

CATEDRA: GUSTAVO BIONDO – UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR
MATEMÁTICA FINANCIERA 2021–TRABAJOS PRACTICOS

SOLUCIÓN TRABAJO PRACTICO N° 5 - RENTAS INMEDIATAS

Punto 1

Valor Actual Renta Inmediata Vencida

Vo = ? C = \$ 4.500,00 n = 5 años i = 0,24 m = p = 1

$$vVo = \alpha \left(\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right) \quad vVo = \$ 4.500,00 \left(\frac{1 - (1+0,24)^{-5}}{0,24} \right) = \boxed{\$ 12.354,23}$$

Valor Actual Renta Inmediata Adelantada

$$aVo = \alpha \left(\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right) * (1 + i) \quad aVo = \$ 4.500,00 \left(\frac{1 - (1+0,24)^{-5}}{0,24} \right) * (1 + 0,24) = \boxed{\$ 15.319,25}$$

Punto 2

Valor Final Renta Inmediata Vencida

Vn = ? C = \$ 800,00 n = 3 años i = 0,02 m = p = 1

$$vVn = \alpha \left(\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right) \quad vVn = \$ 800,00 \left(\frac{(1+0,02)^3 - 1}{0,02} \right) = \boxed{\$ 41.595,49}$$

Valor Final Renta Inmediata Adelantada

Vn = ? C = \$ 800,00 n = 3 años i = 0,02 m = p = 1

$$aVn = \alpha \left(\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right) * (1 + i) \quad aVn = \$ 800,00 \left(\frac{(1+0,02)^3 - 1}{0,02} \right) * (1 + 0,02) = \boxed{\$ 42.427,40}$$

Valor Actual Renta Inmediata Vencida

Vo = ? C = \$ 800,00 n = 3 años i = 0,02 m = p = 1

$$vVo = \alpha \left(\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right) \quad vVo = \$ 800,00 \left(\frac{1 - (1+0,02)^{-3}}{0,02} \right) = \boxed{\$ 20.391,07}$$

Valor Actual Renta Inmediata Adelantada

Vo = ? C = \$ 800,00 n = 3 años i = 0,02 m = p = 1

$$aVo = \alpha \left(\frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right) * (1 + i) \quad aVo = \$ 800,00 \left(\frac{1 - (1+0,02)^{-3}}{0,02} \right) * (1 + 0,02) = \boxed{\$ 20.798,90}$$

CATEDRA: GUSTAVO BIONDO – UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR
MATEMÁTICA FINANCIERA 2021–TRABAJOS PRACTICOS

i

0,02

Punto 3

Valor Final Renta Inmediata Vencida

$V_n = ?$ $C = \$ 500,00$ $n = 10$ años $i = 0,20$ anual $m = p \neq 1$

$$vV_n = C \left[\frac{(1+i/m)^{n \cdot m} - 1}{i/m} \right] \quad vV_n = \$ 500,00 \left[\frac{(1+0,20/12)^{10 \cdot 12} - 1}{0,20/12} \right] = \boxed{\$ 188.047,65}$$

Punto 4

Valor Final Renta Inmediata Adelantada

$V_n = \$ 1.000.000$ $C = ?$ $n = 84$ meses $i = 0,18$ anual $m = p \neq 1$

$$aV_n = C \left[\frac{(1+i/m)^{n \cdot m} - 1}{i/m} \right] \cdot (1+i/m) \quad 1.000.000 = C \left[\frac{(1+0,18/12)^{84 \cdot 12} - 1}{0,18/12} \right] \cdot (1+0,18/12) = \boxed{\$ 5.928,90}$$

Punto 5

Valor Actual Renta Inmediata Vencida

$V_o = ?$ $C = \$ 2.800,00$ $n = 1$ año $i = 0,15$ anual $m = p \neq 1$

$$vV_o = C \left[\frac{1 - (1+i/m)^{-n \cdot m}}{i/m} \right] \quad aV_o = \$ 2.800,00 \left[\frac{1 - (1+0,15/12)^{-12 \cdot 1}}{0,15/12} \right] = \boxed{\$ 31.022,07}$$

Punto 6

Valor Actual Renta Inmediata Vencida

$vV_o = ?$ $C = \$ 750,00$ $n = 4$ años $i = 0,22$ anual cap. bimestral $m = p \neq 1$

$$vV_o = C \left[\frac{1 - (1+i/m)^{-n \cdot m}}{i/m} \right] \quad vV_o = \$ 750,00 \left[\frac{1 - (1+0,22/6)^{-6 \cdot 4}}{0,22/6} \right] = \boxed{\$ 11.835,67}$$

Valor Final Renta Inmediata Vencida

$$vV_n = \$ 11.835,67 \cdot (1 + 0,22/6)^{6 \cdot 4} \quad vV_n = \boxed{\$ 28.088,73}$$

Punto 7

Valor Final Renta Inmediata Adelantada

$V_n = ?$ $C = \$ 10.000,00$ $n = 6$ años $i = 0,12$ anual cap. semestral $m \neq p \neq 1$

