# KOMMUNIKATIONSFEHLER, VERKLEMMUNG UND DIVERGENZ BEI INTERFACE-AUTOMATEN KOLLOQUIUM ZUR BACHELORARBEIT

Ayleen Schinko

7. Mai 2016

### INHALT

- MOTIVATION
- 2 Definitionen
- 3 Verfeinerungen über Fehler-Freiheit
- 4 Hiding

Ayleen Schinko 7. Mai 2016 2 / 15

#### MOTIVATION

- Modellierung von Systemen und deren Kommunikationsverhalten
- simulation parallel arbeitender Softwarekomponenten
- Kommunikationsfehler in Interface-Automaten nicht zulässig, deshalb Error-IO-Transitionssysteme mit optimistischer Fehlererreichbarkeit als Abwandlung davon betrachtet
  - Kommunikationsfehler (bzw. Error) zwischen Komponenten
  - Verklemmung (bzw. Ruhe) innerhalb einer Softwarekomponenten (keine Outputs mehr möglich)
  - Divergenz einer Softwarekomponenten (unendliche viele intere Aktionen)
- Verfeinerungsrelation über den Transitionssystemen (fehlerfreie Spezifikation durch fehlerfreies System verfeinert)
- gewünscht verfeinernde Präkongruenz
- Hiding (bzw. Internalisierung) von Outputs bildet Verbergen in der Parallelkomposition nach

#### **MOTIVATION**

- Modellierung von Systemen und deren Kommunikationsverhalten
- simulation parallel arbeitender Softwarekomponenten
- Kommunikationsfehler in Interface-Automaten nicht zulässig, deshalb Error-IO-Transitionssysteme mit optimistischer Fehlererreichbarkeit als Abwandlung davon betrachtet
  - Kommunikationsfehler (bzw. Error) zwischen Komponenten
  - Verklemmung (bzw. Ruhe) innerhalb einer Softwarekomponenten (keine Outputs mehr möglich)
  - Divergenz einer Softwarekomponenten (unendliche viele intere Aktionen)
- Verfeinerungsrelation über den Transitionssystemen (fehlerfreie Spezifikation durch fehlerfreies System verfeinert)
- gewünscht verfeinernde Präkongruenz
- Hiding (bzw. Internalisierung) von Outputs bildet Verbergen in der Parallelkomposition nach

#### **MOTIVATION**

- Modellierung von Systemen und deren Kommunikationsverhalten
- simulation parallel arbeitender Softwarekomponenten
- Kommunikationsfehler in Interface-Automaten nicht zulässig, deshalb Error-IO-Transitionssysteme mit optimistischer Fehlererreichbarkeit als Abwandlung davon betrachtet
  - Kommunikationsfehler (bzw. Error) zwischen Komponenten
  - Verklemmung (bzw. Ruhe) innerhalb einer Softwarekomponenten (keine Outputs mehr möglich)
  - Divergenz einer Softwarekomponenten (unendliche viele intere Aktionen)
- Verfeinerungsrelation über den Transitionssystemen (fehlerfreie Spezifikation durch fehlerfreies System verfeinert)
- gewünscht verfeinernde Präkongruenz
- Hiding (bzw. Internalisierung) von Outputs bildet Verbergen in der Parallelkomposition nach

#### **DEFINITIONEN**

#### DEFINITION (ERROR-IO-TRANSITIONSSYSTEME)

Ein Error-IO-Transitionssysteme (EIO) ist ein Tupel  $S = (Q, I, O, \delta, q_0, E)$  mit den Komponenten:

- Q die Menge der Zustände,
- *I*, *O* die disjunkte Menge der (sichtbaren) Input- und Output-Aktionen,
- $\delta \subseteq Q \times (I \cup O \cup \{\tau\}) \times Q$  die Transitionsrelation,
- $q_0 \in Q$  der Startzustand,
- $E \subseteq Q$  die Menge der Error-Zustände.

Aktionsmenge von S:  $\Sigma = I \cup O$ 

Signatur: Sig(S) = (I, O)

#### DEFINITION (PARALLELKOMPOSITION)

Zwei ElOs  $S_1, S_2$  sind **komponierbar**, falls  $O_1 \cap O_2 = \emptyset$  gilt. Die Parallelkomposition der ElOs  $S_1$  und  $S_2$  ist  $S_{12} := S_1 || S_2 = (Q, I, O, \delta, q_0, E)$  mit den Komponenten:

$$Q = Q_1 \times Q_2,$$

• 
$$I = (I_1 \backslash O_2) \cup (I_2 \backslash O_1)$$
,

• 
$$O = O_1 \cup O_2$$
,

$$q_0 = (q_{01}, q_{02}),$$

mit  $\operatorname{Sync}(S_1, S_2) = (I_1 \cap O_2) \cup (O_1 \cap I_2) \cup (I_1 \cap I_2).$ 

