1 Definitionen und Notationen

Die Definitionen dieses Kapitels sind größtenteils aus [BV14] übernommen. Hierbei handelt es sich um die Grundlagen der Transitionssysteme mit denen hier gearbeitet werden soll. Jedoch wurde angepasst, dass für die Parallelkomposition die Inputaktionen der Error-IO-Transitionssysteme (EIOs) nicht disjunkt sein müssen. Dies wäre eine unnötige Einschränkung. Die nicht synchronisierten Inputs der zu komponierenden EIOs werden als Inputs der Parallelkomposition übernommen. Zusätzlich verzichten wir hier auf das verbergen der synchronisierten Handlungen.

1.1 Error-IO-Transitionssystem

Die hier betrachteten EIOs sind Systeme, deren Übergänge mit Inputs und Outputs beschriftet sind. Jeder Übergang ist dabei mit einem Input oder einem Output versehen. Ebenfalls zulässig ist eine Kantenbeschriftung mit τ , einer internen, unbeobachtbaren Aktion. Diese interne Aktion lässt also keine Interaktion mit der Umwelt zu. In vielen Fällen entstehen sie durch das Verbergen der Inputs und Outputs dieses Übergangs, da diese in einer Komposition synchronisiert wurden.

Definition 1.1 (Error-IO-Transitionssystem). Ein Error-IO-Transitionssystem (EIO) ist ein Tupel $S = (Q, I, O, \delta, q_0, E)$, mit den Komponenten:

- Q die Menge der Zustände,
- I, O die disjunkten Mengen der (sichtbaren) Input- und Outputaktionen,
- $\delta \subseteq Q \times (I \cup U \cup \{\tau\}) \times Q$ die Übergangsrelation,
- $q_0 \in Q der Startzustand$,
- $E \subseteq Q$ die Menge der Error-Zustände.

Die Handlungsmenge eines EIOs S ist $\Sigma = I \cup U$ und die Signatur Sig(S) = (I, O). Um in graphischen Veranschaulichungen Inputs und Outputs zu unterscheiden wird folgende Notation verwendet: x? für den Input x und x! für den Output x. Falls ein x ohne? oder ! verwendet wird, steht dies für eine Handlung, bei der nicht festgelegt ist, ob sie ein Input oder ein Output ist.

Um die Komponenten den entsprechenden Automaten zuzuordnen, werden für die Komponenten die gleichen Indizes wie für ihre zugehörigen Automaten verwendet, z.B. für die Inputmenge des Automaten S_1 schreiben wir I_1 . Diese Notation verwenden wir später analog für die Sprachen, die einem Automaten zugeordnet sind.

Die Elemente der Übergangsrelation δ werden wir wie folgt notieren:

- $p \stackrel{a}{\to} q$ für $(p, a, q) \in \delta$,
- $p \stackrel{a}{\to} \text{für } \exists q : (p, a, q) \in \delta$,
- $p \stackrel{w}{\to} q$ für $p \stackrel{a_1}{\to} p_1 \stackrel{a_2}{\to} p_2 \dots \stackrel{a_n}{\to} q$ mit $w \in (\Sigma \cup \{\tau\})^*, w = a_1 a_2 \dots a_n,$
- $p \xrightarrow{w} \text{ für } p \xrightarrow{a_1 a_2} \dots \xrightarrow{a_n} \text{ mit } w \in (\Sigma \cup \{\tau\})^*, w = a_1 a_2 \dots a_n,$
- $w|_B$ steht für die Zeichenfolge, die aus w entsteht durch löschen aller Zeichen, die nicht in $B \subseteq \Sigma$ enthalten sind, d.h. es bezeichnet die Projektion von w auf die Menge B,
- $p \stackrel{w}{\Rightarrow} q$ für $w \in \Sigma^*$ mit $\exists w' \in (\Sigma \cup \{\tau\})^* : w'|_{\Sigma} = w \land p \stackrel{w'}{\Rightarrow} q$,
- $p \stackrel{w}{\Rightarrow} \text{für } \exists q : p \stackrel{w}{\Rightarrow} q.$

Die Sprache von S ist $L(S) = \{ w \in \Sigma^* \mid q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} \}.$

1.2 Parallelkomposition

Zwei EIOs sind komponierbar, wenn ihre Outputaktionsmengen disjunkt sind. Die Error-Zustände der Parallelkomposition setzten sich aus den Error-Zuständen der beiden zusammengesetzten Komponenten (geerbte Errors) und den Outputs zusammen, die von der anderen Komponente nicht als Inputs angenommen werden können (neue Errors).

Definition 1.2 (*Parallelkomposition*). Zwei EIOs S_1, S_2 sind komponierbar, falls $O_1 \cap O_2 = \emptyset$ gilt. Die Parallelkomposition ist $S_1 || S_2 = (Q, I, O, \delta, q_0, E)$ mit den Komponenten:

- $\bullet \ Q = Q_1 \times Q_2,$
- $I = (I_1 \backslash O_2) \cup (I_2 \backslash O_1),$
- $O = O_1 \cup O_2$,
- $q_0 = (q_{01}, q_{02}),$
- $\delta = \{((q_1, q_2), \alpha, (p_1, q_2)) \mid (q_1, \alpha, p_1) \in \delta_1, \alpha \in (\Sigma_1 \cup \{\tau\}) \setminus Synch(S_1, S_2)\} \cup \{((q_1, q_2), \alpha, (q_1, p_2)) \mid (q_2, \alpha, p_2) \in \delta_2, \alpha \in (\Sigma_2 \cup \{\tau\}) \setminus Synch(S_1, S_2)\} \cup \{((q_1, q_2), \alpha, (p_1, p_2)) \mid (q_1, \alpha, p_1) \in \delta_1, (q_2, \alpha, p_2) \in \delta_2, \alpha \in Synch(S_1, S_2)\},$

•
$$E = (Q_1 \times E_2) \cup (E_1 \times Q_2) \cup$$
 geerbte Errors
$$\{(q_1, q_2) \mid \exists a \in O_1 \cap I_2 : q_1 \xrightarrow{a} \land q_2 \xrightarrow{a} \} \cup \{(q_1, q_2) \mid \exists a \in I_1 \cap O_2 : q_1 \xrightarrow{a} \land q_2 \xrightarrow{a} \}$$
 neue Errors.

Dabei werden die synchronisierten Handlungen $Synch(S_1, S_2) = (I_1 \cap O_2) \cup (O_1 \cap I_2)$ nicht versteckt, sondern als Outputs der Komposition beibehalten.

