Функциональное программирование на языке F#

Юрий Литвинов y.litvinov@spbu.ru

16.02.2024

О чём этот курс

- Теория и практика функционального программирования
 - λ-исчисление
 - ► Базовые принципы ФП (программирование без состояний, функции высших порядков, каррирование и т.д.)
 - Типы в функциональном программировании (немутабельные коллекции, генерики, автообобщение и т.д.)
 - ▶ Паттерны функционального программирования (CPS, монады, point-free)
- Программирование на F#
 - ▶ ООП в F#
 - Асинхронное и многопоточное программирование в F#
 - Компиляторы
 - ▶ Может, ещё про анализ данных и машинное обучение

Отчётность

- Домашка (много несложной)
- Одна контрольная в середине семестра
- Доклад
- ▶ Сдача и учёт через HwProi 2
 - https://hwproj.ru/courses/20017

Критерии оценивания

- Как в прошлом семестре, ECTS
- Баллы за домашние задачи, баллы за контрольную
- Общий балл за домашки: MAX(0, (n/N-0.6)) * 2.5 * 100
- ▶ Общий балл за контрольные: n/N * 100
- Итоговая оценка: минимум из этих двух баллов
- Дедлайны по домашкам, -1 балл за каждую неделю после дедлайна
- Сгорает не более половины баллов
 - Таким образом, задачи на 1 балл не штрафуются вовсе
 - Но их сделать проще, чем не сделать

Ориентировочно

- Всего около 36 баллов за д/з и 10 за к/р
- А 35 балла за домашки, 9 за контрольную
- ▶ В 34 баллов за домашки, 8 за контрольную
- ▶ С 32 баллов за домашки, 7 за контрольную
- ▶ D 31 баллов за домашки, 6 за контрольную
- ► E 29 баллов за домашки, 5 за контрольную
- Разбалловка может измениться!
- Нагрузка правда меньше, делайте хорошие практики

Императивное программирование

Программа как последовательность операторов, изменяющих состояние вычислителя.

Для конечных программ есть **начальное состояние**, **конечное состояние** и последовательность переходов:

$$\sigma = \sigma_1 \rightarrow \sigma_2 \rightarrow ... \rightarrow \sigma_n = \sigma'$$

Основные понятия:

- Переменная
- Присваивание
- Поток управления
 - Последовательное исполнение
 - Ветвления
 - Циклы

Функциональное программирование

Программа как вычисление значения выражения в математическом смысле на некоторых входных данных.

$$\sigma' = f(\sigma)$$

- ► Нет состояния ⇒ нет переменных
- ► Нет переменных ⇒ нет циклов
- Нет явной спецификации потока управления

Порядок вычислений не важен, потому что нет состояния, результат вычисления зависит только от входных данных.

Сравним

```
C++
int factorial(int n) {
   int result = 1;
   for (int i = 1; i <= n; ++i) {
      result *= i;
   }
   return result;
}</pre>
```

```
F#
let rec factorial x =
if x = 1 then 1 else x * factorial (x - 1)
```

Как с этим жить

- Состояние и переменные «эмулируются» параметрами функций
- Циклы «эмулируются» рекурсией
- Последовательность вычислений рекурсия + параметры

```
F#

let rec sumFirst3 ls acc i =

if i = 3 then

acc

else

sumFirst3

(List.tail ls)

(acc + ls.Head)

(i + 1)
```

Зачем

- Строгая математическая основа
- Семантика программ более естественна
 - Применима математическая интуиция
- Программы проще для анализа
 - Автоматический вывод типов
 - Оптимизации
 - Строгая типизация
- Более декларативно
 - Ленивость
 - Распараллеливание
- Модульность и переиспользуемость
- Программы более выразительны

Пример: функции высших порядков

```
let rec sumFirst3 ls acc i =
  if i = 3 then acc
  else sumFirst3 (List.tail ls) (acc + ls.Head) (i + 1)
let sumFirst3 ls =
  Seq.fold (fun x acc -> acc + x) 0 (Seq.take 3 ls)
let sumFirst3 ls = ls |> Seq.take 3 |> Seq.fold (+) 0
let sumFirst3 = Seq.take 3 >> Seq.sum
```

Юрий Литвинов Введение 16.02.2024 11/30

Ещё пример

Возвести в квадрат и сложить все чётные числа в списке

```
let calculate =
    Seq.filter (fun x -> x % 2 = 0)
    >> Seq.map (fun x -> x * x)
    >> Seq.reduce (+)
```

Почему тогда все не пишут функционально

- Чистые функции не могут оказывать влияние на внешний мир.
 Ввод-вывод, работа с данными, вообще выполнение каких-либо действий не укладывается в функциональную модель.
- Сложно анализировать производительность, иногда функциональные программы проигрывают в производительности императивным. «Железо», грубо говоря, представляет собой реализацию машины Тьюринга, тогда как функциональные программы определяются над λ-исчислением.
- Требуется математический склад ума и вообще желание думать.

