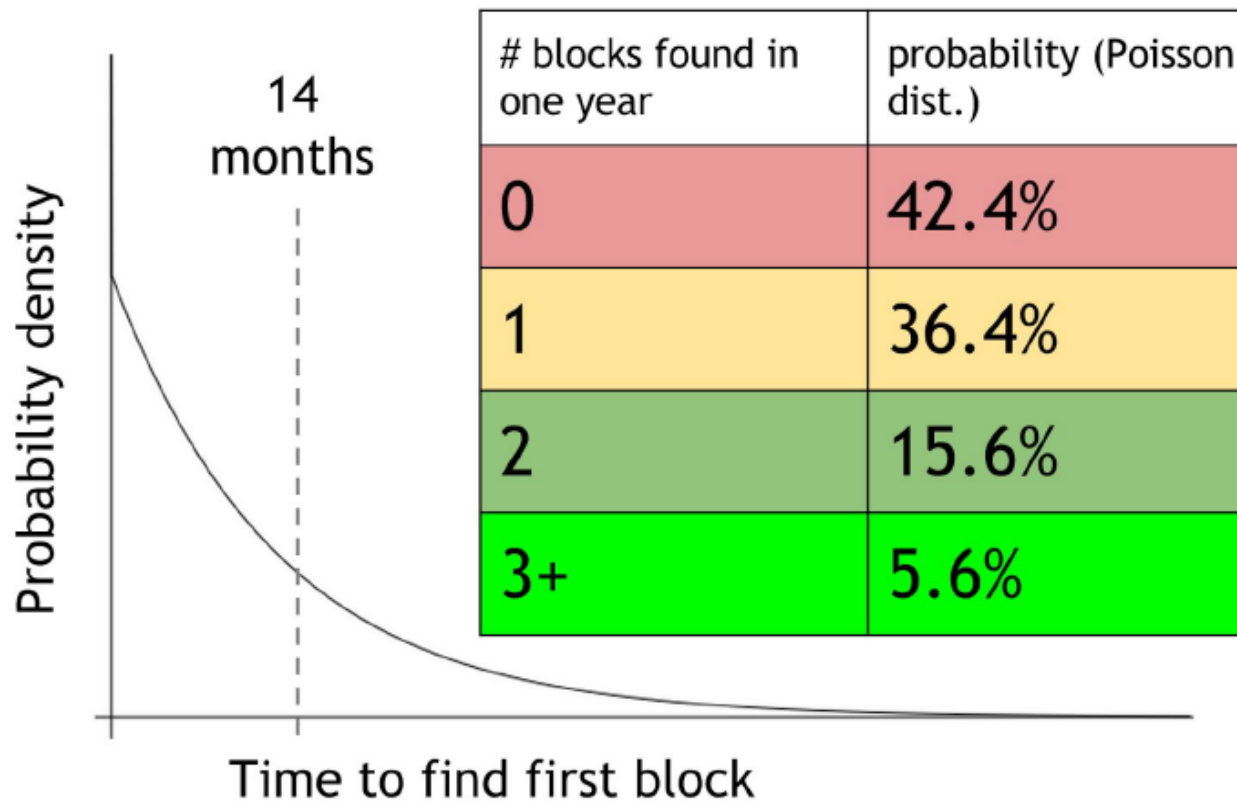
---

$$\text{令 } p = \lambda/n, \quad \lim_{n \rightarrow \infty} P(X = k) = \lim_{n \rightarrow \infty} \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k} = \left( \frac{\lambda^k}{k!} \right) \exp(-\lambda)$$

- 比如你用**6000 US Dollars**买了一台矿机  
根据矿机性能，平均每**14**个月找到一个区块

$$\lambda = \frac{6}{7}$$

## 5.4 矿池



```
>> power(2.71828, -6/7)*6/7
```

```
ans =
```

```
0.3637
```

```
>> power(2.71828, -6/7)*(6/7)^2/2
```

```
ans =
```

```
0.1559
```

**Illustration of uncertainty in mining**



## 5.4 矿池

---

- 对于一个小矿工而言，挖矿就是**赌博游戏**
- **矿池**：比特币矿工互相之间的**保险**
- 一组矿工可以形成一个矿池共同挖矿，并指定一个币基接收人-*矿池管理员*