1 Definitionen und Notationen

Nun werden wir drauf eingehen, dass eine Parallelkomposition nicht nur für Automaten betrachtet werden kann, sondern auch über Transitionsfolgen. Ein *Trace* ist dann das Wort, das aus den Inputs und Outputs besteht, mit denen die Übergängen beschriftet sind.

Definition 1.3 (Parallelkomposition auf Traces). Gegeben zwei EIOs S_1 und $S_2, w_1 \in \Sigma_1, w_2 \in \Sigma_2, W_1 \subseteq \Sigma_1^*, W_2 \subseteq \Sigma_2^*$:

- $w_1 || w_2 := \{ w \in (\Sigma_1 \cup \Sigma_2)^* \mid w|_{\Sigma_1} = w_1 \land w|_{\Sigma_2} = w_2 \},$
- $W_1 || W_2 := \bigcup \{ w_1 || w_2 \mid w_1 \in W_1 \land w_2 \in W_2 \}.$

Die Semantik der späteren Kapitel basiert darauf die jeweiligen Zustände, die zu Problemen führen, mit ihren Traces zu betrachten. Um dies besser umsetzten zu können, definieren wir eine *prune*-Funktion, die alle Outputs am Ende eines Traces entfernt. Zusätzlich werden Funktionen definiert, die die Traces beliebig fortsetzen.

Definition 1.4 (*Pruning und Fortsetzungs Funktionen*). Für einen EIO S definieren wir:

- $prune: \Sigma^* \to \Sigma^*, w \mapsto u, \ mit \ w = uv, u = \varepsilon \lor u \in \Sigma^* \cdot I \ und \ v \in O^*,$
- $cont: \Sigma^* \to \mathfrak{P}(\Sigma^*), w \mapsto \{wu \mid u \in \Sigma^*\},\$
- $cont: \mathfrak{P}(\Sigma^*) \to \mathfrak{P}(\Sigma^*), L \mapsto \bigcup \{cont(w) \mid w \in L\}.$

Für zwei komponierbare EIOs S_1 und S_2 ist ein Ablauf ihrer Parallelkomposition $S_{12} = S_1 \| S_2$ eine Transitionsfolge der Form $(p_1, p_2) \stackrel{w}{\Rightarrow} (q_1, q_2)$ für ein $w \in \Sigma_{12}^*$. So ein Ablauf kann auf Abläufe von S_1 und S_2 projiziert werden. Diese Projektion erfüllen $p_i \stackrel{w_i}{\Rightarrow} q_i$ mit $w|_{\Sigma_i} = w_i$ für i = 1, 2. Umgekehrt sind zwei Abläufe von S_1 und S_2 , die wie oben aufgebaut sind, Projektionen von genau einem Ablauf S_{12} , der ebenfalls wie oben aufgebaut ist. Daraus folgt das folgende Lemma.

Lemma 1.5 (Sprache der Parallelkomposition). Für zwei komponierbare EIOs S_1 und S_2 gilt:

$$L_{12} := L(S_1 || S_2) = L(S_1) || L(S_2).$$

2 Verfeinerung über Errortraces

In diesem Kapitel wählen wir einen optimistischen Ansatz für die Fehlererreichbarkeit. Ein Error gilt hier als erreichbar, wenn er lokal erreicht werden kann, d.h. durch lokale Aktionen. Die Menge, bestehend aus der internen Aktion τ und den Outputaktionen, bezeichnen wir hier als lokale Aktionen. Alle Elemente aus dieser Menge können ohne weiteres Zutun von außen aufgeführt werden. Somit kann nicht beeinflusst werden ob diese Übergänge genommen werden oder nicht. Es besteht also die Möglichkeit, dass der EIO in einen Error-Zustand übergeht, sobald dieser lokal erreichbar ist. Diese Art der Erreichbarkeit von Fehler wird auch in Kapitel 3 von [BV14] dargestellt.

Definition 2.1 (lokal errorfreie Kommunikation). Ein Error ist lokal erreichbar in einem EIO S, wenn $\exists w \in O^* : q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} q \in E$.

Zwei EIOs S_1 und S_2 kommunizieren gut, wenn in ihrer Parallelkomposition $S_1||S_2$ keine lokalen Errors erreicht werden können.

Über der lokalen Erreichbarkeit von Fehlern können wir eine Verfeinerungsrelation definieren.

Definition 2.2 (lokale Basisrelation). Für EIOs S_1 und S_2 mit der gleichen Signatur schreiben wir $S_1 \sqsubseteq_E^B S_2$, wenn ein Error in S_1 nur dann lokal erreichbar ist, wenn er auch in S_2 lokal erreichbar ist.

 $\sqsubseteq^C_E \ bezeichnet \ die \ vollständig \ abstrakte \ Pr\"{a}kongruenz \ von \ \sqsubseteq^B_E \ bez\"{u}glich \ \cdot \| \cdot .$

Um uns nun näher mit den Präkongruenzen auseinandersetzen zu können, müssen wir bestimmte Traces aus unseren Automaten hervorheben. Die strikten Errortraces sind Wege, die direkt vom Startzustand zu einem Zustand in E führen. Da Outputs Aktionen sind, die von außen nicht verhindert werden können, benötigen wir auch noch die Menge der Traces, die zu einem Zustand führen, von dem aus mit lokalen Aktionen ein Error erreicht werden kann. Zusätzlich ist auch noch die Menge der Traces interessant, für die es einen Input $a \in I$ gibt, durch den sie nicht fortgesetzt werden können. Diese führen zwar nicht direkt zu einem Fehler, jedoch in Komposition mit einem anderen Automaten sind dies gefährdete Stellen. Sie führen zu einem neuen Error, sobald dieser Input für die Synchronisation fehlt.

Definition 2.3 (*Errortraces*). Sei S ein EIO und definiere:

- strikte Errortraces: $StET(S) = \{ w \in \Sigma^* \mid q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} q \in E \},$
- $gek \ddot{u}rzte\ Errortraces:\ PrET(S) = \{prune(w) \mid w \in StET(S)\},$
- fehlende Input-Traces: $MIT(S) = \{ wa \in \Sigma^* \mid q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} q \land a \in I \land q \stackrel{a}{\Rightarrow} \}.$

Definition 2.4 (Lokale Error Semantik). Sei S ein EIO.

