سال هشتم

### (فصل هفتم)

درسنامه و نکات کلیدی

توان و جذر

ضرب اعداد توان دار: الف) اگر پایه ها برابر باشند: یکی از پایه ها را نوشته و توان ها را با هم جمع می کنیم.

 $a^m \times a^n = a^{m+n}$ 

$$k_{\Lambda} \times k_{\mu} = k_{I}$$

مانند:

ب) اگر توان ها برابر باشند : یکی از توان ها را نوشته و پایه ها را در هم ضرب می کنیم.

 $a^m \times b^m = (ab)^m$ 

$$17^{\circ} \times 7^{\circ} = 75^{\circ}$$

مانند:

تقسيم اعداد توان دار: الف) اگر پايه ها برابر باشند : يكي از پايه ها را نوشته و توان ها را از هم كم مي كنيم.

 $a^m \div a^n = a^{m-n}$ 

$$\frac{q^{\delta}}{q^{\tau}} = q^{\gamma}$$

مانند:

ب) اگر توان ها برابر باشند: یکی از توان ها را نوشته و پایه ها را بر هم تقسیم می کنیم.

 $a^m \div b^m = \left(\frac{a}{h}\right)^m$ 

$$Y \cdot {}^{\wedge} \div {}^{\varphi} {}^{\wedge} = {}^{\wedge}$$

مانند:

نکته: اگر در ضرب و تقسیم اعداد توان دار پایه ها و توان ها برابر نباشند از تجزیه استفاده می کنیم.

 $\mathbf{F}_{\mathbf{V}} \times \mathbf{V}_{\mathbf{L}} = (\mathbf{V}_{\mathbf{L}})_{\mathbf{V}} \times \mathbf{V}_{\mathbf{L}} = \mathbf{L}_{\mathbf{L}}$ 

$$\begin{array}{ccc}
\bullet^{\vee} \div & \vee \vee & = (\mu_{1})^{\vee} \div \mu_{1} & = \mu_{1} \\
\bullet^{\vee} & \bullet^{\vee} & \bullet^{\vee} & = \mu_{2}
\end{array}$$

مانند:

نكته: اگر اعداد توان دار مثل هم باشند و بين آن ها علامت جمع باشد آن عبارت را تبديل به ضرب مي كنيم.

 $Y^{\circ} + Y^{\circ} = Y \times Y^{\circ} = Y^{\vee}$ 

$$9^{\delta} + 9^{\delta} + 9^{\delta} = r \times 9^{\delta} = r \times (r^{\dagger})^{\delta} = r^{11}$$

مانند:

نکته: عدد منفی داخل پرانتز باشد علامت منفی به تعداد توان ضرب می شود. اگر عدد منفی داخل پرانتز نباشد منفی به تعداد توان ضرب نمی شود.

 $(-\mathfrak{k})^{\mathsf{r}} = -\mathfrak{k} \times -\mathfrak{k} = 1\mathfrak{k}$ 

$$-\mathbf{f}^{\mathsf{r}} = -(\mathbf{f} \times \mathbf{f}) = -1\mathbf{f}$$

**نگته :** عدد منفی به توان زوج برسد حاصل عددی مثبت و اگر به توان فرد برسد حاصل عددی منفی می شود.

توان زوج → ۲۱ = ۱۳ (۳)

$$(-r)^{\overline{r}} = -rv$$
 توان فرد

نکته: اگر عدد توان دار داخل پرانتز باشد و توان دیگر داشته باشد پایه را نوشته و توان ها را در هم ضرب می شود.

 $(r^r)^r = r^r$ 

$$((\mathbf{r}^{\mathbf{r}})^{\mathbf{r}})^{\mathbf{r}} = \mathbf{r}^{\mathbf{r}\mathbf{r}}$$

مانند:

مانند:

نکته: اگر عدد توان دار بدون پرانتز نباشد و توان دیگر داشته باشد پایه را نوشته و عبارت بالا را جواب می دهیم.

