# Order et opérations

Niveau: 3APIC

#### Exercice 1 (Extrait d'un devoir surveillé)

1. (a) Montrer que : 
$$\frac{7}{11} < \frac{2}{5}$$

(b) Déduire une comparaison des nombres : 
$$-\sqrt{2} \times \frac{7}{11}$$
 et  $-\sqrt{2} \times \frac{2}{5}$ 

2. (a) Comparer les nombres : 
$$7\sqrt{3}$$
 et  $3\sqrt{7}$ .

(b) Déduire la comparaison des nombres : 
$$8-7\sqrt{3}$$
 et  $8-3\sqrt{7}$ 

(c) Soient x et y deux nombres réels tel que : 
$$x-y=7\sqrt{3}-3\sqrt{7}$$
 Comparer  $x$  et  $y$ 

#### Exercice 2 (Extrait d'un devoir surveillé)

1. Soient 
$$x$$
 et  $y$  deux nombres réels tels que :  $3 \le x \le 5$  et  $-9 \le y \le -2$  Encadrer les nombres suivants :

$$> x + y$$

$$> x - y$$

$$> \frac{1}{x}$$

2. Soit 
$$z$$
 un nombre réel tel que :

$$-2 \le \frac{2z-3}{2} \le -1$$

$$\operatorname{Montrer\,que}: -\frac{1}{2} \leq z \leq \frac{1}{2}$$

### Exercice 3 (Extrait d'un devoir surveillé)

#### 1. Comparer les nombres suivants (justifier votre réponse)

$$\triangleright \frac{7}{4}$$
 et  $\frac{6}{5}$ 

$$\triangleright 3\sqrt{7}$$
 et  $7\sqrt{3}$ 

#### 2. Déduire la comparaison des nombres suivants

$$\begin{tabular}{ll} \triangleright & \frac{7}{4} + \sqrt{5} & \mbox{et} & \frac{6}{5} + \sqrt{5} \\ \triangleright & \sqrt{3\sqrt{7} + 1} & \mbox{et} & \sqrt{7\sqrt{3} + 1} \\ \end{tabular}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{7} \text{ et } \frac{5}{6}$$
$$\Rightarrow 3\sqrt{7} \times (-2)^5 \text{ et } 7\sqrt{3} \times (-2)^5$$

# 3. Soient x et y deux nombres réels tel que : $5x + 3\sqrt{7} = 5y + 7\sqrt{3}$ . Comparer x et y.

## Exercice 4 (Extrait d'un devoir surveillé)

Soient 
$$a$$
,  $b$  et  $c$  trois nombres réels tels que :  $2 \le a \le 4$  ,  $-3 \le b \le -1$  et  $5 \le 2c - 1 \le 9$ 

1. Montrer que : 
$$3 \le c \le 5$$

#### 2. Encadrer