- Die Menge der Errortraces von S ist $ET(S) := cont(PrET(S)) \cup cont(MIT(S))$.
- Die geflutete Sprache von S ist $EL(S) := L(S) \cup ET(S)$.

Für zwei EIOs S_1, S_2 mit der gleichen Signatur schreiben wir $S_1 \sqsubseteq_E S_2$, wenn $ET(S_1) \subseteq ET(S_2)$ und $EL(S_1) \subseteq EL(S_2)$ gilt.

Satz 2.5 (Lokale Error Semanik für Parallelkompositionen). Für zwei komponierbare EIOs S_1, S_2 und $S_{12} = S_1 || S_2$, gilt:

- 1. $ET_{12} = cont(prune((ET_1||EL_2) \cup (EL_1||ET_2)))$
- 2. $EL_{12} = (EL_1 || EL_2) \cup ET_{12}$

Beweis.

1. "

—":

Da beide Seiten der Gleichung unter der Fortsetzung cont abgeschlossen sind, genügt es ein präfix-minimales Element w von ET_{12} zu betrachten. Dieses Element ist nach der Definition der Menge der Errortraces entweder in MIT_{12} oder in $PrET_{12}$ enthalten.

- Fall 1 ($w \in MIT_{12}$): Aus der Definition von MIT folgt, dass es eine Aufteilung w = xa gibt mit $(q_{01}, q_{02}) \stackrel{x}{\Rightarrow} (q_1, q_2) \wedge a \in I_{12} \wedge (q_1, q_2) \stackrel{a}{\Rightarrow}$. Da $I_{12} \stackrel{\text{Def}}{=} (I_1 \backslash O_2) \cup (I_2 \backslash O_1) = (I_1 \cup I_2) \backslash (O_1 \cup O_2)$ ist $a \in (I_1 \cup I_2)$ und $a \notin (O_1 \cup O_2)$. Somit müssen wir unterscheiden, ob $a \in (I_1 \cap I_2)$ oder $a \in (I_1 \cup I_2) \backslash (I_1 \cap I_2)$ ist.
 - Fall 1a) $(a \in (I_1 \cap I_2))$: Nun können wir den Ablauf der Komposition auf die Automaten projizieren und erhalten dann: $q_{01} \stackrel{x_1}{\Rightarrow} q_1 \stackrel{a}{\not\rightarrow} \text{ und } q_{02} \stackrel{x_2}{\Rightarrow} q_2 \stackrel{a}{\not\rightarrow} \text{ mit } x \in x_1 \| x_2$, sobald einer der Automaten einen Übergang für a machen könnte, wäre dies auch für die Komposition der beiden möglich. Daraus können wir $x_1 a \in cont(MIT_1) \subseteq ET_1 \subseteq EL_1$ und $x_2 \in cont(MIT_2) \subseteq ET_2 \subseteq EL_2$ folgern. Damit folgt $w \in (x_1 \| x_2) \cdot \{a\} \subseteq (x_1 a) \| (x_2 a) \subseteq ET_1 \| ET_2 \subseteq (ET_1 \| EL_2) \cup (EL_1 \| ET_2)$, und somit ist w in der rechten Seite der Gleichung enthalten.
 - Fall 1b) $(a \in (I_1 \cup I_2) \setminus (I_1 \cap I_2))$: OBdA gilt $a \in I_1$. Durch Projektion erhalten wir: $q_{01} \stackrel{x_1}{\Rightarrow} q_1 \stackrel{a}{\not\rightarrow} \text{ und } q_{02} \stackrel{x_2}{\Rightarrow} q_2 \text{ mit } x \in x_1 || x_2$. Daraus folgt $x_1 a \in cont(MIT_1) \subseteq ET_1 \text{ und } x_2 \in L_2 \subseteq EL_2$. Somit gilt $w \in (x_1 || x_2) \cdot \{a\} \subseteq (x_1 a) || x_2 \subseteq ET_1 || EL_2$. Dies ist eine Teilmenge der rechten Seite der Gleichung.
- Fall 2 ($w \in PrET_{12}$): Durch die Definition von PrET und prune wissen wir, dass es ein $v \in O_{12}^*$ gibt, so dass $(q_{01}, q_{02}) \stackrel{w}{\Rightarrow} (q_1, q_2) \stackrel{v}{\Rightarrow} (q'_1, q'_2)$ gilt mit $(q'_1, q'_2) \in E_{12}$ und w = prune(wv). Durch Projektion erhalten wir $q_{01} \stackrel{w_1}{\Rightarrow} q_1 \stackrel{v_1}{\Rightarrow} q'_1$ und $q_{02} \stackrel{w_2}{\Rightarrow} q_2 \stackrel{v_2}{\Rightarrow} q'_2$ mit $w \in w_1 || w_2$ und $v \in v_1 || v_2$. Aus $(q'_1, q'_2) \in E_{12}$ folgt, dass es sich entweder um

einen geerbten oder einen neuen Error handelt. Bei einem geerbten wäre bereits einer der beiden Zustände ein Error-Zustand gewesen. Der neue Error hingegen wäre durch die fehlende Möglichkeit entstanden eine synchronisierte Handlung auszuführen.

- Fall 2a) (geerbter Error): OBdA $q'_1 \in E_1$. Daraus folgt $w_1v_1 \in StET_1 \subseteq cont(PrET_1) \subseteq ET_1$. Da gilt $q_{02} \stackrel{w_2v_2}{\Rightarrow}$, erhalten wir $w_2v_2 \in L_2 \subseteq EL_2$. Dadurch ergibt sich $wv \in ET_1 || EL_2 \text{ mit } w = prune(wu)$ und somit ist w in der rechten Seite der Gleichung enthalten.
- Fall 2b) (neuer Error): OBdA $a \in I_1 \cap O_2$ mit $q_1' \not\to \wedge q_2' \xrightarrow{a}$. Daraus folgt $w_1v_1a \in MIT_1 \subseteq ET_1$ und $w_2v_2a \in L_2 \subseteq EL_2$. Damit ergibt sich $wva \in ET_1||EL_2|$, da $a \in O_2 \subseteq O_{12}$ gilt w = prune(wva) und somit ist w in der rechten Seite der Gleichung enthalten.

