



Machine Learning

Prof. Meryam ZERYOUH

zeryouh.meryam@gmail.com

2024/2025

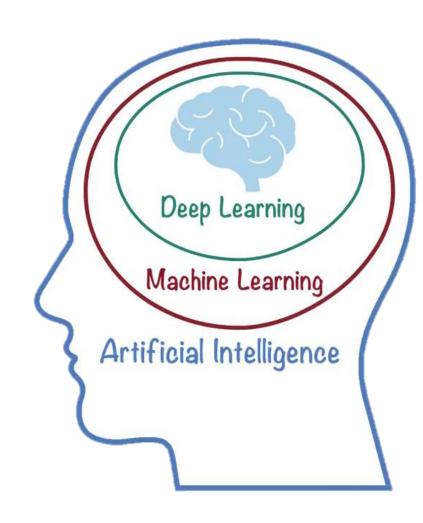
Acquis d'apprentissage du cours

☐Etre capable :

- ✓ Expliquer les principes du machine learning, du deep learning et de l'intelligence artificielle.
- ✓ Transformer un problème métier à un problème de machine learning.
- ✓ Mettre en oeuvre les techniques du machine learning et de deep learning.

CHAPITRE 1:

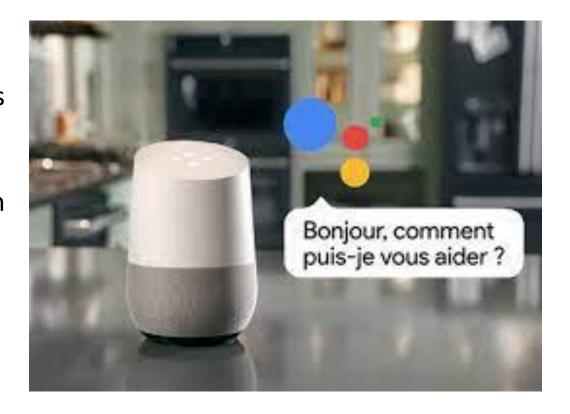
INTRODUCTION AU CONCEPTS D'INTELLIGENCE ARTIFICIELLE - ML



- ✓ Déterminer l'itinéraire le plus court selon le traffic,
- ✓ Estimer l'heure d'arrivée,
- ✓ Evaluer le trafic en temps réel,
- ✓ Repérer d'éventuelles zones de danger (accidents, travaux, radars),
- **√** ...



- ✓ Réaliser des actions personnalisées selon les commandes de l'utilisateur
- ✓ Contrôler les objets connectés dans son environnement.
- **√** ...



- ✓ Contrôler le flux,
- ✓ Adapter et transmettre les informations les plus pertinentes,
- ✓ Affiner les sélections et proposer un contenu optimal à l'internaute,
- **√** ...



- ✓ Recommandation personnalisée de contenu
- ✓ La société exploite l'IA pour créer des teaser, des bande-annonce, etc.
- **√** ...



Comment l'IA est utilisée dans notre vie quotidienne?

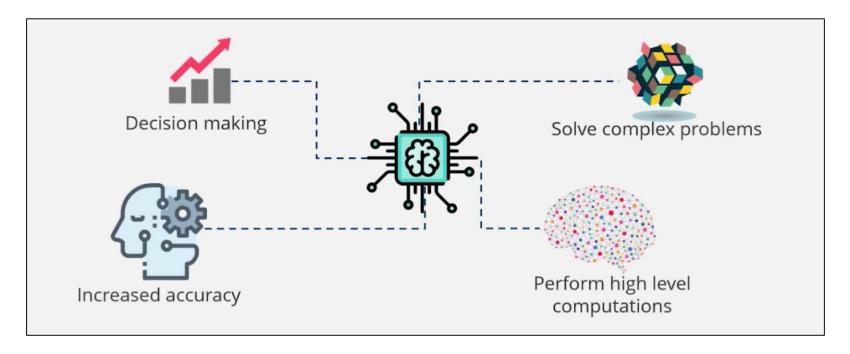
- ✓ Planifier et trouver les lieux de tournage
- ✓ Prendre des décisions de casting afin de déterminer le meilleur acteur pour un rôle donné
- ✓ Utiliser pour vieillir des personnages et créer des arrière-plans numériques et augmenter l'éclairage
- ✓ Composer la musique



√ ...

De quoi s'agit -il?

Le développement de systèmes informatiques capables d'effectuer des tâches qui nécessitent normalement l'intelligence humaine, comme la prise de décision, la détection d'objets, la résolution de problèmes complexes, etc.



1. Intelligence artificielle étroite

2. Intelligence générale artificielle

3. Super intelligence artificielle

Artificial Narrow Intelligence (ANI)



Stage-1

Machine Learning

 Specialises in one area and solves one problem







Artificial General Intelligence (AGI)



Stage-2

Machine Intelligence

 Refers to a computer that is as smart as a human across the board Artificial Super Intelligence (ASI)



Stage-3

Machine Consciousness

 An intellect that is much smarter than the best human brains in practically every field

1. Intelligence artificielle étroite

- L'IA faible
- Le seul type d'intelligence artificielle que nous ayons réussi à réaliser à ce jour.
- Orientée vers un but précis, conçue pour accomplir des tâches uniques par exemple, la reconnaissance faciale, la reconnaissance vocale/les assistants vocaux, la conduite d'une voiture ou la recherche sur Internet.
- Siri n'est pas une machine consciente qui répond à nos requêtes.
- Au contraire, ce que Siri est capable de faire ce pour quoi il a été conçu c'est de traiter le langage humain, de le saisir dans un moteur de recherche (Google) et de nous renvoyer des résultats.

1. Intelligence artificielle étroite

□Exemples:

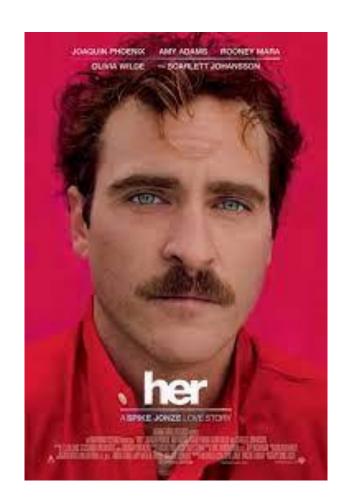
- ✓ Siri d'Apple, Alexa d'Amazon, Cortana de Microsoft et autres assistants virtuels.
- ✓ Logiciels de reconnaissance d'images et de visages
- ✓ Outils de cartographie et de prédiction des maladies
- ✓ Robots de fabrication et drones
- ✓ Filtres anti-spam pour les courriels / outils de surveillance des médias sociaux pour les contenus dangereux
- ✓ Recommandations de contenu de divertissement ou de marketing basées sur le comportement de visionnage, d'écoute ou d'achat.
- √ Voitures à conduite autonome

2. Intelligence générale artificielle

- ➤ IA forte ou IA profonde
- >Stade de l'IA où les machines auront la capacité de penser et de prendre des décisions comme les humains.
- ➤ le concept d'une machine dotée d'une intelligence générale qui imite l'intelligence et/ou les comportements humains, avec la capacité d'apprendre et d'appliquer son intelligence pour résoudre tout problème
- L'IA peut penser, comprendre et agir d'une manière indiscernable de celle d'un être humain dans une situation donnée.
- Les chercheurs et les scientifiques spécialisés dans l'IA n'ont pas encore atteint une IA forte. Pour y parvenir, ils devraient **trouver un moyen de rendre les machines conscientes**, en programmant un ensemble complet de capacités cognitives.

2. Intelligence générale artificielle

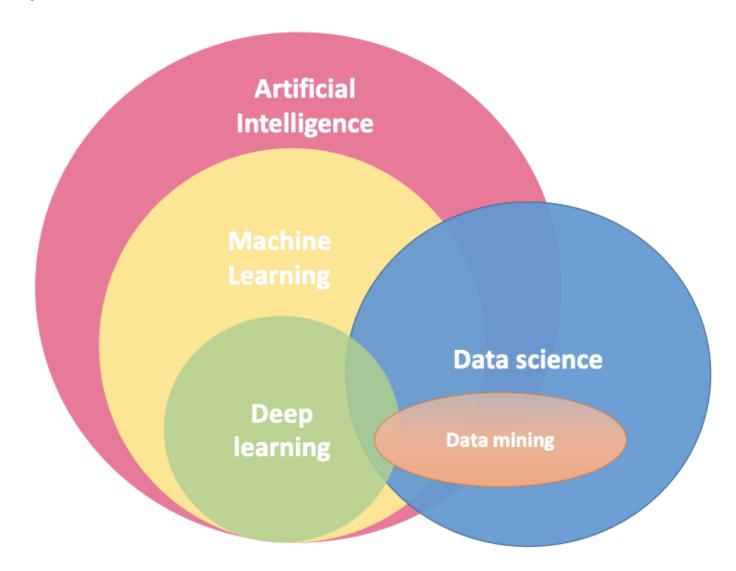
- ➤L'IA devrait être capable de raisonner, de résoudre des problèmes, de juger dans l'incertitude, de planifier, d'apprendre, d'intégrer des connaissances antérieures dans la prise de décision et d'être innovante, imaginative et créative.
- **Conscience.**



3. Super Intelligence artificielle

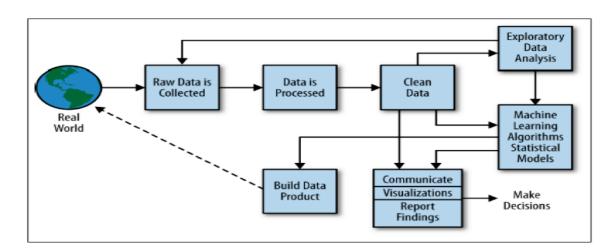
- Stade de l'IA où les capacités des ordinateurs dépasseront celles des êtres humains.
- ➤ (ASI) ne se contente pas d'imiter ou de comprendre l'intelligence et le comportement humains. l'ASI est l'endroit où les machines deviennent conscientes d'elles-mêmes et dépassent la capacité de l'intelligence et des aptitudes humaines.
- ➤ L'ASI aurait une meilleure mémoire et une capacité plus rapide à traiter et à analyser les données et les stimuli. Par conséquent, les capacités de prise de décision et de résolution de problèmes des êtres super intelligents seraient bien supérieures à celles des êtres humains.

