Collège: Alwahda

matière: Mathématiques

Série Nº 2

Identités remarquables et puissances

Pr: Ayoub Aissaoui

Niveau: 3APIC

;;

Exercice 1 (Extrait d'un devoir surveillé)

1. (a) Développer et réduire les expressions suivantes :
$$A = (\sqrt{5} + \sqrt{11})^2$$

;
$$B = (3x - \sqrt{2})(3x + \sqrt{2}) + (x - 4)^2$$

(b) Factoriser les expressions suivantes :
$$C = x^2 - 2\sqrt{7}x + 7$$

$$D = 4x^2 - 81$$

2. (a) Écrire sous la forme d'une seule puissance :
$$A = \left(3^2\right)^5 \times 11^{10}$$

$$B = \frac{2^{-2} \times 2^5}{2^{14}}$$

(b) Donner l'écriture scientifique des nombres suivants :
$$C=-0,000396$$

;;
$$D = 7485, 12 \times 10^2$$

$$\frac{3^{9n+2} \times \left(3^2\right)^{4n+5}}{3^{16n+12}} = 9$$

1

Exercice 2 (Extrait d'un devoir surveillé)

1. Développe puis réduis les expressions suivantes :
$$A = (2\sqrt{5} - \sqrt{3}x)^2$$
 ;; $B = (2x - \sqrt{2})(2x + \sqrt{2}) + (x + 3)^2$

;
$$B = (2x - \sqrt{2})(2x + \sqrt{2}) + (x+3)^2$$

2. Factorise les expressions suivantes :
$$C = 49x^2 - 28x + 4$$

$$D = x^2 - 9 + x + 3$$

3. Écris les nombres suivants sous la forme
$$a^n$$
 : $E = \left(5^2\right)^3 \times 2^6$

$$F = \frac{3^{-2} \times 3^4}{3^5}$$

4. Donner l'écriture scientifique des nombres suivants :
$$G=9652,45\times10^2$$

;;
$$H = 0,0000013 \times (10^2)^4$$

5. (a) Montrer que
$$\frac{3^{n-1} \times 9^{3n+2}}{3^{5n+4}} = 3^{2n-1}$$
 avec n est un nombre entier naturel.

(b) Déduire la valeur de
$$n$$
 tel que : $3^{2n-1} = 27$

Exercice 3 (Extrait d'un devoir surveillé)

1. (a) Développer puis simplifier le maximum si possible :
$$A=(x-3)^2$$

$$B = \sqrt{7}x + \sqrt{7}$$

(b) Factoriser les expressions suivantes :
$$C = (7x)^2 - 25$$

;;
$$D = x^2 + 2\sqrt{7} + 7$$

2.
$$a$$
 et b sont deux nombres réels non nuls.

On donne :
$$E = \frac{b^{-5} \times a \times (ab)^3 \times a^{-5}}{b^{-3}}$$

Montrer que :
$$E = \frac{a}{b}$$

(a) Donner l'écriture scientifique de
$$E$$
 sachant que : $a=200\times 10^{17}$ et $b=5\times 10^{11}$