1. "⊇":

Wegen der Abgeschlossenheit beider Seiten der Gleichung gegenüber cont betrachten wir auch in diesem Fall nur ein präfix-minimales Element $x \in prune((ET_1||EL_2) \cup$ $(EL_1||ET_2)$). Da x durch die Anwendung der prune-Funktion entstanden ist, existiert ein $y \in O_{12}^*$ mit $xy \in (ET_1||EL_2) \cup (EL_1||ET_2)$. OBdA gehen wir davon aus, dass $xy \in ET_1 \parallel EL_2$ gilt, d.h. es gibt $w_1 \in ET_1$ und $w_2 \in EL_2$ mit $xy \in w_1 \parallel w_2$. Im Folgenden werden wir für alle Fälle von xy zeigen, dass es ein $v \in PrET(S_1||S_2) \cup$ $MIT(S_1||S_2)$ gibt, das ein Präfix von xy ist und v entweder auf ein Input aus I_{12} endet oder $v = \varepsilon$. Da v entweder leer ist oder auf einen Input endet, muss v ein Präfix von x sein. ε ist Präfix von jedem Wort und sobald x mindestens einen Buchstaben enthält, kann y durch die Definition von prune nur aus Outputs besteht und somit muss das Ende von vvor dem Anfang von y liegen. x hat dadurch ein Präfix in $PrET(S_1||S_2) \cup MIT(S_1||S_2)$, dann ist x in der Fortsetzung dieser Menge enthalten und somit gilt $x \in ET_{12}$. Sei v_1 das kürzeste Präfix von w_1 in $PrET_1 \cup MIT_1$. Falls $w_2 \in L_2$, so sei $v_2 = w_2$, sonst soll v_2 das kürzeste Präfix von w_2 in $PrET_2 \cup MIT_2$ sein. Jede Aktion in v_1 und v_2 hängt mit einer aus xy zusammen. Wir gehen nun davon aus, dass entweder $v_2 = w_2 \in L_2$ gilt oder die letzte Aktion von v_1 findet vor oder gleichzeitig mit der letzten Aktion von v_2 statt. Ansonsten endet $v_2 \in PrET_2 \cup MIT_2$ vor v_1 und somit ist dieser Fall analog zu v_1 endet vor v_2 .

- Fall 1 $(v_1 = \varepsilon)$: Dadurch dass $\varepsilon \in PrET_1 \cup MIT_1$, ist bereits in S_1 ein Error lokal erreichbar. Wir wähle $v_2' = v' = \varepsilon$, somit ist v_2' ein Präfix von v_2 .
- Fall 2 $(v_1 \neq \varepsilon)$: Aufgrund der Definitionen von PrET und MIT endet v_1 auf ein $a \in I_1$, d.h. $v_1 = v_1'a$. v' sei das Präfix von xy, das mit der letzten Aktion von v_1 endet, d.h. mit a, und $v_2' = v'|_{\Sigma_2}$. Falls $v_2 \in L_2$, dann ist v_2' ein Präfix von v_2 , da in diesem Fall in der Parallelkomposition kein Fehler möglich ist und somit maximal das gesamte Wort v_2 bereits in v' enthalten sein kann. Falls $v_2 \in PrET_2 \cup MIT_2$ gilt, dann ist durch die Annahme, dass v_2 nicht vor v_1 endet, v_2' ein Präfix von v_2 . Im Fall $v_2 \in MIT_2$ können wir sogar schließen, dass v_2' ein echtes Präfix von v_2 ist, da v_2 auf $b \in I_2$ endet und somit der letzte Input b noch nicht der fehlende sein kann, da auch v_1 auf einen Input endet.

In allen Fällen erhalten wir $q_{02} \stackrel{v_2'}{\Rightarrow} (*)$ und desweiteren ist $v_2' = v'|_{\Sigma_2}$ ein Präfix von v_2 und $v' \in v_1 || v_2'$ ist ein Präfix von xy.

- Fall 1 $(v_1 \in MIT_1 \text{ und } v_1 \neq \varepsilon)$: Es gibt $q_{01} \stackrel{v_1'}{\Rightarrow} q_1 \stackrel{a}{\not\rightarrow} \text{ und sei } v' = v''a$.
 - Fall 1a) $(a \notin Synch(S_1, S_2))$: Es folgt $a \notin \Sigma_2$ und durch (*) folgt $q_{02} \stackrel{v_2'}{\Rightarrow} q_2$ mit $v'' \in v_1' || v_2'$. Dadurch erhalten wir $(q_{01}, q_{02}) \stackrel{v''}{\Rightarrow} (q_1, q_2) \stackrel{a}{\Rightarrow}$ mit $a \in I_{12}$. Somit können wir wählen $v := v''a = v' \in MIT(S_1 || S_2)$.
 - Fall 1b) $(a \in \Sigma_2)$: Es folgt $a \in O_2$ und $v_2' = v_2''a$. Durch (*) erhalten wir $q_{02} \stackrel{v_2''}{\Rightarrow} q_2 \stackrel{a}{\Rightarrow} \text{mit } v'' \in v_1' \| v_2'$. Daraus ergibt sich $(q_{01}, q_{02}) \stackrel{v''}{\Rightarrow} (q_1, q_2)$ mit $q_1 \not\to, a \in I_1, q_2 \stackrel{a}{\Rightarrow}, a \in O_2$, somit gilt $(q_1, q_2) \in E_{12}$. Wir wählen $v := prune(v'') \in PrET(S_1 \| S_2)$.
- Fall $2 (v_1 \in PrET_1)$: $\exists u_1 \in O_1^* : q_{01} \stackrel{v_1}{\Rightarrow} q_1 \stackrel{u_1}{\Rightarrow} q_1' \text{ mit } q_1' \in E_1$. Es gilt $q_{02} \stackrel{v_2'}{\Rightarrow} q_2$ mit $(q_{01}, q_{02}) \stackrel{v'}{\Rightarrow} (q_1, q_2)$.
 - Fall 2a) $(u_2 \in (O_1 \cap I_2)^*, c \in (O_1 \cap I_2)$, sodass u_2c Präfix von $u_1|_{I_2}$ mit $q_2 \stackrel{u_2}{\Rightarrow} q_2' \stackrel{c}{\not{\rightarrow}}$): Für das Präfix $u_1'c$ von u_1 mit $u_1'c|_{I_2} = u_2c$ wissen wir, dass $q_1 \stackrel{u_1'}{\Rightarrow} q_1'' \stackrel{c}{\rightarrow}$. Somit gilt $u_1' \in u_1' \| u_2$ und $(q_1, q_2) \stackrel{u_1'}{\Rightarrow} (q_1'', q_2') \in E_{12}$, da für S_2 der entsprechende Input fehlt, der mit dem c Output von S_1 zu koppeln wäre. Es handelt sich also um einen neuen Error. Wir wählen $v := prune(v'u_1') \in PrET(S_1 \| S_2)$, dies ist ein Präfix von v', da $u_1 \in O_1^*$.
 - Fall 2b) $(q_{02} \stackrel{u_2}{\Rightarrow} q'_2 \text{ mit } u_2 = u_1|_{I_2})$: Somit ist $u_1 \in u_1 \| u_2 \text{ und } (q_1, q_2) \stackrel{u_1}{\Rightarrow} (q'_1, q'_2) \in E_{12}$, da $q'_1 \in E_1$ und somit handelt es sich um einen geerbten Error. Wir wählen nun $v := prune(v'u_1) \in PrET(S_1 \| S_2)$, das wiederum ein Präfix von v' ist.

