Обзор парадигм программирования

Юрий Литвинов yurii.litvinov@gmail.com

30.11.2018

Математические модели вычислений

- Что можно посчитать имея вычислительную машину неограниченной мощности?
- Формальные модели вычислений:
 - Машина Тьюринга
 - λ-исчисление Чёрча
 - Нормальные алгорифмы Маркова
- Тезис Чёрча: «Любая функция, которая может быть вычислена физическим устройством, может быть вычислена машиной Тьюринга.»

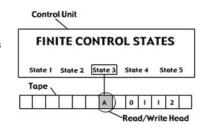
Машина Тьюринга

Формально,

$$M = (Q, \Gamma, b, \Sigma, \delta, q_0, F)$$

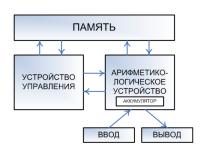
$$\delta: (Q/F) \times \Gamma \to Q \times \Gamma \times \{L, R\}$$

- Неформально:
 - ▶ Бесконечная лента с символами из ∑ и b
 - Считывающая головка
 - Внутренняя память Q
 - ▶ Таблица переходов δ , которая по текущему состоянию из Q и текущему символу на ленте из Γ говорит машине, что делать:
 - перейти в состояние
 - записать символ на ленту
 - сместиться влево/вправо



Архитектура фон Неймана

- Принцип последовательного программного управления
- Принцип однородности памяти
- Принцип адресуемости памяти
- Принцип двоичного кодирования
- Принцип жесткости архитектуры



4/38

Структурное программирование

- Пришло на смену неструктурированному программированию в начале 70-х
 - ▶ FORTRAN 1957 год, язык высокого уровня, но не структурный
- Любая программа может быть представлена как комбинация
 - последовательно исполняемых операторов
 - ветвлений
 - итераций
- ► Статья Дейкстры «Go To Statement Considered Harmful» (1968г)

Языки-представители

- Алгол
- Паскаль
- ▶ C
- Модула-2
- Ада

6/38

Подробнее: Ада

- Разработан в начале 80-х по заказу минобороны США
- Особенности:
 - Строгая типизация
 - Минимум автоматических преобразований типов
 - Встроенная поддержка параллелизма
- Реализация: GNAT (https://www.adacore.com/community)

```
with Ada.Text_IO;
use Ada.Text_IO;

procedure Main is
begin
   Put_Line ("Hello World");
end Main;
```

Ада, модульная система

```
package types is
  type Type 1 is private;
  type Type 2 is private;
  type Type 3 is private;
  procedure P(X: Type 1);
private
  procedure Q(Y: Type 1);
  type Type 1 is new Integer range 1 .. 1000;
  type Type 2 is array (Integer range 1 .. 1000) of Integer;
  type Type 3 is record
    A, B: Integer;
  end record:
end Types:
```

Ада, многопоточность и рандеву

```
with Ada.Text IO; use Ada.Text IO;
procedure Main is
  task After is
    entry Go(Text: String);
  end After:
  task body After is
  begin
    accept Go(Text: String) do
      Put Line("After: " & Text);
    end Go:
  end After:
begin
  Put Line("Before");
  After.Go("Main");
end;
```

Ада, ограничения и контракты

```
type Not_Null is new Integer
  with Dynamic_Predicate => Not_Null /= 0;

type Even is new Integer
  with Dynamic_Predicate => Even mod 2 = 0;

function Divide (Left, Right : Float) return Float
  with Pre => Right /= 0.0,
    Post => Divide'Result * Right < Left + 0.0001
    and then Divide'Result * Right > Left - 0.0001;
```

Объектно-ориентированное программирование

- Первый ОО-язык Симула-67, были и более ранние разработки
- Популярной методология стала только в середине 90-х
- Развитие связано с широким распространением графических интерфейсов и компьютерных игр

Основные концепции

- Программа представляет собой набор объектов
- Объекты взаимодействуют путём посылки сообщений по строго определённым интерфейсам
- ▶ Объекты имеют своё состояние и поведение
- Каждый объект является экземпляром некоего класса

Основные концепции (инкапсуляция)

