1 Definitionen

Stand: 5. Juli 2017

Kombination aus [BV15] und [Sch16] mit Einflüssen von [BFLV16]:

Definition 1.1 (*Modal Error-I/O-Transitionssystem*). *Ein* Modal Error-I/O-Transitionssystem (MEIO) *ist ein Tupel* $(P, I, O, \longrightarrow, \dashrightarrow, p_0, E)$ *mit:*

- P*: Menge der* Zustände*,*
- $p_0 \in P$*:* Startzustand*,*
- I, O*: disjunkte Mengen der (sichtbaren)* Input- *und* Output-Aktionen*,*
- $\longrightarrow \subseteq P \times \Sigma_\tau \times P$*:* must-Transitions-Relation*,*
- $\dashrightarrow \subseteq P \times \Sigma_\tau \times P$*:* may-Transitions-Relation*,*
- $E \subseteq P$*: Menge der* Fehler-Zustände*.*

Es wird vorausgesetzt, dass $\longrightarrow \subseteq \dashrightarrow$ *(*syntaktische Konsistenz*) gilt.*
Das Alphabet *bzw. die Aktionsmenge eines MEIO ist* $\Sigma = I \cup O$*. Die* interne Aktion τ *ist nicht in* Σ *enthalten. Jedoch gilt* $\Sigma_\tau := \Sigma \cup \{\tau\}$*. Die* Signatur *eines MEIOs entspricht* $\mathrm{Sig}(P) = (I, O)$*.*
Falls $\longrightarrow = \dashrightarrow$ *gilt, wird* P *auch* Implementierung *genannt.*

Implementierungen entsprechen den in [Sch16] behandelten EIOs.
Must-Transitionen sind Transitionen, die von einer Verfeinerung implementiert werden müssen. Die may-Transitionen sind hingegen die zulässigen Transitionen für eine Verfeinerung.
MEIOs werden in dieser Arbeit durch ihre Zustandsmenge (z.B. P) identifiziert und falls notwendig werden damit auch die Komponenten indiziert (z.B. I_P anstatt I). Falls der MEIO selbst bereits einen Index hat (z.B. P_1) kann an der Komponente die Zustandsmenge als Index wegfallen und nur noch der Index des gesamten Automaten verwendet werden (z.B. I_1 anstatt I_{P_1}). Zusätzlich stehen i, o, a, ω und α für Buchstaben aus den Alphabeten $I, O, \Sigma, O \cup \{\tau\}$ und Σ_τ.
Es wir die Notation $p \overset{\alpha}{\dashrightarrow} p'$ für $(p, \alpha, p') \in \dashrightarrow$ und $p \overset{\alpha}{\dashrightarrow}$ für $\exists p' : (p, \alpha, p') \in \dashrightarrow$ verwendet. Dies kann entsprechend auf Buchstaben-Sequenzen $w \in \Sigma_\tau^*$ erweitert werden zu $p \overset{w}{\dashrightarrow} p'$ ($p \overset{w}{\dashrightarrow}$) steht für die Existenz eines Laufes $p \overset{\alpha_1}{\dashrightarrow} p_1 \overset{\alpha_2}{\dashrightarrow} \dots p_{n-1} \overset{\alpha_n}{\dashrightarrow} p'$ ($p \overset{\alpha_1}{\dashrightarrow} p_1 \overset{\alpha_2}{\dashrightarrow} \dots p_{n-1} \overset{\alpha_n}{\dashrightarrow}$) mit $w = \alpha_1 \dots \alpha_n$.

Desweiteren soll $w|_B$ die Aktions-Sequenz bezeichnen, die man erhält, wenn man aus w alle Aktionen löscht, die nicht in $B \subseteq \Sigma$ enthalten sind. $\widehat{w}$ steht für $w|_\Sigma$. Es wir $p \overset{w}{\Longrightarrow} p'$ für ein $w \in \Sigma^*$ geschrieben, falls $\exists w' \in \Sigma_\tau^* : \widehat{w'} = w \wedge p \overset{w'}{\dashrightarrow} p'$, und $p \overset{w}{\Longrightarrow}$, falls $p \overset{w}{\Longrightarrow} p'$ für ein beliebiges p' gilt. Falls $p_0 \overset{w}{\Longrightarrow} p$ gilt, dann wird w *Trace* genannt und p ist ein *erreichbarer Zustand*.
Analog zu $\dashrightarrow$ und $\Longrightarrow$ werden $\longrightarrow$ und $\Longrightarrow$ für die entsprechenden Relationen der must-Transition verwendet.
Outputs und die interne Aktion werden *lokale Aktionen* genannt, da sie lokal vom ausführenden MEIO kontrolliert sind. Um eine Erleichterung der Notation zu erhalten, soll gelten, dass $p \overset{a}{\not\longrightarrow}$ und $p \overset{a}{\not\dashrightarrow}$ für $\nexists p' : p \xrightarrow{a} p'$ und $\nexists p' : p \overset{a}{\dashrightarrow} p'$ stehen soll. In Graphiken wird eine Aktion a als $a?$ notiert, falls $a \in I$ und $a!$, falls $a \in O$. Must-Transitionen (may-Transitionen) werden als durchgezogener Pfeil gezeichnet (gestrichelter Pfeil). Entsprechend der syntaktischen Konsistenz repräsentiert jede gezeichnete must-Transition auch gleichzeitig die zugrundeliegende may-Transitionen.