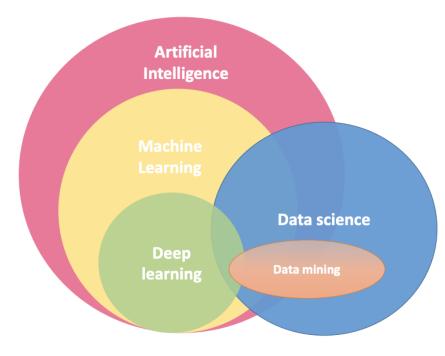
Al concepts



Al concepts : Data science

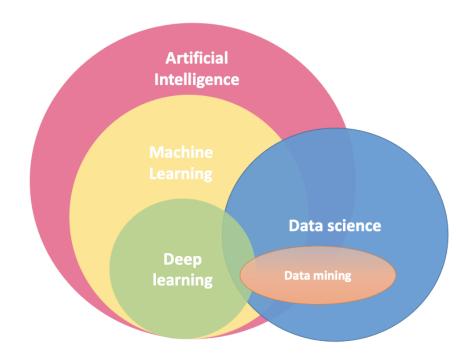
- Data science est un domaine interdisciplinaire qui utilise des méthodes, des processus et des algorithmes pour extraire des connaissances et des idées à partir de nombreuses données structurées et non structurées.
- Les différentes étapes et procédures de la science des données impliquent l'extraction, la manipulation, la visualisation et la maintenance des données pour prévoir l'occurrence d'événements futurs.





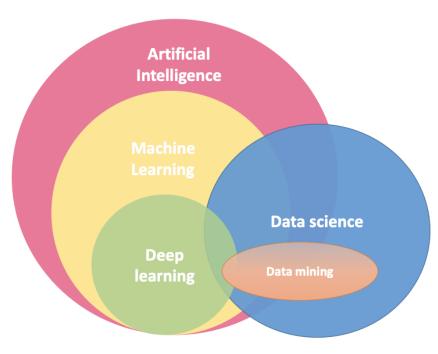
Al concepts : Data mining

- Data mining ou exploration de données est considérée comme le processus d'extraction d'informations utiles à partir d'une grande quantité de données. Il est utilisé pour découvrir des modèles nouveaux, précis et utiles dans les données, en recherchant le sens et les informations pertinentes pour l'organisation ou l'individu qui en a besoin. Il s'agit d'un outil utilisé par les humains.
- L'exploration de données traite principalement des données structurées pour trouver des informations utiles dans un ensemble de données et à utiliser ces informations pour découvrir des modèles cachés.



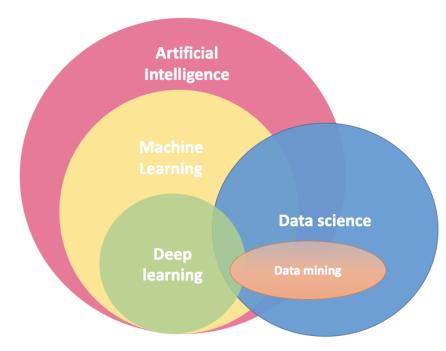
Al concepts : Machine learning

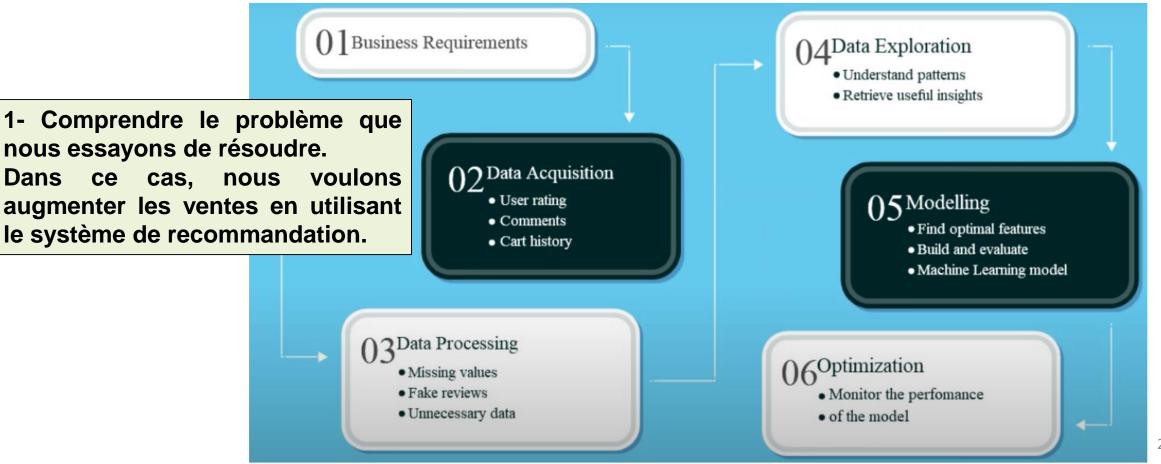
- Le Machine learning est un champ d'étude de l'intelligence artificielle qui se fonde sur des approches statistiques pour donner aux ordinateurs la capacité d' « apprendre » à partir de données.
- Apprendre aux machines en leur fournissant des données et en les laissant apprendre par elles-mêmes sans aucune intervention humaine.
- L'apprentissage automatique utilise des méthodes d'exploration de données et des algorithmes pour construire des modèles sur la logique derrière les données qui prédisent les résultats futurs. Les algorithmes sont basés sur les mathématiques et les langages de programmation.

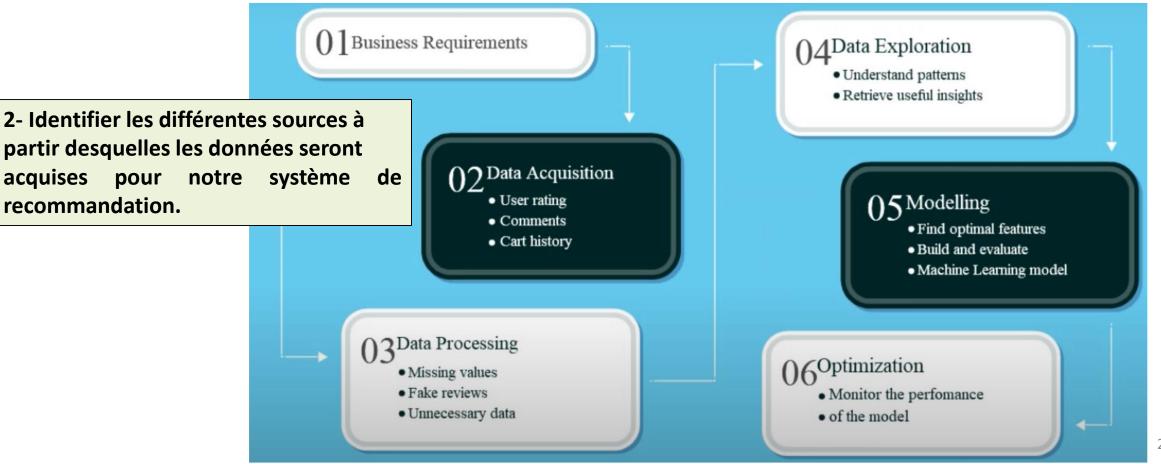


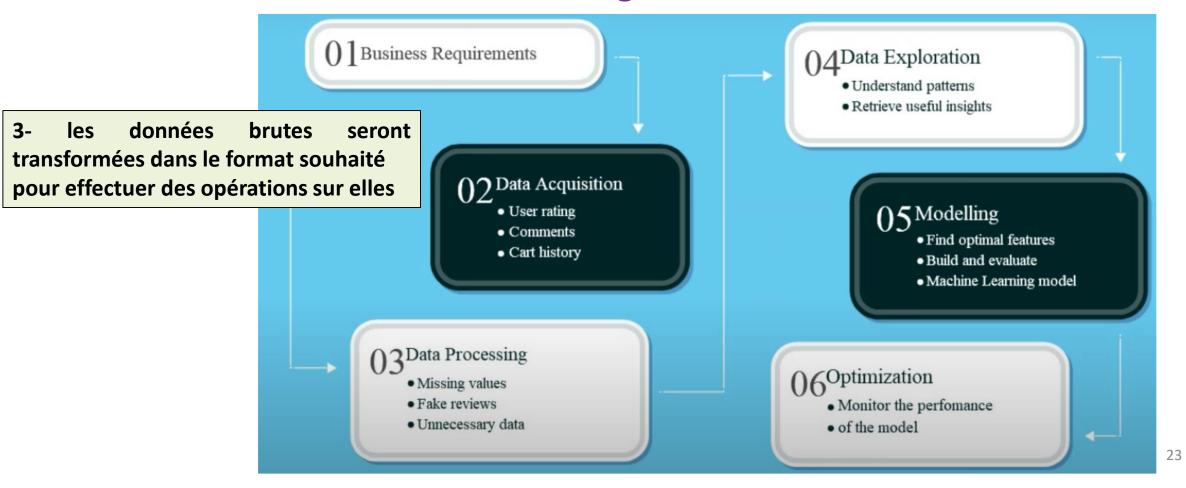
Al concepts : Deep learning

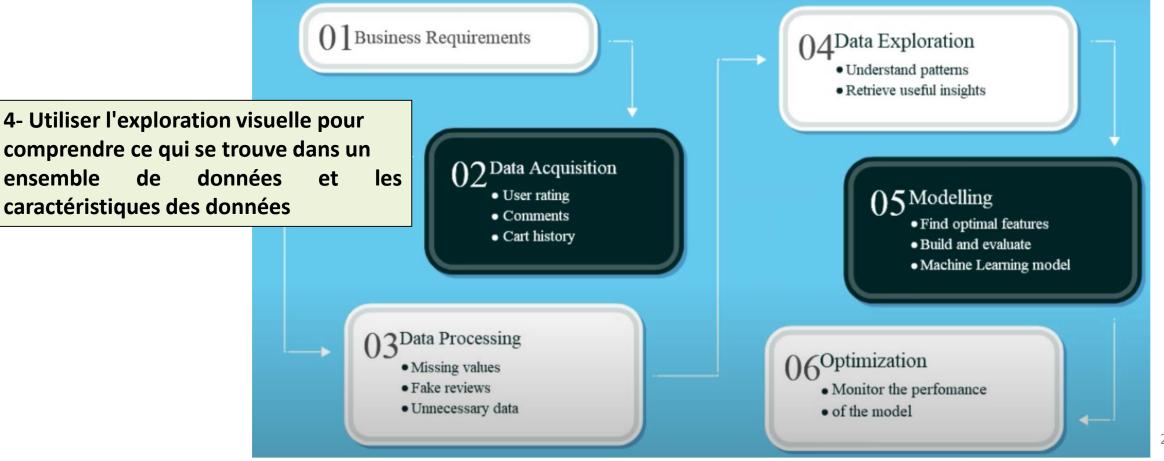
- Le Deep learning est un sous domaine du ML qui utilise des algorithmes conçus pour fonctionner de façon similaire au réseau de neurones d'un cerveau humain.
- Inspiré par le cerveau humain, qui se compose de milliards de neurones.
- Méthode la plus proche de l'intelligence humaine