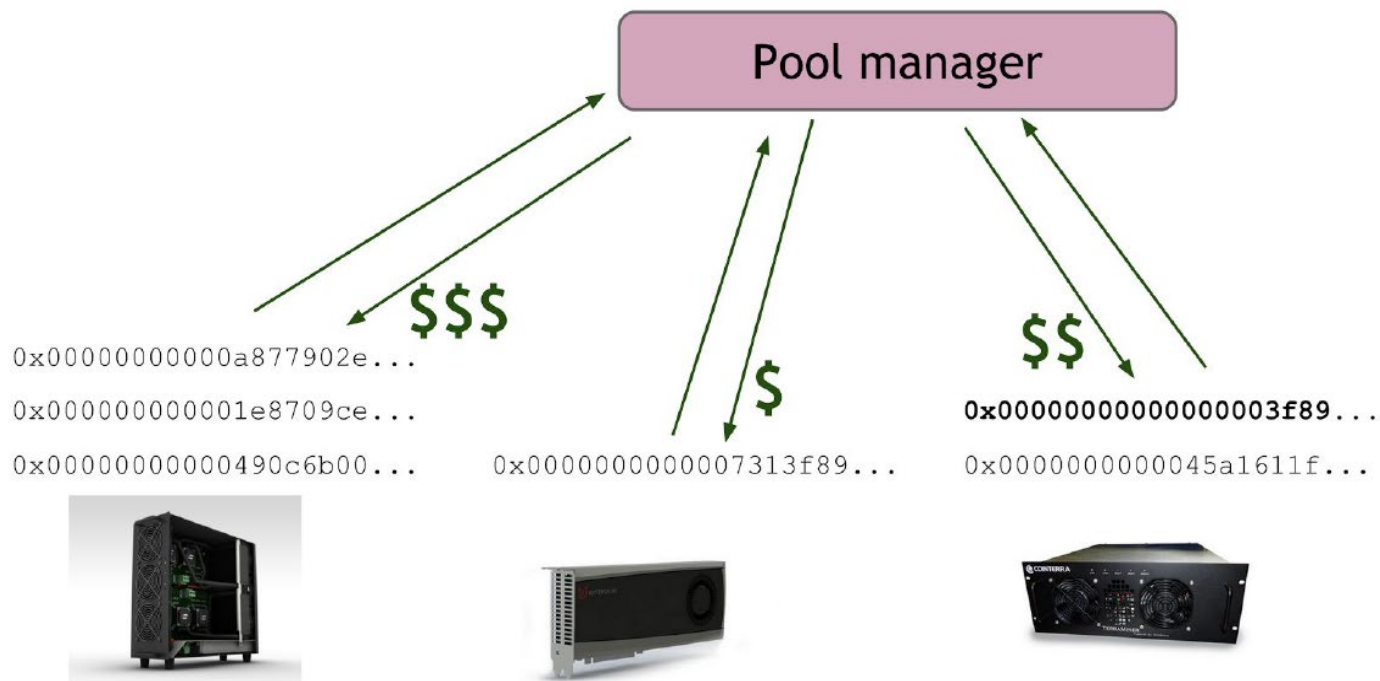
## 5.4 矿池

- 矿工通过输出挖矿**工分**来证明他的工作量
- 比如目标值前面有**67**个**0**；一个合格的工分需要**40-50**个**0**

```
4AA087F0A52ED2093FA816E53B9B6317F9B8C1227A61F9481AFED67301F2E3FB
D3E51477DCAB108750A5BC9093F6510759CC880BB171A5B77FB4A34ACA27DEDD
00000000008534FF68B98935D090DF5669E3403BD16F1CDFD41CF17D6B474255
BB34ECA3DBB52EFF4B104EBBC0974841EF2F3A59EBBC4474A12F9F595EB81F4B
00000000002F891C1E232F687E41515637F7699EA0F462C2564233FE082BB0AF
0090488133779E7E98177AF1C765CF02D01AB4848DF555533B6C4CFCA201CBA1
460BEFA43B7083E502D36D9D08D64AFB99A100B3B80D4EA4F7B38E18174A0BFB
00000000000000078FB7E1F7E2E4854B8BC71412197EB1448911FA77BAE808A
652F374601D149AC47E01E7776138456181FA4F9D0EEDD8C4FDE3BEF6B1B7ECE
785526402143A291CFD60DA09CC80DD066BC723FD5FD20F9B50D614313529AF3
000000000041EE593434686000AF77F54CDE839A6CE30957B14EDEC10B15C9E5
9C20B06B01A0136F192BD48E0F372A4B9E6BA6ABC36F02FCED22FD9780026A8F
```

