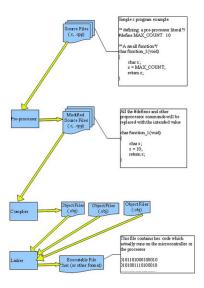
### Автоматы и лексический анализ

Юрий Литвинов

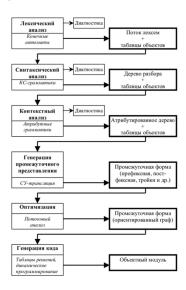
yurii.litvinov@gmail.com

08.12.2020

### Напоминание о процессе компиляции С++-кода



### Фазы компилятора



#### Лексический анализ

- Преобразование потока символов в поток токенов
- ► Например, position := initial + rate \* 60
  - Идентификатор position
  - Символ присвоения
  - Идентификатор initial
  - Знак сложения
  - Идентификатор rate
  - Знак умножения
  - Число 60
- Токен представляется в виде структуры из типа токена и его значения

### Формальные языки, определения

- Алфавит произвольное множество. Элементы множества называются символами алфавита.
- Строка (она же цепочка) конечная последовательность символов из алфавита.
- ightharpoonup Длина строки s (обозначается как |s|) количество символов в строке.
- ▶ Пустая строка ( $\epsilon$ ) строка, которая не содержит символов.
- Конкатенация строк две строки, записанные друг за другом.
- ▶ Язык множество строк. Например, пустой язык (обозначается {}), множество всех корректных программ на C++, множество всех грамматически корректных предложений русского языка.

### Операции над языками

#### Позволяют собрать из простых более сложные

- ▶ Объединение *L* и *M* (*L* ∪ *M*) *L* ∪ *M* = { $s \mid s \in L \lor s \in M$ }
- ► Конкатенация *L* и *M* (*LM*) *LM* = { $st \mid s \in L \land t \in M$ }
- ▶ Замыкание Клини или итерация (она же звёздочка Клини) (L\*)

$$-L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$$
, где  $L^i$  — это  $LL \dots Li$  раз

- $\blacktriangleright$  В том числе, i=0, то есть  $\epsilon$  всегда принадлежит  $L^*$ 
  - То есть, пустая строка всегда часть замыкания
- ▶ Позитивное замыкание  $L(L^+) LL^*$ 
  - lackbox Или  $L^* = igcup_{i=1}^\infty L^i$ , то есть замыкание без пустой строки

6/20

## Регулярные выражения

#### Формальный язык для записи языков

- lacktriangle Регулярное выражение  $\epsilon$  задаёт язык  $\{\epsilon\}$
- ▶ Регулярное выражение а задаёт язык {а} (язык из одного символа)
- ▶ Пусть r и s регулярные выражения, задающие языки L(r) и L(s). Тогда
  - ightharpoonup Регулярное выражение  $(r) \mid (s)$  задаёт объедиение,  $L(r) \cup L(s)$
  - ightharpoonup Регулярное выражение (r)(s) задаёт конкатенацию, L(r)L(s)
- lacktriangle Регулярное выражение  $(r)^*$  задаёт замыкание Клини,  $(L(r))^*$
- Регулярное выражение (r) задаёт L(r) (то есть можно ставить скобки)
- ightharpoonup Регулярное выражение  $\emph{r}$ ? задаёт  $\emph{L}(\emph{r}) \cup \epsilon$
- ightharpoonup Регулярное выражение r+ задаёт  $L(r)^+$
- lacktriangle Регулярное выражение [a..z] задаёт  $L(a) \cup L(b) \cup \ldots \cup L(z)$

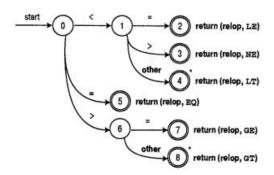
## Регулярные определения

Именуем регулярные выражения для удобства записи

- ▶  $letter \rightarrow A|B|...|Z|a|b|...|z$
- $digit \to 0|1|...|9$
- id → letter(letter|digit)\*
- ightharpoonup num  $\rightarrow$  digit + (.digit+)?(E(+|-)?digit+)?
- ▶  $relop \to < | <= | = | <> | > | >=$