مانند:

توان و جذر

مثال: حاصل هر عبارت را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$\underline{\underline{\mathbf{r}}^{\mathsf{F}}} \times \underline{\underline{\mathbf{r}}^{\mathsf{Y}}} \div \underbrace{\underline{\mathbf{r}}}_{\mathsf{Ag}} \div \underline{\mathbf{r}}^{\mathsf{F}} = \underline{\mathbf{r}}^{\mathsf{F}}$$

$$\frac{\frac{\mathbf{k}_{\Lambda} \times \mathbf{k}_{\Lambda}}{\mathbf{k}_{\Lambda}} = \frac{\mathbf{k}_{\Lambda}}{\mathbf{k}_{\Lambda}} \times \frac{\mathbf{k}_{\Lambda}}{\mathbf{k}_{\Lambda}} = \mathbf{k}_{\Lambda} \times \mathbf{k}_{\Lambda} = 11_{\Lambda}$$

مثال: اگر  $\mathbf{\Delta} = \mathbf{\Delta}'$  باشد حاصل هر عبارت را به دست آورید.

$$\mathsf{r}\mathsf{v}^a = (\mathsf{r}^\mathsf{r})^a = (\mathsf{r}^a)^\mathsf{r} = \mathsf{a}^\mathsf{r} = \mathsf{i}\mathsf{r}\mathsf{a}$$

$$\mathbf{q}^{\dagger a} = (\mathbf{r}^{\dagger})^{\dagger a} = (\mathbf{r}^{a})^{\dagger} = \mathbf{\Delta}^{\dagger} = \mathbf{S} \mathbf{T} \mathbf{\Delta}$$

 $\overline{k_{\Lambda}} \times \lambda_{k} \times (\cdot \setminus \nabla)_{\Lambda} = \lambda_{\Lambda} \times \lambda_{k} = \lambda_{I}.$ 

$$\frac{1}{\Delta^{r}} \frac{1}{\Delta^{r}} = \frac{\Delta^{r}}{\Delta^{r}} = \Delta^{r}$$

$$\mathbf{r}^{a+r} = \mathbf{r}^a \times \mathbf{r}^r = \Delta \times \mathbf{q} = \mathbf{r}\Delta$$

$$\mathbf{r}^{a-\mathbf{r}} = \mathbf{r}^a \div \mathbf{r}^{\mathbf{r}} = \Delta \div \mathbf{r} \mathbf{r} = \frac{\Delta}{\mathbf{r} \mathbf{r}}$$

نکته: برای مقایسه اعداد توان باید پایه یا توان اعداد را برابر کنیم.

مثال: اعداد زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کنید.

$$^{\mathsf{F}}$$
,  $^{\mathsf{F}^\mathsf{T}}$ ,  $^{\mathsf{F}}$   $\Rightarrow$   $^{\mathsf{F}}$   $<$   $^{\mathsf{F}}$   $<$   $^{\mathsf{F}}$   $<$   $^{\mathsf{F}}$   $<$   $^{\mathsf{F}}$ 

جذر یا ریشه دوم اعداد : در تساوی  $[ \mathbf{r}^{\mathsf{Y}} = \mathbf{q} ]$  عدد ۹ را مجذور اعداد ۳ و ۳ – می گویند. و اعداد ۳ و ۳ – جذر یا ریشه دوم اعداد ۳ و ۳ – می گویند.

ریشه های دوم ۹ می گویند.

نکته: هر عدد دارای دو ریشه دوم است که یکی قرینه ی دیگری است.

مانند: ریشه های دوم عدد ۳۶ برابر است با: ۶ و ۶-

نگته : در جذر گیری فقط عدد مثبت آن در نظر گرفته می شود و جذر را با رادیکال  $(oldsymbol{\sqrt{\phantom{A}}})$  نشان می دهند.

نکته: اعداد منفی جذر ندارند. چون مجذور هیچ عددی ؛ منفی نمی شود.

نگته: جذر اعداد صفر و یک برابر با خود آن اعداد است.

مثال: جذر اعداد زیر را به دست آورید.

$$\sqrt{\sqrt{18}} = \sqrt{F} = 7 \qquad \sqrt{\frac{4}{1 \cdot 1}} = \frac{\sqrt{10}}{1 \cdot 10} = \frac{10}$$

#### سال هشتم

### (فصل هفتم)

درسنامه و نکات کلیدی

## توان و جذر

**جذر تقریبی اعداد:** برای به دست آوردن جذر تقریبی اعداد مراحل زیر را به ترتیب انجام می دهیم:

- ۱) ابتدا مشخص می کنیم عدد داده شده بین کدام دو عدد صحیح متوالی قرار دارد.
  - ۲) سپس عدد وسط دو عدد را مشخص کرده و مجذور آن را می نویسیم.
- ٣) سپس اگر مجذور عدد وسطى از عدد داده شده بيشتر بود ۴ عدد كمتر از عدد وسطى و اگر از عدد داده شده كمتر بود ۴ عدد بزرگتر از عدد وسطی را می نویسیم.
- ۴) داخل یک جدول مجذورهای ۴ عدد را نوشته سپس مجذور عددی که به عدد داده شده نزدیکتر بود همان جذر تقریبی عدد

نگته : برای این که بدانیم عدد داده شده بین کدام دو صحیح متوالی قرار دارد مجذور دو عددی را مشخص می کنیم که به عدد داده شده نزدیک باشد.

