

# Синтаксический анализ на F#

Юрий Литвинов  
y.litvinov@spbu.ru

05.05.2023

# Арифметический интерпретатор

Задача: разработать интерпретатор арифметических выражений

- ▶ Должны поддерживаться
  - ▶  $+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$  (с приоритетами операций)
  - ▶ Унарный минус
  - ▶ Скобки
  - ▶ Целые числа
- ▶ По входной строке надо явно построить AST
- ▶ По построенному AST вычислить выражение

# Грамматика

$$E ::= E + E$$
$$| E - E$$
$$| E * E$$
$$| E / E$$
$$| -E$$
$$| (E)$$
$$| \text{NUMBER}$$
$$\text{NUMBER} ::= [0..9]^+$$

# Подготовительная работа

- ▶ Создаём проект
- ▶ Добавляем ссылку на FParsec в проект
- ▶ Убеждаемся, что всё работает

**open** **FParsec**

```
[<EntryPoint>]
```

```
let main argv =
```

```
    let result = "1.23" |> (run pfloat)
```

```
    printfn "%A" result
```

```
    0
```

# Представление AST

**type Expression** =

- | Plus **of** Expression \* Expression
- | Minus **of** Expression \* Expression
- | Multiplication **of** Expression \* Expression
- | Division **of** Expression \* Expression
- | Negation **of** Expression
- | Number **of** int

## Начнём с Number

```
let number = digit
```

```
let testInput = "9"  
printfn "%A" (testInput |> run number)
```

```
let testInput = "12"  
printfn "%A" (testInput |> run number)
```

### Вывод

Success: '9'

Success: '1'

# Позитивное замыкание, правильный разбор числа

```
let number = many1 digit
```

```
let testInput = "9"  
printfn "%A" (testInput |> run number)
```

```
let testInput = "12"  
printfn "%A" (testInput |> run number)
```

## Вывод

```
Success: ['9']
```

```
Success: ['1'; '2']
```

## Делаем узел дерева

```
let number =  
  many1 digit  
  |>> (List.fold (fun acc x -> acc * 10 + int (x.ToString())) 0 >> Number)
```

```
let testInput = "9"  
printfn "%A" (testInput |> run number)
```

```
let testInput = "12"  
printfn "%A" (testInput |> run number)
```

### Вывод

Success: Number 9

Success: Number 12



## Рекурсивные правила

```
let expression, expressionRef = createParserForwardedToRef()  
let negation = pchar '-' >>. expression |>> Negation  
expressionRef := choice [negation; number]
```

```
let testInput = "-9"  
printfn "%A" (testInput |> run expression)
```

```
let testInput = "--12"  
printfn "%A" (testInput |> run expression)
```

### Вывод

Success: Negation (Number 9)

Success: Negation (Negation (Number 12))

# Победим пробелы

```
let expression, expressionRef = createParserForwardedToRef()
let negation =
    pchar '-' .>> spaces >>. expression .>> spaces |>> Negation
expressionRef := choice [negation; number]

let testInput = "- 9"
printfn "%A" (testInput |> run expression)
```

## Вывод

Success: Negation (Number 9)

# Сложение!

## Наивный подход-1

```
let expression, expressionRef = createParserForwardedToRef()
```

```
let negation =
```

```
  pchar '-' .>> spaces >>. expression .>> spaces |>> Negation
```

```
let plus = expression .>> pchar '+' .>>. expression |>> Plus
```

```
expressionRef := choice [negation; number; plus]
```

```
let testInput = "1 + 2"
```

```
printfn "%A" (testInput |> run expression)
```

## Вывод

Success: Number 1

# Сложение!

## Наивный подход-2

```
let expression, expressionRef = createParserForwardedToRef()
```

```
let negation =
```

```
  pchar '-' .>> spaces >>. expression .>> spaces |>> Negation
```

```
let plus = expression .>> pchar '+' .>>. expression |>> Plus
```

```
expressionRef := choice [negation; plus; number]
```

```
let testInput = "1 + 2"
```

```
printfn "%A" (testInput |> run expression)
```



## Вывод

Stack overflow.

