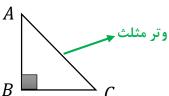
(فصل ششم)

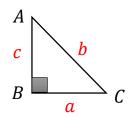
مثلث

مثلث قائم الزاویه: مثلثی است که دو ضلع آن بر هم عمود باشند. ضلع روبه رو به زاویه ۹۰ درجه وتر نام دارد.



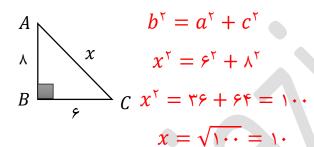
نكته: وتر مثلث قائم الزاويه بزرگترين ضلع مثلث است.

رابطه فيثاغورس: اين رابطه فقط در مثلث قائم الزاويه نوشته مي شود:



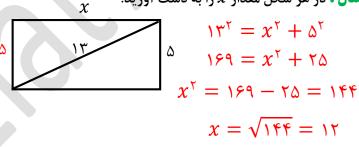
نکته: اگر در مثلثی مجذور یک ضلع با مجموع مجذورهای دو ضلع دیگر برابر باشد. آن مثلث قائم الزاویه است. (عکس رابطه فیثاغورس)

x مثال : در هر شکل مقدار x را به دست آورید.

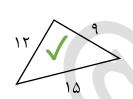


770 = 188 + 11

770 = 770



مثال: کدام یک از مثلث های زیر قائم الزاویه است؟ چرا؟



$$17^{7} = 1 \cdot ^{7} + \lambda^{7}$$

$$199 = 1 \cdot \cdot + 99$$

$$199 \neq 199$$

اعداد فیثاغورسی: اعدادی هستند که مربع ضلع بزرگتر با مجموع مربعات دو ضلع دیگر برابر باشند.

نگته: بعضی از اعداد فیثاغورسی پر کاربرد عبارتند از: (۲۰,۲۵) ((۱۲,۱۳) ((۹,۱۲,۱۳) ((۵,۱۲,۱۳) ((۳,۴,۵)

رسم پاره خط به طول \sqrt{a} ابتدا دو عدد مشخص کرده که مجموع مربعات آن دو عدد زیر رادیکال شود. سپس مثلث قائم الزاویه با این اضلاع رسم کرده و تر مثلث به اندازه ی همان عدد خواسته شده است.

مثلث

lphaمثال : پاره خطی به طول ۱۰ $\sqrt{100}$ رسم کنید. ابتدا دو عدد پیدا کرده که مجموع مربعات آن دو عدد ۱۰ شود :

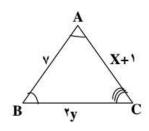
$$r^{r} + 1^{r} = q + 1 = 1$$

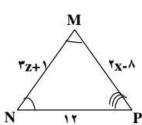


شکل های همنهشت : اگر دو شکل را با یک یا چند تبدیل (انتقال و تقارن و دوران) بر یکدیگر منطبق کنیم. به طوری که کاملا یکدیگر بپوشانند آن دو شکل همنهشت هستند.

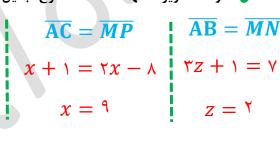
نکته: در دو شکل همنهشت اجزای متناظر دو مثلث (ظلع ها و زاویه ها) برابرند.

مثال : دو مثلث زیر همنهشت هستند. نوع تبدیل و مقدار x و y و z را به دست آورید. نوع تبدیل : انتقال

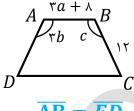








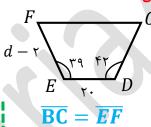
مثال: دو شکل زیر همنهشت هستند. الف) نوع تبدیل را بنویسید. (دوران)



$$\overline{AB} = \overline{ED}$$

$$\forall a + \lambda = \forall \cdot$$

$$a = \forall$$



$$\widehat{\mathbf{A}} = \widehat{\mathbf{D}}$$
 $rb = rr$
 $b = rr$

ب) مقادیر مجهول را به دست آورید.
$$\widehat{f B}=\widehat{m E}$$
 $C= extsf{ extsf{C}}$

حالت های همنهشتی دو مثلث : دو مثلث دلخواه در سه حالت با یکدیگر همنهشت هستند :

٣) سه ضلع برابر (ض ض ض)

۱) دو ضلع و زاویه بین برابر (ض زض) ۲۰۰۰ دو زاویه و ضلع بین برابر (زض ز)

حالت های همنهشتی دو مثلث قائم الزاویه : دو مثلث قائم الزاویه در دو حالت با یکدیگر همنهشت هستند :

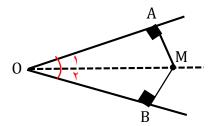
۲) وتر و یک زاویه تند (وز)

۱) وتر و یک ضلع (وض)

مثلث

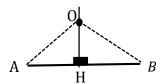
نکته: دو مثلث با سه زاویه برابر (ززز) همنهشت نیستند.

نکته: هر نقطه روی نیمساز زاویه از دو ضلع زاویه به یک فاصله است.



$$\hat{O}_{_{\!\!1}}=\hat{O}_{_{\!\!\!7}}\left($$
نيمساز OM) نيمساز $\hat{A}=\hat{B}=0$ خرجه $OAM\cong OBM \Longrightarrow MA=MB$ $OM=OM=OM=0$ خلع مشترک $OM=OM=0$

نکته: هر نقطه روی عمود منصف یک پاره خط از دو سر پاره خط به یک اندازه است.

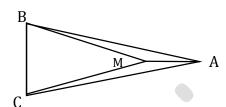


$$AH=HB$$
 (عمود منصف OH) عمود $\widehat{H}_{_1}=\widehat{H}_{_{Y}}=$ ۹۰ عمود منصف $OH=OH=OH=0$

$$ightarrow AHO \cong BHO \Rightarrow OA = OB$$
 $(ض ز ض)$

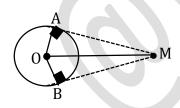
مثال : در شکل زیر دو مثلث ABC و MBC متساوی الساقین هستند. دلیل هم نهشتی دو مثلث AMB و AMB را بنویسید.

(جاهای خالی را کامل کنید)



$$AB = AC$$
 $MB = MC$
 $AM = AM$
 $\Rightarrow AMB \cong AMC$
 $(\dot{\omega} \dot{\omega} \dot{\omega})$

مثال: نشان دهید طول دو مماس رسم شده از نقطه خارج دایره با هم برابر هستند.



$$OA = OB$$
 شعاع دایره $\hat{A} = \hat{B} = 9$ درجه $MAO \cong MBO \Rightarrow MA = MB$ $OM = OM = 0$ ضلع مشترک $MAO \cong MBO \Rightarrow MA = MB$