مثال : مشخص عدد  $\sqrt{\pi r}$  و  $\sqrt{\Lambda r}$  بین کدام دو عدد قرار دارد و به کدام عدد نزدیکتر است.

 $\sqrt{\frac{\omega}{X\Delta}} < \sqrt{\frac{\gamma}{TT}} < \sqrt{\frac{\gamma}{XS}}$  (بین ۵ و ۶ که به ۶ نزدیکتر است)

مرحله ۱

عدد وسط

 $\begin{array}{c}
9 \longrightarrow 9/\Delta \longleftarrow \gamma \\
\sqrt{x'9} < \sqrt{y} < \sqrt{y'9}
\end{array}$ 

$$\sqrt{N1} < \sqrt{NT} < \sqrt{NT} < \sqrt{NT}$$
 (بین ۹ و ۱۰ که به ۹ نزدیکتر است)

مجذور عدد وسط

$$(9/\Delta)^{\Upsilon} = \Upsilon \Upsilon / \Upsilon \Delta$$

مثال: جذر تقریبی عدد ۴۷ را به دست آورید. مرحله ۳

47/70 < 47

چون مجذور عدد وسط كمتر از عدد شده مجذور

۴ عدد بزرگتر از عدد وسط را می نویسیم

عدد	9/9	9/4	9/1	9/9
مجذور عدد	44/09	44/44	49/44	44/91

$$\sqrt{\rm fy} \simeq \rm f/A$$

مثال: جذر تقریب عدد ۱۲۷ را به دست آورید.

مرحله ١

عدد وسط  $\sqrt{17/1} < \sqrt{171} < \sqrt{177}$  مرحله ۲

مجذور عدد وسط

 $(11/\Delta)^{\Upsilon} = 177/T\Delta$ 

مرحله ٣ 177/70 > 177

چون مجذور عدد وسط بیشتر از عدد شده مجذور

۴ عدد کوچکتر از عدد وسط را می نویسیم

سال هشتم

# (فصل هفتم)

درسنامه و نکات کلیدی

توان و جذر

عدد	11/1	11/4	11/٣	11/4
مجذور عدد	177/71	175/88	177/99	144/48

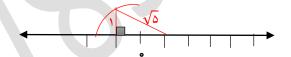
$$\sqrt{177} \simeq 11/7$$

نمایش اعداد رادیکالی روی محور اعداد: برای نمایش این اعداد چهار مورد زیر را باید مشخص کنیم:

۱) مبدا حرکت

 $\sim$  اعداد  $\sqrt{17}$  و  $\sqrt{6}$  و  $\sqrt{10}$  را روی محور اعداد نمایش دهید.





خواص ضرب و تقسیم رادیکال ها: در ضرب و تقسیم رادیکال ها می توان رادیکال را جدا از هم نوشت.

مثال: حاصل عبارت های زیر را به دست آورید.

$$\sqrt{9\cdots} = \sqrt{9 \times 1\cdots} = \sqrt{9} \times \sqrt{1 \times \cdots} = 7^{\circ}$$

$$\sqrt{\frac{\tau\Delta}{\tau\varsigma}} = \frac{\sqrt{\tau\Delta}}{\sqrt{\tau\varsigma}} = \frac{\Delta}{\varsigma}$$

نکته: در جمع و تفریق رادیکال ها نمی توان رادیکال را جدا از هم نوشت و جواب داد:

$$\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

$$\sqrt{a-b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}$$

نکته: برای ساده کردن عدد زیر رادیکال می توان برای بعضی از اعداد یک ضرب نوشت به شرطی که یکی از دو عدد جذر دقیق داشته باشد.

مثال: اعداد زیر را به صورت ضرب یک عدد طبیعی در رادیکال بنویسید.

$$\sqrt{r} = \sqrt{r} \times \Delta = r\sqrt{\Delta}$$

$$e^{i \lambda} = r\sqrt{\Delta}$$

$$r\sqrt{f\lambda} = r\sqrt{f} \times r = 17\sqrt{r}$$

$$\frac{\times}{\text{sign}}$$