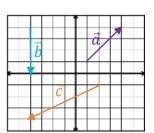
مثال : مختصات بردارهای زیر را بنویسید.

بردار و مختصات

بردار: خط راست جهت داری است. برای نام گذاری بردار از دو حرف بزرگ انگلیسی یا یک حرف کوچک انگلیسی استفاده می شود.

مختصات بردار: برای به دست آوردن مختصات یک بردار از ابتدا طول (جهت افقی) سپس عرض (جهت عمودی) را به دست می آوریم.

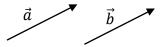


$$\vec{a} = \begin{bmatrix} r \\ r \end{bmatrix}$$

$$\vec{b} = \begin{bmatrix} \cdot \\ - \end{bmatrix}$$

$$\vec{c} = \begin{bmatrix} -\varphi \\ -\Psi \end{bmatrix}$$

دو بردار مساوی (هم سنگ): دو بردار در صورتی مساویند که: هم جهت و هم اندازه و موازی باشند.



$$\vec{a} = \vec{b}$$

مانند:

دو بردار قرینه : دو بردار در صورتی قرینه هم هستند که : هم اندازه و موازی ولی خلاف جهت هم باشند.

$$\frac{\vec{a}}{\vec{b}}$$

مانند:

$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{o}$$

نکته: حاصل جمع هر بردار با قرینه اش برابر با بردار صفر است:

جمع بردارها (برآیند بردارها): برای جمع دو بردار از دو روش استفاده می شود:

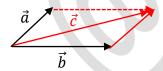
۱) روش مثلثی : اگر دو بردار پشت سر هم باشند از این روش استفاده می شود و در این روش برای بر آیند بردارها از ابتدا بردار اولی به انتها بردار دومی رسم می شود.



تساوی جبری:
$$ec{a}+ec{b}=ec{c}$$

مانند:

۲) روش متوازی الاضلاع: اگر دو بردار پشت سر هم نباشند از انتهای یکی از دو بردار مساوی بردار بعدی رسم کرده تا دو بردار پشت سرهم شوند و در آخر از ابتدا دو بردار به انتهای بردار جدید رسم می کنیم.

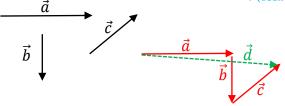


تساوی جبری:
$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}$$

مانند:

مثال: حاصل جمع بردارهای زیر را رسم کنید.

(بردارهای مساوی با هر بردار طوری رسم می کنیم که بردارها پشت سرهم باشند) :



تساوی جبری: $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{d}$

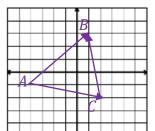


تساوی جبری:
$$ec{e}+ec{f}+ec{h}=ec{k}$$

بردار و مختصات

مثال: برای شکل زیر یک جمع برداری و یک جمع مختصاتی بنویسید.

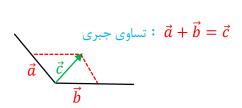
(در شکل دو بردار را طوری مشخص می کنیم که پشت سر هم باشند)

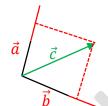


رداری:
$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{AB}$$

جمع مختصاتی :
$$\begin{bmatrix} \varphi \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

تجزیه بردارها: اگر بردار حاصل جمع را داشته باشیم از انتها آن بردار به موازات دو محور رسم کرده هر جا محور یا امتداد محور را قطع کرد انتهای دو بردار به دست می آید.





مثال : بردار \overrightarrow{C} را در امتداد های رسم شده تجزیه کنید.

مثال: حاصل عبارت های زیر را به دست آورید.

تساوی چبری:
$$ec{a} + ec{b} = ec{c}$$

k imes igl| x = igl| x + igl| x = igl| k + igl| k + igl| k + igr| k + igr|

 $-\Delta \begin{bmatrix} \Upsilon \\ \Upsilon \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1\Delta \\ -1 \end{bmatrix}$

$$r\begin{bmatrix} r \\ -1 \end{bmatrix} - r\begin{bmatrix} 1 \\ -r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -r \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -r \\ 1r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

مثال: اگر $\vec{c}=rec{a}-ec{b}$ و $\vec{b}=egin{bmatrix} -1 \ ec{b}\end{bmatrix}$ باشد. مختصات بردار $ec{d}=rec{d}-ec{b}$ را به دست آورید.

$$\vec{c} = r \begin{bmatrix} r \\ r \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -1 \\ r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r \\ q \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ -r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r \\ Q \end{bmatrix}$$





$$\vec{c} = \vec{a} - \vec{b}$$



مثال: بردار خواسته شده را رسم کنید.

(توبر برابر بردار \vec{a} در همان جهت ۲) ۲ \vec{a}

(۱ برابر بردار \overrightarrow{b} درخلاف جهت $-\overrightarrow{b}$

معادله مختصاتي: براي حل معادلات مختصاتي همانند معادلات معمولي عمل مي كنيم:

۱) مجهول ها در سمت چپ و مختصات ها را به سمت راست منتقل می کنیم.