Definition 1.2 (*Parallelkomposition*). *Zwei MEIOs* $P_1 = (P_1, I_1, O_1, \longrightarrow_1, \dashrightarrow_1, p_{01}, E_1)$ *und* $P_2 = (P_2, I_2, O_2, \longrightarrow_2, \dashrightarrow_2, p_{02}, E_2)$ *sind* komponierbar*, falls* $O_1 \cap O_2 = \emptyset$*. Für solche MEIOs ist die* Parallelkomposition $P_{12} := P_1 \| P_2 = ((P_1 \times P_2), I, O, \longrightarrow_{12}, \dashrightarrow_{12}, (p_{01}, p_{02}), E)$ *definiert mit:* TODO: erzwungenen Zeilenumbrüche kontrollieren

- $I = (I_1 \cup I_2) \backslash (O_1 \cup O_2)$,
- $O = (O_1 \cup O_2)$,
- $$\begin{aligned} \longrightarrow_{12} = &\left\{((p_1,p_2),\alpha,(p_1',p_2)) \mid p_1 \xrightarrow{\alpha}_1 p_1', \alpha \in \Sigma_\tau \backslash \mathrm{Synch}(P_1,P_2)\right\} \\ &\cup \left\{((p_1,p_2),\alpha,(p_1,p_2')) \mid p_2 \xrightarrow{\alpha}_2 p_2', \alpha \in \Sigma_\tau \backslash \mathrm{Synch}(P_1,P_2)\right\} \\ &\cup \left\{((p_1,p_2),\alpha,(p_1',p_2')) \mid p_1 \xrightarrow{\alpha}_1 p_1', p_2 \xrightarrow{\alpha}_2 p_2', \alpha \in \mathrm{Synch}(P_1,P_2)\right\} \end{aligned}$$
- $$\begin{aligned} \dashrightarrow_{12} = &\left\{((p_1,p_2),\alpha,(p_1',p_2)) \mid p_1 \overset{\alpha}{\dashrightarrow}_1 p_1', \alpha \in \Sigma_\tau \backslash \mathrm{Synch}(P_1,P_2)\right\} \\ &\cup \left\{((p_1,p_2),\alpha,(p_1,p_2')) \mid p_2 \overset{\alpha}{\dashrightarrow}_2 p_2', \alpha \in \Sigma_\tau \backslash \mathrm{Synch}(P_1,P_2)\right\} \\ &\cup \left\{((p_1,p_2),\alpha,(p_1',p_2')) \mid p_1 \overset{\alpha}{\dashrightarrow}_1 p_1', p_2 \overset{\alpha}{\dashrightarrow}_2 p_2', \alpha \in \mathrm{Synch}(P_1,P_2)\right\} \end{aligned}$$
- $$\begin{aligned} E = &(P_1 \times E_2) \cup (E_1 \times P_2) && \text{geerbte Kommunikationsfehler} \\ &\cup \left\{(p_1,p_2) \mid \exists a \in O_1 \cap I_2 : p_1 \overset{a}{\dashrightarrow} \wedge p_2 \overset{a}{\not\dashrightarrow}\right\} \\ &\cup \left\{(p_1,p_2) \mid \exists a \in I_1 \cap O_2 : p_1 \overset{a}{\not\dashrightarrow} \wedge p_2 \overset{a}{\dashrightarrow}\right\} && \text{neue Kommunikationsfehler} \end{aligned}$$