2.

Es ist durch die Definition klar, dass gilt $L_i \subseteq EL_i$ und $ET_i \subseteq EL_i$. Wir beginnen mit der Argumentation von der rechten Seite der Gleichung aus:

$$(EL_{1}||EL_{2}) \cup ET_{12} \stackrel{2.4}{=}$$

$$(L_{1} \cup ET_{1})||(L_{2} \cup ET_{2}) \cup ET_{12} =$$

$$(L_{1}||ET_{2}) \cup \underbrace{(ET_{1}||L_{2})}_{\subseteq (ET_{1}||EL_{2})} \cup \underbrace{(ET_{1}||ET_{2})}_{\subseteq (EL_{1}||ET_{2})} \cup ET_{12} =$$

$$\stackrel{1.}{\subseteq ET_{12}} \stackrel{1.}{\subseteq ET_{12}} \stackrel{1.}{\subseteq ET_{12}}$$

$$(L_{1}||L_{2}) \cup ET_{12} \stackrel{1.5}{=}$$

$$L_{12} \cup ET_{12} \stackrel{2.4}{=}$$

$$EL_{12}$$

Proposition 2.6 (*Präkongruenz*). \sqsubseteq_E ist eine Präkongruenz.

Beweis. Es muss gezeigt werden, wenn $S_1 \sqsubseteq_E S_2$ gilt, für jedes S_3 auch $S_3 || S_1 \sqsubseteq_E S_3 || S_1$ gilt. D.h. es ist zu zeigen, dass aus $ET_1 \subseteq ET_2$ und $EL_1 \subseteq EL_2$ folgt, $ET(S_3 || S_1) \subseteq ET(S_3 || S_2)$ und $EL(S_3 || S_1) \subseteq EL(S_3 || S_2)$.

```
• ET(S_3||S_1) \stackrel{2.5}{=}^{1.} cont(prune((ET_3||EL_1) \cup (EL_3||ET_1)))
\stackrel{ET_1 \subseteq ET_2}{\underset{EL_1 \subseteq EL_2}{und}} cont(prune((ET_3||EL_2) \cup (EL_3||ET_2)))
\stackrel{2.5}{=}^{1.} ET(S_3||S_2)
```

•
$$EL(S_3||S_1) \stackrel{2.5}{=}^{2.} (EL_3||EL_1) \cup E_{31}$$

$$\stackrel{EL_1 \subseteq EL_2}{\stackrel{\text{und}}{\subseteq}} (EL_3||EL_2) \cup ET_{32}$$

$$\stackrel{2.5}{=}^{2.} EL(S_3||S_2)$$

In [BV14] wurde auch die Verfeinerung von EIOs als Relation betrachtet mit Spezifikation und Implementierung. Hier soll ebenfalls eine Verfeinerungsrelation über EIOs betrachtet werden, jedoch in leicht abgewandelter Form.

Lemma 2.7 (Verfeinerung mit Errors). Gegeben sind zwei EIOs S_1 und S_2 mit der gleichen Signatur. Wenn alle EIOs U, für die S_2 und U gut kommunizieren auch S_1 und U gut kommunizieren, dann verfeinert S_1 den EIO S_2 . Diese Verfeinerung entspricht der Relation \sqsubseteq_E von oben: Wenn $U||S_1 \sqsubseteq_E^B U||S_2$ für alle U, dann gilt $S_1 \sqsubseteq_E S_2$.

Beweis. Da S_1 und S_2 die gleichen Signaturen haben, definieren wir: $I := I_1 = I_2$ und $O := O_1 = O_2$. Für jeden der Partner U gilt $I_U = O$ und $O_U = I$. Um zu zeigen, dass $S_1 \sqsubseteq_E S_2$ wird nachgeprüft, dass gilt:

- $ET(S_1) \subseteq ET(S_2)$
- $EL(S_1) \subseteq EL(S_2)$.

Wir wählen ein präfix-minimales Element $w \in ET(S_1)$ und zeigen, dass dieses w oder eines seiner Präfixe in $ET(S_2)$ enthalten ist.

• Fall 1 ($w = \varepsilon$): Es handelt sich um einen lokal erreichbaren Error in S_1 . Wir nehmen für U einen Automaten, der nur aus dem Startzustand und einer Schleife für alle $x \in I_U$ besteht. Somit kann S_1 die gleichen Error-Zustände lokal erreichen wie $U \| S_1$. Daraus folgt, dass auch $U \| S_2$ einen lokal erreichbaren Error-Zustand haben muss. Durch unsere Definition von U kann dieser Fehler nur von S_2 geerbt werden. Es muss also in S_2 ein Error-Zustand durch interne Handlungen und Outputs erreichbar sein, d.h. es gilt $\varepsilon \in PrET(S_2)$.

• Fall 2 ($w = x_1 \dots x_n x_{n+1} \in \Sigma^+$ mit $n \geq 0$ und $x_{n+1} \in I$): Wir betrachten die folgenden Partner U (siehe auch Abbildung 2.1):

$$-Q_{U} = \{q_{0}, q_{1}, \dots, q_{n+1}\}\$$

$$-q_{0U} = q_{0}$$

$$-E_{U} = \emptyset$$

$$-\delta_{U} = \{(q_{i}, x_{i+1}, q_{i+1}) \mid 0 \le i \le n\} \cup$$

$$\{(q_{i}, x, q_{n+1}) \mid x \in I_{U} \setminus \{x_{i+1}\}, 0 \le i \le n\} \cup$$

$$\{(q_{n+1}, x, q_{n+1}) \mid x \in I_{U}\}$$

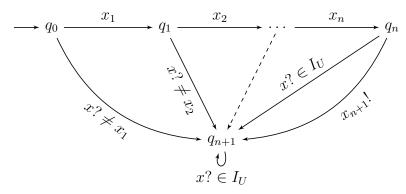


Abbildung 2.1: $x? \neq x_i$ steht für alle $x \in I_U \setminus \{x_i\}$

Wir können für w zwei Fälle unterscheiden. Beide führen zu $\varepsilon \in PrET(U||S_1)$.

