Oefeningen Toegepaste Algebra en Differentiaalvergelijkingen

DV Zitting 1

Numerieke uitkomsten versie 2015 – 2016

nico.scheerlinck@cs.kuleuven.be

Vraag 01: (a)
$$\mu = 0$$
: $y(t) = Ce^{-\lambda t} + te^{-\lambda t}$
 $\mu \neq 0$: $y(t) = Ce^{-\lambda t} + \frac{e^{-\lambda t}\sin(\mu t)}{\mu}$
(b) $\lambda > 0$.

Vraag 02: (a)
(b)
$$y(t) = (y_0 - K)e^{-\frac{rt}{K}} + K$$

Vraag 03:
$$y(t) = \frac{C}{t} + \frac{3}{2}\sin 2t + \frac{3\cos 2t}{4t}$$
.

Vraag 04:
$$y(t) = -\frac{e^{-t}}{t^4}(1+t)$$
.

Vraag 05:
$$y(x) = \tan(x^2 + 2x)$$
.

Vraag 06:
$$y(x) = \frac{2}{2-4x-x^2}$$
. Minimum bij $x = -2$.

Vraag 07: (a) Ja, er wordt een evenwicht bereikt:
$$y_{\text{evenwicht}} = 1000$$
.
$$\ln \left[\frac{\tan(\frac{\pi y}{2000})}{\tan(\frac{\pi}{20})} \right] = \frac{\pi t}{1000}$$

(b) Na 1 jaar zijn het aantal hamsters afgenomen. Aantal hamsters na 10 jaar
$$\approx 1000$$
.

Vraag 08:
$$x^2 + 3xy + 4x + 2y^2 + 5y = C$$
.

Vraag 09:
$$x^4 + 2x^2y^2 = C$$
.