Dabei bezeichnet $\mathrm{Synch}(P_1, P_2) = (I_1 \cap O_2) \cup (O_1 \cap I_2) \cup (I_1 \cap I_2)$ *die Menge der zu* synchronisierenden Aktionen. *Die synchronisierten Aktionen werden als Output bzw. Input der Komposition beibehalten.*

Ein neuer Kommunikationsfehler entsteht, wenn einer der MEIOs die Möglichkeit für einen Output hat (may-Transition) und der andere MEIO der passenden Input nicht

erzwingt (keine must-Transition vorhanden). Es muss also in möglichen Implementierungen nicht wirklich zu diesem Kommunikationsfehler kommen, da die Output-Transition nicht zwingender maßen implementiert werden muss.
Wie bereits in [Sch16] kann es durch die Synchronisation von Inputs zu keinen neuen Kommunikationsfehler kommen, da dies in beiden Automaten keine lokal kontrollierte Aktion ist. Falls jedoch nur einer der Automaten die Möglichkeit für einen Input hat, der synchronisiert wird, besteht diese Möglichkeit in der Parallelkomposition nicht mehr. Es kann also in der Kommunikation mit einem weiteren MEIO dort zu einen neuen Kommunikationsfehler kommen.

Definition 1.3 (*(starke) Simulation*). *Eine* (starke) alternierende Simulation *ist eine Relation $R \subseteq P \times Q$ auf zwei MEIOs P und Q, falls für alle $(p, q) \in R$ gilt:*

1. *$q \xrightarrow{\alpha} q'$ impliziert $p \xrightarrow{\alpha} p'$ für ein p' mit pRq',*
2. *$p \overset{\alpha}{\dashrightarrow} p'$ impliziert $q \overset{\alpha}{\dashrightarrow} q'$ für ein q' mit pRq',*

Die Vereinigung $\sqsubseteq_{\text{as}}$ aller dieser Relationen wird als (starke) as-Verfeinerung(-s Relation) *(auch modal Verfeinerung) bezeichnet. Es wird $P \sqsubseteq_{\text{as}} Q$ geschrieben, falls $p_0 \sqsubseteq_{\text{as}} q_0$ gilt, und P* as-verfeinert *Q* (stark) *oder P ist eine* (starke) as-Verfeinerung *von Q.*
Für einen MEIO Q und eine Implementierung mit P mit $P \sqsubseteq_{\text{as}} Q$, ist P eine as-Implementierung *von Q und es wird* as-impl(Q) *für die Menge aller as-Implementierungen von Q verwendet.*

Definition 1.4 (*schwache Simulation*). *Eine* schwache alternierende Simulation *ist eine Relation $R \subseteq P \times Q$ auf zwei MEIOs P und Q, falls für alle $(p, q) \in R$ gilt:*

1. *$q \xrightarrow{i} q'$ impliziert $p \xrightarrow{i} \overset{\varepsilon}{\Longrightarrow} p'$ für ein p' mit pRq',*
2. *$q \xrightarrow{\omega} q'$ impliziert $p \overset{\hat{\omega}}{\Longrightarrow} p'$ für ein p' mit pRq',*
3. *$p \overset{i}{\dashrightarrow} p'$ impliziert $q \overset{i}{\dashrightarrow} \overset{\varepsilon}{\Longrightarrow} q'$ für ein q' mit pRq',*
4. *$p \overset{\omega}{\dashrightarrow} p'$ impliziert $q \overset{\hat{\omega}}{\Longrightarrow} q'$ für ein q' mit pRq',*

Wobei $i \in I$ und $\omega \in O \cup \{\tau\}$.
Analog zur starken alternierenden Simulation, wird hier $\sqsubseteq_{\text{w-as}}$ als Relationssymbol verwendet und man kann auch entsprechend schwache as-Verfeinerung *betrachten.*

Die schwache Simulation erlaubt interne Aktionen beim MEIO, der die entsprechende Aktion matchen muss. Jedoch ist es zwingen notwendig, dass ein Input sofort aufgeführt wird und erst dann interene Aktinen möglich sind. Da bei Input die Reaktion auf eine Aktion ist, die die Umwelt auslöst und die nicht auf den Automaten warten kann. Output hingeben können auch verzögert werden, da die Umgebung dies dann als Input aufnimmt und für diese somit nicht lokal konrolliert ist.

Die Parallelkomposition von Wörtern und Mengen kann aus [Sch16] übernommen werden.

Definition 1.5 (*Parallelkomposition auf Traces*).