# Диаграммы переходов

$$relop \to < | <= | = | <> | > | >=$$

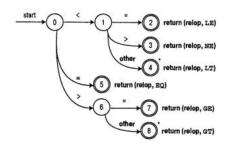


- Двойной кружок принимающее состояние
- Звёздочка вернуть последний символ во входной поток



### Как это закодить

$$relop \to < | <= | = | <> | > | >=$$



```
Token nextToken()
  while (true) {
    switch (state) {
      case 0:
         c = nextChar();
         if (c == blank || c == tab || c = newline) {
           state = 0:
           lexeme beginning++;
         } else if (c == '<')
               state = 1
           else if (c == '=')
               state = 5:
           else if (c == '>')
               state = 6:
           else
               state = fail:
           break:
      case 1: ...
```

#### Конечные автоматы

- ► Конечный автомат  $(S, \Sigma, move, s_0, F)$ 
  - ▶ S множество состояний
  - $ightharpoonup \Sigma$  входной алфавит
  - move функция переходов
  - $ightharpoonup s_0$  начальное состояние
  - ▶ F множество допускающих состояний
- Неформально автомат имеет состояние, в зависимости от которого может по-разному реагировать на входные символы (или события)
- ▶ Применяются не только в лексическом анализе, но и в сетевых протоколах, пользовательских интерфейсах и т.д. и т.п.
- Автомат принимает язык, если для любой строки языка после выполнения всех переходов он оказывается в допускающем состоянии

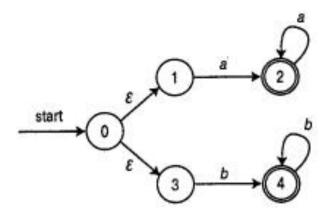


## ДКА и НКА

- ▶ Детерминированный конечный автомат (ДКА)  $move: S \times \Sigma \to S$
- ► Недетерминированный конечный автомат (НКА)  $move: 2^S \times \Sigma \cup \epsilon \to 2^S$ 
  - НКА может находиться в нескольких состояниях одновременно и делать переход одновременно в несколько разных состояний
  - Или, другая точка зрения он не знает, в каком именно состоянии сейчас находится
  - И есть эпсилон-переходы спонтанные переходы, без входного символа

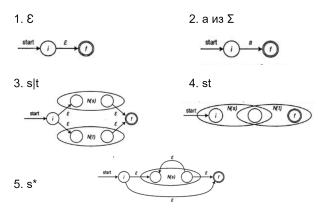
### Пример НКА

Пусть есть язык, задаваемый регулярным выражением  $aa^* \mid bb^*$ . Тогда его принимает НКА:

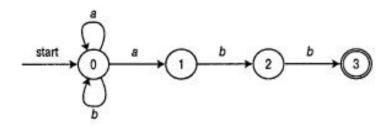


## Построение НКА по регулярному выражению

Теорема: по любому РВ можно построить НКА, принимающий язык РВ. Доказательство:



# Моделирование НКА, таблица переходов



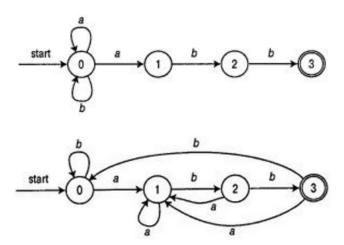
Состояние	a	b
0	{0,1}	{0}
1	_	{2}
2	_	{3}



### Построение ДКА по НКА

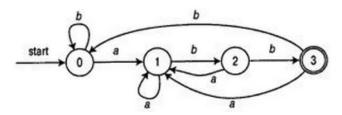
Теорема: по любому НКА можно построить ДКА, принимающий в точности тот же язык (то есть НКА и ДКА эквивалентны друг другу в плане выразительности). Без доказательства.

# Пример





### Моделирование ДКА



Состояние	а	b
0	1	0
1	1	2
2	1	3
3	1	0



### Как это выглядит в коде

- switch-case вполне вариант
- Интерпретировать таблицу состояний
  - ▶ Лучше, меньше кода и гибче

```
while c <> eof do begin
  s := move(s, c);
  c := nextchar();
end;
return (s in F);
```

### Книжка

А. Ахо, Р. Сети, Дж. Ульман, М. Лам. Компиляторы. Принципы, технологии, инструменты.