- Инкапсуляция сокрытие реализации от пользователя
- Пользователь может взаимодействовать с объектом только через интерфейс
- Позволяет менять реализацию объекта, не модифицируя код, который этот объект использует

Основные концепции (наследование)

- Наследование позволяет описать новый класс на основе существующего, наследуя его свойства и функциональность
- Наследование отношение «является» между классами, с классом-наследником можно обращаться так же, как с классом-предком
 - Принцип подстановки Барбары Лисков

Основные концепции (полиморфизм)

- Полиморфизм классы-потомки могут изменять реализацию методов класса-предка, сохраняя их сигнатуру
- Клиенты могут работать с объектами класса-родителя, но вызываться будут методы класса-потомка (позднее связывание)

Пример кода

```
class Animal
  public:
    Animal(const string& name) {
      this.name = name;
    void rename(const string &newName) {
      name = newName;
    virtual string talk() = 0;
  private:
    string name;
```

Пример кода (2)

```
class Cat : public Animal
  public:
    Cat(const string& name) : Animal(name) {}
    string talk() override { return "Meow!"; }
};
class Dog: public Animal
  public:
    Dog(const string& name) : Animal(name) {}
    string talk() override { return "Arf! Arf!"; }
```

Пример кода (3)

```
Cat *cat1 = new Cat("Барсик");
Animal *cat2 = new Cat("Шаверма");
Dog *dog = new Dog("Бобик");
std::vector<Animal *> animals{cat1, cat2, dog};
for (Animal *animal : animals) {
  std::cout << animal->talk();
```

Языки-представители

- Java
- ► C#
- ► C++
- Object Pascal / Delphi Language
- Smalltalk

Функциональное программирование

- Вычисления рассматриваются как вычисления значения функций в математическом понимании (без побочных эффектов)
- Основано на λ-исчислении

λ -исчисление

- λ-исчисление формальный способ описать математические функции
 - ► $\lambda x.2 * x + 1$ функция $x \to 2 * x + 1$
- Функции могут принимать функции в качестве параметров и возвращать функции в качестве результата
- Функция от n переменных может быть представлена, как функция от одной переменной, возвращающая функцию от n - 1 переменной (карринг)
- Формальная система, не требующая математических оснований
 - На самом деле, математика может быть построена на λ-исчислении

Языки-представители

- Лисп (Llst PRocessing)
- ► ML (OCaml)
 - ► F#
- Haskell
- Erlang

Особенности

- Программы не имеют состояния и не имеют побочных эффектов
 - Нет переменных
 - Нет оператора присваивания
- Порядок вычислений не важен
- Циклы выражаются через рекурсию
- Ленивые вычисления
- Формальные преобразования программ по математическим законам

Пример на языке Haskell

```
fact :: Integer -> Integer
fact 0 = 1
fact n | n > 0 = n * fact (n - 1)

QSort:
sort [] = []
sort (pivot:rest) = sort [y | y <- rest, y < pivot]
++ [pivot]
++ sort [y | y <- rest, y >= pivot]
```

Факториал:

F#, мерджсорт

```
let rec merge | r =
  match (l, r) with
  |([], r)| \rightarrow r
  | (I, \Pi) -> I
  |(x::xs, y::ys)| -> if(x < y) then x::(merge xs r) else y::(merge | ys)
let rec mergesort I =
  match | with
  | [] -> []
   | x::[] -> [
      let (left, right) = List.splitAt (List.length I / 2) I
      let ls = mergesort left
      let rs = mergesort right
      merge Is rs
```

F#, бесконечная последовательность простых чисел

```
let isPrime number =
    seq {2 .. sqrt(double number)}
    |> Seq.exists (fun x -> number % x = 0)
    |> not

let primeNumbers =
    Seq.initInfinite (fun i -> i + 2)
    |> Seq.filter isPrime
```

Логическое программирование

- Программа представляет собой набор фактов и правил, система сама строит решение с использованием правил логики
 - Использует логику предикатов как математическую формализацию
- Создавалось в 60-х для решения задач искусственного интеллекта и экспертных систем
 - Автоматическое доказательство теорем
- Могут использоваться разные стратегии доказательства
 - В общем случае, программа это набор фактов и правил + стратегия вывода, которая управляет тем, как новые факты получаются из существующих
 - В формальной логике стратегия вывода обычно не важна, для компьютеров это критично
- Дедуктивные базы данных хранят факты и правила вывода