#### DEFINITION (PARALLELKOMPOSITION)

Zwei ElOs  $S_1, S_2$  sind **komponierbar**, falls  $O_1 \cap O_2 = \emptyset$  gilt. Die Parallelkomposition der EIOs  $S_1$  und  $S_2$  ist  $S_{12} := S_1 || S_2 = (Q, I, O, \delta, q_0, E)$  mit den Komponenten:

```
• \delta = \{((q_1, q_2), \alpha, (p_1, q_2)) \mid (q_1, \alpha, p_1) \in \delta_1,
             \alpha \in (\Sigma_1 \cup \{\tau\}) \backslash \text{Synch}(S_1, S_2)
            \cup \{((q_1,q_2),\alpha,(q_1,p_2)) \mid (q_2,\alpha,p_2) \in \delta_2,
             \alpha \in (\Sigma_2 \cup \{\tau\}) \backslash \text{Synch}(S_1, S_2)
            \cup \{((q_1,q_2),\alpha,(p_1,p_2)) \mid (q_1,\alpha,p_1) \in \delta_1, (q_2,\alpha,p_2) \in \delta_2,
             \alpha \in \text{Synch}(S_1, S_2),
```

• . . . ,  $mit \ Sync(S_1, S_2) = (I_1 \cap O_2) \cup (O_1 \cap I_2) \cup (I_1 \cap I_2).$ 

7. Mat 2016 5 / 15

• . . . ,

#### DEFINITION (PARALLELKOMPOSITION)

Zwei ElOs  $S_1, S_2$  sind **komponierbar**, falls  $O_1 \cap O_2 = \emptyset$  gilt. Die Parallelkomposition der ElOs  $S_1$  und  $S_2$  ist  $S_{12} := S_1 || S_2 = (Q, I, O, \delta, q_0, E)$  mit den Komponenten:

• ...,

• 
$$E = (Q_1 \times E_2) \cup (E_1 \times Q_2)$$
  
 $\cup \left\{ (q_1, q_2) \mid \exists a \in O_1 \cap I_2 : q_1 \xrightarrow{a} \land q_2 \xrightarrow{a} \right\}$   
 $\cup \left\{ (q_1, q_2) \mid \exists a \in I_1 \cap O_2 : q_1 \xrightarrow{a} \land q_2 \xrightarrow{a} \right\},$ 

mit 
$$\operatorname{Sync}(S_1, S_2) = (I_1 \cap O_2) \cup (O_1 \cap I_2) \cup (I_1 \cap I_2).$$

7. Mat 2016 5 / 15

#### Traces sind die möglichen Wege eines EIOs, mit ihrer Transitionsbeschriftung.

- prune :  $\Sigma^* \to \Sigma^*$ ,  $w \mapsto u$ , mit w = uv,  $u = \varepsilon \land u \in \Sigma^* \cdot I$  und  $v \in O^*$ ,
- cont:  $\Sigma^* \to \mathfrak{P}(\Sigma^*), w \mapsto \{wu \mid u \in \Sigma^*\},\$
- cont :  $\mathfrak{P}(\Sigma^*) \to \mathfrak{P}(\Sigma^*), L \mapsto \bigcup \{ \operatorname{cont}(w) \mid w \in L \}.$

7. Mat 2016 6 / 15

Traces sind die möglichen Wege eines EIOs, mit ihrer Transitionsbeschriftung.

#### Definition (Pruning- und Fortsetzungs-Funktion)

Für ein EIO S wird definiert:

- prune :  $\Sigma^* \to \Sigma^*$ ,  $w \mapsto u$ , mit w = uv,  $u = \varepsilon \land u \in \Sigma^* \cdot I$  und  $v \in O^*$ ,
- cont:  $\Sigma^* \to \mathfrak{P}(\Sigma^*), w \mapsto \{wu \mid u \in \Sigma^*\},\$
- cont :  $\mathfrak{P}(\Sigma^*) \to \mathfrak{P}(\Sigma^*), L \mapsto \bigcup \{\operatorname{cont}(w) \mid w \in L\}.$

7. Mat 2016 6 / 15

#### DEFINITION (RUHE)

Ein Ruhe-Zustand ist ein Zustand in einem ElO, der keine Outputs und kein T zulässt.

Die Menge der Ruhe-Zustände in einem EIO ist wie folgt formal definiert:

$$Qui := \left\{ q \in Q \mid \forall \alpha \in (O \cap \{\tau\}) : q \not\to^{\alpha} \right\}.$$

AYLEEN SCHINKO 7. Mat 2016 7 / 15

#### DEFINITION (RUHE)

Ein Ruhe-Zustand ist ein Zustand in einem ElO, der keine Outputs und kein T zulässt.