## 5.4 矿池

- 矿池管理员根据大家的工作量按照比例分配奖励



**Mining rewards**



## 5.4 矿池

---

### 分红方案

- 工分分红：

矿工发送工分，管理员马上支付奖励  
管理员承担了所有风险

- 按实际比例分红：

每次找到一个有效区块，区块奖励按照  
矿工工作量按比例分配；降低管理员风险





## 5.4 矿池

---

### 矿池跳换

- 投机矿工：

挖矿早期(上一个区块刚刚被发现)加入按实际比例分红的矿池；

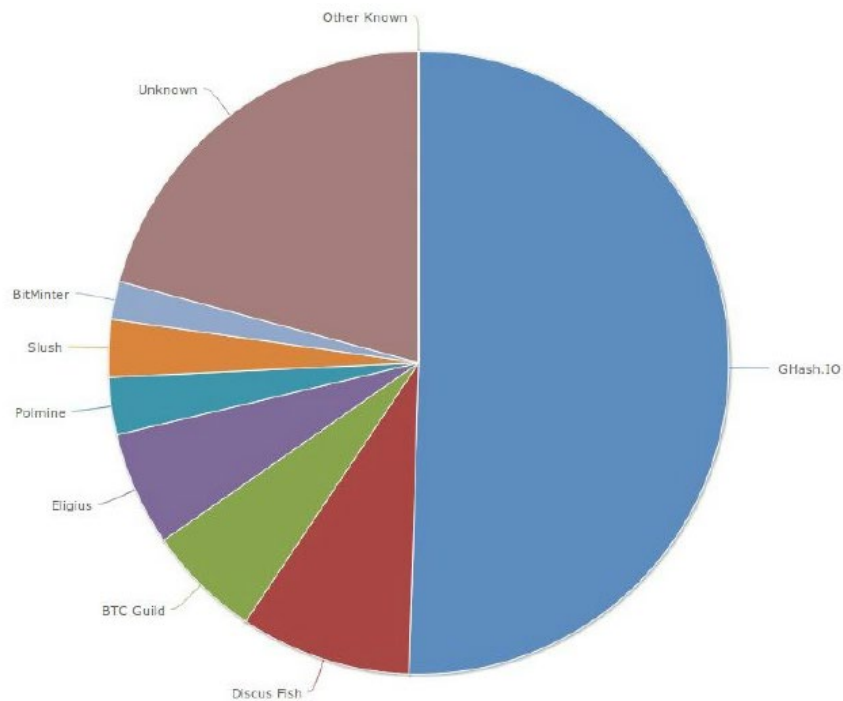
挖矿后期跳到一个按工分分红的矿池。

- 研究问题：如何设计一个矿池方案，避免矿工的投机？

