

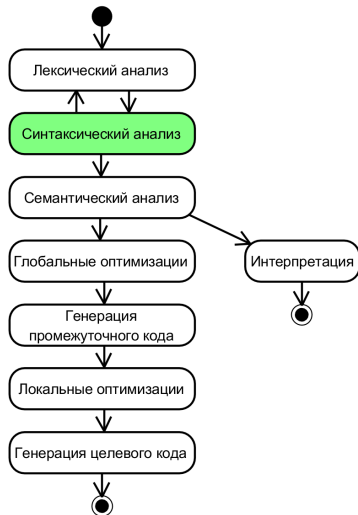
# Синтаксический анализ

## Часть 1: синтаксический анализ вообще

Юрий Литвинов  
y.litvinov@spbu.ru

03.04.2025

# Фазы компиляции

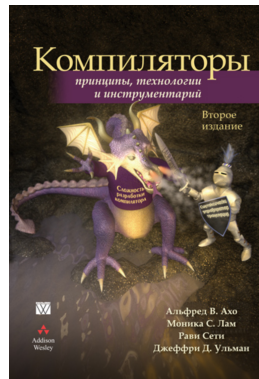


# Книжка

Must read

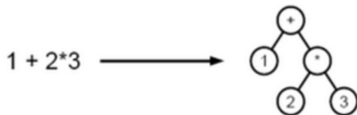
А. Ахо, Р. Сети, Дж. Ульман, М. Лам.  
Компиляторы. Принципы, технологии,  
инструменты.

- ▶ Так же известна как “Книга дракона” (“Dragonbook”)



# Синтаксический анализ

- ▶ Анализ последовательности токенов с целью выяснить синтаксическую структуру
  - ▶ Сопоставление с формальной грамматикой
- ▶ Строит структуру данных, представляющую разобранный по синтаксическим правилам документ
  - ▶ Чаще всего, абстрактное синтаксическое дерево (Abstract Syntax Tree, AST)
  - ▶ Бывает ещё дерево разбора (Parse tree) — содержит все токены из входной строки, в явном виде обычно не строится



# Другие задачи синтаксического анализа

- ▶ Диагностика ошибок
- ▶ Восстановление после ошибок
  - ▶ Режим паники
  - ▶ Коррекция
  - ▶ Грамматические правила, обнаруживающие ошибки
    - ▶ “Предсказание ошибок”
- ▶ Привязка — определение для каждой синтаксической конструкции её места в коде

# Формальные грамматики

- ▶ Терминал — символ входной строки для синтаксического анализатора (токен)
  - ▶ Для лексического анализа входная строка состоит из букв, для синтаксического — из токенов
- ▶ Нетерминал — объект, представляющий сложную синтаксическую конструкцию
- ▶ Грамматика, формально:  $(\Sigma, N, P, S)$ , где
  - ▶  $\Sigma$  — множество терминалов
  - ▶  $N$  — множество (алфавит) нетерминальных символов
  - ▶  $P$  — productions, функции вида «цепочка символов»  $\rightarrow$  «цепочка символов», где слева в цепочке есть хотя бы один нетерминал
    - ▶  $P: (\Sigma \cup N)^* N (\Sigma \cup N)^* \rightarrow (\Sigma \cup N)^*$
  - ▶  $S$  — стартовый символ,  $S \in N$

# Пример грамматики

$$E ::= E + E$$
$$| E - E$$
$$| -E$$
$$| (E)$$
$$| \text{NUMBER}$$
$$\text{NUMBER} ::= 1 \mid 2 \mid 3 \mid \dots \mid 9$$

# Иерархия Хомского

- ▶ Регулярные языки (языки типа 3) — задаются регулярными выражениями, разбираются конечными автоматами
- ▶ Контекстно-свободные грамматики — грамматики, у которых слева в продукциях может быть только один символ (нетерминал)
  - ▶ Пример с предыдущего слайда — КС-грамматика
  - ▶ Разбираются стековыми автоматами (например, рекурсивным спуском)
- ▶ Контекстно-зависимые грамматики — в левой части может быть нетерминал и “контекст”, нетерминал раскрывается в правой части
  - ▶ Разбираются линейно ограниченными недетерминированными машинами Тьюринга (то есть, всё плохо)
- ▶ Языки типа 0 — грамматики без ограничений на вид продукций
  - ▶ Разбираются машинами Тьюринга (то есть всё очень плохо)