Die Menge der Ruhe-Zustände in einem EIO ist wie folgt formal definiert:

$$Qui := \left\{ q \in Q \mid \forall \alpha \in (O \cap \{\tau\}) : q \not\xrightarrow{\alpha} \right\}.$$

#### DEFINITION (DIVERGENZ)

Ein Divergenz-Zustand ist ein Zustand in einem EIO, der eine unendliche Folge von  $\tau s$  ausführen kann.

Die Menge Div(S) besteht aus all diesen divergenten Zuständen des ElOs S.

7. Mai 2016 7 / 15

#### Verfeinerung

#### Definition (Divergenz-Verfeinerungs-Basisrelation)

Für ElOs  $S_1$  und  $S_2$  mit der gleichen Signatur wird  $S_1 \sqsubseteq_{Div}^B S_2$  geschrieben, wenn ein Error-, Ruhe- oder Divergenz-Zustand in  $S_1$  nur dann lokal erreichbar ist, wenn er auch in  $S_2$  lokal erreichbar ist. Diese Basisrelation stellt eine Verfeinerung bezüglich Error, Ruhe und Divergenz dar.

 $\sqsubseteq_{Div}^{\mathbf{C}}$  bezeichnet die vollständige abstrakte Präkongruenz von  $\sqsubseteq_{Div}^{\mathbf{B}}$  bezüglich  $\cdot \parallel \cdot$ .

#### DEFINITION (TRACES)

#### Für ein EIO S wird definiert:

- strikte Errortraces:  $StET(S) := \left\{ w \in \Sigma^* \mid q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} q \in E \right\}$ ,
- gekürzte Errortraces:  $PrET(S) := \bigcup \{prune(w) \mid w \in StET(S)\},\$
- Input-kritische Traces:

$$MIT(S) := \left\{ wa \in \Sigma^* \mid q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} q \land a \in I \land q \not\stackrel{a}{\not\rightarrow} \right\},\,$$

- $\bullet \ \, \mathbf{Errortraces} \colon ET(S) := \mathrm{cont}(PrET(S)) \cup \mathrm{cont}(MIT(S)), \\$
- ullet strikte Ruhetraces:  $StQT(S):=\left\{w\in\Sigma^*\mid q_0\stackrel{w}{\Rightarrow}q\in Qui
  ight\}$ ,
- $\bullet \ \, \mathbf{strikte} \ \, \mathbf{Divergenztraces} \colon StDT(S) := \Big\{ w \in \Sigma^* \mid q_0 \stackrel{w}{\Rightarrow} q \in Div \Big\},$
- gekürzte Divergenztraces:

$$PrDT(S) := \bigcup \{ prune(w) \mid w \in StDT(S) \}.$$

• Divergenztraces: DT(S) := cont(PrDT(S)).

#### DEFINITION (ERROR-, DIVERGENZ- UND RUHE-SEMANTIK)

Sei S ein EIO.

- Die Menge der Error-Divergenztraces von S ist  $EDT(S) := ET(S) \cup DT(S)$ .
- Die Menge der error-divergenz-gefluteten Ruhetraces von S ist  $QDT(S) := StQT(S) \cup EDT(S)$ .
- Die Menge der error-divergenz-gefluteten Sprache von S ist  $EDL(S) := L(S) \cup EDT(S)$ .

Für zwei ElOs  $S_1, S_2$  mit der gleichen Signatur schreibt man  $S_1 \sqsubseteq_{Div} S_2$ , wenn  $EDT_1 \subseteq EDT_2$ ,  $QDT_1 \subseteq QDT_2$  und  $EDL_1 \subseteq EDL_2$  gilt.

## SATZ (ERROR-, RUHE- UND DIVERGENZ-SEMANTIK FÜR PARALLELKOMPOSITION)

Für zwei komponierbare ElOs  $S_1, S_2$  und ihre Komposition  $S_{12}$  gilt:

- $EDT_{12} = \text{cont} (\text{prune} ((EDT_1 || EDL_2) \cup (EDL_1 || EDT_2))),$
- $2 QDT_{12} = (QDT_1 || QDT_2) \cup EDT_{12},$
- $\bullet$   $EDL_{12} = (EDL_1 || EDL_2) \cup EDT_{12}.$

#### SATZ (ERROR-, RUHE- UND DIVERGENZ-SEMANTIK FÜR PARALLELKOMPOSITION)

Für zwei komponierbare ElOs  $S_1, S_2$  und ihre Komposition  $S_{12}$  gilt:

- $EDT_{12} = \text{cont} (\text{prune} ((EDT_1 || EDL_2) \cup (EDL_1 || EDT_2))),$
- $QDT_{12} = (QDT_1 || QDT_2) \cup EDT_{12},$
- **3**  $EDL_{12} = (EDL_1 || EDL_2) \cup EDT_{12}$ .

