# 计量经济学复习资料

Karry

# 1 计量经济学的性质与经济数据

计量经济学和数理科学最大的区别:主要考虑和分析的是非实验数据。

非实验数据(nonexperimental data): 并非从对个人、企业或经济系统中的某些部分的控制实验而得来。(也被成为观测数据(observational data)或回顾数据(retrospective data))

注意: 实验数据仍然存在(Randomized Trial)

# 1.1 实证检验的过程

Step 1 经验分析 or 规范分析找变量

其实在如今实际过程中, 我们并不会去关心变量怎么来的, 而是直接选取 计量模型

### Step 2 构建计量模型

u 中包括了不可观测到的因素 + 可以观测到但不好用数字衡量的因素 计量说白了就是和干扰项不断斗争的过程

Step 3 估计参数

Step 4 假设检验 + 给结论

#### 1.2 数据类型

- 横截面数据: 给定时间点上很多个体 Feature 的数据
- 时间序列数据: 个体 Feature 在时间轴上变动的数据
- 混合横截面数据:一年的横截面数据不够,为了扩充样本把多年的混合(两年间个体可以不一一对应)
- 面板数据: 很多个体的 Feature 在时间轴上分别变动的数据

# 1.3 因果效应 和 Ceteris paribus

肥料对作物收成的影响+ 测度教育回报 + 执法队城市犯罪活动的影响

- 很多因素观测不到
- 选择性偏差 (Selective Bias)

#### 框架:

- 第二章从用一个变量去解释另一个变量的简单线性回归模型开始, 了解基础 (原理 + 假设)
- 第三章介绍多元回归分析,开始学习用多个变量去解释一个变量, 完成Step3
- 第四章介绍如何对估计出来的结果,做假设检验,完成Step4
- 第六章往 OLS 的深层基础进行探究
- 第七章开始介绍虚拟变量
- 第八章打破同方差假设,探究如何破除异方差

# 2 起点:简单回归模型

$$y = \beta_0 + \beta_1 x + u$$

两个 bug:

- 不同 x 的边际效应相同
- u 和 x 之间的影响太重大

# 引入零条件均值

即: E(u|x) = 0 这意味着不论 x 为多少 u 的均值都是零 u 和 x 在这种情况下无关

case: 在教育回报率的方程中, 意味着 E(abli|16) = E(abli|8) 也就是 说受过16年教育人的能力和受过8年教育人的能力完全相同

# 2.1 OLS 求解参数

两种思路

- E(u) = 0 && E(u|x) = E(ux) = 0
- 最小化残差进行优化

### 几个性质

- $E(\hat{u}) = 0$
- $E(x\hat{u}) = 0$
- (x均值, y均值) 在回归线上
- SST = SSE + SSR

#### 拟合优度 R2

•  $R^2 = SSE/SST = 1 - SSR/SST$ 

经典问题: 拟合优度并不是越高越好? 正确。判断估计结果是否准确的标准是高斯马尔科夫定理,即 BLUE (best linear unbiased estimator—无偏、一致、有效) 性质是否成立。而 BLUE 性质是否成立与  $R^2$  大小没有必然联系。如果高斯马尔科夫假设不成立,估计存在偏差,此时  $R^2$  再大也没有意义。

#### 几点说明

- 调整因变量单位(/10 or /100)
- 让 y、x 不再线性

```
y - x

log y - x

y - log x

log y - log x
```

所谓的线性全部都是围绕着参数 β 所进行的

### 2.2 OLS 无偏性

我们始终渴望 OLS 估计出来的参数是无偏的(无偏可以保证我们的估计 是准确的)

这些是最最基础的内容了

### SLR.1(线性于参数)

参数 β 之于变量是线性的

# SLR.2(随机抽样)

有一个服从总体模型方程的随机样本  $\{(x_i, y_i): i = 1, 2, n\}$  其样本容量为 n

### SLR.3(解释变量的样本有变异)

x 的样本结果级{x\_i, i: 1, ... n} 不是完全相同的值

#### SLR.4 零条件均值

E(u|x) = 0

# <u>从以上四点假设出发证明OLS二元回归估计的无偏性——考前需要再</u>看一下P47

注意:这个地方的无偏,只能说明我们的估计与样本中的实际值无偏,但 样本选的怎么样谁也不知道

# 2.3 OLS 估计量的方差

再加上下面的一个假设我们就可以求得  $\beta$  的方差

# SLR.5 同方差假设

 $Var(u|x) = \sigma^2$ 

# P51 会求 β 的方差

### 2.3.1 问题又来了 $\sigma$ 怎么求呢?

首先弄清楚误差和残差的区别:误差是整体模型中的  $\mathbf{u}$ ,残差是估计模型中的  $\hat{\mathbf{u}}$ 

定义的  $\sigma^2 = E(u^2)$  所以要是有u 那  $\sigma^2$  不就有了 但是谁会告诉你 u 呢?