۲) حاصل مجهول ها و مختصات ها را به دست می آوریم.

٣) طول و عرض مختصات را بر ضريب مجهول تقسيم مي كنيم.

نکته: در حل معادله مختصاتی عدد های معلوم یا مجهول از یک طرف تساوی به طرف دیگر منتقل شود علامت آن ها قرینه می شود.

بردار و مختصات

مثال: معادلات مختصاتی زیر را حل کنید.

$$\Delta \vec{x} = \begin{bmatrix} -\Delta \\ 1 \cdot \end{bmatrix} \Longrightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} -\Delta \div \Delta \\ 1 \cdot \div \Delta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 7 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -\tau \\ \tau \end{bmatrix} - \tau \vec{x} = \begin{bmatrix} \delta \\ \varsigma \end{bmatrix} \Longrightarrow -\tau \vec{x} = \begin{bmatrix} \delta \\ \varsigma \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \tau \\ -\tau \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \delta \\ \varsigma \end{bmatrix}$$
$$\vec{x} = \begin{bmatrix} \delta \div -\tau \\ \varsigma \div -\tau \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\tau \\ -\tau \end{bmatrix}$$

$$\vec{x} + \begin{bmatrix} \mathbf{r} \\ -\mathbf{r} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\mathbf{r} \\ -\mathbf{r} \end{bmatrix} + \mathbf{r} \mathbf{x} \implies \vec{x} \quad \vec{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{r} \\ -\mathbf{r} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -\mathbf{r} \\ \mathbf{r} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\Delta \\ -\mathbf{r} \end{bmatrix} \implies \vec{x} = \begin{bmatrix} -\Delta \\ -\mathbf{r} \end{bmatrix}$$

بردارهای واحد مختصات: به دو بردار $\vec{t} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ (واحد طول) و $\vec{t} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ (واحد عرض) بردارهای واحد مختصات می گویند.

نکته : برای تبدیل یک بردار به برادر واحد مختصات کافی است عدد طول مختصات را ضریب \hat{i} و عدد عرض مختصات را ضریب \hat{j} قرار دهیم.

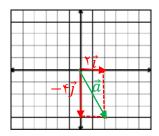
مثال : بردارهای زیر را بر حسب $ec{i}$ و $ec{j}$ بنویسید.

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} -\mathbf{r} \\ \mathbf{r} \end{bmatrix} = -\mathbf{r} \vec{\imath} + \mathbf{r} \vec{\jmath}$$

$$\vec{b} = \begin{bmatrix} \cdot \\ -\Delta \end{bmatrix} = -\Delta \vec{J}$$

$$\vec{c} = \begin{bmatrix} r \\ \cdot \end{bmatrix} = r\vec{i}$$

مثال: مختصات بردار $ec{a}=$ $au ar{t}-$ را نوشته سپس بردار مختصات رسم کنید.



$$\vec{a} = \vec{r} \cdot \vec{l} - \vec{r} \cdot \vec{j} = \begin{bmatrix} \vec{r} \\ -\vec{r} \end{bmatrix}$$

مثال : اگر $ec{c}=ec{a}- extbf{Y}ec{b}$ و $ec{b}=ec{t}+ extbf{Y}ec{f}$ باشد. مختصات بردار $ec{d}=ec{a}- extbf{Y}ec{f}$ را بنویسید.

$$\vec{a} = \vec{r} \cdot \vec{l} - \vec{r} \cdot \vec{j} = \begin{bmatrix} \vec{r} \\ -\vec{r} \end{bmatrix}$$

$$\vec{b} = \vec{l} + \vec{r} \cdot \vec{j} = \begin{bmatrix} \vec{r} \\ \vec{r} \end{bmatrix}$$

$$\vec{c} = \vec{a} - r\vec{b} = \begin{bmatrix} r \\ -r \end{bmatrix} - r \begin{bmatrix} r \\ r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r \\ -r \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -r \\ -s \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cdot \\ -\lambda \end{bmatrix}$$

مثال: معادلات مختصاتی زیر را حل کنید.

$$r\vec{x} + \begin{bmatrix} r \\ -r \end{bmatrix} = r\vec{i} - \vec{j} \Rightarrow r\vec{x} = \begin{bmatrix} r \\ -r \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -r \\ r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r \\ r \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} r & \dot{r} \\ \dot{r} & \dot{r} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{r} \\ \frac{1}{r} \end{bmatrix}$$

$$\vec{x} + \vec{v}\vec{i} = \vec{v}\vec{x} - \vec{v}\begin{bmatrix} 1 \\ -\vec{v} \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} - \vec{v}\vec{x} = \begin{bmatrix} -\vec{v} \\ \vec{r} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -\vec{v} \\ \vec{r} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\vec{r} \\ \vec{r} \end{bmatrix} \Rightarrow \vec{x} = \begin{bmatrix} -\vec{r} \div - 1 \\ \vec{r} \div - 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \vec{r} \\ -\vec{r} \end{bmatrix}$$