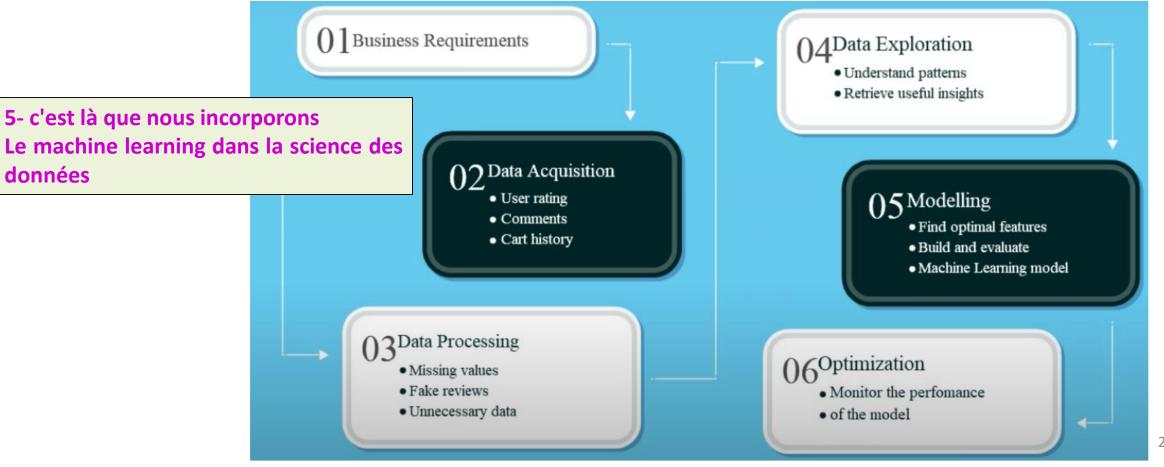


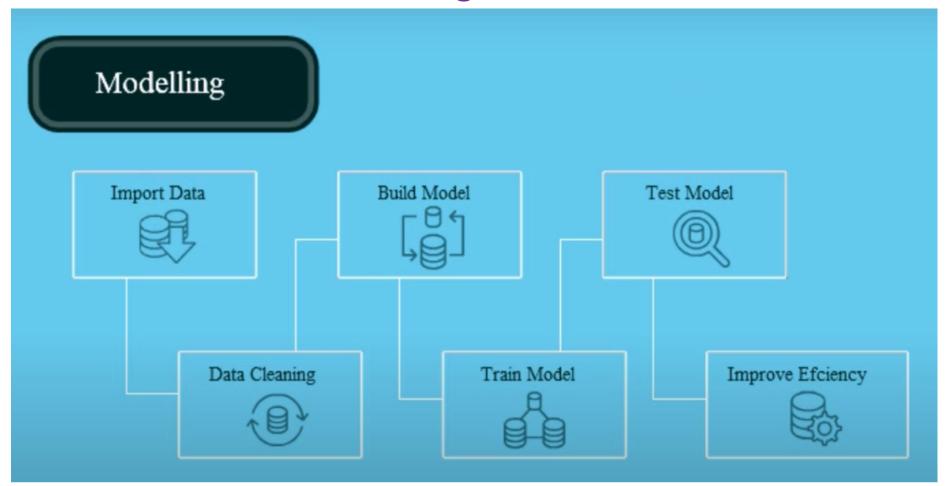












Qu'est-ce qui fait la différence entre la programmation classique et le Machine Learning (ML) ?



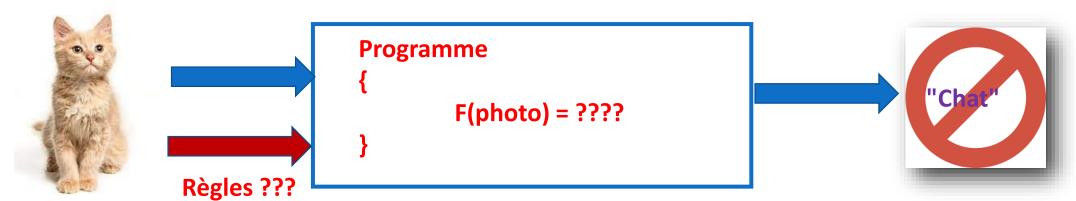
□Exemple: afficher la valeur maximale

```
Programme
{
    if( X < Y) printf("le max est X)
    else printf("le max est Y)
}

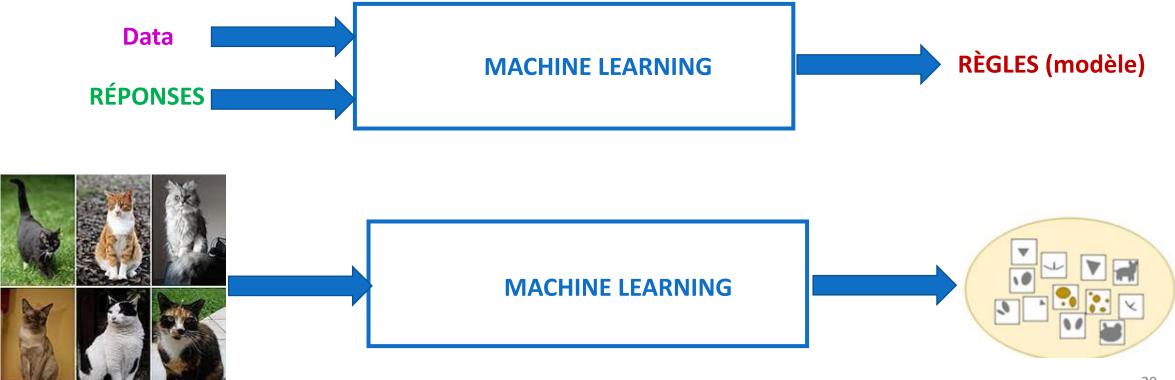
Sinon Max = X
```

Qu'est-ce qui fait la différence entre la programmation classique et le Machine Learning (ML) ?

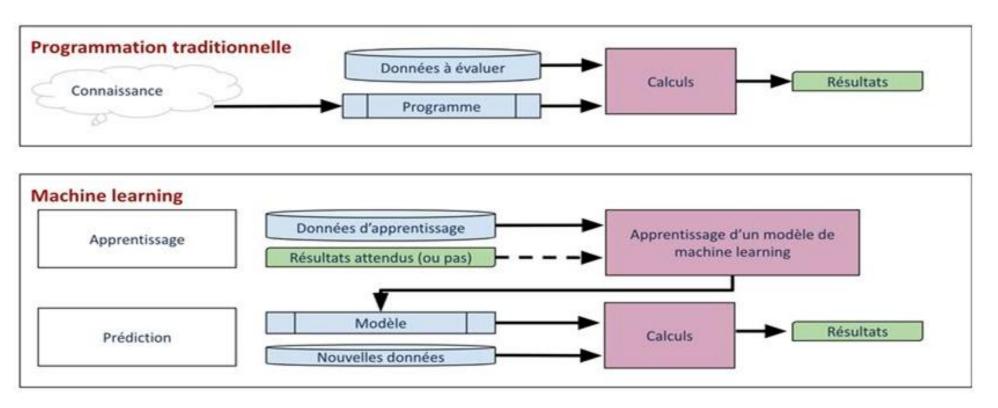




Qu'est-ce qui fait la différence entre la programmation classique et le Machine Learning (ML) ?



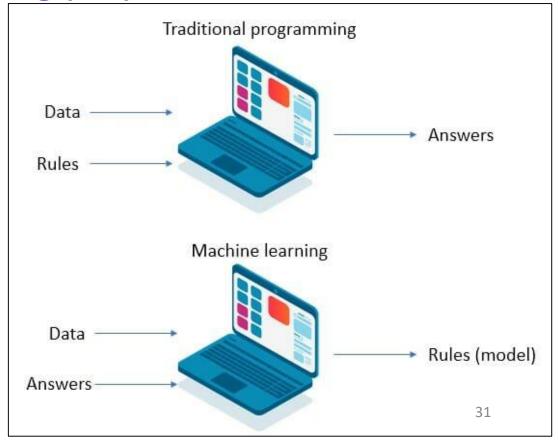
Qu'est-ce qui fait la différence entre la programmation classique et le Machine Learning (ML) ?



Qu'est-ce qui fait la différence entre la programmation classique et le Machine Learning (ML) ?

✓ **Dans la programmation classique,** on fait la combinaison des inputs avec un ensemble défini de règles pour avoir le résultat.

✓ Dans le Machine Learning, on fournit les entrées et les sorties tandis que les règles sont déduites dans la phase d'entrainement (training) des modèles.



Machine Learning:
"The field of study that gives computers the ability to learn without being explicitly programmed."

☐ DÉFINITION 1 :



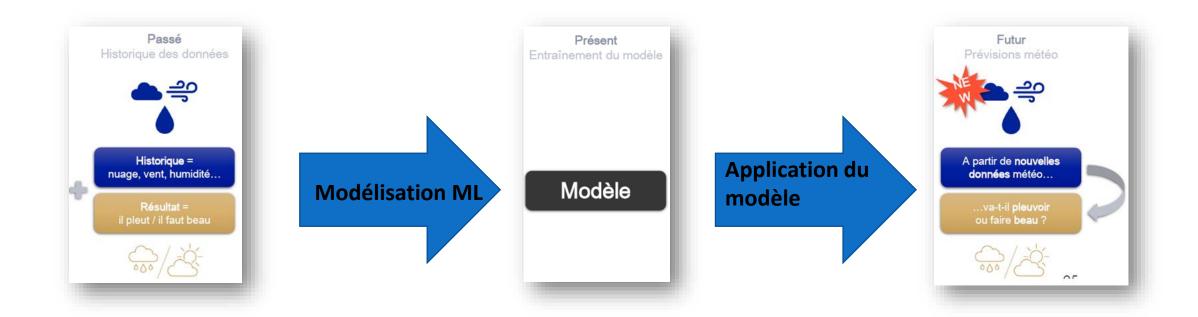
Le **Machine Learning** consiste à laisser l'ordinateur **apprendre** quel calcul effectuer, plutôt que de lui donner ce calcul (c'est-à-dire le programmer de façon explicite). **[Arthur Samuel 1959]**

☐ Exemple : prédiction de la pluie

- ✓ On n'a pas de formule toute faite à donner à l'ordinateur pour qu'il nous donne une estimation si la pluie va tomber ou non.
- ✓ C'est dans ce cas précis qu'on peut faire appel au Machine Learning.
- ✓ On connait les circonstances qui accompagnent généralement la pluie : la présence de nuages, la force du vent, le taux d'humidité...
- ✓ Le modèle s'entraîne sur les données. À la fin de son apprentissage, si on lui présente de nouvelles données météo, il sera capable de prédire s'il va pleuvoir ou pas.

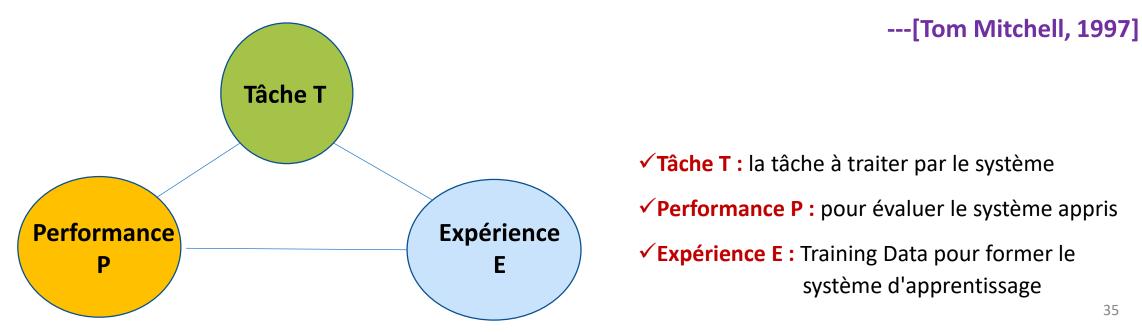


☐ Exemple : prédiction de la pluie



□ DÉFINITION 2 : Qu'est-ce qu'apprendre (learning) ?