- *Für zwei Wörter* $w_1 \in \Sigma_1$ *und* $w_2 \in \Sigma_2$ *ist deren Parallelkomposition definiert als:* $w_1 \| w_2 := \{w \in (\Sigma_1 \cup \Sigma_2)^* \mid w|_{\Sigma_1} = w_1 \wedge w|_{\Sigma_2} = w_2\}$.
- *Für zwei Mengen von Wörtern bzw. Sprachen* $W_1 \subseteq \Sigma_1^*$ *und* $W_2 \subseteq \Sigma_2^*$ *ist deren Parallelkomposition definiert als:* $W_1 \| W_2 := \bigcup \{w_1 \| w_2 \mid w_1 \in W_1 \wedge w_2 \in W_2\}$.

Ebenso können die Definitionen der Funktionen prune und cont zum Abschneiden und Verlängern von Traces aus [Sch16] übernommen werden.

Definition 1.6 (*Pruning- und Fortsetzungs-Funktion*).

- $\text{prune} : \Sigma^* \to \Sigma^*, w \mapsto u$, *mit* $w = uv, u = \varepsilon$[1] $\vee\, u \in \Sigma^* \cdot I$ *und* $v \in O^*$,
- $\text{cont} : \Sigma^* \to \mathfrak{P}(\Sigma^*)$[2]$, w \mapsto \{wu \mid u \in \Sigma^*\}$,
- $\text{cont} : \mathfrak{P}(\Sigma^*) \to \mathfrak{P}(\Sigma^*), L \mapsto \bigcup \{\text{cont}(w) \mid w \in L\}$.

Definition 1.7 (*Sprache*). *Die* (maximale) Sprache *eines MEIOs* P *ist* $L(P) := \left\{w \in \Sigma^* \mid \exists P' \in \text{as-impl}(P) : p_0' \overset{w}{\Longrightarrow}\right\}$.
Für zwei komponierbare MEIOs P_1 *und* P_2 *gilt:* $L_{12} := L(P_{12}) = L_1 \| L_2$.

[1] ε bezeichnet das leere Wort
[2] $\mathfrak{P}(M)$ bezeichnet die Potenzmenge der Menge M

2 allgemeine Folgerungen

Lemma 2.1 (*as-Implementierungen und Parallelkomposition*).

1. $P_1' \in \text{as-impl}(P_1) \wedge P_2' \in \text{as-impl}(P_2) \Rightarrow (P_1' \| P_2') \in \text{as-impl}(P_1 \| P_2)$.
2. $P' \in \text{as-impl}(P_1 \| P_2) \Rightarrow \exists P_1', P_2' : P_1' \in \text{as-impl}(P_1) \wedge P_2' \in \text{as-impl}(P_2) \wedge P_1' \| P_2' = P'$.

Beweis.

1. Es gelte $i \in \{1, 2\}$. Jede Transition $(\dashrightarrow_i' = \longrightarrow_i')$ in P_i' hat eine entsprechende may-Transition in P_i, da Definition 1.3 2. gilt. Aufgrund der Simulations Definition 1.3, haben P_i und P_i' die gleichen Signaturen und somit gilt $\text{Synch}(P_1, P_2) = \text{Synch}(P_1', P_2')$.
   Daraus folgt, unter Verwendung das die Definitionen der must- und may-Transitionen der Parallelkomposition in 1.2 analog formuliert sind, dass alle Transitionen, die in $P_1' \| P_2'$ enthalten sind auch in $P_1 \| P_2$ als may-Transitionen vorhanden sind. Es können bei der Parallelkomposition von MEIOs (Implementierungen), die die gleichen must- und may-Transitionsmengen haben, keine may-Transitionen entstehen, zu denen es keine passende must-Transition gibt (Definition von $\longrightarrow_{12}$ und $\dashrightarrow_{12}$ in 1.2). $P_1' \| P_2'$ ist also eine Implementierung.
   $P_1 \| P_2$ enthält nur must-Transitionen, wenn auch P_1 bzw. P_2 diese enthalten haben. P_1' und P_2' müssen diese must-Transitionen aufgrund von Definition 1.3 1. implementieren und somit enthält auch $P_1' \| P_2'$ die entsprechenden durch 1.3 1. geforderten Transitionen, um eine as-Implementierung von $P_1 \| P_2$ sein zu können.
   $\Rightarrow (P_1' \| P_2') \in \text{as-impl}(P_1 \| P_2)$.

