

Хеш-таблицы

Юрий Литвинов
y.litvinov@spbu.ru

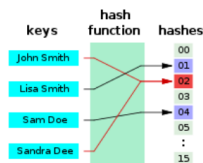
09.11.2021

Хеш-таблица

- ▶ Ещё одна реализация АДД “множество” или “ассоциативный массив”
- ▶ Требуется в среднем константного времени для операций вставки, удаления и поиска
 - ▶ Быстрее любых деревьев
 - ▶ Очень похожа на массив
- ▶ Хранит значения неупорядоченными
- ▶ Сильно зависит от качества хеш-функции

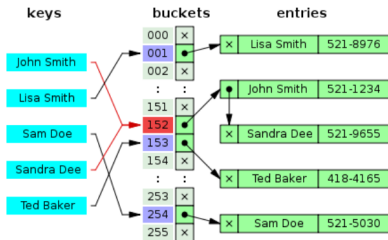
Хеш-функция

- ▶ Некоторая функция, отображающая большое (потенциально бесконечное) множество ключей в конечное (и маленькое) множество хеш-значений
 - ▶ Не инъективна
- ▶ Чем “случайнее” она это делает, тем лучше
 - ▶ Немного разным ключам должны соответствовать сильно разные значения
- ▶ Зачем
 - ▶ Факторизуем множество ключей по классам эквивалентности, образованным ключами с равными хеш-значениями, будем хранить в массиве фактор-множества^{^U}
 - ▶ Хеш-значения можно использовать как индексы массива, где лежит что-то, что позволяет найти ключ (сегменты), и чем лучше хеш-функция перемешивает ключи, тем меньше вероятность коллизии



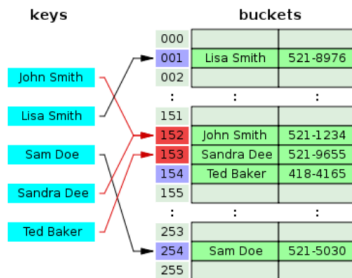
Хеш-таблица со списками значений

- ▶ Парадокс дней рождения: В группе, состоящей из 23 или более человек, вероятность совпадения дней рождения (число и месяц) хотя бы у двух людей превышает 50%
- ▶ Будем хранить в массиве список ключей с одинаковым хеш-значением
 - ▶ Можно и самобалансирующееся двоичное дерево поиска, чтобы быстро найти нужный ключ
 - ▶ Но не нужно



Хеш-таблица, “открытая адресация”

- ▶ Второй способ: будем хранить в хеш-таблице сами ключи со значениями, а если ячейка уже занята, брать следующую (может быть, по какому-нибудь сложному правилу)
- ▶ Удаление требует дополнительной информации
 - ▶ Пустая ячейка будет воспринята как конец цепочки
 - ▶ Обычно делают флаг “ячейка была удалена”
 - ▶ При вставке — вставляют
 - ▶ При поиске и удалении — идут дальше

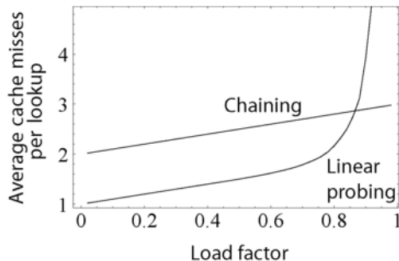


Коэффициент заполнения

Пусть n — число элементов в хеш-таблице, k — число сегментов (в английской литературе сегменты называются buckets).

Коэффициент заполнения хеш-таблицы $L = n/k$

- ▶ Коэффициент заполнения должен быть примерно равен 1 для хеш-таблиц со списками и < 0.7 для хеш-таблиц с открытой адресацией
 - ▶ Динамическое изменение размеров массива
 - ▶ Требуется заново переложить все значения



Выбор хеш-функции

- ▶ Должна быть возможно более случайной
- ▶ Должна зависеть только от ключа
- ▶ Должна считаться быстро
- ▶ Например:

```
int h(char *value) {  
    int result = 0;  
    for (int i = 0; value[i] != '\0'; ++i)  
        result = (result + value[i]) % hashCode;  
    return result;  
}
```

- ▶ Обычно хеш-функция возвращает просто целое число, а хеш-таблица сама “загоняет” его в нужный диапазон значений

Ещё про хеш-функции

- ▶ Для целых чисел вполне сойдёт id
- ▶ “Совершенная хеш-функция” — инъективна
- ▶ Универсальная хеш-функция — семейство функций
- ▶ Криптографические хеш-функции
 - ▶ MD5
 - ▶ SHA1
 - ▶ Небыстро считаются, поэтому не подходят
- ▶ Хеш-функции для сложных типов данных
 - ▶ Сумма или произведение хеш-функций элементов, как для строки
 - ▶ Значение полинома $a[0] * p^n + a[1] * p^{n-1} + \dots + a[n]$, особенно если p — простое (Rolling hash)
 - ▶ xor хеш-функций элементов