Oefeningen Toegepaste Algebra en Differentiaalvergelijkingen

LA Zitting 4

Numerieke uitkomsten versie 2014 – 2015

Nico Scheerlinck ¹

Vraag 01:
$$\left\{ \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{5}} \\ -\frac{1}{\sqrt{5}} \\ -\frac{1}{\sqrt{5}} \\ -\frac{1}{\sqrt{5}} \\ \frac{1}{\sqrt{5}} \\ \frac{1}{\sqrt{5}} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ 0 \\ \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ 0 \\ \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} \end{bmatrix} \right\}.$$

$$\textbf{Vraag 02: } Q = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{5}} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{\sqrt{5}} & 0 & 0 \\ -\frac{1}{\sqrt{5}} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{\sqrt{5}} & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{\sqrt{5}} & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \end{bmatrix} , \ R = \begin{bmatrix} \sqrt{5} & -\sqrt{5} & 4\sqrt{5} \\ 0 & 6 & -2 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$$

Vraag 03: (a) Normaalvergelijkingen:
$$\begin{bmatrix} 6 & 6 \\ 6 & 42 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ -6 \end{bmatrix}$$
Kleinste kwadratenoplossing: $\hat{\boldsymbol{x}} = \begin{bmatrix} 4/3 \\ -1/3 \end{bmatrix}$

$$(b) \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

(c) Kleinste kwadratenfout: $\sqrt{20}$

Vraag 04:
$$A = PDP^{-1}$$
, met bv. $P = \begin{bmatrix} -1/\sqrt{5} & 4/\sqrt{45} & -2/3 \\ 2/\sqrt{5} & 2/\sqrt{45} & -1/3 \\ 0 & 5/\sqrt{45} & 2/3 \end{bmatrix}$ en $D = \begin{bmatrix} 7 & 0 & 0 \\ 0 & 7 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}$

Vraag 05:
$$P = \begin{bmatrix} -1/\sqrt{5} & 2/\sqrt{5} \\ 2/\sqrt{5} & 1/\sqrt{5} \end{bmatrix}$$
, $Q(\boldsymbol{y}) = 7y_1^2 + 2y_2^2$.

Vraag 06:

Vraag 07:

 $^{^1\}mathrm{Former}$ tutors: Bart Vandewoestyne, Dirk Nuyens & Nele Lejon

Vraag 08:

Opdracht: (a) Een basis van W: $\{12t^2 - 5, 12t - 7\}$

(b) Een orthonormale basis van V: $\{1, \sqrt{3}(2t-1), \sqrt{5}(6t^2-6t+1)\}$