#### Proposition (Divergenz-Präkongrunez)

Die Relation  $\sqsubseteq_{Div}$  ist eine Präkongruenz bezüglich  $\cdot \| \cdot \|$ 

#### Definition ( $\omega$ -Partner)

Ein EIO  $S_1$  ist ein  $\omega$ -Partner von einem EIO  $S_2$ , wenn  $I_1 = O_2$  und  $O_1 = I_2 \cup \{\omega\}$  mit  $\omega \notin I_2 \cup O_2$  gilt.

#### Definition ( $\omega$ -Partner)

Ein ElO  $S_1$  ist ein  $\omega$ -Partner von einem ElO  $S_2$ , wenn  $I_1 = O_2$  und  $O_1 = I_2 \cup \{\omega\}$  mit  $\omega \notin I_2 \cup O_2$  gilt.

#### LEMMA (VERFEINERUNG MIT DIVERGENZ-ZUSTÄNDEN)

Gegeben sind zwei ElOs  $S_1$  und  $S_2$  mit der gleichen Signatur. Wenn  $U||S_1 \sqsubseteq_{Div}^B U||S_2$  für alle  $\omega$ -Partner U gilt, dann folgt daraus  $S_1 \sqsubseteq_{Div} S_2$ .

### Satz (Vollstänige Abstraktheit für Divergenz-Semantik)

Seinen  $S_1$  und  $S_2$  zwei ElOs mit derselben Signatur. Dann gilt  $S_1 \sqsubseteq_{Div}^{\mathbb{C}} S_2 \Leftrightarrow S_1 \sqsubseteq_{Div} S_2$ .

#### SATZ (VOLLSTÄNIGE ABSTRAKTHEIT FÜR DIVERGENZ-SEMANTIK)

Seinen  $S_1$  und  $S_2$  zwei ElOs mit derselben Signatur. Dann gilt  $S_1 \sqsubseteq_{Div}^{\mathbf{C}} S_2 \Leftrightarrow S_1 \sqsubseteq_{Div} S_2$ .

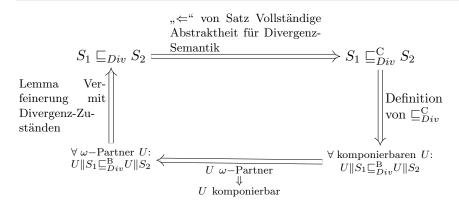


ABBILDUNG: Folgerungskette

#### KOROLLAR

Es gilt:  $S_1 \sqsubseteq_{Div} S_2 \Leftrightarrow U \| S_1 \sqsubseteq_{Div}^B U \| S_2$  für alle komponierbaren U.

7. Mai 2016 14 / 15

#### HIDING

#### DEFINITION (INTERNALISIERUNGSOPERATOR)

Für ein ElO  $S = (Q, I, O, \delta, q_0.E)$  ist S/X, mit dem **Internalisierungsoperator**  $\cdot/\cdot$ , definiert als  $(Q, I, O', \delta', q_0, E)$  mit:

- $\bullet \ \tau \notin X$ ,
- $\bullet X \subseteq O$ .
- $\bullet$   $O' = O \setminus X$
- $\delta' = (\delta \cup \{(q, \tau, q') \mid (q, x, q') \in \delta, x \in X\}) \setminus \{(q, x, q') \mid x \in X\}.$

7. Mat 2016 15 / 15

#### HIDING

#### DEFINITION (INTERNALISIERUNGSOPERATOR)

Für ein ElO  $S = (Q, I, O, \delta, q_0.E)$  ist S/X, mit dem **Internalisierungsoperator**  $\cdot/\cdot$ , definiert als  $(Q, I, O', \delta', q_0, E)$  mit:

- $\bullet \ \tau \notin X$ ,
- $\bullet X \subseteq O$ .
- $\bullet O' = O \backslash X$ .
- $\delta' = (\delta \cup \{(q, \tau, q') \mid (q, x, q') \in \delta, x \in X\}) \setminus \{(q, x, q') \mid x \in X\}.$

#### DEFINITION (PARALLELKOMPOSITION MIT INTERNALISIERUNG)

Seinen  $S_1$  und  $S_2$  komponierbare EIOs, dann ist die Parallelkomposition mit Internalisierung definiert als  $S_1|S_2 = S_{12}/(\operatorname{Synch}(S_1, S_2) \cap O_{12})$ .

7. Mat 2016 15 / 15