- Fall 2a) $(w \in MIT(S_1))$: In $U \| S_1$ erhalten wir $(q_0, q_{01}) \stackrel{x_1 \dots x_n}{\Longrightarrow} (q_n, q')$ mit $q' \stackrel{x_{n+1}}{\not\to}$ und $q_n \stackrel{x_{n+1}}{\to}$. Deshalb gilt $(q_n, q') \in E_{U \| S_1}$ und $x_1 \dots x_n \in StET(U \| S_1)$. Da alle Aktionen aus w bis auf x_{n+1} synchronisiert werden gilt $x_1, \dots, x_n \in O_{U \| S_1}$. Daraus ergibt sich dann $\varepsilon \in PrET(U \| S_1)$.
- Fall 2b) $(w \in PrET(S_1))$: In $U||S_1$ erhalten wir $(q_0, q_{01}) \stackrel{w}{\Rightarrow} (q_{n+1}, q'') \stackrel{u}{\Rightarrow} (q_{n+1}, q')$ für $u \in O^*$ und $q' \in E_1$. Daraus folgt $(q_{n+1}, q') \in E_{U||S_1}$ und somit $wu \in StET(U||S_1)$. Da alle Handlungen aus w synchronisiert werden gilt $x_1, \ldots, x_n, x_{n+1} \in O_{U||S_1}$ und da $u \in O^*$ folgt $u \in O^*_{U||S_1}$. Somit ergibt sich $\varepsilon \in PrET(U||S_1)$.

Da wir wissen, dass $\varepsilon \in StET(U||S_1)$ gilt, können wir durch $U||S_1 \sqsubseteq_E^B U||S_2$ schließen, dass auch in $U||S_2$ ein Error lokal erreichbar sein muss. Dieser Error kann geerbt oder neu sein.

– Fall 2i) (neuer Error): Da jeder Zustand von U alle Inputs $x \in O = I_U$ zulässt, muss ein lokal erreichbarer Error einer sein, bei dem ein Output $a \in O_U$ von U möglich ist, der nicht mit einem passenden Input aus S_2 synchronisiert werden kann. Durch die Konstruktion von U sind in q_{n+1} keine Outputs möglich.

Ein neuer Error muss also die Form (q_i, q') haben mit $i \leq n, q' \not \xrightarrow{x_{i+1}}$ und $x_{i+1} \in O_U = I$. Durch Projektion erhalten wir dann $q_{02} \overset{x_1 \dots x_i}{\Rightarrow} q' \not \to$ und damit gilt $x_1 \dots x_{i+1} \in MIT(S_2) \subseteq ET(S_2)$. Somit ist ein Präfix von w in $ET(S_2)$ enthalten.

- Fall 2ii) (geerbter Error): U hat $x_1 ldots x_i u$ ausgeführt mit $u \in I_U^* = O^*$ und ebenso hat S_2 diesen Weg ausgeführt. Durch dies hat S_2 einen Zustand in E_2 erreicht, da von U keine Fehler geerbt werden können. Es gilt dann $prune(x_1 ldots x_i u) = prune(x_1 ldots x_i) \in PrET(S_2) \subseteq ET(S_2)$. Da $x_1 ldots x_i$ ein Präfix von u ist, führt auch in diesem Fall ein Präfix von u zu einem Error.

Um uns von der zweiten Inklusion zu überzeugen reicht es aufgrund der ersten Inklusion und der Definition von EL, zu zeigen, dass $L(S_1)\backslash ET(S_1)\subseteq EL(S_2)$ gilt. Wir nehmen uns dafür ein beliebiges $w\in L(S_1)\backslash ET(S_1)$ und zeigen, dass es in $EL(S_2)$ enthalten ist.

- Fall 1 $(w = \varepsilon)$: Da ε immer in $EL(S_2)$ enthalten ist, haben wir hier nichts zu zeigen.
- Fall 2 ($w = x_1 \dots x_n$ mit $n \ge 1$): Wir konstruieren einen Partner U wie folgt (siehe dazu auch Abbildung 2.2):

$$-Q_{U} = \{q, q_{0}, q_{1}, \dots, q_{n}\}$$

$$-q_{0U} = q_{0}$$

$$-E_{U} = q_{n}$$

$$-\delta_{U} = \{(q_{i}, x_{i+1}, q_{i+1}) \mid 0 \le i < n\} \cup$$

$$\{(q_{i}, x, q) \mid x \in I_{U} \setminus \{x_{i+1}\}, 0 \le i \le n\} \cup$$

$$\{(q, x, q) \mid x \in I_{U}\}$$

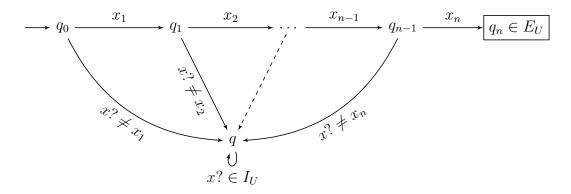


Abbildung 2.2: $x? \neq x_i$ steht für alle $x \in I_U \setminus \{x_i\}, q_n$ ist der einzige Error-Zustand

Da $q_{01} \stackrel{w}{\Rightarrow} q$ gilt, wissen wir, dass $U||S_1$ einen lokal erreichbaren Error hat. Somit muss $U||S_2$ ebenfalls einen lokal erreichbaren Error haben.