"On dit qu'un programme informatique apprend de l'expérience E en référence à une certaine classe de tâches T et une mesure de performance P, si sa performance aux tâches de T, mesurée par P, s'améliore avec l'expérience E."



■ Exemple 1 : Déterminer le prix de maison



- ✓ **Tâche T**: prédire le prix d'une maison en fonction des caractéristiques (ex: sa surface).
- ✓ Performance P: précision élevée des prix des maisons (accurate prices)
- ✓ Expérience E: un Data set de maisons avec leurs prix.

C'est quoi le Machine Learning?

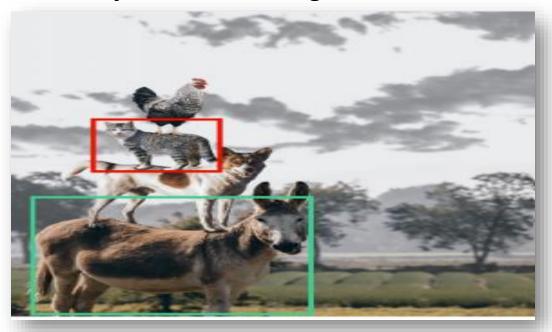
☐ Exemple 2: Spam filtering



- ✓ **Tâche T**: identifier si un Email est un spam ou non.
- ✓ Performance P: % des email spam filtré et % des email non-spam qui ont été mal filtré.
- ✓ Expérience E: ensemble des emails "labelisées" par les utilisateurs.

C'est quoi le Machine Learning?

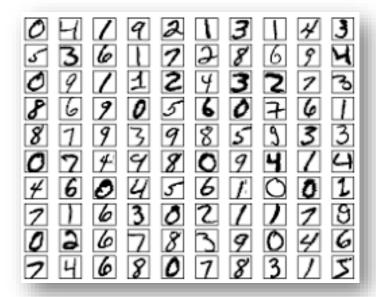
☐ Exemple 3: Reconnaissance d'objets dans une image



- ✓ **Tâche T**: dire si un objet est présent ou non dans l'image
- ✓ Performance P: nombre d'erreurs (ou pourcentage d'objets correctement identifiés)
- ✓ Expérience E: ensemble d'images '"labelisées" avec informations sur les objets

C'est quoi le Machine Learning?

■ Exemple 4: reconnaissance des caractères manuscrits



- √ Tâche T: la reconnaissance et la classification de caractères manuscrits présents dans une image.
- ✓ Performance P: % de caractères bien classés.
- ✓ Expérience E: Data set de caractères manuscrits étiquetés.

Pourquoi / Quand utiliser du ML?

\display L'expertise humaine n'existe pas



Les humains ne peuvent pas expliquer leur expertise



Les solutions changent régulièrement



Les solutions doivent s'adapter à des cas particuliers

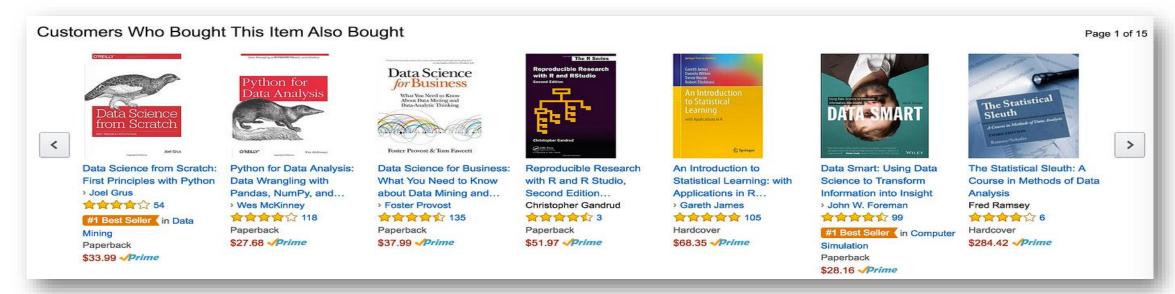


Pourquoi / Quand utiliser du ML?

□Exemples:

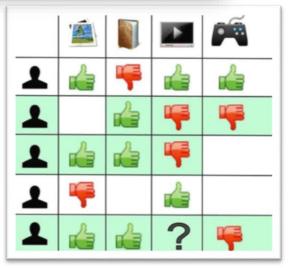
- Parmi les problèmes suivants, lesquels se prêtent bien à être traités par le machine learning?
 - 1. Déterminer l'horaire optimal pour poster un contenu sur une page web.
 - 2. Déterminer le chemin le plus court entre deux nœuds dans un graphe.
 - 3. Prédire le nombre de vélos à mettre en location à chaque station d'un système de location de vélos.
 - 4. Évaluer le prix qu'un tableau pourra atteindre lors d'une vente aux enchères.
 - 5. Débruiter un signal radio.

Applications: Recommandation de produits

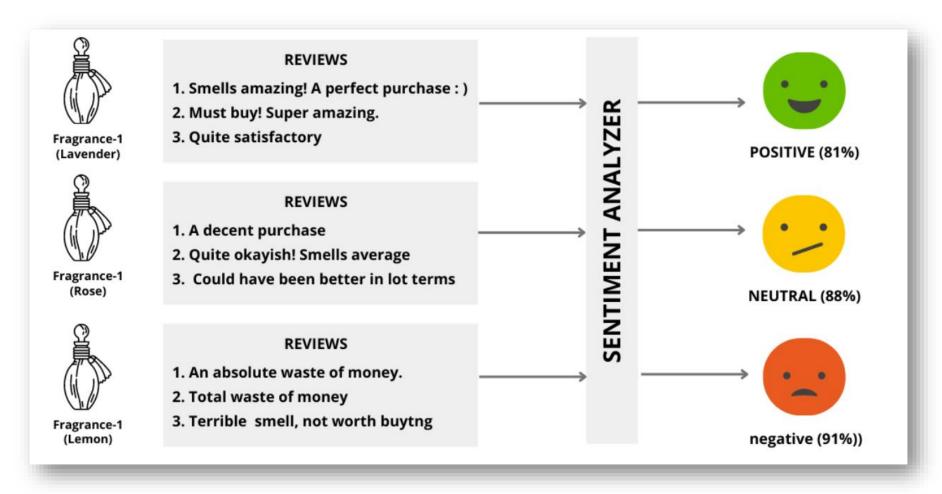




Les utilisateurs similaires (en vert) n'ont pas aimé le produit que notre utilisateur n'a pas encore noté. L'algorithme aura donc tendance à prédire une mauvaise note et à ne pas recommander le produit ici.

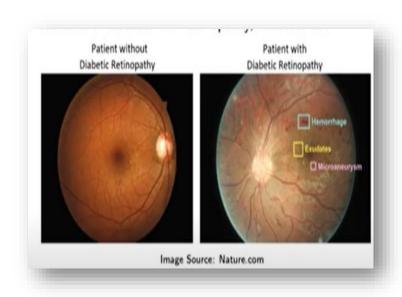


Applications: Analyse de sentiments



Représentation schématique de l'analyse de sentiments sur les avis de trois parfums - Lavande, Rose et Citron.

Applications : aide au diagnostic médical



Détection de la rétinopathie diabétique



Détection de breast cancer

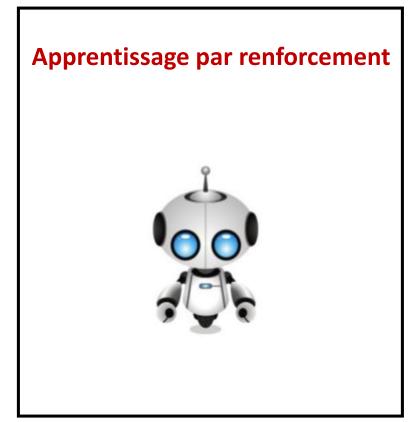


Détection de maladies cardiaques

□3 approches de machine learning :





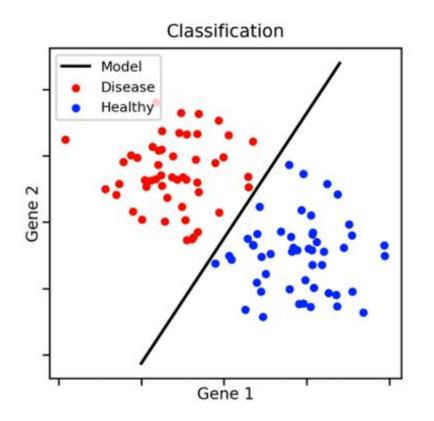


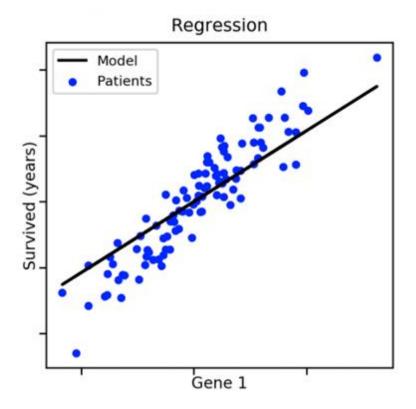
Apprentissage supervisé

- L'approche de l'apprentissage supervisé (supervised learning) en ML consiste à utiliser des jeux de données étiquetés qui entraînent des algorithmes pour classer les données ou prédire des résultats avec précision.
- l'objectif de l'apprentissage supervisé est d'apprendre une fonction qui, à partir d'un échantillon de données et des résultats souhaités, se rapproche le mieux de la relation entre entrée et sortie observable dans les données.
- Par exemple, disons que nous formons un algorithme de reconnaissance d'images pour distinguer les chats des chiens.
- Chaque point de données d'apprentissage sera une paire constituée d'une image (données d'apprentissage) et de l'étiquette spécifiant s'il s'agit d'un chat ou d'un chien.