# Факторизуем грамматику

$E ::= \text{PRIMARY } E'$

$E' ::= + \text{PRIMARY } E'$

|  $- \text{PRIMARY } E'$

|  $* \text{PRIMARY } E'$

|  $/ \text{PRIMARY } E'$

|  $e$

$\text{PRIMARY} ::= -E$

|  $(E)$

|  $\text{NUMBER}$

$\text{NUMBER} ::= [0..9]^+$

## Перепишем парсер

```

let expression, expressionRef = createParserForwardedToRef()
let negation =
  pchar '-' .>> spaces >>. expression .>> spaces |>> Negation
let brackets =
  pchar '(' .>> spaces >>. expression .>> spaces .>> pchar ')' .>> spaces

let primary =
  negation
  <|> brackets
  <|> number

let expression', expression'Ref = createParserForwardedToRef()
expression'Ref := pchar '+' >>. primary .>>. expression' |>> ???
AST строить неудобно!

```

# Введём промежуточное представление дерева

Parse tree

**type** Primary =

- | Negation **of** E
- | Brackets **of** E
- | Number **of** int

**and** E =

- | E **of** Primary \* E'

**and** E' =

- | Plus **of** Primary \* E'
- | Minus **of** Primary \* E'
- | Multiplication **of** Primary \* E'
- | Division **of** Primary \* E'
- | Epsilon

# Теперь уже перепишем парсер (1)

Чтобы он строил Parse tree

```
let e, eRef = createParserForwardedToRef()
```

```
let negation = pchar '-' .>> spaces >>. e .>> spaces |>> Negation
```

```
let brackets =
```

```
  pchar '(' .>> spaces >>. e .>> spaces .>> pchar ')' .>> spaces  
  |>> Brackets
```

```
let primary =
```

```
  negation
```

```
  <|> brackets
```

```
  <|> number
```



## Теперь уже перепишем парсер (2)

E' и всё вместе

```
let e', e'Ref = createParserForwardedToRef()
```

```
e'Ref :=
```

```
(pchar '+' >>. spaces >>. primary .>> spaces .>>. e' |>> Plus)  
<|> (pchar '-' >>. spaces >>. primary .>> spaces .>>. e' |>> Minus)  
<|> (pchar '*' >>. spaces >>. primary .>> spaces .>>. e' |>> Multiplication)  
<|> (pchar '/' >>. spaces >>. primary .>> spaces .>>. e' |>> Division)  
<|> preturn Epsilon
```

```
eRef := primary .>> spaces .>>. e' |>> E
```

```
let testInput = "1 + 2"
```

```
printfn "%A" (testInput |> run e)
```

## Вывод

```
Success: E (Number 1,Plus (Number 2,Epsilon))
```

# Небольшой рефакторинг

```
let (!) parser = parser .>> spaces
```

```
let e', e'Ref = createParserForwardedToRef()
```

```
e'Ref :=
```

```
  (! (pchar '+' ) >>. !primary .>>. !e' |>> Plus)
  <|> (! (pchar '-' ) >>. !primary .>>. !e' |>> Minus)
  <|> (! (pchar '*' ) >>. !primary .>>. !e' |>> Multiplication)
  <|> (! (pchar '/' ) >>. !primary .>>. !e' |>> Division)
  <|> preturn Epsilon
```

```
eRef := !primary .>>. !e' .>> eof |>> E
```

# Приоритет операций, проблема

```
let testInput = "1 + 2 * 3"  
printfn "%A" (testInput |> run e)
```

```
let testInput = "1 * 2 + 3"  
printfn "%A" (testInput |> run e)
```

## Вывод

Success: E (Number 1,Plus (Number 2,Multiplication (Number 3,Epsilon)))

Success: E (Number 1,Multiplication (Number 2,Plus (Number 3,Epsilon)))

Алгоритм сортировочной станции? Нет! У нас есть вся мощь формальных языков и библиотека парсер-комбинаторов

