Обзор парадигм программирования

Юрий Литвинов y.litvinov@spbu.ru

23.11.2021

1/26

Математические модели вычислений

- Что можно посчитать имея вычислительную машину неограниченной мощности?
- Формальные модели вычислений:
 - Машина Тьюринга
 - λ-исчисление Чёрча
 - Нормальные алгорифмы Маркова
- Тезис Чёрча: «Любая функция, которая может быть вычислена физическим устройством, может быть вычислена машиной Тьюринга.»

Машина Тьюринга

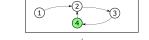
Формально,

$$M = (Q, \Gamma, b, \Sigma, \delta, q_0, F)$$

$$\delta: (Q/F) \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, R\}$$

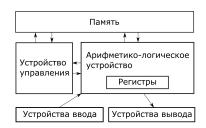
- Неформально:
 - Бесконечная лента с символами из Σ и b
 - Считывающая головка
 - Внутренняя память Q
 - ▶ Таблица переходов δ , которая по текущему состоянию из Q и текущему символу на ленте из Γ говорит машине, что делать:
 - перейти в состояние
 - записать символ на ленту
 - сместиться влево/вправо





Архитектура фон Неймана

- Принцип последовательного программного управления
- Принцип однородности памяти
- Принцип адресуемости памяти
- Принцип двоичного кодирования
- Принцип жесткости архитектуры



Структурное программирование

- Пришло на смену неструктурированному программированию в начале 70-х
 - ▶ FORTRAN 1957 год, язык высокого уровня, но не структурный
- Любая программа может быть представлена как комбинация
 - ▶ последовательно исполняемых операторов
 - ветвлений
 - итераций
- ► Статья Дейкстры «Go To Statement Considered Harmful» (1968г)

Языки-представители

- Алгол
- Паскаль
- ▶ C
- Модула-2
- Ада

Подробнее: Ада

- Разработан в начале 80-х по заказу минобороны США
- Особенности:

with Ada.Text IO:

- Строгая типизация
- Минимум автоматических преобразований типов
- Встроенная поддержка параллелизма
- Реализация: GNAT (https://www.adacore.com/community)

```
use Ada.Text_IO;

procedure Main is
begin

Put_Line ("Hello World");
end Main:
```

Ада, модульная система

```
package types is
  type Type 1 is private;
  type Type 2 is private;
  type Type 3 is private;
  procedure P(X: Type 1);
private
  procedure Q(Y: Type 1);
  type Type 1 is new Integer range 1 .. 1000;
  type Type 2 is array (Integer range 1 .. 1000) of Integer;
  type Type 3 is record
    A, B: Integer;
  end record:
end Types;
```

Ада, многопоточность и рандеву

```
with Ada.Text IO; use Ada.Text IO;
procedure Main is
  task After is
    entry Go(Text: String);
  end After:
  task body After is
  begin
    accept Go(Text: String) do
      Put Line("After: " & Text);
    end Go;
  end After:
begin
  Put Line("Before");
  After.Go("Main");
end:
```

Ада, ограничения и контракты

```
type Not Null is new Integer
  with Dynamic Predicate => Not Null /= 0;
type Even is new Integer
  with Dynamic Predicate => Even mod 2 = 0;
function Divide (Left, Right: Float) return Float
  with Pre => Right /= 0.0,
     Post => Divide'Result * Right < Left + 0.0001
         and then Divide'Result * Right > Left - 0.0001;
```

Объектно-ориентированное программирование

- Первый ОО-язык Симула-67, были и более ранние разработки
- Популярной методология стала только в середине 90-х
- Развитие связано с широким распространением графических интерфейсов и компьютерных игр

Основные концепции

- Программа представляет собой набор объектов
- Объекты взаимодействуют путём посылки сообщений по строго определённым интерфейсам
- ▶ Объекты имеют своё состояние и поведение
- Каждый объект является экземпляром некоего класса