Apprentissage supervisé

■ Il existe deux grandes catégories d'apprentissage supervisé :



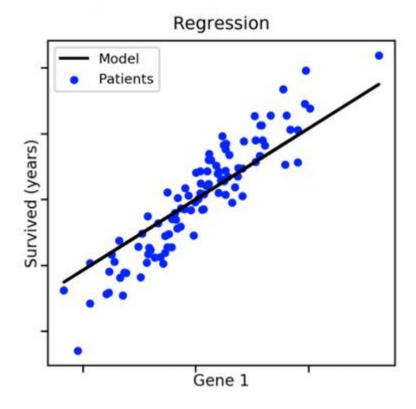


Apprentissage supervisé

- Les problèmes de régression correspondent aux situations dans lesquelles la machine doit prédire la valeur d'une variable quantitative (variable continue).
- Un problème de régression avec plusieurs variables d'entrée est appelé un problème de régression multiple

Exemples:

- ✓ Prédire le prix de l'immobilier
- ✓ Prédire la consommation électrique
- ✓ Prédire la durée de vie d'un patient

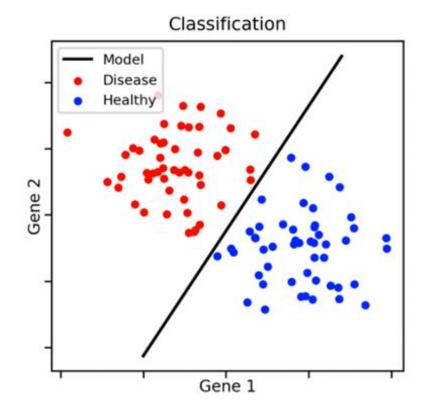


Apprentissage supervisé

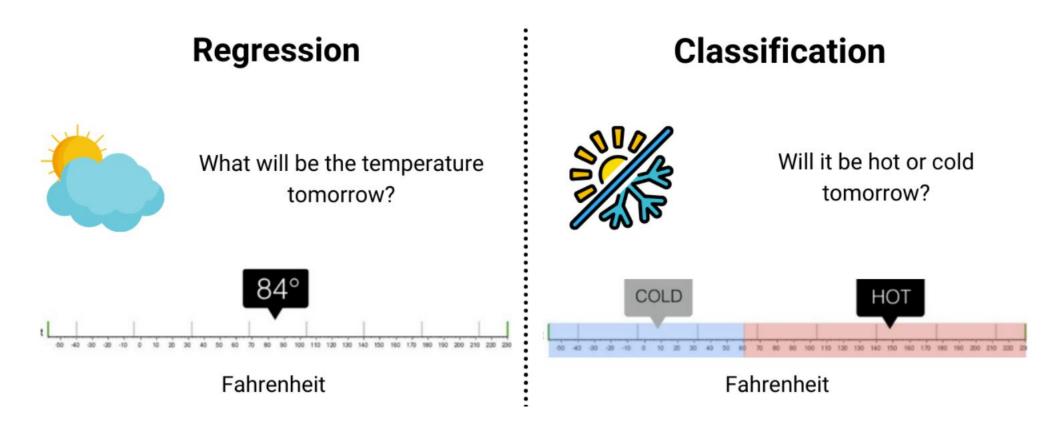
- La classification correspondent aux situations dans lesquelles la machine doit prédire la valeur d'une variable qualitative (variable discrète). Autrement dit, la machine doit classer ce qu'on lui donne dans des classes.
- Un problème de classification peut être **binaire** (deux classes) ou **multi-class** (plus de deux classes).

Exemples:

- ✓ Email Spam / non Spam
- ✓ Cancer / non Cancer
- ✓ Photo de Chat / Chien



Apprentissage supervisé



Apprentissage non supervisé

- L'approche de l'apprentissage non supervisé (Unsupervised Learning) consiste à ne disposer que de données d'entrée (X) et pas de variables de sortie correspondantes.
- On l'appelle apprentissage non supervisé car, contrairement à l'apprentissage supervisé, il n'y a pas de réponse correcte ni d'enseignant. Les algorithmes sont laissés à leurs propres mécanismes pour découvrir et présenter la structure intéressante des données.
- L'objectif de l'apprentissage non supervisé est de modéliser la structure ou la distribution sous-jacente dans les données afin d'en apprendre davantage sur les données.
- Par exemple, un ensemble de données qui contient les préférences d'achat des utilisateurs du e-commerce. Les utilisateurs formeront probablement des groupes qui se comportent de manière similaire, et ils peuvent avoir un comportement d'achat similaire.

Apprentissage non supervisé

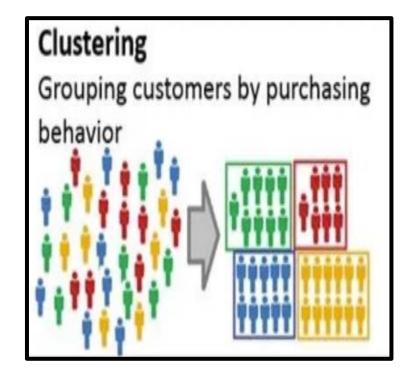
■ Il existe deux grandes catégories d'apprentissage non supervisé :





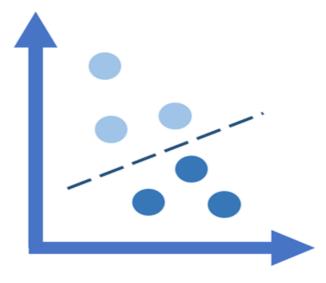
Apprentissage non supervisé

- Le Clustering ou Regroupement consiste à séparer ou à diviser un ensemble de données en un certain nombre de groupes, de sorte que les ensembles de données appartenant aux mêmes groupes se ressemblent davantage que ceux d'autres groupes.
- Cette technique permet aux spécialistes du marketing digital d'adapter leurs contenus en fonction des audiences identifiées.
- Le Clustering est de la classification non supervisée: pas de classes prédéfinies
- Exemples:
 - ✓ Segmentation du marché en fonction de l'emplacement, des niveaux de revenus, de l'âge des acheteurs ou de n'importe quelle autre variable.



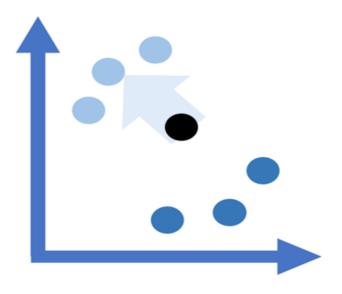
Apprentissage non supervisé

Clustering Vs Classification



Regroupements clustering

Le regroupement (ou *clustering*) permet d'identifier des groupes d'individus au sein d'un jeu de données.



Classifications catégorisations

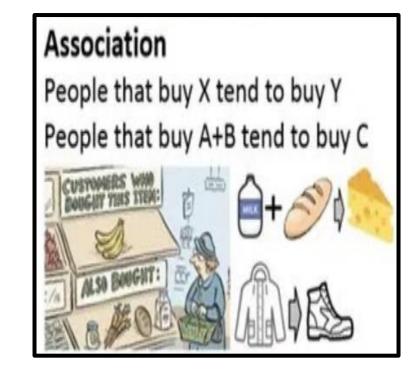
La classification ou catégorisation permet d'attribuer des individus à des groupes déjà définis.

Apprentissage non supervisé

- L'association consiste à découvrir des relations intéressantes entre des variables dans de grandes bases de données.
- Ces méthodes sont souvent utilisées pour l'analyse du panier de consommation, qui permet aux compagnies de comprendre la relation entre l'achat de différents produits. Cela permet d'établir une relation de la forme : « Les individus qui achètent le produit X ont également tendance à acheter le produit Y ».

Exemples :

- ✓ les personnes qui achètent une nouvelle maison ont aussi tendance à acheter de nouveaux meubles
- ✓ Si 15 clients ayant acheté un nouveau téléphone ont également commandé un casque, les algorithmes recommandent un casque à tous les clients qui mettent un téléphone dans leur panier



Apprentissage par renforcement

- L'apprentissage par renforcement (Reinforcement learning) consiste à laisser les ordinateurs apprendre de leurs expériences grâce à un système de récompense ou de pénalité.
- Son objectif est de créer des agents capables de prendre les meilleures décisions possibles.
- Le RL se base donc sur un système de récompenses : à chaque action effectuée,
 l'agent reçoit une récompense (ou une pénalité dans le cas où l'action est mal réalisée) de la part de l'environnement, qui va lui permettre d'ajuster sa stratégie.
- L'agent apprend donc à agir de façon à maximiser les récompenses espérées sur le long terme.

Exemples:

- ✓ apprendre à un robot à marcher en terrain difficile
- ✓ La voiture autonome

Apprentissage par renforcement

- Exemple : Concevoir une voiture autonome
 - ✓ l'agent est le logiciel qui conduit la voiture,
 - √ l'environnement est l'espace virtuel dans lequel le véhicule évolue,
 - ✓ l'action à un instant t, c'est la possibilité de changer de direction, de ralentir, d'accélérer etc...,
 - ✓ la **récompense** est associée dans le cas où le véhicule circule correctement dans son environnement (à défaut, une **pénalité** est associée si le véhicule se heurte à un obstacle, par exemple),
 - ✓On parle de **politique** pour désigner le mécanisme qui lie les récompenses observées dans le passé et l'état du système à l'instant t

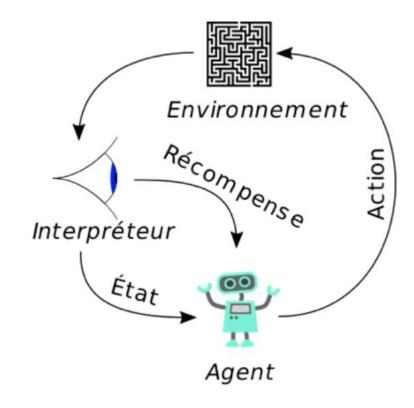
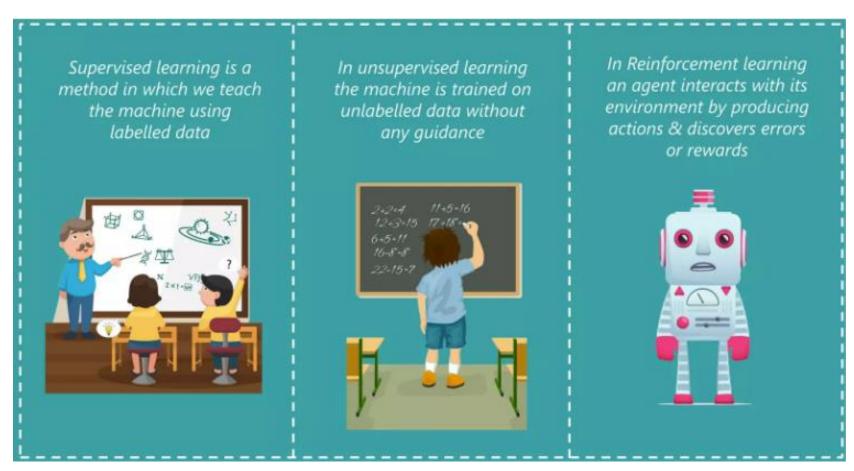
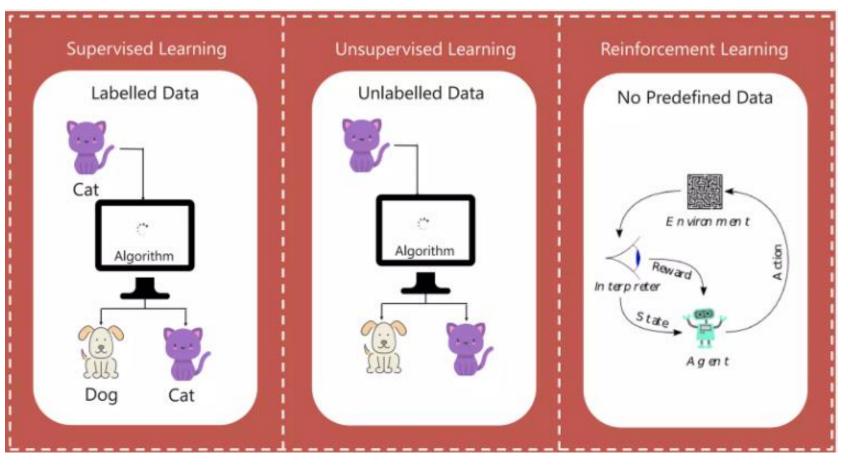