F#

- Типизированный функциональный язык для платформы .NET
- НЕ чисто функциональный (можно императивный стиль и ООП)
- Первый раз представлен публике в 2005 г., актуальная версия
 8.0 (14 ноября 2023 года)
- Создавался под влиянием OCaml (практически диалект OCaml под .NET)
- ▶ Использует .NET CLI
- Компилируемый и интерпретируемый
- Иногда используется в промышленности, в отличие от многих чисто функциональных языков

Что скачать и поставить

- Visual Studio Community
- .NET 7 + Visual Studio Code + Ionide
- ▶ Прямо в браузере: https://dotnetfiddle.net/
- Rider

Пример программы

printfn "%s" "Hello, world!"

let-определение

```
let x=1 let x=2 printfn "%d" x можно читать как let x=1 in let x=2 in printfn "%d" x и понимать как подстановку \lambda-терма (про которые через одну пару)
```

let-определение, функции

```
let powerOfFour x =
  let xSquared = x * x
  xSquared * xSquared
```

- Позиционный синтаксис
 - Отступы строго пробелами
 - ▶ Не надо ";"
- Нет особых синтаксических различий между переменной и функцией
- Не надо писать типы
- ► Не надо писать return

Вложенные let-определения

```
let powerOfFourPlusTwoTimesSix n =
   let n3 =
    let n1 = n * n
   let n2 = n1 * n1
        n2 + 2
   let n4 = n3 * 6
   n4
```

- п3 не функция!
- Компилятор отличает значения и функции по наличию аргументов
- Значение вычисляется, когда до let «доходит управление», функция — когда её вызовут. Хотя, конечно, функция — тоже значение.

Типы

```
let rec f x =
    if x = 1 then
    1
    else
        x * f (x - 1)
```

F# Interactive

val f : x:int -> int

Каждое значение имеет тип, известный во время компиляции

Элементарные типы

- int
- double
- ▶ bool
- string
- ► ... (.NET)
- ▶ unit тип из одного значения, (). Аналог void.

Кортежи (tuples)

```
let site1 = ("scholar.google.com", 10)
let site2 = ("citeseerx.ist.psu.edu", 5)
let site3 = ("scopus.com", 4)
let sites = (site1, site2, site3)
let url, relevance = site1
let site1, site2, site3 = sites
```

Value Tuples

Лямбды

```
let primes = [2; 3; 5; 7]
let primeCubes = List.map (fun n -> n * n * n) primes
```

F# Interactive

```
> primeCubes;;
val it : int list = [8; 27; 125; 343]
```

let
$$f = \text{fun } x \rightarrow x * x$$

let $n = f 4$

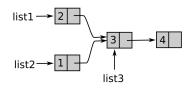
Списки

Синтаксис	Описание	Пример
	Пустой список	
[expr;; expr]	Список с элементами	[1; 2; 3]
expr :: list	cons, добавление в голову	1 :: [2; 3]
[expr expr]	Промежуток целых чисел	[110]
[for x in list \rightarrow expr]	Генерированный список	$[\textit{for x in } 199 \rightarrow \textit{x} * \textit{x}]$
list @ list	Конкатенация	[1; 2] @ [3; 4]

Примеры работы со списками

```
let oddPrimes = [3; 5; 7; 11]
let morePrimes = [13; 17]
let primes = 2 :: (oddPrimes @ morePrimes)
let printFirst primes =
    match primes with
    | h :: t -> printfn "First prime in the list is %d" h
    | [] -> printfn "No primes found in the list"
```

Устройство списков



let list3 = [3; 4] **let** list1 = 2 :: list3 **let** list2 = 1 :: list3

- Списки немутабельны
- Cons-ячейки, указывающие друг на друга
- ▶ cons за константное время, @ за линейное

Операции над списками

Модуль Microsoft.FSharp.Collections.List

Функция	Описание	Пример	Результат
List.length	Длина списка	List.length [1; 2; 3]	3
List.nth	n-ый элемент списка	List.nth [1; 2; 3] 1	2
List.init	Генерирует список	List.init $3(\text{fun } i \rightarrow i * i)$	[0; 1; 4]
List.head	Голова списка	List.head [1; 2; 3]	1
List.tail	Хвост списка	List.tail [1; 2; 3]	[2; 3]
List.map	Применяет функцию ко всем элементам	$\begin{array}{c} \textit{List.map (fun i} \rightarrow \\ \textit{i*i)} \ [1;2;3] \end{array}$	[1; 4; 9]
List.filter	Отбирает нужные элементы	List.filter (fun $x \rightarrow x \% 2 <> 0$) [1; 2; 3]	[1;3]
List.fold	"Свёртка"	$\begin{array}{c} \textit{List.fold (fun x acc} \rightarrow \\ \textit{acc} * \textit{x}) \ 1 \ [1; 2; 3] \end{array}$	6

Юрий Литвинов Введение 16.02.2024 28/30

Тип Option

Либо *Some что-то*, либо *None*, представляет возможное отсутствие значения.

```
let people = [ ("Adam", None); ("Eve", None);
    ("Cain", Some("Adam", "Eve"));
    ("Abel", Some("Adam", "Eve")) ]
let showParents (name, parents) =
    match parents with
    | Some(dad, mum) ->
        printfn "%s, father %s, mother %s" name dad mum
    | None -> printfn "%s has no parents!" name
```

Рекурсия

```
let rec length I =
    match I with
    | [] -> 0
    | h :: t -> 1 + length t

let rec even n = (n = 0u) || odd(n - 1u)
and odd n = (n <> 0u) && even(n - 1u)
```