- Fall 2a) (neuer Error aufgrund von $x_i \in O_U$ und $q_{02} \stackrel{x_1 \dots x_{i-1}}{\Rightarrow} q' \not\stackrel{x_i}{\leftrightarrow}$): Es gilt $x_1 \dots x_i \in MIT(S_2)$ und somit $w \in EL(S_2)$. Anzumerken ist, dass nur auf diesem Weg Outputs von U möglich sind, deshalb gibt es keine anderen Outputs von U, die zu einem neuen Fehler führen können.
- Fall 2b) (neuer Error aufgrund von $a \in O_2$): Der einzige Zustand, in dem U nicht alle Inputs erlaubt sind, ist q_n , der bereits ein Error-Zustand ist. Falls dieser Zustand erreichbar ist in $U||S_2$, dann besitzt der komponierte EIO einen geerbten Error und es gilt $w \in L(S_2) \subseteq EL(S_2)$.
- Fall 2c) (geerbter Error von U): Da der einzige Zustand aus E_U q_n ist und alle Aktionen synchronisiert sind, ist dies nur möglich, wenn gilt $q_{02} \stackrel{x_1...x_n}{\Longrightarrow}$. In diesem Fall gilt, wie im letzten, $w \in L(S_2) \subseteq EL(S_2)$.
- Fall 2d) (geerbter Error von S_2): Es gilt dann $q_{02} \stackrel{x_1 \dots x_i u}{\Longrightarrow} q' \in E_2$ für $i \geq 0$ und $u \in O^*$. Somit ist $x_1 \dots x_i u \in StET(S_2)$ und damit $prune(x_1 \dots x_i u) = prune(x_1 \dots x_i) \in PrET(S_2) \subseteq EL(S_2)$. Damit gilt $u \in EL(S_2)$.

Satz 2.8 (Full Abstractness für lokale Error Semanik). Seien S_1 und S_2 zwei EIOs mit derselben Signatur. Dann gilt $S_1 \sqsubseteq_E^C S_2 \Leftrightarrow S_1 \sqsubseteq_E S_2$, insbesondere ist \sqsubseteq_E eine Präkongruenz.

Beweis. Wie bereits in Korollar 2.6 festgehalten, ist \sqsubseteq_E eine Präkongruenz.

"⇐": Im Beweis von Lemma 2.7 wurde bereits festgestellt, wenn $\varepsilon \in ET(S)$ gilt, ist ein Error lokal erreichbar in S. Somit impliziert $S_1 \sqsubseteq_E S_2$, dass $\varepsilon \in ET(S_2)$ gilt, wenn $\varepsilon \in ET(S_1)$. Dadurch folgt ebenfalls, dass $S_1 \sqsubseteq_E^B S_2$ gilt. Somit folgt aus $S_1 \sqsubseteq_E S_2$ der relationale Zusammenhang $S_1 \sqsubseteq_E^C S_2$.

" \Rightarrow ": Durch die Definition von \sqsubseteq_E^C folgt aus $S_1 \sqsubseteq_E^C S_2$, dass $U \| S_1 \sqsubseteq_E^C U \| S_2$ für alle EIOs U, die mit S_1 komponierbar sind. Somit folgt auch die Gültigkeit von $U \| S_1 \sqsubseteq_E^B U \| S_2$ für alle diese EIOs U. Mit Lemma 2.7 folgt dann $S_1 \sqsubseteq_E S_2$.

Aus Satz 2.8 und Lemme 2.7 erhalten wir das folgende Korollar.

Korollar 2.9. Ein EIO S_1 verfeinert einen EIO S_2 genau dann, wenn für alle EIOs U für die S_2 gut mit U kommuniziert folgt S_1 kommuniziert ebenfalls gut mit U. Dies lässt sich formal wie folgt ausdrücken: $S_1 \sqsubseteq_E S_2 \Leftrightarrow U || S_1 \sqsubseteq_E^B U || S_2$ für alle Partner U.

3 Verfeinerung über Error- und Quiescenttraces

In diesem Kapitel werden wir und nicht nur um die Erreichbarkeit von Error-Zuständen kümmern, sondern auch um die Erreichbarkeit von Quiescent-Zuständen. Wir werden dabei ähnlich vorgehen wie im letzten Kapitel, jedoch halten wir uns als Quelle an [CJK13]. Darin werden ähnliche Konzepte beschrieben, jedoch aus Sicht der Traces.

Definition 3.1 (Quiescent). Ein Quiescent-Zustand ist ein Zustand in einem EIO der keine Outputs besitzt oder ein Zustand, von dem aus über eine interne Handlung τ ein Zustand erreicht werden kann, der keine Outputs zulässt.

Somit ist die Menge der Quiescent-Zustände in einem EIO wie folgt formal definiert: $Qui = \{q \in Q \mid q \in K \lor \exists p \in Q : q \xrightarrow{\tau} p \in K\} \text{ mit } K = \{q \in Q \mid \forall a \in O : q \xrightarrow{a} \}.$

Für die Erreichbarkeit verwenden wir wie im letzten Kapitel wieder den optimistischen Ansatz der lokalen Erreichbarkeit.

Definition 3.2 (lokal error- und quiescentfreie Kommunikation). Zwei EIOs S_1 und S_2 kommunizieren gut, wenn keine Errors und Quiescents lokal erreichbar sind in ihrer Parallelkomposition $S_1 || S_2$

Definition 3.3 (lokale Basisrelation). Für EIOs S_1 und S_2 mit der gleichen Signatur schreiben wir $S_1 \sqsubseteq_{Qui}^B S_2$, wenn ein Error oder Quiescent in S_1 nur dann lokal erreichbar ist, wenn er auch in S_2 lokal erreichbar ist.

 \sqsubseteq_{Qui}^C bezeichnet die vollständig abstrakte Präkongruenz von \sqsubseteq_{Qui}^B bezüglich \parallel .

Definition 3.4 (*Error und Quiescenttraces*). Sei S ein EIO und definiere:

- die Traces bezüglich Errors entsprechen denen aus 2.3,
- strickte Quiescenttraces: $StQT(S) = \{w \in \Sigma^* \mid q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} q \in Qui\},$
- $gek \ddot{u}rzte\ Quiescenttraces:\ PrQT(S) = \{prune(w) \mid w \in StQT(S)\}.$

Definition 3.5 (Lokale Error und Quiescent Semantik). Sei S ein EIO.

- Die Menge der Errortraces ist wie in 2.4 definiert.
- Die Menge der Quiescenttraces von S ist QT(S) = cont(PrQT(S)).
- Die geflutete Sprache von S ist $QL(S) = L(S) \cup ET(S) \cup QT(S)$ und unterscheidet sich somit von der gefluteten Sprache EL(S) in 2.4.

Für zwei EIOs S_1 , S_2 mit der gleichen Signatur schreiben wir $S_1 \sqsubseteq_{Qui} S_2$, wenn $ET(S_1) \subseteq ET(S_2)$, $QT(S_1) \subseteq QT(S_2)$ und $QL(S_1) \subseteq QL(S_2)$ gilt.