Fig. 1: Scénario typique de RL (Source : Wikipédia)

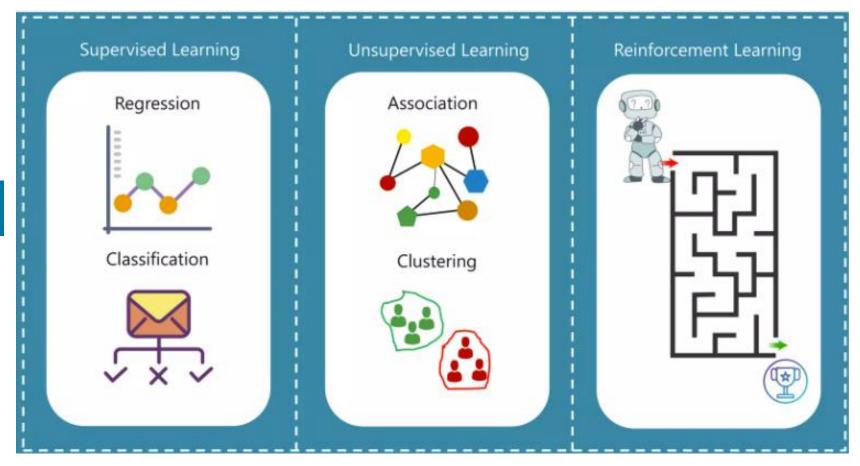
Définition



Type de données



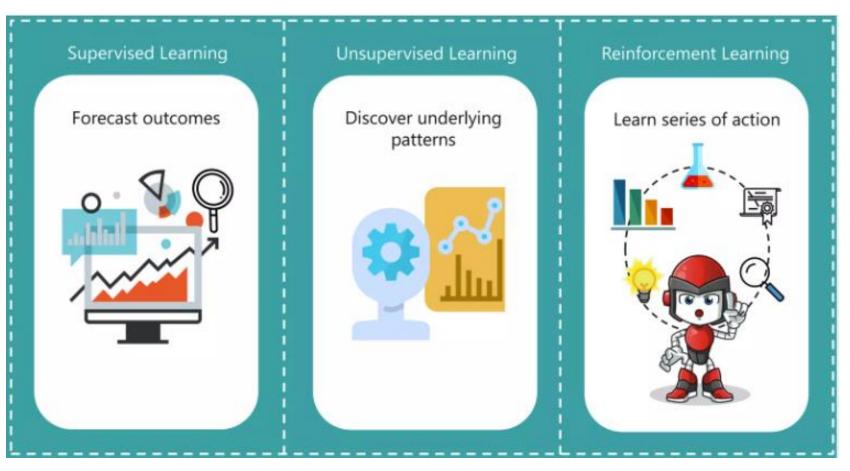
Type de problèmes



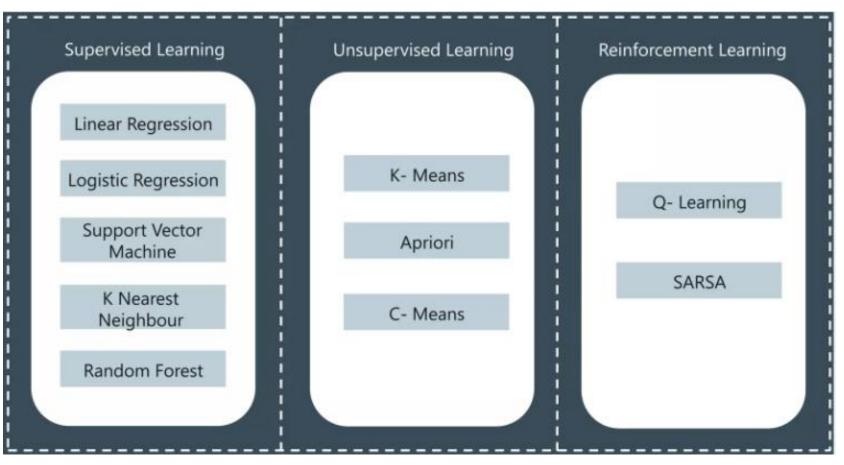
Supervision



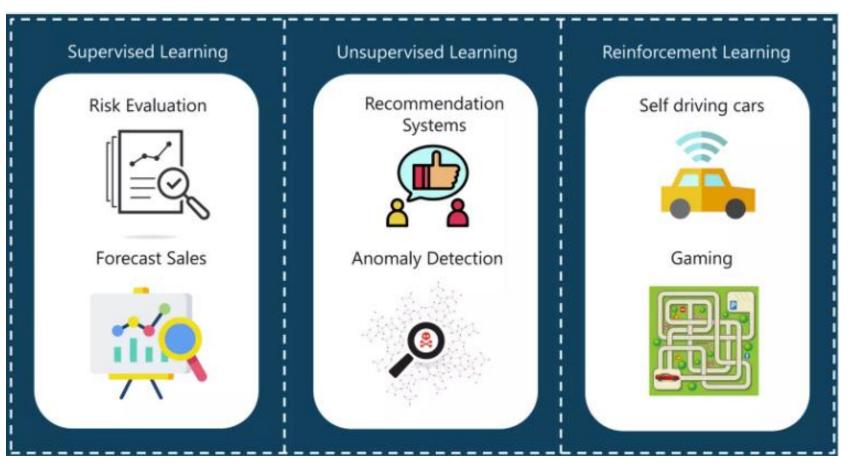
Objectif



Algorithmes



Applications



Types de modèles ML : Etude de cas

• Énoncé du problème : Étudier un ensemble de données sur le crédit bancaire et prendre la décision d'approuver ou non le prêt d'un demandeur en fonction de son profil.

```
$ Account.Balance
$ Duration.of.Credit..month.
$ Payment.Status.of.Previous.Credit: int
$ Purpose
$ Credit.Amount
$ Value.Savings.Stocks
$ Length.of.current.employment
$ Instalment.per.cent
$ Sex...Marital.Status
$ Guarantors
$ Duration.in.Current.address
$ Most.valuable.available.asset
$ Age..years.
$ Concurrent.Credits
$ Type.of.apartment
§ No. of. Credits. at. this. Bank
§ Occupation
$ No. of. dependents
$ Telephone
$ Foreign.Worker
                                    : int 1112222211...
```

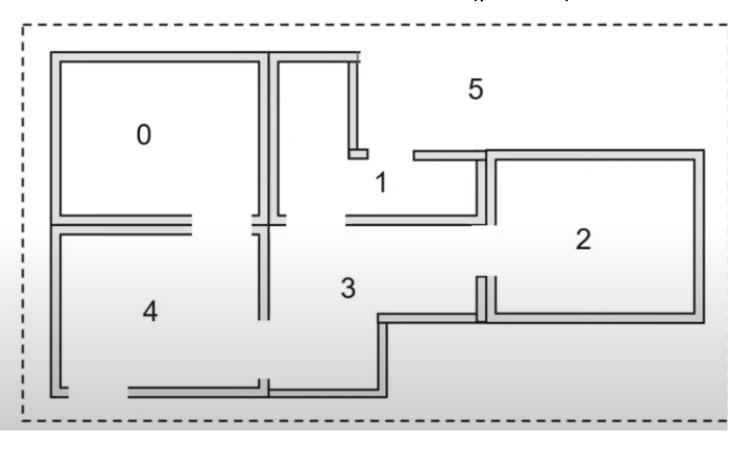
Types de modèles ML : Etude de cas

• Énoncé du problème : Effectuer une analyse du panier en trouvant la relation entre les articles achetés à l'épicerie.

1	Α	В	C	D	E	F	G	Н
1	citrus fruit	semi-finisl	margarine	ready sou	os			
2	tropical fr	yogurt	coffee					
3	whole milk							
4	pip fruit	yogurt	cream che	meat spre	ads			
5	other vege	whole mil	condense long life bakery product					
6	whole mil	butter	yogurt	rice	abrasive c	leaner		
7	rolls/buns							
8	other vege	UHT-milk	rolls/buns	bottled be	liquor (app	etizer)		
9	pot plants							
10	whole mil	cereals						
11	tropical fr	other vege	white brea	bottled wa	chocolate			
12	citrus fruit	tropical fr	whole mil	butter	curd	yogurt	flour	bottled v
13	beef							
14	frankfurte	rolls/buns	soda					
15	chicken	tropical fr	uit					