## В реальной жизни

- ▶ Регулярные языки — регэкспы, весь лексический анализ
  - ▶ Не умеют считать, поэтому грамматики вида  $a^n b^n$  (скобочные последовательности) им не под силу
  - ▶ Не могут в иерархические структуры, никогда не парсите регэкспами HTML
- ▶ Контекстно-свободные грамматики — грамматики большинства современных языков программирования
  - ▶ Не могут в анализ типов
- ▶ Контекстно-зависимые грамматики — грамматика C++ и некоторых неаккуратных мест в других языках
  - ▶ Пример: `A<B> c;` — либо **class** **A**<T> {}, либо **int** A; **int** B; **int** c;
- ▶ Языки типа 0 — естественные языки (да, их тоже анализируют грамматиками, и вообще, Хомский был лингвистом)

# Вывод в грамматике

- ▶ Формально, если есть грамматика  $G = (\Sigma, N, P, S)$ , то вывод,  $\Rightarrow_G$  — бинарное отношение на строках
  - ▶  $x \Rightarrow_G y \iff \exists u, v, p, q \in (\Sigma \cup N)^* : (x = upv) \wedge (p \rightarrow q \in P) \wedge (y = uqv)$
  - ▶ Неформально, шаг вывода — применение одной из продукций
- ▶  $\Rightarrow_G^*$  — рефлексивное транзитивное замыкание  $\Rightarrow_G$ 
  - ▶  $x \Rightarrow_G^* y$  — существует конечная последовательность применений продукций грамматики, которая по  $x$  делает  $y$
  - ▶ Говорят, « $y$  выводится из  $x$ »
- ▶ *Порождение* — последовательность шагов вывода
- ▶  $L(G) = \{w \in \Sigma^* \mid S \Rightarrow_G^* w\}$  — язык, порождаемый грамматикой  $G$

# Пример

Грамматика:

$$\begin{aligned} E &::= E + E \\ &\quad | E * E \\ &\quad | -E \\ &\quad | (E) \\ &\quad | id \end{aligned}$$

Входная строка:  $-(id + id)$

Порождения:

- ▶ Левое:  $E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E + E) \Rightarrow -(id + E) \Rightarrow -(id + id)$
- ▶ Правое:  $E \Rightarrow -E \Rightarrow -(E) \Rightarrow -(E + E) \Rightarrow -(E + id) \Rightarrow -(id + id)$

# Левая рекурсия

Проблема:

$$A \rightarrow Aa \mid b$$

Пример:

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$

Решение:

$$A \rightarrow bA'$$

$$A' \rightarrow aA' \mid \epsilon$$

Пример:

$$E \rightarrow TE'$$

$$E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$$

$$T \rightarrow FT'$$

$$T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$$

$$F \rightarrow (E) \mid id$$

# Неоднозначность

Строка:  $id + id * id$

Грамматика (как была):  $E ::= E + E \mid E * E \mid -E \mid (E) \mid id$

Вывод:

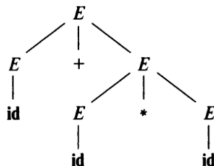
$$E \Rightarrow E + E$$

$$\Rightarrow id + E$$

$$\Rightarrow id + E * E$$

$$\Rightarrow id + id * E$$

$$\Rightarrow id + id * id$$



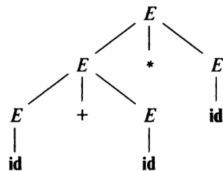
$$E \Rightarrow E * E$$

$$\Rightarrow E + E * E$$

$$\Rightarrow id + E * E$$

$$\Rightarrow id + id * E$$

$$\Rightarrow id + id * id$$

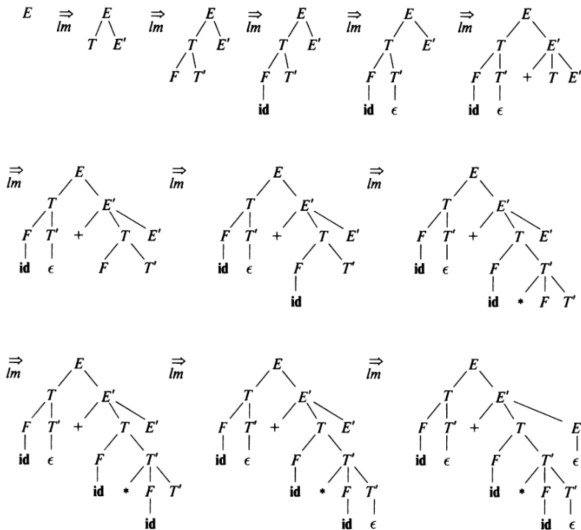


# Алгоритмы разбора

- ▶ Нисходящий разбор — начинаем со стартового нетерминала, пытаемся построить входную строку
  - ▶ Рекурсивный спуск
  - ▶ LL-анализ
- ▶ Восходящий разбор — пытаемся найти во входной строке последовательность терминалов и нетерминалов и свернуть её в нетерминал
  - ▶ LR-анализ

