

1 线性表

26 页 “时间复杂度却不同”

2 串

3 树

3.1 树的存储结构

3.1.1 双亲表示法

如果需要访问双亲的情况比较多，可以用这种方法。

不仅可以用来表示数，也可以用来表示森林。（显然的。不连通即可。）

3.1.2 孩子表示法

容易访问孩子，不容易访问双亲。需要增加头结点去表示森林

```
1 //孩子链表节点
2 class CTNode{
3     int child;
4     CTNode *next;
5 };
6 typedef CTNode* ChildPtr;
7
8 //孩子链表
9 class CTBox{
10     TElemType data;
11     //孩子链表头指针
12     ChildPtr firstchild;
13 };
14
15 //孩纸表示法树
16 class CTree{
17     CTBox nodes[MAX_TREE_SIZE];
18     int n, r;
19 }
```

3.1.3 兄弟表示法

可以把所有根节点当作兄弟。此时可以对森林作先根遍历（对应二叉树先序遍历）和后根遍历（对应二叉树中序遍历）。

```
1 //孩子兄弟链表节点
2 class CSNode{
3     ElemType data; //节点的数据
4     CSNode *firstchild; //节点的第一个孩子
5     CSNode *nextsibling; //节点的兄弟
6 };
```

3.1.4 例 8

统计树（森林）中叶子节点个数。即二叉链中结点的 firstchild 为空的数目。

```
1 int n = 0;
2 void CSleaf(CSTree T){
3     if(T != nullptr) {
4         if(T->firstchild != nullptr) n++;
5         CSleaf(T->firstchild);
6         CSleaf(T->nextsibling);
7     }
8 }
```

3.1.5 例 10

求树的度（最大分支数）

```
1 void SCDegree(CSTree T, int &degree) {
2     if(T == NULL) degree = 0;
3     else {
4         d = 1; p = T->firstchild;
5         // 遍历兄弟来统计孩子数
6         while(p->nextsibling != NULL) {
7             p = p->nextsibling; d++;
8         }
9     }
10    CSDegree(T->firstchild, d1); CSDegree(T->nextsibling, d2);
11    degree = max(d1, d2, d);
}
```

3.2 最优树，最优二叉树——赫夫曼树

3.2.1 一些概念

路径：从树中一个结点到另一个结点之间的分支。

路径长度：路径分支数目。

树的路径长度：根到每一结点路径长度之和

结点的带权路径长度：该结点到树根之间的路径长度与结点上权的乘积

树的带权路径长度：加起来。 $WPL = \sum_{i=1}^n w_i * l_i$

3.2.2 赫夫曼树的应用

最佳判定算法。

3.3 树与等价问题

- 等价类划分
- MFSet 树型结构, Find(S, x), Merge(&S, i, j)

3.4 回溯法与树的遍历

3.4.1 求含 n 个元素的集合的幂集

算法基本描述如下：

- n 个元素 \rightarrow 高度为 n 的满二叉树
- 根节点：空集
- 叶子：形成幂集中的一个元素
- 左分支：取
- 右分支：舍

3.4.2 树的计数

具有 n 个节点的不同形态的树有多少棵？

值相同则称等价，不同则称相似

给定先序序列，寻找中序遍历的所有可能性。

4 图

- 图在邻接矩阵和邻接表上的遍历算法及应用。
- 求图的最小生成树，最短路径，拓扑排序，关键路径等算法及其应用，性能分析。

一些定义：• 无向图：

- 无向图边：边 $(v, w) \in E$ ，则 v 与 w 为邻接点
- 无向图度： $TD(v)$
- 连通分量：极大连通子图

• 有向图：

• 有向图弧：弧 $\langle v, w \rangle \in E$ ， w 为弧头， v 为弧尾。顶点 v 邻接到顶点 w ，顶点 w 邻接自顶点 v

- 有向图度：入度： $ID(v)$ ；出度 $OD(v)$
- 简单路径：没有环路的路径
- 简单环：没有重复绕圈圈
- 强连通图：可以有向连通的有向图
- 强连通分量：有向图中的极大强连通子图
- 稀疏图： $e < n \log n$
- 网：图中边或弧上有权。有向图，有向网，无向图，无向网

4.1 关系集存储方法

教材算法 7.1-7.3

4.1.1 数组表示法邻接矩阵

```
1 typedef struct {  
2     // 顶点向量  
3     VertexType vexs[MAX_VERTEX_NUM];  
4     AdjMatrix arcs;  
5     int vexnum, arcnum;  
6     GraphKind kind;  
7 }
```

4.1.2 邻接表

```
1 typedef struct ArcNode { //表结点
2     int adjvex; //弧指向的顶点的位置
3     struct ArcNode *nextarc; 指向下一条弧的指针
4     InfoType *info;
5 } ArcNode;
```

4.2 有向无环图及其应用

- 表达式共享子式
- 描述一项工程 工程由若干活动组成

4.2.1 拓扑排序

- 顶点表示活动的网 (AOV-网) 用弧表示活动间有限关系的有向图
- 拓扑排序算法

- 1. 在图中找一个没有前驱的顶, 输出;
 - 2. 删除以其为尾的弧, 直至所有顶已输出. 可建立一个 0 度顶栈来实现.
- 时间复杂度为 $O(n+e)$