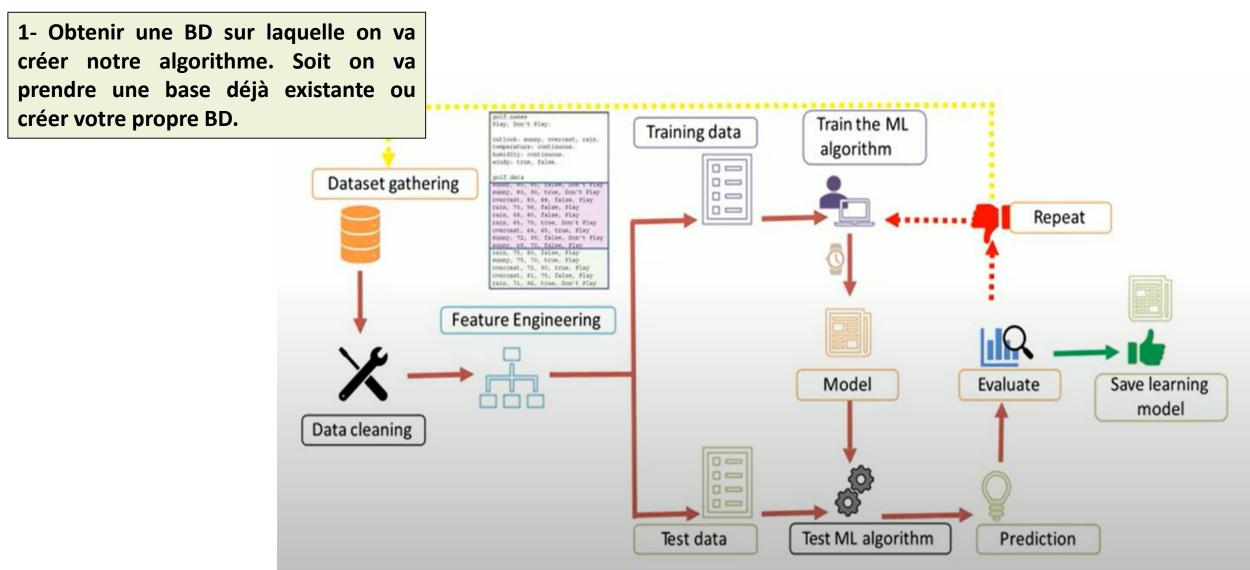
Types de modèles ML : Etude de cas

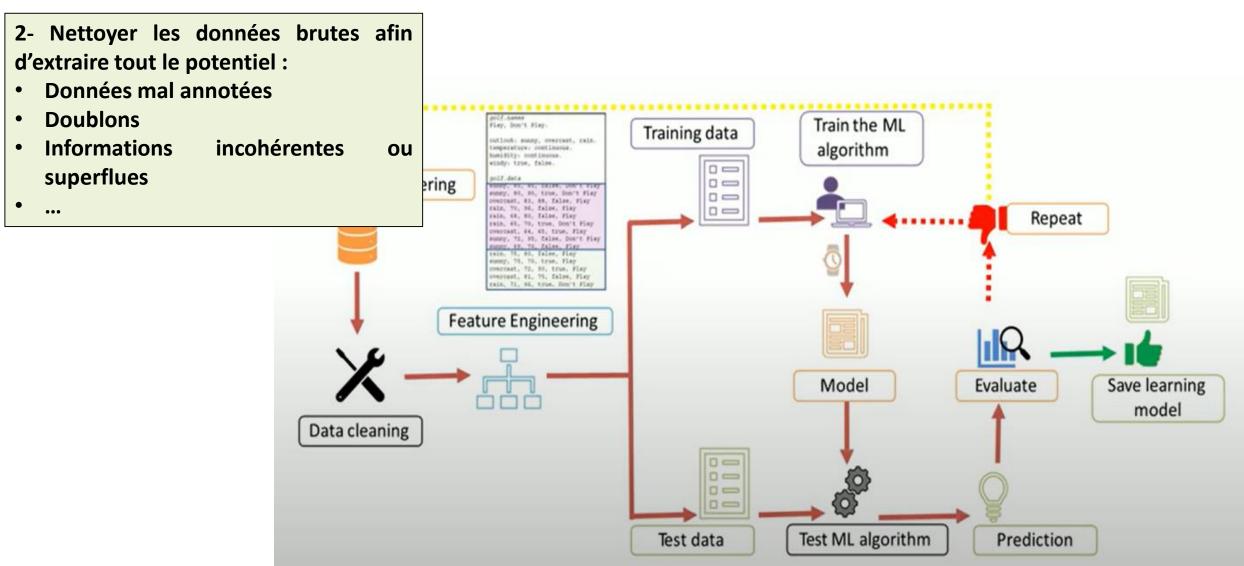
■ Énoncé du problème : Placez un agent dans l'une des pièces (0,1,2,3,4) et le but est d'atteindre l'extérieur du bâtiment (pièce 5).



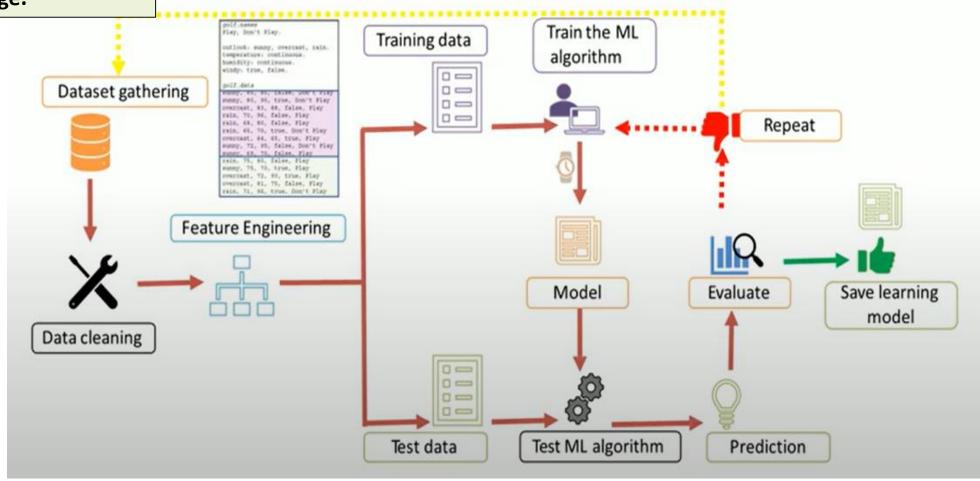
Types de modèles ML: Exercice

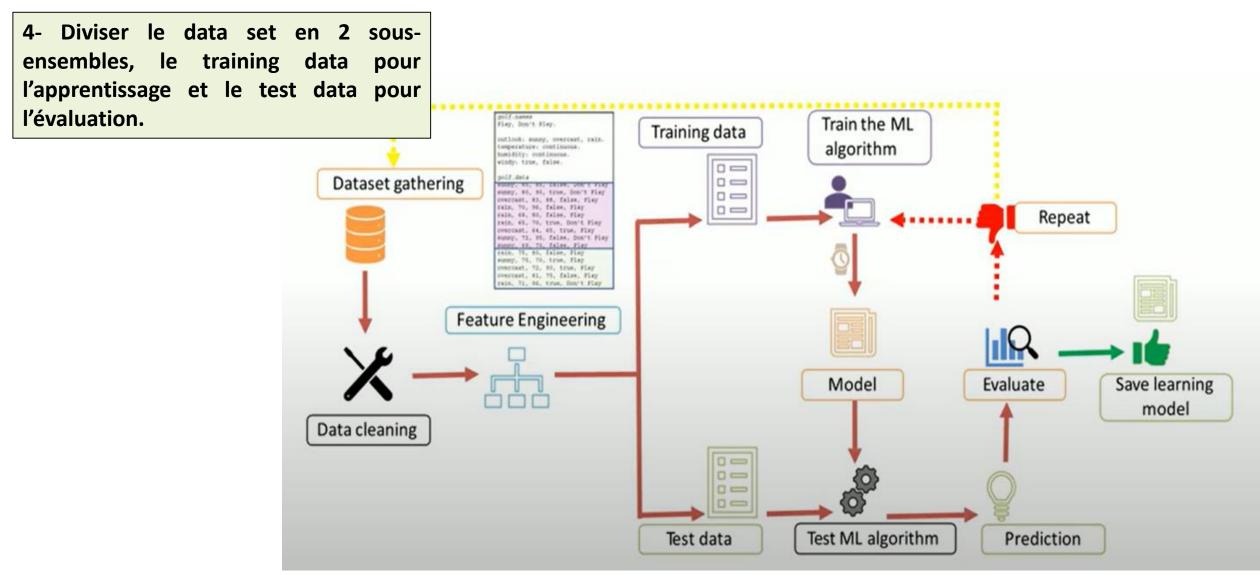
- Je veut écrire un programme qui utilise la fréquence des mots « science », « public », « accès », « université », « gouvernement », « financer », « éducation », « budget », « justice » et « loi » pour déterminer si un article traite ou non de politique scientifique. J'ai commencé par annoter un millier d'articles selon leur sujet. Quel genre de problème d'apprentissage automatique doit-je résoudre ?
- 2) Je dispose de 10 000 articles de journaux que je souhaite classer par leur thématique. Dois-je utiliser un algorithme supervisé ou non supervisé ?
- 3) Je gère un outil qui permet d'organiser les liens HTML qui ont été sauvegardés. Je souhaite suggérer des catégories auxquelles affecter un nouveau lien, en fonction des catégories déjà définies par l'ensemble des utilisateurs du service. Quel type d'algorithme d'apprentissage dois-je utiliser?
- 4) Je veux examiner mes spams pour déterminer s'il existe des sous-types de spams. Quel type d'algorithme d'apprentissage dois-je utiliser?





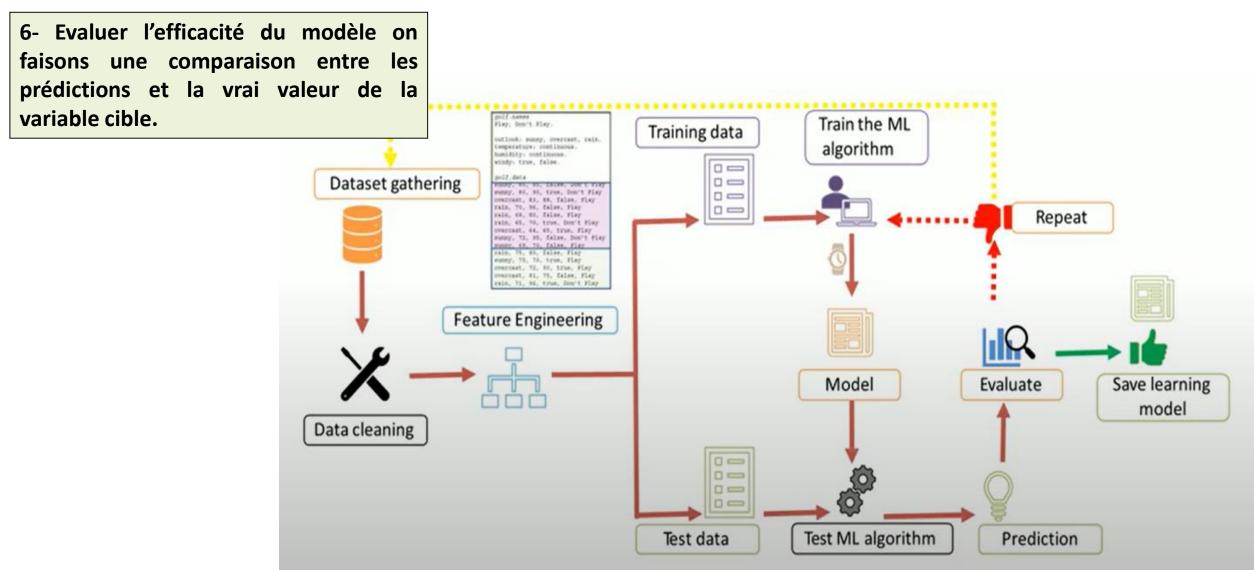
3- Extraire un ensemble de caractéristiques qui seront les entrées au système d'apprentissage.