Основные концепции (инкапсуляция)

- Инкапсуляция сокрытие реализации от пользователя
- Пользователь может взаимодействовать с объектом только через интерфейс
- ▶ Позволяет менять реализацию объекта, не модифицируя код, который этот объект использует

Основные концепции (наследование)

- Наследование позволяет описать новый класс на основе существующего, наследуя его свойства и функциональность
- Наследование отношение «является» между классами, с классом-наследником можно обращаться так же, как с классом-предком
 - Принцип подстановки Барбары Лисков

Основные концепции (полиморфизм)

- Полиморфизм классы-потомки могут изменять реализацию методов класса-предка, сохраняя их сигнатуру
- Клиенты могут работать с объектами класса-родителя, но вызываться будут методы класса-потомка (позднее связывание)

Пример кода

```
class Animal
  public:
    Animal(const string& name) {
      this.name = name;
    void rename(const string &newName) {
      name = newName;
    virtual string talk() = 0;
  private:
    string name;
```

Пример кода (2)

```
class Cat : public Animal
  public:
    Cat(const string& name) : Animal(name) {}
    string talk() override { return "Meow!"; }
};
class Dog: public Animal
  public:
    Dog(const string& name) : Animal(name) {}
    string talk() override { return "Arf! Arf!"; }
};
```

Пример кода (3)

```
Cat *cat1 = new Cat("Барсик");
Animal *cat2 = new Cat("Шаверма");
Dog *dog = new Dog("Бобик");
std::vector<Animal *> animals{cat1, cat2, dog};
for (Animal *animal : animals) {
  std::cout << animal->talk();
```

Языки-представители

- Java
- ► C#
- ► C++
- Object Pascal / Delphi Language
- Smalltalk

Функциональное программирование

- Вычисления рассматриваются как вычисления значения функций в математическом понимании (без побочных эффектов)
- Основано на λ-исчислении

λ -исчисление

- λ-исчисление формальный способ описать математические функции
 - ▶ $\lambda x.2 * x + 1$ функция $x \to 2 * x + 1$
- Функции могут принимать функции в качестве параметров и возвращать функции в качестве результата
- Функция от п переменных может быть представлена, как функция от одной переменной, возвращающая функцию от n - 1 переменной (карринг)
- Формальная система, не требующая математических оснований
 - На самом деле, математика может быть построена на λ-исчислении

Языки-представители

- Лисп (Llst PRocessing)
- ML (OCaml)
 - ► F#
- Haskell
- Erlang

Особенности

- Программы не имеют состояния и не имеют побочных эффектов
 - Нет переменных
 - Нет оператора присваивания
- Порядок вычислений не важен
- Циклы выражаются через рекурсию
- Ленивые вычисления
- Формальные преобразования программ по математическим законам

Пример на языке Haskell

Факториал:

```
fact :: Integer -> Integer

fact 0 = 1

fact n | n > 0 = n * fact (n - 1)

QSort:

sort [] = []

sort (pivot:rest) = sort [y | y <- rest, y < pivot]

++ [pivot]

++ sort [y | y <- rest, y >=pivot]
```

F#, мерджсорт

```
let rec merge | r =
  match (l, r) with
  |([], r)| \rightarrow r
  | (I, []) \rightarrow I
  |(x::xs, y::ys)| -> if(x < y) then x::(merge xs r) else y::(merge | ys)
let rec mergesort I =
  match | with
  | [] -> []
   | x::[] -> |
  |_->
      let (left, right) = List.splitAt (List.length I / 2) I
      let Is = mergesort left
      let rs = mergesort right
      merge Is rs
```

F#, бесконечная последовательность простых чисел

```
let isPrime number =
    seq {2 .. sqrt(double number)}
    |> Seq.exists (fun x -> number % x = 0)
    |> not

let primeNumbers =
    Seq.initInfinite (fun i -> i + 2)
    |> Seq.filter isPrime
```