Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский университет ИТМО» Факультет Программной Инженерии и Компьютерной Техники

Рассчетно-графическая работа по дисциплине математический анализ **Интеграл функции одной переменной** Модуль 2 Вариант № 6

Выполнили: Сиразетдинов А. Н. Р3116 Шпинёва У. С. Р3116 Лучинкин К. Преподаватель: Возианова А. В.

Содержание

1	Зада	ание 1. Интегральная сумма	3
	1.1	Задание	3
	1.2	Интегральная сумма функции на заданном отрезке в виде ступенчатой фигуры	3
	1.3	Исследование ступенчатой фигуры	3
		Заключение	

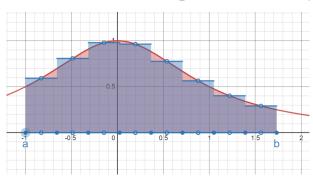
1 Задание 1. Интегральная сумма

1.1 Интегральная сумма

Задание

Исследуйте интегральную сумму функции $\frac{1}{1+x^2}$, заданной на отрезке $\left[-1;\sqrt{3}\right]$

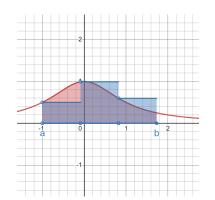
Интегральная сумма функции на заданном отрезке в виде ступенчатой фигуры



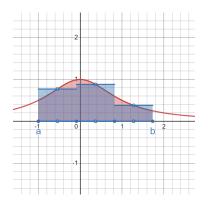
https://www.desmos.com/calculator/w21pp71fpr

Исследование ступенчатой фигуры

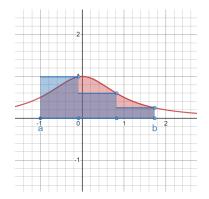
Рассмотрим разбиение на 3, 8 и 50 ступеней:



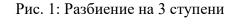
Крайнее левое положение точек

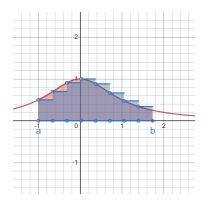


Промежуточное положение точек

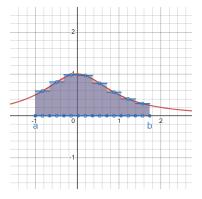


Крайнее правое положение точек

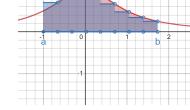




Крайнее левое положение точек



Промежуточное положение точек



Крайнее правое положение точек

Рис. 2: Разбиение на 8 ступеней

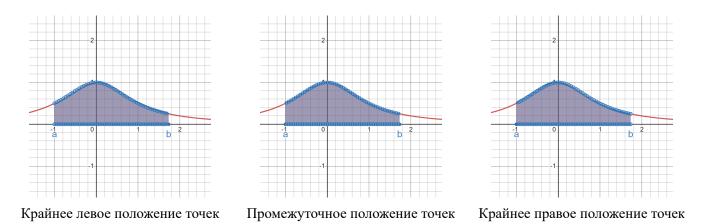


Рис. 3: Разбиение на 50 ступеней

Заключение

В процессе выполнения первого задания были построены ступенчатые фигуры по графику и исследованы зависимости точности вычислений от количества и положения точек. Точность вычисления прямо пропорциональна количеству точек, которые мы берем на отрезке. Так же следует брать точки приближенные к середине дробления, потому что в иных случаях результат получится менее точным.