## Ещё раз подправим грамматику

$$E ::= \text{TERM } E'$$

$$E' ::= + \text{TERM } E'$$

$$| - \text{TERM } E'$$

$$| e$$

$$\text{TERM} ::= \text{FACTOR } \text{TERM}'$$

$$\text{TERM}' =$$

$$| * \text{FACTOR } \text{TERM}'$$

$$| / \text{FACTOR } \text{TERM}'$$

$$| e$$

$$\text{FACTOR} ::= -E$$

$$| (E)$$

$$| \text{NUMBER}$$

$$\text{NUMBER} ::= [0..9]^+$$

# Приведём Parse Tree в соответствие

```
type E =  
  | E of Term * E'  
and E' =  
  | Plus of Term * E'  
  | Minus of Term * E'  
  | Epsilon  
and Term =  
  | Term of Factor * Term'  
and Term' =  
  | Multiplication of Factor * Term'  
  | Division of Factor * Term'  
  | Epsilon  
and Factor =  
  | Negation of E  
  | Brackets of E  
  | Number of int
```

# И сам парсер

```
let e, eRef = createParserForwardedToRef()
```

```
let factor = !(pchar '-' >>. !e |>> Negation  
  <|> (!(pchar '(' >>. !e .>> !(pchar ')') |>> Brackets)  
  <|> number
```

```
let term', term'Ref = createParserForwardedToRef()
```

```
term'Ref := !(pchar '**' >>. !factor .>>. !term' |>> Multiplication  
  <|> (!(pchar '/') >>. !factor .>>. !term' |>> Division)  
  <|> preturn Epsilon
```

```
let term = !factor .>>. !term' |>> Term
```

```
let e', e'Ref = createParserForwardedToRef()
```

```
e'Ref :=  
  !(pchar '+' >>. !term .>>. !e' |>> Plus  
  <|> (!(pchar '-') >>. !term .>>. !e' |>> Minus)  
  <|> preturn E'.Epsilon
```

```
eRef := !term .>>. !e' |>> E
```

## Теперь

```
let testInput = "1 + 2 * 3"  
printfn "%A" (testInput |> run e)
```

```
let testInput = "1 * 2 + 3"  
printfn "%A" (testInput |> run e)
```

## Вывод

```
Success: E (Term (Number 1,Epsilon),  
  Plus (Term (Number 2,Multiplication (Number 3,Epsilon)),Epsilon))  
Success: E (Term (Number 1,Multiplication (Number 2,Epsilon)),  
  Plus (Term (Number 3,Epsilon),Epsilon))
```

Сложнее, но тут уже получилась некоторая структура

# Построим AST по Parse Tree

Сначала Factor

```
let rec buildAST expr =  
  let buildFactor = function  
    | Negation(e) -> Expression.Negation(buildAST e)  
    | Brackets(e) -> buildAST e  
    | Number(x) -> Expression.Number(x)  
  
  ()
```



# Построим AST по Parse Tree

Теперь термы

```
let rec buildTerm' acc = function
```

```
| Multiplication(factor, rest) ->
```

```
    buildTerm' (Expression.Multiplication(acc, buildFactor factor)) rest
```

```
| Division(factor, rest) ->
```

```
    buildTerm' (Expression.Division(acc, buildFactor factor)) rest
```

```
| Epsilon -> acc
```

```
let buildTerm (Term(factor, rest)) = buildTerm' (buildFactor factor) rest
```

# Построим AST по Parse Tree

А теперь и всё выражение

```
let rec buildE' acc = function
| Plus(factor, rest) ->
    buildE' (Expression.Plus(acc, buildTerm factor)) rest
| Minus(factor, rest) ->
    buildE' (Expression.Minus(acc, buildTerm factor)) rest
| E'.Epsilon -> acc
```

```
let buildE (E(term, rest)) = buildE' (buildTerm term) rest
```

```
buildE expr
```

# Потестим

```
let testInput = "1 * 2 + 3"
```

```
let result = testInput |> run e
printfn "%A" result
```

```
match result with
```

```
| Success(result, _, _) -> printfn "%A" <| buildAST result
| _ -> printfn "%A" result
```