# Пример

## Нисходящий разбор с построением левого порождения



# FIRST( $\alpha$ ) и FOLLOW( $\alpha$ )

Пусть  $\alpha$  — строка из нетерминалов и терминалов

- ▶ FIRST( $\alpha$ ) — множество всех терминалов, с которых может начинаться  $\alpha$ 
  - ▶ Считается рекурсивно, раскрытием нетерминальных символов
- ▶ FOLLOW( $\alpha$ ) — множество всех терминалов, которые могут стоять за  $\alpha$  в выводе в грамматике G
  - ▶ Считается через FIRST во всех цепочках выводов, в которых может встречаться  $\alpha$
  - ▶  $\epsilon$ -продукции требуют особого внимания

Зачем:

- ▶ FIRST позволяет выбрать из альтернативных продукций
- ▶ FOLLOW — чтобы выбрать между  $\epsilon$ -продукцией и какой-то другой



# Рекурсивный спуск

- ▶ По одной функции на нетерминал
- ▶ Просмотр строки слева направо

Выбираем продукцию  $A \rightarrow X_1 X_2 \dots X_k$ ;

**for** i от 1 до k **do**

**if**  $X_i$  – нетерминал **then**

        Вызов функции  $X_i()$ ;

**else if**  $X_i$  равно текущему символу  $a$  **then**

        Переходим к следующему символу;

**else**

        Обнаружена ошибка;

**end**

**end**

# BNF

## Форма Бэкуса-Наура

- ▶ В угловых скобках — нетерминал (`<literal>`)
- ▶ `::=` — определение (`<brackets> ::= '(' | ')'` )
- ▶ `|` — альтернатива

Пример: `<expr> ::= <term>|<expr><addop><term>`

# Пример

## BNF, записанная в синтаксисе BNF

```
<syntax> ::= <rule> | <rule> <syntax>
<rule> ::= <opt-whitespace> "<" <rule-name> ">" <opt-whitespace>
          "::=" <opt-whitespace> <expression> <line-end>
<opt-whitespace> ::= " " <opt-whitespace> | ""
<expression> ::= <list> | <list> <opt-whitespace> "|" <opt-whitespace> <expression>
<line-end> ::= <opt-whitespace> <EOL> | <line-end> <line-end>
<list> ::= <term> | <term> <opt-whitespace> <list>
<term> ::= <literal> | "<" <rule-name> ">"
<literal> ::= "" <text1> "" | "" <text2> ""
<text1> ::= "" | <character1> <text1>
<text2> ::= " | <character2> <text2>
<character> ::= <letter> | <digit> | <symbol>
<character1> ::= <character> | ""
<character2> ::= <character> | ""
<rule-name> ::= <letter> | <rule-name> <rule-char>
<rule-char> ::= <letter> | <digit> | "-"
```

# Расширенная форма Бэкуса-Наура

- ▶  $\{ \}$  — 0 или более повторений
- ▶  $[ ]$  — 0 или 1 раз (опционально)
- ▶  $( )$  — группировка
- ▶  $,$  — конкатенация
- ▶ Вариантов синтаксиса EBNF больше, чем звёзд на небе

# Пример

EBNF, записанная в синтаксисе EBNF

```
character = letter | digit | symbol | "_" ;
identifier = letter , { letter | digit | "_" } ;
terminal = "" , character , { character } , ""
          | "" , character , { character } , "" ;
lhs = identifier ;
rhs = identifier
    | terminal
    | "[" , rhs , "]"
    | "{" , rhs , "}"
    | "(" , rhs , ")"
    | rhs , "|" , rhs
    | rhs , "," , rhs ;
rule = lhs , "=", rhs , ":" ;
grammar = { rule } ;
```

# Парсер-комбинаторы

- ▶ Основная идея — а давайте рассматривать парсер как композицию более простых парсеров
  - ▶ Определим примитивные парсеры и комбинаторы, строящие парсеры по парсерам
- ▶ По сути, удобная запись рекурсивного спуска
  - ▶ Не всегда, иногда используются “настоящие” преобразования грамматик
    - ▶ Например, Meerkat
- ▶ Пример — FParsec
  - ▶ Порт известной библиотеки Parsec (Haskell)
  - ▶ Рассмотрим <http://www.quanttec.com/fparsec/tutorial.html>