Oefeningen Toegepaste Algebra en Differentiaalvergelijkingen

LA Zitting 2

Numerieke uitkomsten versie 2015 – 2016

Nico Scheerlinck ¹

Vraag 01: (a)
$$k = 2$$

(b)
$$k = 4$$

Vraag 02: (a) Niet-nulvector in Nul A:
$$\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

(b) Niet-nulvector in Col A: eerste of tweede kolom van A.

Vraag 08:
$$[\mathbf{x}]_{\mathcal{B}} = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \\ 3 \end{bmatrix}$$

Vraag 10:
$$[\mathbf{p}]_{\mathcal{B}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -4 \\ 3 \end{bmatrix}$$

Vraag 11: Rang
$$A = 3$$
, dim Nul $A = 2$. Een basis voor Col $A = \left\{ \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ -3 \\ 3 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 4 \\ -6 \\ -6 \\ 4 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 9 \\ -10 \\ -3 \\ 0 \end{bmatrix} \right\}$.

Een basis voor Nul
$$A = \left\{ \begin{bmatrix} 3\\1\\0\\0\\0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -5\\0\\3/2\\1\\0 \end{bmatrix} \right\}.$$

Een basis voor Row A: $\{(1, -3, 0, 5, -7), (0, 0, 2, -3, 8), (0, 0, 0, 0, 5)\}$.

¹Former tutors: Bart Vandewoestyne, Dirk Nuyens & Nele Lejon

Vraag 12:

Vraag 13:
$$P_{C \leftarrow B} = \begin{bmatrix} -3 & 1 \\ -5 & 2 \end{bmatrix}$$
 en $P_{B \leftarrow C} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$

Vraag 14: Rang A = 3, dim Nul A = 3.

Een basis voor
$$\operatorname{Col} A = \left\{ \begin{bmatrix} 1\\1\\1\\1\\1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1\\2\\-1\\-3\\-2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 7\\10\\1\\-5\\0 \end{bmatrix} \right\}.$$

Een basis voor Nul
$$A = \left\{ \begin{bmatrix} 2\\1\\1\\0\\0\\0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -9\\-7\\0\\1\\1\\0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -2\\-3\\0\\2\\0\\1 \end{bmatrix} \right\}.$$

Een basis voor Row A: $\{(1, 1, -3, 7, 9, -9), (0, 1, -1, 3, 4, -3), (0, 0, 0, 1, -1, -2)\}$.