## Вывод

```
Success: E (Term (Number 1, Multiplication (Number 2, Epsilon)),
  Plus (Term (Number 3, Epsilon), Epsilon))
Plus (Multiplication (Number 1, Number 2), Number 3)
```

# Что дальше

- ▶ А считать выражение по такому дереву мы уже умеем
- ▶ Что в итоге получилось: <https://gist.github.com/yurii-litvinov/3b8b9e9328e06ac49d15481ba2cb3684>
- ▶ Что ещё умеет FParsec: <https://www.quanttec.com/fparsec/tutorial.html>
- ▶ Полное описание API библиотеки:  
<https://www.quanttec.com/fparsec/reference/>
- ▶ Монады!  
<https://www.quanttec.com/fparsec/users-guide/where-is-the-monad.html>
- ▶ Как на самом деле парсить арифметические выражения:  
<https://www.quanttec.com/fparsec/reference/operatorprecedenceparser.html>

# FsLex/FsYacc, подготовительная работа

- ▶ Создаём проект
- ▶ Добавляем ссылку на nuget-пакет FsLexYacc
- ▶ Создаём новый файл, Lexer.fsl
- ▶ Пишем туда

```
{  
open FSharp.Text.Lexing  
open System  
  
let lexeme = LexBuffer<_>.LexemeString  
}  
  
let digit = ['0'-'9']  
  
rule token = parse  
| digit+ { Int32.Parse(lexeme lexbuf) }
```

## FsLex/FsYacc, подготовительная работа (2)

- Добавляем в проектный файл описание лексера

```
<Project Sdk="Microsoft.NET.Sdk">
```

```
<PropertyGroup>
```

```
<OutputType>Exe</OutputType>
```

```
<TargetFramework>netcoreapp3.1</TargetFramework>
```

```
</PropertyGroup>
```

```
<ItemGroup>
```

```
<FsLex Include="Lexer.fsl">
```

```
<OtherFlags>--module Lexer --unicode</OtherFlags>
```

```
</FsLex>
```

```
<Compile Include="Program.fs" />
```

```
</ItemGroup>
```

```
<ItemGroup>
```

```
<PackageReference Include="FsLexYacc" Version="10.0.0" />
```

```
</ItemGroup>
```

```
</Project>
```

## FsLex/FsYacc, подготовительная работа (3)

- ▶ Компилируем проект и добавляем в проект появившийся Lexer.fs
- ▶ Почему так извращённо — потому что обычно для сборки используют fake

```
<ItemGroup>  
<Compile Include="Lexer.fs" />  
<FsLex Include="Lexer.fsl">  
  <OtherFlags>--module Lexer --unicode</OtherFlags>  
</FsLex>  
<Compile Include="Program.fs" />  
</ItemGroup>
```

## FsLex/FsYacc, подготовительная работа (4)

► Пишем точку входа

**open FSharp.Text.Lexing**

[<EntryPoint>]

**let** main argv =

**let** testInput = "9"

**let** lexbuf = LexBuffer<**char**>.FromString testInput

**let** tokens = **Lexer**.token lexbuf

    printfn "%A" tokens

0

**Вывод**

9



## Теперь то же самое с парсером

### ► Создаём Parser.fsy

```
%{  
%}
```

```
%token <int> INT
```

```
%start start
```

```
%type <int> start
```

```
%%
```

```
start: INT { $1 }
```

# Добавляем в проектный файл, руками

До лексера!

```
<Project Sdk="Microsoft.NET.Sdk">
  <PropertyGroup>
    <OutputType>Exe</OutputType>
    <TargetFramework>netcoreapp3.1</TargetFramework>
  </PropertyGroup>
  <ItemGroup>
    <FsYacc Include="Parser.fsy">
      <OtherFlags>--module Parser</OtherFlags>
    </FsYacc>
    <FsLex Include="Lexer.fsl">
      <OtherFlags>--module Lexer --unicode</OtherFlags>
    </FsLex>
    <Compile Include="Lexer.fs" />
    <Compile Include="Program.fs" />
  </ItemGroup>
  <ItemGroup>
    <PackageReference Include="FsLexYacc" Version="10.0.0" />
  </ItemGroup>
</Project>
```