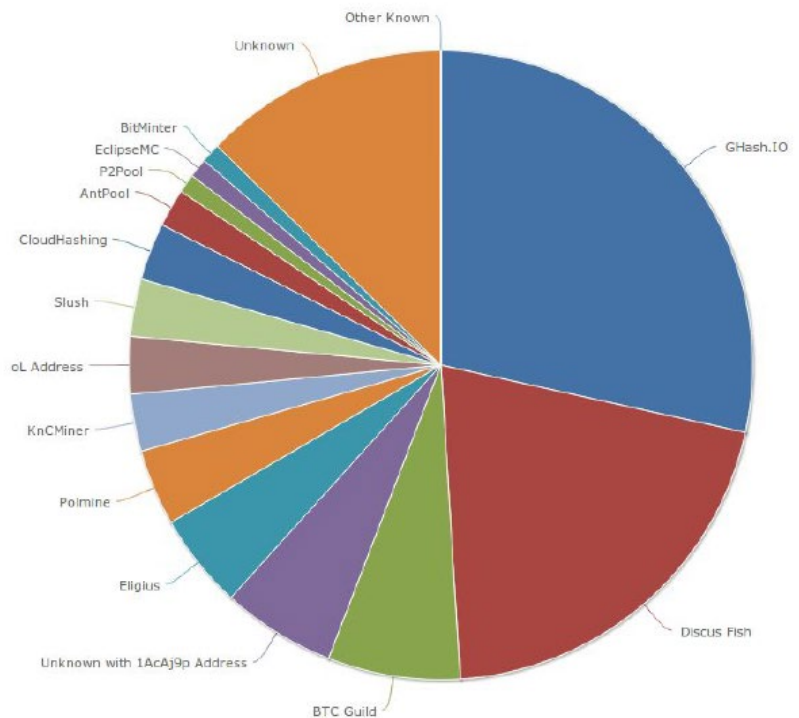
根据最近若干个工分提交的结果才分配

## 5.4 矿池

### ■ 51%矿池

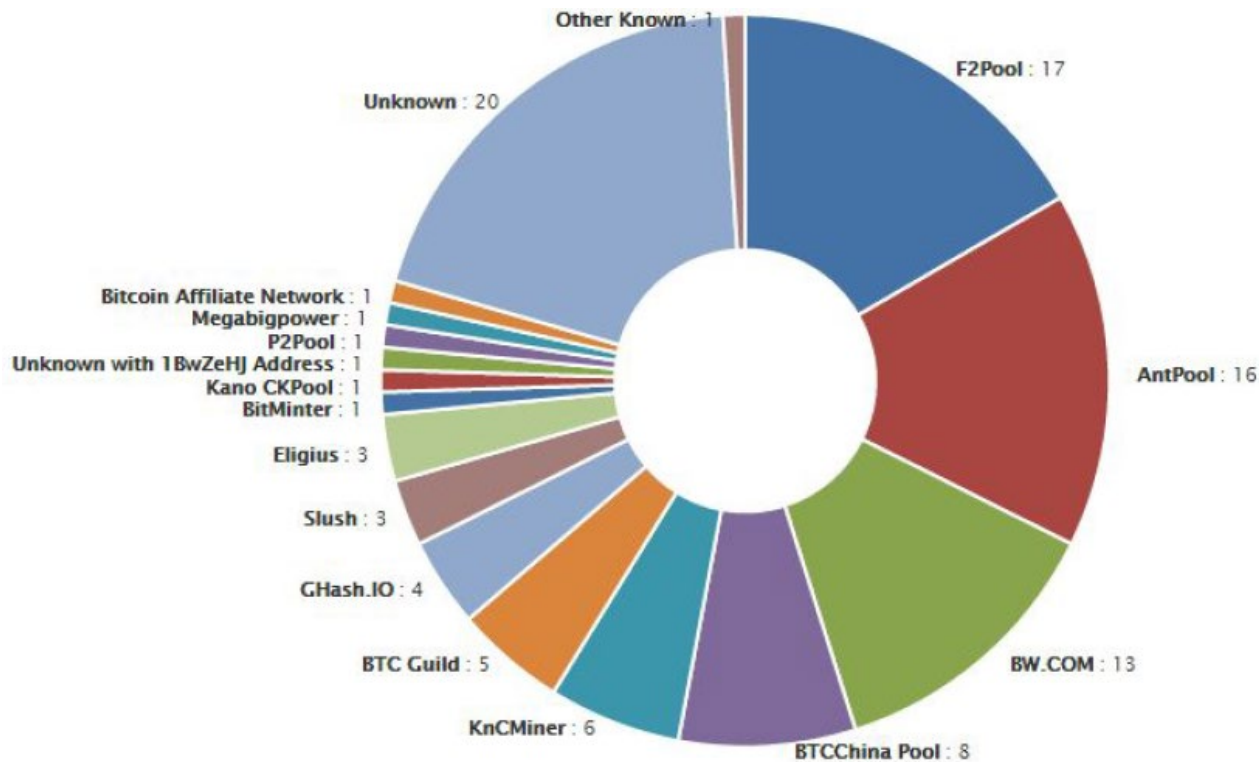


Hash power by mining pool, via  
blockchain.info (June 2014)



Hash power by mining pool, via  
blockchain.info (August 2014)

## 5.4 矿池



实际上的算法可能集中在几个大的机构手中，即使‘洗算力’

Hash power by mining pool, via blockchain.info (April 2015)