2. Wie im Beweis zu 1. muss jede Transition aus P' in $P_1 \| P_2$ als may-Transition auftauchen (Definition 1.3 2.). Die gleichen Signaturen von P_i und P_i' führen ebenso wieder zu den gleichen Synchronisationsmengen.
   Falls in P' eine Transition mit einer Aktion aus Synch beschrifte ist muss diese auch als may-Transition in P_1 und P_2 vorhanden sein (Argumentation von oben und Definition 1.2). Bei Aktionen, die nicht in Synch enthalten sind, muss nur der jeweilige MEIO P_1 bzw. P_2 die Transition als may-Transition enthalten.
   $\Rightarrow$ Es kann P_1' und P_2' geben, die alle nötigen Transitionen implementierten, so dass $P' = P_1' \| P_2'$ gilt.
   Alle Transitionen, die in P' aufgrund von Definition 1.3 1. implementiert werden müssen, mussten auch bereits in P_1 bzw. P_2 als must-Transitionen vorhanden sein.

Da P_1' und P_2' as-Implementierungen von P_1 und P_2 sind müssen diese auch die Simulations Definition (1.3) erfüllen und somit die must-Transitionen aus P_1 bzw. P_2 implementieren.
Es kann nicht passieren, dass P_1 und P_2 must-Transitionen enthalten, die P_1' und P_2' implementieren müssen und dann in $P_1' \| P_2'$ zu einer Transition führen, die P' auf Basis der Definition 1.3 1. nicht ebenfalls implementieren muss ($\longrightarrow_{12}$ und $\dashrightarrow_{12}$ Definition in 1.2).
$\Rightarrow$ es gibt passende P_1' und P_2' mit $P_1' \in \text{as-impl}(P_1) \wedge P_2' \in \text{as-impl}(P_2) \wedge P' = P_1' \| P_2'$.

□

3 Verfeinerungen für Kommunikationsfehler-Freiheit

Dieses Kapitel versucht die Präkongruenz für Error bei EIOs aus [Sch16] auf die hier betrachten MEIOs zu erweitern.

Definition 3.1 (*Fehler-freie Kommunikation*). *Ein Kommunikationsfehler-Zustand ist* lokal erreichbar *in einer as-Implementierung P' eines MEIO P, wenn ein $w \in O^*$ existiert mit $p'_0 \stackrel{w}{\Longrightarrow} p' \in E'$.*
Zwei MEIOs P_1 und P_2 kommunizieren Fehler-frei*, wenn alle as-Implementierungen ihrer Parallelkomposition P_{12} keine Kommunikationsfehler-Zustände lokal erreichen können.*

Definition 3.2 (*Kommunikationsfehler-Verfeinerungs-Basirelation*). *Für zwei MEIOs P_1 und P_2 mit der gleichen Signatur wird $P_1 \sqsubseteq^{\mathrm{B}}_E P_2$ geschrieben, wenn ein Kommunikationsfehler-Zustand in einer as-Implementierung von P_1 nur dann lokal erreichbar ist, wenn es auch eine as-Implementierung von P_2 gibt, in der dieser Kommunikationsfehler-Zustand auch lokal erreichbar ist. Die Basisrelation stellt eine* Verfeinerung *bezüglich* Kommunikationsfehlern *dar.*
$\sqsubseteq^{\mathrm{C}}_E$ bezeichnet die vollständig abstrakte Präkongruenz *von $\sqsubseteq^{\mathrm{B}}_E$ bezüglich $\cdot\|\cdot$, d.h. die gröbste Präkongruenz bezüglich $\cdot\|\cdot$, die in $\sqsubseteq^{\mathrm{B}}_E$ enthalten ist.*

Für Implementierungen P_1 und P_2 entspricht $\sqsubseteq^{\mathrm{B}}_E$ der Relation $\sqsubseteq^{\mathrm{B}}_E$ aus [Sch16].

Wie in [Sch16] werden die Fehler hier Trace basiert betrachtet. Da jedoch die Basisrelation über as-Implementierungen spricht, sind die Trace Mengen auch nicht für die MEIOs mit may-Transitionen definiert sondern nur für die Menge der möglichen as-Implementierungen eines solchen MEIOs.