CATEDRA: GUSTAVO BIONDO – UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR
MATEMÁTICA FINANCIERA 2021–TRABAJOS PRACTICOS

$$aVn = \alpha \left(\frac{(1+i/m)^{n \cdot m} - 1}{(1+i/m)^{m/p} - 1} \right) * (1+i/m)^{m/p} \quad aVn = 10.000,00 \left(\frac{(1+0,12/2)^{2 \cdot 6} - 1}{(1+0,12/2)^{2/4} - 1} \right) * (1+0,12/2)^{2/4} = \boxed{\$ 352.508,05}$$

Valor Final Renta Inmediata Vencida

$Vn = ?$ $C = \$ 10.000,00$ $n = 6$ años $i = 0,12$ anual cap. semestral $m \neq p \neq 1$

$$vVn = \alpha \left(\frac{(1+i/m)^{n \cdot m} - 1}{(1+i/m)^{m/p} - 1} \right) \quad vVn = 10.000,00 \left(\frac{(1+0,12/2)^{2 \cdot 6} - 1}{(1+0,12/2)^{2/4} - 1} \right) = \boxed{\$ 342.386,09}$$

Punto 8

Valor Actual Renta Inmediata Adelantada

$Vo = ?$ $C = \$ 2.200,00$ $n = 8$ años $i = 0,10$ anual cap. bimestral $m \neq p \neq 1$

$$aVo = \alpha \left(\frac{1 - (1+i/m)^{-n \cdot m}}{(1+i/m)^{m/p} - 1} \right) * (1+i/m)^{m/p} \quad aVo = (\$2.200,00 * 6) \left(\frac{1 - (1+0,10/6)^{-6 \cdot 8}}{(1+0,10/6)^{6/2} - 1} \right) * (1+0,10/6)^{6/2} =$$

$$aVo = \boxed{\$ 149.438,73}$$

Punto 9

Precio de Contado: \$ 1.500.000,00
 Gastos 8% : \$ 120.000,00
 \$ 1.620.000,00

Valor Actual Renta Inmediata Vencida

$Vo = 1.620.000,00$ $C = ?$ $n = 36$ meses $i = 0,40$ anual $m = p = 1$

$$vVo = \alpha \left(\frac{1 - (1+i/m)^{-n \cdot m}}{i/m} \right) \quad 1.620.000,00 = C \left(\frac{1 - (1+0,40/12)^{-12 \cdot 3}}{0,40/12} \right) = \boxed{\$ 77.938,44}$$

Punto 10

Valor Final Renta Inmediata Vencida

$Vn = 500.000,00$ $C = \$?$ $n = 10$ años $i = 0,0225$ $m = p = 1$

$$vVn = \alpha \left(\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right) \quad 500.000,00 = C \left(\frac{(1+0,0225)^{10 \cdot 12} - 1}{0,0225} \right) = \boxed{\$ 837,00}$$

Valor Final Renta Inmediata Adelantada

$Vn = 500.000,00$ $C = \$?$ $n = 10$ años $i = 0,0225$ $m = p = 1$

CATEDRA: GUSTAVO BIONDO – UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR
MATEMÁTICA FINANCIERA 2021–TRABAJOS PRACTICOS

$$aVn = \alpha \left(\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right) * (1+i) \quad 500.000,00 = C \left(\frac{(1+0,0225)^{10*12} - 1}{0,0225} \right) * (1+0,0225) = \boxed{\$ 818,57}$$

Punto 11

Valor Final Renta Inmediata Adelantada

$$Vn = ? \quad C = \$ 15.000,00 \quad n = 12 \text{ meses} \quad i_1 = 0,028 \quad i_2 = 0,035 \quad m=p=1$$

Inciso a:

$$aVn = \alpha \left(\frac{(1+i)^n - 1}{i} \right) * (1+i) \quad aVn = \$ 15.000,00 \left(\frac{(1+0,028)^{12} - 1}{0,028} \right) * (1+0,028) = \boxed{\$ 216.371,11}$$

Inciso b:

$$aVn = \$ 15.000,00 \left(\frac{(1+0,028)^6 - 1}{0,028} \right) * (1+0,028) * (1+0,035)^6 = \boxed{\$ 121.995,38}$$

$$aVn = \$ 15.000,00 \left(\frac{(1+0,035)^6 - 1}{0,035} \right) * (1+0,035) = \boxed{\$ 101.691,11}$$

$$aVn = \$ 121.995,38 + 101.691,11 = \boxed{\$ 223.686,49}$$

Punto 12

Valor Final Renta Inmediata Vencida

$$Vn = ? \quad C_1 = \$ 5.000,00 \quad n_1 = 12 \text{ meses} \quad C_2 = \$ 6.000,00 \quad n_2 = 18 \text{ meses} \quad i' = 0,0975 \text{ ef. trimestral} \quad m=p=1$$

$$(1+i_m)^{12} = (1+0,0975)^4 \quad i_m = 0,031497491$$

$$vVn = \alpha \frac{(1+i)^n - 1}{i} \quad vVn = \$ 5.000,00 \left(\frac{(1+0,031497491)^{12} - 1}{0,031497491} \right) * (1+0,031497491)^{18} = \boxed{\$ 125.065,96}$$

$$vVn = \alpha \frac{(1+i)^n - 1}{i} \quad vVn = \$ 6.000,00 \left(\frac{(1+0,031497491)^{18} - 1}{0,031497491} \right) = \boxed{\$ 142.399,95}$$

$$vVn = \$ 125.065,96 + \$ 142.399,95 = \boxed{\$ 267.465,91}$$