因此我们只能从样本中得到  $\hat{u}$  然后估计  $\sigma$  得到下面的无偏估计量(P54 有证明)

$$\hat{\sigma}^2 = rac{SSR}{n-2}$$

至此我们就可以根据一个特定的样本来计算  $\beta$  、 $se(\beta)$  (系数的标准 差)、 $R^2$  了此后我们会一直延续这个思路

# 3 向前推进一步: 多元线性回归

■ 始终在为 E(u|x) = 0 而不懈奋斗 Ceteris Peribus

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + u$$

### 3.1 OLS 估计参数

和简单线性回归本质是相同的,两种思路 + 一种特殊思路

- 从 E(u) = 0 && E(u|x) = 0 出发
- 从 min(u) 出发 (求导)
- 从真正的 排除其他变量影响上出发: 先将一个变量对其他所有变量 回归后得到<u>该回归</u>的残差, 然后将 v 对残差进行回归。

参数的含义: 再其他情况不变的条件下, x\_i 每变动一单位 y ...

### 3.2 偏差(要会写具体过程)

$$\widetilde{\beta_1} = \hat{\beta_1} + \hat{\beta_2} \hat{\delta 1}$$

- 其中波浪线代表遗漏变量后的估计值
- \hat 1 代表真实值
- \hat\_2 代表遗漏值对 y 的影响
- \delta 代表相关性(正 or 负)

所谓偏大偏小都是 波浪线 相对于 \hat (真实值) 来说的,有了上面的讨论 我们自然而然地就有了下面的思考

### 3.2.1 回归模型中包含了无关变量(过度设定了)

对估计值的无偏性没有任何影响(因为是满足四条假设的)但是会影响到 OLS的有效性,P90

### 3.2.2 偏误的具体描述

和上述提到的偏误完全相同,不再赘述

但是谈及遗漏变量偏误更一般的情形: 课本 P88 讲述了一个令人惊叹的真相,对于 $y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + u$  这个模型,如果遗漏了  $x_3$  ,并且  $x_3$  只和  $x_2$  相关,那它会不会影响到  $\beta_2$  呢,貌似不会?实则会的!

### 3.3 再论 $R^2$

在回归中多增加一个自变量后, $R^2$  绝对不会减小,而且通常会毫无道理的增加

#### 3.4 OLS 的无偏性

# SLR.1(线性于参数)

所有的相关参数  $\beta_i$  之于变量是线性的

### SLR.2(随机抽样)

有一个服从总体模型方程的随机样本  $\{(x_i, y_i): i = 1, 2, n\}$  其样本容量为 n

### SLR.3(不存在完全共线性)

样本集中没有一个自变量是常数,自变量之间也不存在严格的线性关系

- 只是说不存在线性关系,并不是说没有关系
- 如果达不到这个条件我们就说存在了完全共线性

如何解释完全共线性的 bug? 很简单: 用其他条件不变来解释!

# SLR.4 零条件均值

E(u|x i) = 0

# <u>从以上四点假设出发证明OLS多元回归估计的无偏性——考前需要再</u> 看一下P83

注意:这个地方的无偏,只能说明我们的估计与样本中的实际值无偏,但 样本选的怎么样谁也不知道

### 3.5 OLS 估计量的方差

# P90 会求 β 的方差 更要理解他的每一项含义

如果说我要研究我的日常多项支出对成绩的影响,如果多项支出之间都有 很强的相关性,那我怎么判断每一个指出的影响呢?

总之:始终以我们研究的因果关系为导向,其他的都可以忽略,因为他们有没有意义对我们来说并没有太多的影响。

那我们现在就有个很大的问题了,考虑无偏的话我们就要尽可能多得添加 自变量,但考虑方差我们要尽可能仔细地添加自变量,那该怎么做取舍 呢? P94

### 3.5.1 问题又来了 $\sigma$ 怎么求呢? (P95)

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{SSR}{n-k-1}$$

#### 3.6 高斯-马尔可夫定理

在假定 MLR.1~MLR.5下(高斯-马尔可夫假设),OLS 方法所估计出来的 参数是 BLUE(最优线性无偏估计量)—— 无偏 + 有效

也就是说 G-M 定理表明了 如果 G-M 假设成立,那么我们只需要采用 OLS 进行参数估计就好,因为别的再好地方法都不如 OLS (就算无偏,也不会有效)

# 4 估计出来这么多东西,真的有意义吗?假设检验

基于前面几章的学习,现在任意给我一个样本,我都可以通过 OLS 来估计 BLUE 的参数值。但是他真的站的住脚吗?也就是说如果上帝给了我们答案,让我们检验一下我们估计的值是否准确,我们怎么检验呢。更进一步,我们没办法接触上帝,我们又怎么能说明估计出来的东西在统计学、经济学上是有意义的呢?