Пролог

- Появился в 1972 г. как научная разработка.
- Реализации:
 - SWI-Prolog (http://www.swi-prolog.org/)
 - Amzi Prolog (http://www.amzi.com/)
 - Turbo Prolog
- Использует метод резолюций последовательно перебирая. правила и факты, пытается подобрать такой набор переменных, которые бы им удовлетворяли
 - Пример:
 - cat(tom)
 - ?- cat(tom).
 - Yes
 - ?- cat(X).
 - X = tom

Пример программы

```
sibling(X, Y):- parent child(Z, X), parent child(Z, Y).
parent child(X, Y): father child(X, Y).
parent child(X, Y): mother child(X, Y).
mother child(trude, sally).
father child(tom, sally).
father child(tom, erica).
father child(mike, tom).
?- sibling(sally, erica).
Yes
?- father child(Father, Child).
```

Императивное программирование

```
Hello world!
true.

program_optimized(Prog0, Prog):-
optimization_pass_1(Prog0, Prog1),
```

optimization_pass_2(Prog1, Prog2), optimization_pass_3(Prog2, Prog).

?- write('Hello world!'), nl.

QSort

```
quicksort(Xs, Ys):-quicksort 1(Xs, Ys, []).
quicksort 1([], Ys, Ys).
quicksort 1([X|Xs], Ys, Zs):-
  partition(Xs, X, Ms, Ns),
  quicksort 1(Ns, Ws, Zs),
  quicksort 1(Ms. Ys. [XIWs]).
partition([K|L], X, M, [K|N]):-
  X < K. !.
  partition(L, X, M, N).
partition([K|L], X, [K|M], N):-
  partition(L, X, M, N).
partition([], , [], []).
```

Рекурсивное программирование, РЕФАЛ

- РЕкурсивных Функций АЛгоритмический
 - ▶ В. Турчин, 1966г.
- Ориентирован на символьные вычисления
 - ИИ, перевод, манипуляции с формальными системами (лямбда-исчисление, например)
- Использует нормальные алгорифмы Маркова в качестве математической формализации
- Программа записывается в виде набора функций
 - Функция упорядоченный набор предложений
 - Предложение состоит из шаблона и того, на что надо заменить шаблон
 - Выражения в угловых скобках (активные выражения)
 - Переменные
- ▶ Вычисление продолжается, пока в «поле зрения» Рефал-машины не окажется выражение без угловых скобок

Рефал, пример

```
Hello, world:
$ENTRY Go { = <Hello>;}
Hello {
 = <Prout 'Hello world'>:
Палиндром:
Palindrom {
  s.1 e.2 s.1 = < Palindrom e.2 > ;
  s.1 = True;
  = True;
  e.1 = False:
```

Стековое программирование

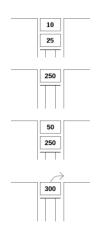
- ▶ Язык Форт (Forth)
 - Разработан в 60-х Чарльзом Муром «для себя»
 - Был широко распространён для программирования встроенных систем и задач, естественным образом выражающихся в терминах стеков
 - Синтаксический анализ
 - Анализ естественных языков

Форт, подробнее

- ▶ Основной элемент программы: слово
- Форт-система состоит из словаря (набора слов) и стеков арифметического и командного (с их помощью производятся вычисления)
- ▶ Используется обратная польская нотация

Примеры

- 25 10 * 50 + .
 Вывод: 300 ok
- ► : FLOOR5 (n -- n') DUP 6 < IF DROP 5 ELSE 1 THEN ;
 - то же самое на C: int floor5(int v) { return v < 6 ? 5 : v - 1; }</p>
- более красиво на Форте:
 - : **FLOOR5** (n -- n') **1-** 5 **MAX** ;
- ► : **HELLO** (--) **CR** ." Hello, world!";



Форт, пример

Реализации

- SwiftForth
 - https://www.forth.com/swiftforth/
- ▶ Gforth
 - http://www.gnu.org/software/gforth/
- Десятки других реализаций
 - http://www.forth.org/commercial.html
- Книжка
 - Броуди Л. «Начальный курс программирования на Форте»