# Собираем и добавляем Parser.fs

Тоже до лексера!

```
<Project Sdk="Microsoft.NET.Sdk">
...
<ItemGroup>
  <FsYacc Include="Parser.fsy">
    <OtherFlags>--module Parser</OtherFlags>
  </FsYacc>
  <Compile Include="Parser.fs" />
  <FsLex Include="Lexer.fsl">
    <OtherFlags>--module Lexer --unicode</OtherFlags>
  </FsLex>
  <Compile Include="Lexer.fs" />
  <Compile Include="Program.fs" />
</ItemGroup>
...
</Project>
```

# Правим лексер

Чтобы он генерил лексемы для парсера

```
{  
open FSharp.Text.Lexing  
open System  
open Parser  
  
let lexeme = LexBuffer<_>.LexemeString  
}  
  
let digit = ['0'-'9']  
  
rule token = parse  
| digit+ { INT(Int32.Parse(lexeme lexbuf)) }
```

# Пробуем, что получилось

В Program.fs

```
open FSharp.Text.Lexing
```

```
[<EntryPoint>]
```

```
let main argv =
```

```
    let testInput = "9"
```

```
    let lexbuf = LexBuffer<char>.FromString testInput
```

```
    let ast = Parser.start Lexer.token lexbuf
```

```
    printfn "%A" ast
```

```
0
```

## Вывод

9

Теперь наконец можно приступать к делу!

# Вспомним грамматику

$$\begin{aligned} E ::= & E + E \\ & | E - E \\ & | E * E \\ & | E / E \\ & | -E \\ & | (E) \\ & | \text{NUMBER} \end{aligned}$$
$$\text{NUMBER} ::= [0..9]^+$$

# Позаимствуем из FParsec AST

В новый файл Ast.fs, до парсера

```
module Types
```

```
type Expression =
```

- | Plus of Expression \* Expression
- | Minus of Expression \* Expression
- | Multiplication of Expression \* Expression
- | Division of Expression \* Expression
- | Negation of Expression
- | Number of int

# Требуемые токены

В парсере

```
%{  
open Types  
%}
```

```
%token <int> INT
```

```
%token PLUS
```

```
%token MINUS
```

```
%token MUL
```

```
%token DIV
```

```
%token LPAR
```

```
%token RPAR
```

```
%token EOF
```

...



# Поддержка в лексере

...

rule token = parse

| digit+ { INT(Int32.Parse(lexeme lexbuf)) }

| '+' { PLUS }

| '-' { MINUS }

| '\*' { MUL }

| '/' { DIV }

| '(' { LPAR }

| ')' { RPAR }

| eof { EOF }

# Грамматика в парсере

Пока просто потестим, разбирается ли

```
start: expression { 0 }
```

```
expression:
```

```
| INT {}  
| expression PLUS expression {}  
| expression MINUS expression {}  
| expression MUL expression {}  
| expression DIV expression {}  
| MINUS expression {}  
| LPAR expression RPAR {}
```

## Попробуем

```
open FSharp.Text.Lexing
```

```
[<EntryPoint>]
```

```
let main argv =
```

```
    let testInput = "1+2*3"
```

```
    let lexbuf = LexBuffer<char>.FromString testInput
```

```
    let ast = Parser.start Lexer.token lexbuf
```

```
    printfn "%A" ast
```

```
0
```

## Вывод

```
0
```

# Пробелы?

## open FSharp.Text.Lexing

```
[<EntryPoint>]
```

```
let main argv =
```

```
    let testInput = "1 + 2 * 3"
```

```
    let lexbuf = LexBuffer<char>.FromString testInput
```

```
    let ast = Parser.start Lexer.token lexbuf
```

```
    printfn "%A" ast
```

```
0
```