Satz 3.6 (Lokale Error und Quiescent Semantik für Parallelkompositonen). Für zwei komponierbare EIOs S_1, S_2 und $S_{12} = S_1 || S_2$ gilt:

- 1. $ET_{12} = cont(prune((ET_1||QL_2) \cup (QL_1||ET_2)))$
- 2. $QT_{12} = cont(prune((QT_1||QL_2) \cup (QL_1||QT_2)))$
- 3. $QL_{12} = (QL_1 || QL_2) \cup ET_{12} \cup QT_{12}$

Beweis.

1.:

Der Beweis diese Punktes entspricht dem Beweis von Punkt 1. im Beweis von Satz 2.5. 2. "C":

Da hier beide Seiten unter cont abgeschlossen sind, genügt es ein präfix-minimales Element $w \in PrQT_{12}$ zu betrachten und dessen Zugehörigkeit zur rechten Menge zu zeigen. Aufgrund von Definition 3.4 wissen wir es gibt ein $v \in O_{12}^*$, sodass $(q_{01}, q_{02}) \stackrel{w}{\Rightarrow} (q_1, q_2) \stackrel{v}{\Rightarrow} (q_1', q_2')$ mit $(q_1', q_2') \in Qui_{12}$ und w = prune(wv) gilt. Durch Projektion erhalten wir $q_{01} \stackrel{w_1}{\Rightarrow} q_1 \stackrel{v_1}{\Rightarrow} q_1'$ und $q_{02} \stackrel{w_2}{\Rightarrow} q_2 \stackrel{v_2}{\Rightarrow} q_2'$ mit $w \in w_1 || w_2$ und $v \in v_1 || v_2$. Aus $(q_1', q_2') \in Qui_{12}$ können wir folgern, dass bereits $q_1' \in Qui_1$ und $q_2' \in Qui_2$ gilt. Somit gilt $w_1v_1 \in StQT_1 \subseteq QT_1 \subseteq QL_1$ und $w_2v_2 \in StQT_2 \subseteq QT_2 \subseteq QL_2$. Daraus folgt dann $wv \in QT_1 || QL_2$ mit $w \in prune(wv)$ und somit ist w in der rechten Seiten der Gleichung enthalten.

2. "⊃":

Wegen der Abgeschlossenheit beider Seiten der Gleichung gegenüber cont betrachten wir auch in diesem Fall nur ein präfix-minimales Element $x \in prune((QT_1||QL_2) \cup (QL_1||QT_2))$. Somit können wir schließen, dass es ein $y \in Q_{12}^*$ gibt, sodass $xy \in (QT_1||QL_2) \cup (QL_1||QT_2)$. OBdA gilt $xy \in QT_1||QL_2$, d.h. es existieren $w_1 \in QT_1$ und $w_2 \in QL_2$ mit $xy \in w_1||w_2$.

Im weiteren werden wir für alle Fälle von xy zeigen, dass es ein $v \in PrQT_{12}$ gibt, das ein Präfix von xy ist und v entweder auf einen Input aus I_{12} endet oder $v = \varepsilon$. Da v entweder leer ist oder auf einen Input endet, muss v ein Präfix von x sein mit der gleichen Begründung wie im Beweis zu Satz 2.5. Somit gilt durch die Existenz dieses Präfixes von x, dass $x \in QT_{12}$ gilt. Sei v_1 das kürzeste Präfix von w_1 in $PrQT_1$. Falls $w_2 \in L_2$, so sei $v_2 = w_2$, sonst soll v_2 das kürzeste Präfix von w_2 in $PrQT_2$ sein. Jede Aktion in v_1 und v_2 hängt mit einer aus xy zusammen. Wir gehen nun davon aus, dass entweder $v_2 = w_2 \in L_2$ gilt oder die letzte Aktion von v_1 findet vor oder gleichzeitig mit der letzten Aktion von v_2 statt. Ansonsten endet $v_2 \in PrQT_2$ vor v_1 und somit ist dieser Fall analog zu v_1 endet vor v_2 .

• Fall 1 $(v_1 = \varepsilon)$: Somit gilt $\varepsilon \in PrQT_1$ und es ist deshalb bereits ein Quiescent-Zustand in S_1 erreichbar. Wir wählen $v_2' = v' = \varepsilon$, somit ist v_2' ein Präfix von v_2 . • Fall 2 $(v_1 \neq \varepsilon)$: Aufgrund der Definition von PrQT endet v_1 auf ein $a \in I_1$, d.h. $v_1 = v_1'a$. v' sei das Präfix von xy, das mit der letzten Aktion von v_1 endet, d.h. mit a, und $v_2' = v'|_{\Sigma_2}$. Falls

3.:

Es ist durch die Definition klar, dass gilt $L_i \subseteq QL_i$, $ET_i \subseteq QL_i$ und $QT_i \subseteq QL_i$. Wir beginnen mit der Argumentation von der rechten Seite der Gleichung aus:

$$\begin{array}{c} (QL_1\|QL_2) \cup ET_{12} \cup QT_{12} \stackrel{3.5}{=} \\ (L_1 \cup ET_1 \cup QT_1)\|(L_2 \cup ET_2 \cup QT_2) \cup ET_{12} \cup QT_{12} = \\ (L_1\|L_2) \cup \underbrace{(L_1\|ET_2)}_{\subseteq (QL_1\|ET_2)} \underbrace{(L_1\|QT_2)}_{\subseteq (QL_1\|QT_2)} \underbrace{(ET_1\|L_2)}_{\subseteq (ET_1\|QL_2)} \underbrace{(ET_1\|ET_2)}_{\subseteq (QL_1\|ET_2)} \underbrace{(CT_1\|QT_2)}_{\subseteq (QL_1\|QT_2)} \underbrace{(CT_1\|QT_2)}_{\subseteq (QT_1|QL_2)} \underbrace{(CT_1\|QT_2)}_{\subseteq (QT_1|QL_2)} \underbrace{(CT_1\|QT_2)}_{\subseteq (QT_1|QT_2)} \cup \underbrace{(CT_1\|QT_2)}_{\subseteq (QT_1|QT_2)} \underbrace{(CT_1\|QT_2)}_{\subseteq (QT_1|QT_2$$

Literaturverzeichnis

- [BV14] Ferenc Bujtor und Walter Vogler, Error-pruning in interface automata, Tech. report, Universität Augsburg, 2014.
- [CJK13] Chris Chilton, Bengt Jonsson, und Marta Z. Kwiatkowska, *An algebraic theory of interface automata*, Tech. report, University of Oxford, 2013.