Definition 3.3 (*Kommunikationsfehler-Traces*). *Für einen MEIO P wird definiert:*

- strikte Kommunikationsfehler-Traces*:* $StET(P) := \left\{ w \in \Sigma^* \mid \exists P' \in \text{as-impl}(P) : p'_0 \stackrel{w}{\Longrightarrow} p' \in E \right\}$ TODO: erzwungen Zeilenumbruch kontrollieren
- gekürzte Kommunikationsfehler-Traces*:* $PrET(P) := \{\text{prune}(w) \mid w \in StET(P)\}$
- Input-kritische-Traces*:* $MIT(P) := \left\{ wa \in \Sigma^* \mid \exists P' \in \text{as-impl}(P) : p'_0 \stackrel{w}{\Longrightarrow} p' \wedge a \in I \wedge p' \stackrel{a}{\not\longrightarrow} \right\}$ TODO: erzwungen Zeilenumbruch kontrollieren

Definition 3.4 (*Kommunikationsfehler-Semantik*). *Sie P ein MEIO.*

- *Die Menge der* Kommunikationsfehler-Traces *von P ist* $ET(P) := \text{cont}(PrET(P)) \cup \text{cont}(MIT(P))$.
- *Die* Kommunikationsfehler-geflutete Sprache *von P ist* $EL(P) := L(P) \cup ET(P)$.

Für zwei MEIOs P_1, P_2 mit der gleichen Signatur wird $P_1 \sqsubseteq_E P_2$ geschrieben, wenn $ET_1 \subseteq ET_2$ und $EL_1 \subseteq EL_2$ gilt.

Hierbei ist zu beachten, dass die Mengen $StET$, $PrET$, MIT, ET und EL nur denen aus [Sch16] entsprechen, wenn P bereits eine Implementierung ist.

Satz 3.5 (*Kommunikationsfehler-Semantik für Parallelkompositionen*). *Für zwei komponierbare MEIOs P_1, P_2 und ihre Komposition P_{12} gilt:*

1. $ET_{12} = \text{cont}(\text{prune}((ET_1 \| EL_2) \cup (EL_1 \| ET_2)))$,
2. $EL_{12} = (EL_1 \| EL_2) \cup ET_{12}$.

Beweis. Da die Trace-Mengen und die Sprache alle nur über möglichen Traces in mindestens einer as-Implementierung der betrachteten MEIOs spricht. Muss man zu jedem Element auch die passende as-Implementierung betrachten. Wegen Lemma 2.1 gibt es aber auch immer eine passende as-Implementierung der Parallelkomposition bzw. der einzelnen Teile der Parallelkomposition. Ansonsten verläuft der Beweis analog zu dem Beweis für EIOs aus [Sch16].

1. „$\subseteq$“:
Da beide Seiten der Gleichung unter der Fortsetzung cont abgeschlossen sind, genügt es ein präfix-minimales Element w von ET_{12} zu betrachten.
TODO: beweisen

1. „$\supseteq$“:
TODO: beweisen

2.:
Durch die Definitionen ist klar, dass $L_i \subseteq EL_i$ und $ET_i \subseteq EL_i$ gilt. Die Argumentation startet auf den rechten Seite der Gleichung:

$$
\begin{aligned}
(EL_1 \| EL_2) \cup ET_{12} &\overset{3.4}{=} ((L_1 \cup ET_1) \parallel (L_2 \cup ET_2)) \cup ET_{12} \\
&= (L_1 \| L_2) \cup \underbrace{(L_1 \| ET_2)}_{\substack{\subseteq (EL_1 \| ET_2) \\ \overset{1.}{\subseteq} ET_{12}}} \cup \underbrace{(ET_1 \| L_2)}_{\substack{\subseteq (ET_1 \| EL_2) \\ \overset{1.}{\subseteq} ET_{12}}} \cup \underbrace{(ET_1 \| ET_2)}_{\substack{\subseteq (EL_1 \| ET_2) \\ \overset{1.}{\subseteq} ET_{12}}} \cup ET_{12} \\
&= (L_1 \| L_2) \cup ET_{12} \\
&\overset{1.7}{=} L_{12} \cup ET_{12} \\
&\overset{3.4}{=} EL_{12}.
\end{aligned}
$$

□

Literaturverzeichnis

[BFLV16] Ferenc Bujtor, Sascha Fendrich, Gerald Lüttgen, und Walter Vogler, *Nondeterministic Modal Interfaces*, Theor. Comput. Sci. **642** (2016), 24–53.

[BV15] Ferenc Bujtor und Walter Vogler, *Failure Semantics for Modal Transition Systems*, ACM Trans. Embedded Comput. Syst. **14** (2015), no. 4, 67:1–67:30.

[Sch16] Ayleen Schinko, *Kommunikationsfehler, Verklemmung und Divergenz bei Interface-Automaten*, Bachelorarbeit, Universität Augsburg, 2016.