## 5.4 矿池

---

- 优点

- 小矿工容易参与，也有一定的收益；

- 网络管理员负责组装区块，网络更新变得更加容易

- 缺点

- （算力）*中心化*管理；

- 整个网络中进行*校验交易*的全节点数目在下降



## 5.5 挖矿的激励和策略

---

- 在挑选一个区块开挖之前，矿工做策略上的选择：
  1. 需要包括哪些交易？  
(优先选择交易费高的交易)
  2. 对哪一个区块进行挖矿运算？  
(优先选择最长的区块链上继续下挖)
  3. 在同一高度的多个区块中做选择？  
(优先选择被监听到的那一个区块)
  4. 什么时候宣布新的区块？  
(默认做法是立刻宣布)



## 5.5 挖矿的激励和策略

---

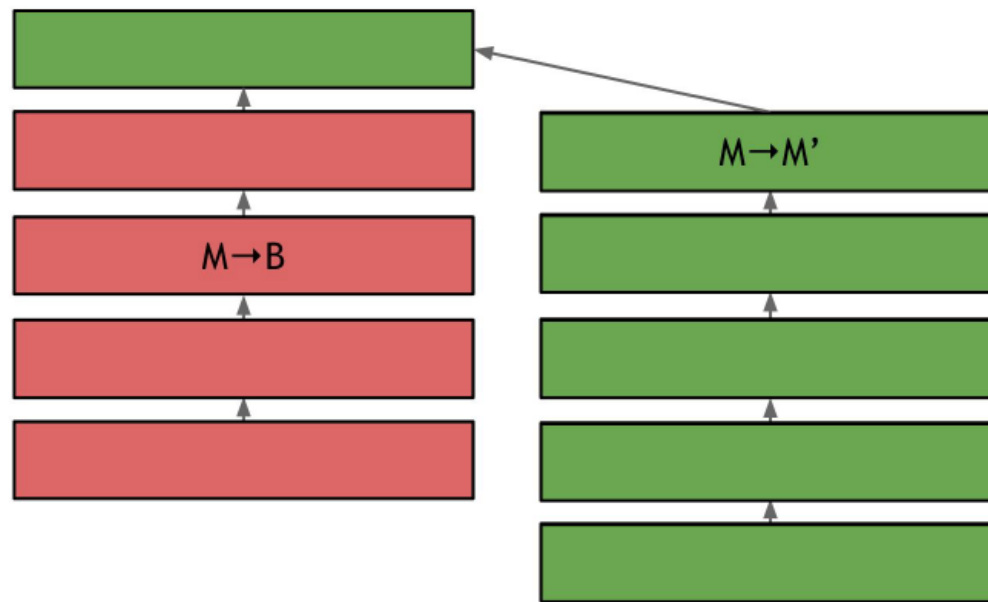
### 分叉攻击(forking attack)

- 双花：重复支付

A malicious miner sends a transaction to Bob and receives some good or service in exchange for it. The miner then forks the block chain to **create a longer branch containing a conflicting transaction**. The payment to Bob will be invalid in this new consensus chain.

## 5.5 挖矿的激励和策略

### ■ 分叉攻击



Forking attack



## 5.5 挖矿的激励和策略

---

- 51%是必要的吗？
- 51%会影响大家对‘去中心化’的信任
- 实际上，稍低算力也可以发起攻击，因为有网络拥塞、延迟等因素：  
中心化的攻击者能够快速通信从而节省一些算力





## 5.5 挖矿的激励和策略

---

- 贿赂攻击

有别于直接获得算力，攻击者贿赂已经具有算力的人，以分叉出一条最长链

- 临时保留区块攻击(*自私挖矿*)

## 5.5 挖矿的激励和策略



### Illustration of selfish mining

- (1) Block chain before attack.
- (2) Attacker mines a block, withholds it, starts mining on top of it.
- (3) Attacker gets lucky, finds a second block before the rest of the network, continues to withhold blocks.
- (4) Non-attacker finds a block and broadcasts it. In response, the attacker broadcasts both his blocks, orphaning the red block and wasting the mining power that went into finding it.



## 5.5 挖矿的激励和策略

---

- 黑名单与惩罚分叉攻击

宣布拒绝在包含来自该地址的交易的区块链上工作；  
（类似美国制裁伊朗）

- 羽量级分叉

如果胆敢把来自地址X的交易加入自己的区块，便有 $\alpha^2$ 的可能会丧失自己已经发现的区块



## 5.5 挖矿的激励和策略

---

- 目前，区块奖励在矿工收入里面占比超过**99%**；
- 但是区块奖励每**4**年减半，最终出块奖励会变得很低；
- 从长期来看，比特币奖励将从固定的挖矿奖励为主，转变为交易费为主