# 4.1 正态性假定

u 独立于解释变量,服从均值为 0 方差为  $\sigma^2$  (MLR 6)

六个假定至此完毕——称为经典线性模型假定(CLM),认为 CLM 包含 GM 假定

MLR.6 是最有力量的假设了,因此也最不容易成立,取对数变分布就是指的更接近正态分布 在这个假设的基础上就可以推的  $\beta$  的分布了,进而来检验假设

P113 根据正态分布构建 t 分布 (其中证明着实有些困难, 但是我们能get到 其中的原理即可)

一定要永远记得: 我们做的 t 检验都是针对整体的参数是否为 0 绝不能傻傻地去检验估计出来地  $\beta$  是否为 0

# 4.2 单侧假设检验 + 双侧假设检验(既可以检验是否为0 也可以 检验其他值)

▍会查表,当自由度 > 120 的时候就可以看成正态分布了

最终描述: 在xx显著性水平下,某估计量是统计学显著的;或者说某估计量显著异于零

# 引了一个求 p 值——就是反向求概率呗,找到实实在在的临界值

#### 4.2.1 经济显著与统计显著

- 经济显著: 系数大小和符号
- 统计显著: 假设检验

### 4.2.2 很有趣的一个例子在 P131 如何证明两个估计出来的参数相等?

构建新变量

# 4.3 记住 F 统计量的公式 P137 && P141

P145 最后教会了我们如何报告回归结果

# 5 深入探究, 多元回归的细节不可忽视!

# 5.1 数据的测度单位对 OLS 统计量的影响

- 被解释变量单位的改变: 只会让所有的系数、se 均作等倍的缩小。也就是说经济意义,统计显著性不会有任何改变。同样 R<sup>2</sup> 也不会有任何改变。
- 解释变量单位的改变: 只会让自己的相关指标改变。其余均不变
- 如果变量以对数的形式出现在模型中,只对截距项有影响,对其他无任何影响。

# 5.2 $\beta$ 系数

有时候我们要看各个解释变量对被解释变量的影响孰轻孰重 —— 标准化 一下

只不过是对所有的变量(包括解释变量和被解释变量)做了减均值,除方差的操作,导致估计参数产生相应的变动。

# 5.3 更多的函数形式

### 5.3.1 对数函数形式

■ 何时取对数? 怎么去估计不再赘述

#### 5.3.2 二次函数形式

■ 很简单的道理——有极值,有转折点

### 5.3.3 含有交互作用项的模型

一个解释变量的偏效应,受另一个解释变量的影响

### 5.4 再论 $R^2$

### 5.4.1 调整的 $R^2$

之前的 R<sup>2</sup> 计算公式明显存在偏误, 那我们为何不调整一下呢?

■ 另外之前说只要狂加变量我们就会让 R² 增加,这太差劲了

$$\bar{R} = 1 - (1 - R^2)(n - 1)/(n - k - 1)$$

### 5.4.2 利用调整的R方在两个非嵌套模型之间进行选择

# 5.5 再论偏误与过度

■ 如果我控制的太多怎么办? 控制的太少又该怎么办?

# 5.6 有了模型怎么做预测呢 —— 考虑好残差

#### 5.6.1 预测置信区间

很明显地:估计出来一个模型,给定一组观测值,就能够拿到被解释变量的估计值,那该如何得到一个置信区间呢?也就是说方差该怎么得到呢?

P195 给你不一样的精彩 思想太简单了, 只不过我们想不到

误差从哪来的呢? P197告诉你

### 5.6.2 残差有何用? —— 残差分析

残差表明了实际值和估计之间的差距大小,这一点是判断实际值偏大偏小 的重要依据。

# 5.6.3 very important! 如何将因变量(logy) 转化会实际估计量? —— 做好调整

见 P201 很重要!!!

同时我们还要关心一个问题: 含有 logy 模型怎么样才是有效的呢? R 方如何去求呢?

# 6 虚拟变量

# 7 异方差