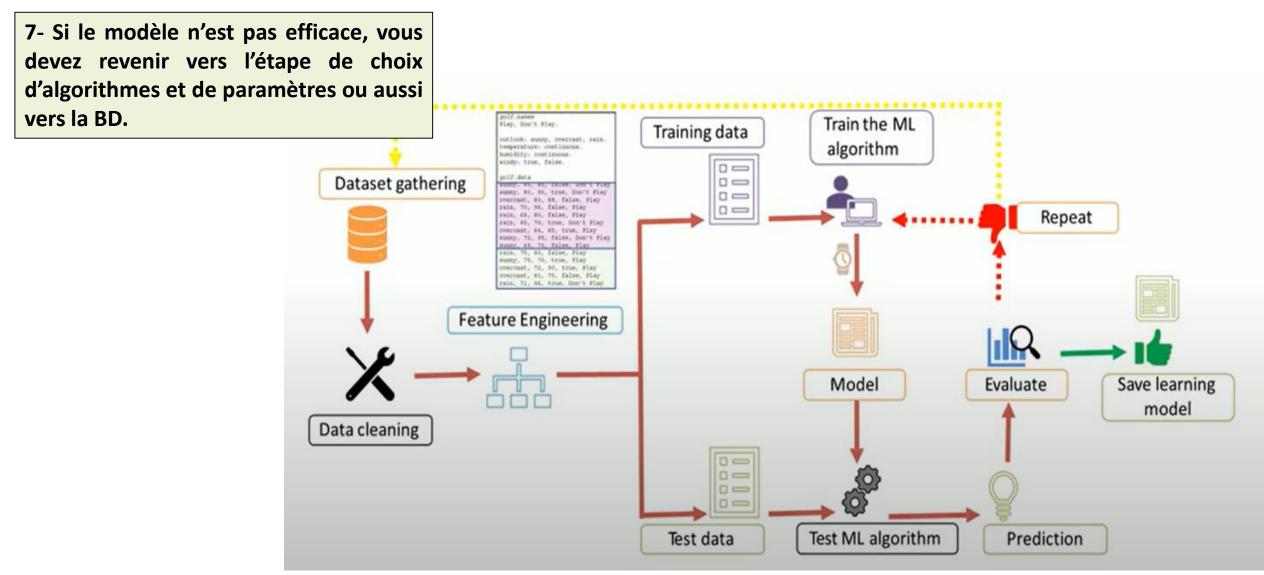




choisir modèle le type de d'apprentissage fait puis on l'entrainement. golf.names Flay, Dun't Hlay Train the ML Training data outlook: sunsy, overcast, sainalgorithm emperature; continuous. horidity- continuous. windy: true, false. Dataset gathering many, 80, 80, true, Son't Flay composet, 83, 68, false, Flay rain, 70, 96, false, Flay rain, 68, 80, false, Flay Repeat rain, 45, 70, true, Don't Play overcast, 64, 65, true, Flay runny, 72, 95, Selse, Don't Flay suner, 69, 70, false, Flay said, 76, 60, false, Flay sunery, 76, 70, true, Flay concest, 72, 50, true, Flay vercest, 91, 79, false, Flay rain, 71, 86, true, Don't Play **Feature Engineering** Model Evaluate Save learning model Data cleaning 0 -Test ML algorithm Prediction

Test data

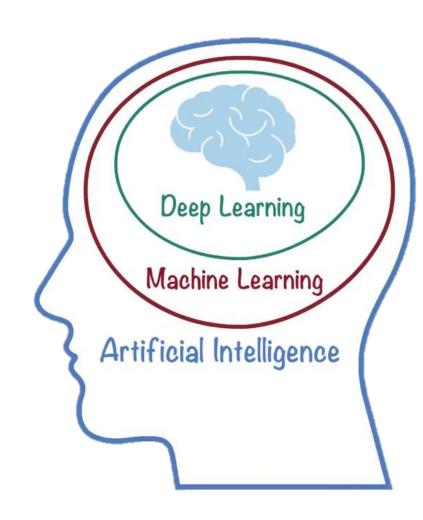






CHAPITRE 2:

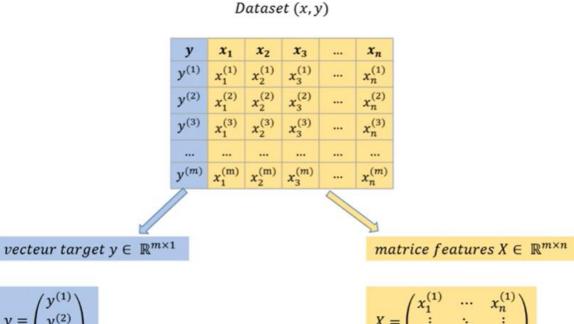
Régression linéaire simple et multiple



Notions fondamentales de l'apprentissage supervisé

L'apprentissage supervisé fonctionne en 4 étapes :

Importer les données (Dataset)



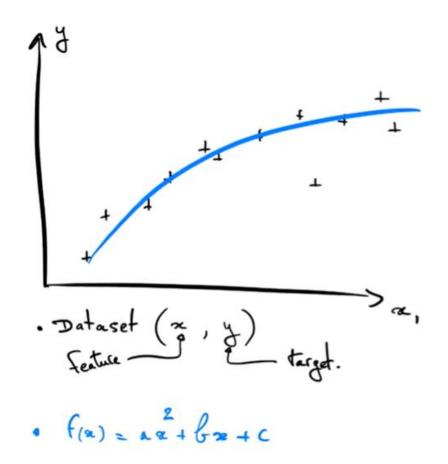
$$y = \begin{pmatrix} y^{(1)} \\ y^{(2)} \\ \dots \\ y^{(m)} \end{pmatrix}$$

$$X = \begin{pmatrix} x_1^{(1)} & \cdots & x_n^{(1)} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ x_1^{(m)} & \cdots & x_n^{(m)} \end{pmatrix}$$

Notions fondamentales de l'apprentissage supervisé

L'apprentissage supervisé fonctionne en 4 étapes :

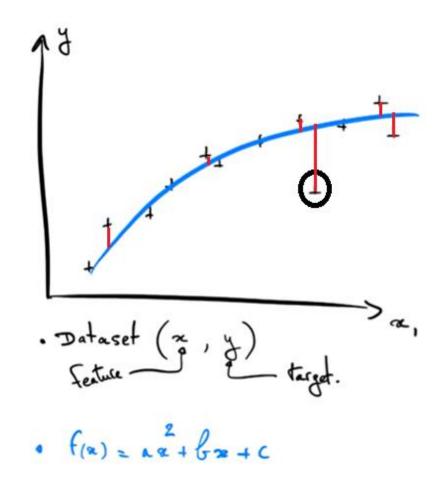
- 1. Importer les données (Dataset)
- 2. Créer un modèle



Notions fondamentales de l'apprentissage supervisé

L'apprentissage supervisé fonctionne en 4 étapes :

- 1. Importer les données (Dataset)
- 2. Créer un modèle
- 3. Calculer la fonction coût



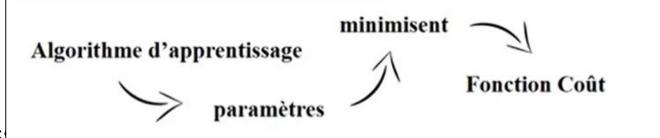
Notions fondamentales de l'apprentissage supervisé

L'apprentissage supervisé fonctionne en 4 étapes :

- 1. Importer les données (Dataset)
- 2. Créer un modèle

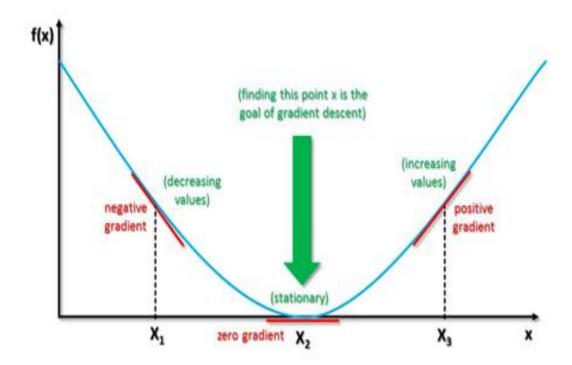
gradient)

- 3. Calculer la fonction coût
- Développer un algorithme d'apprentis (algorithme de minimisation, par exemple : méthode des moindres carrés, descente de



Descente de gradient

- L'apprentissage par descente de gradient permet de modifier les paramètres de la fonction de la régression linéaire afin de minimiser le coût d'erreur.
- Pour minimiser l'erreur, elle a besoin de deux points de données : une direction et un taux d'apprentissage (learning rate).
- Ces facteurs déterminent les calculs de dérivée partielle des itérations futures, ce qui lui permet d'arriver progressivement au minimum local ou global (c'est-à-dire au point de convergence).



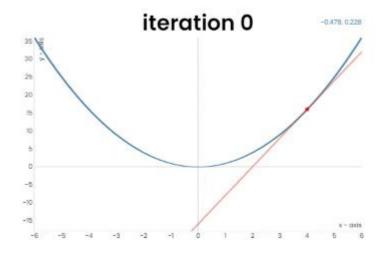
Descente de gradient

Comment décider du pas avec lequel je vais avancer?

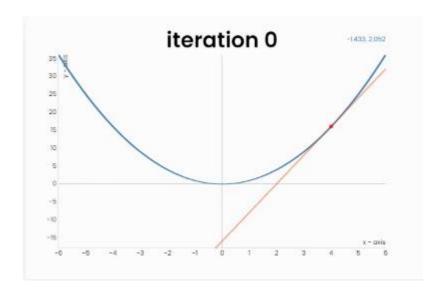
- Le taux d'apprentissage α (learning rate) est un hyper paramètre à régler. Il représente la taille des pas entre deux itérations.
- Le dilemme caché derrière ce paramètre est qu'il permet une convergence rapide pour un pas élevé, mais de petites valeurs assurent plus de stabilité à l'algorithme.
- Un taux d'apprentissage élevé se traduit par des pas plus grands, mais risque de dépasser le minimum.
- Un taux d'apprentissage faible entraîne des pas de petite taille. S'il présente l'avantage d'une plus grande précision, le nombre d'itérations compromet l'efficacité globale car il faut plus de temps et de calculs pour atteindre le minimum.

Descente de gradient

Un taux d'apprentissage faible



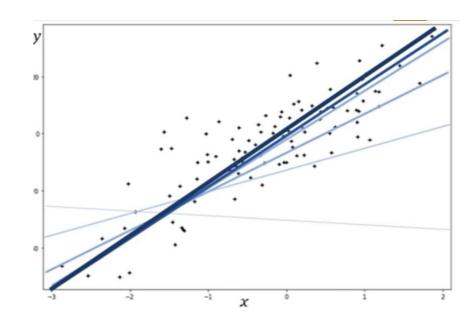
Un taux d'apprentissage élevé



Descente de gradient pour la régression linéaire simple

- **1.** Le dataset : (x,y) avec m exemples
- **2. Le modèle :** f(x) = ax + b
- 3. La fonction coût : $J(a,b) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (ax^{(i)} + b y^{(i)})^2$
- 4. Gradients:

$$\frac{\partial J(a,b)}{\partial a} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} x^{(i)} \left(ax^{(i)} + b - y^{(i)} \right)$$
$$\frac{\partial J(a,b)}{\partial b} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \left(ax^{(i)} + b - y^{(i)} \right)$$



5. Algorithme de descente de gradient

$$a = a - \alpha \frac{\partial J(a, b)}{\partial a}$$
$$b = b - \alpha \frac{\partial J(a, b)}{\partial a}$$