## Вывод

Unhandled exception. System.Exception: unrecognized input

## Чиним, в лексере

```
let digit = ['0'-'9']
```

```
let whitespace = [' ' '\t' '\r' '\n']
```

```
rule token = parse
```

```
| digit+ { INT(Int32.Parse(lexeme lexbuf)) }
```

```
| '+' { PLUS }
```

```
| '-' { MINUS }
```

```
| '*' { MUL }
```

```
| '/' { DIV }
```

```
| '(' { LPAR }
```

```
| ')' { RPAR }
```

```
| whitespace { token lexbuf }
```

```
| eof { EOF }
```

Теперь всё работает

# Семантические действия

Плюс выкинем start

%start expression

%type <Expression> expression

%%

expression:

| INT { Number(\$1) }

| expression PLUS expression { Plus(\$1, \$3) }

| expression MINUS expression { Minus(\$1, \$3) }

| expression MUL expression { Multiplication(\$1, \$3) }

| expression DIV expression { Division(\$1, \$3) }

| MINUS expression { Negation(\$2) }

| LPAR expression RPAR { \$2 }

# Запустим

**open FSharp.Text.Lexing**

```
[<EntryPoint>]
```

```
let main argv =
```

```
    let testInput = "1 + 2 * 3"
```

```
    let lexbuf = LexBuffer<char>.FromString testInput
```

```
    let ast = Parser.expression Lexer.token lexbuf
```

```
    printfn "%A" ast
```

```
0
```

## Вывод

Plus (Number 1, Multiplication (Number 2, Number 3))

Магия LALR-разбора!

# Приоритет операций?

```
[<EntryPoint>]
```

```
let main argv =
```

```
    let testInput = "1 * 2 + 3"
```

```
    let lexbuf = LexBuffer<char>.FromString testInput
```

```
    let ast = Parser.expression Lexer.token lexbuf
```

```
    printfn "%A" ast
```

```
0
```

## Вывод

Multiplication (Number 1,Plus (Number 2,Number 3))

Не магия, а неоднозначность вывода :(



# Подправим грамматику

Прямо в парсере, благо это просто

expression:

- | term PLUS term { Plus(\$1, \$3) }
- | term MINUS term { Minus(\$1, \$3) }
- | term { \$1 }

term:

- | factor MUL factor { Multiplication(\$1, \$3) }
- | factor DIV factor { Division(\$1, \$3) }
- | factor { \$1 }

factor:

- | INT { Number(\$1) }
- | MINUS expression { Negation(\$2) }
- | LPAR expression RPAR { \$2 }

# Что получилось

## Вывод

Plus (Multiplication (Number 1, Number 2), Number 3)

- ▶ Полные исходники <https://github.com/yurii-litvinov/FsParsersDemo>
- ▶ Некоторое объяснение того, что это было:  
<https://github.com/fsprojects/FsLexYacc/blob/master/docs/content/jsonParserExample.md>
- ▶ Ещё пример: [https://en.wikibooks.org/wiki/F\\_Sharp\\_Programming/Lexing\\_and\\_Parsing](https://en.wikibooks.org/wiki/F_Sharp_Programming/Lexing_and_Parsing)
- ▶ Внятное описание того, что происходит: D. Syme, A. Granicz, A. Cisternino, Expert F#, 2007
  - ▶ В более свежих изданиях про FsLex/FsYacc нет, такие дела
- ▶ Жалкое подобие документации на домашней странице проекта:  
<https://fsprojects.github.io/FsLexYacc/>

# Выводы

- ▶ FParsec — встроенный DSL для описания грамматик
  - ▶ Легко интегрируется с кодом
  - ▶ Не надо отдельных файлов и странных упражнений с проектными файлами
  - ▶ Нисходящий разбор, боль с грамматикой
  - ▶ И боль с построением AST
- ▶ FsLex/FsYacc — внешний DSL
  - ▶ Странный синтаксис (и, соответственно, не очень с поддержкой в редакторе)
  - ▶ Нужны внешние инструменты
  - ▶ Восходящий разбор, никакой боли с грамматикой
    - ▶ Нам просто повезло, у LR-разбора свои проблемы
  - ▶ Не очень с сообщениями об ошибках