Вычислительные выражения в F# Computation Expressions, Workflows

Юрий Литвинов

20.03.2020г

Что это и зачем нужно

- Механизм управления процессом вычислений
- ▶ В функциональных языках единственный способ определить порядок вычислений
- ▶ Зачастую нетривиальным образом (Async)
- Способ не писать кучу вспомогательного кода (сродни АОП)
- В теории ФП они называются монадами
- На самом деле, синтаксический сахар

Пример

Классический пример с делением на 0

Сопротивление сети из параллельных резисторов:

$$1/R = 1/R_1 + 1/R_2 + 1/R_3$$

 R_1 , R_2 и R_3 могут быть 0. Что делать?

- Бросать исключение плохо
- Использовать option много работы, но попробуем

Реализация вручную

divide

```
let divide x y = 
match y with
| 0.0 -> None
| _ -> Some (x / y)
```

Реализация вручную

Само вычисление

```
let resistance r1 r2 r3 =
   let r1' = divide 1.0 r1
   match r1' with
    None -> None
    Some x \rightarrow \text{let } r2' = \text{divide } 1.0 \text{ r2}
      match r2' with
       None -> None
       Some y \rightarrow let r3' = divide 1.0 r3
         match r3' with
          None -> None
          Some z \rightarrow \text{let } r = \text{divide } 1.0 (x + y + z)
```

То же самое, через Workflow Builder

```
type MaybeBuilder() =
  member this.Bind(x, f) =
   match x with
   | None -> None
   | Some a -> f a
  member this.Return(x) =
    Some x
let maybe = new MaybeBuilder()
```

Само вычисление

```
let resistance r1 r2 r3 =
   maybe {
    let! r1' = divide 1.0 r1
    let! r2' = divide 1.0 r2
    let! r3' = divide 1.0 r3
    let! r = divide 1.0 (r1' + r2' + r3')
    return r
}
```

Некоторые синтаксические "похожести"

seq — это тоже Computation Expression

```
let daysOfTheYear =
  seq {
    let months =
       ["Jan"; "Feb"; "Mar"; "Apr"; "May"; "Jun";
       "Jul": "Aug": "Sep": "Oct": "Nov": "Dec"]
    let daysInMonth month =
       match month with
       | "Feb" -> 28
       | "Apr" | "Jun" | "Sep" | "Nov" -> 30
      | -> 31
    for month in months do
       for day = 1 to daysInMonth month do
         vield (month, day)
```

Ещё один пример

```
let debug x = printfn "value is %A" x
let withDebug =
  let a = 1
  debug a
  let b = 2
  debug b
  let c = a + b
  debug c
  c
```

То же самое с Workflow

```
type DebugBuilder() =
  member this. Bind(x, f) =
    debug x
    f x
  member this.Return(x) = x
let debugFlow = DebugBuilder ()
let withDebug = debugFlow {
    let! a = 1
    let!b=2
    let! c = a + b
    return c
```

Что происходит

Как оно устроено внутри

- Bind создаёт цепочку continuation passing style-функций, возможно, с побочными эффектами
- ▶ Есть тип-обёртка (или монадический тип), в котором хранится состояние вычисления
- ▶ let! вызывает Bind, return Return, Bind принимает обёрнутое значение и функцию-continuation, return по необёрнутому значению делает обёрнутое

Отступление про CPS

C#, код без CPS

```
public int Divide(int a, int b)
  if (b == 0)
    throw new InvalidOperationException("div by 0");
  else
    return a / b:
```

С#, то же с CPS

```
public T Divide<T>(int a, int b, Func<T> ifZero
    , Func<int, T> ifSuccess)
  if (b == 0)
    return ifZero():
  else
    return ifSuccess(a / b);
```

Вызывающий решает, что делать, а не вызываемый.

То же на F#

```
Без CPS:
let divide a b =
  if (b = 0)
  then invalidOp "div by 0"
  else (a / b)
C CPS:
let divide ifZero ifSuccess a b =
  if (b = 0)
  then ifZero()
  else ifSuccess (a / b)
```

Примеры

```
let ifZero1 () = printfn "bad"
let ifSuccess1 x = printfn "good %i" x
let divide1 = divide ifZero1 ifSuccess1
let ifZero2() = None
let ifSuccess2 x = Some x
let divide2 = divide ifZero2 ifSuccess2
let ifZero3() = failwith "div by 0"
let if Success3 x = x
let divide3 = divide ifZero3 ifSuccess3
```

let, «многословный» синтаксис

```
let x = something
paвносильно
let x = something in [ выражение с x ]
например,
let x = 1 in
let y = 2 in
let z = x + y in
z
```

let и лямбды

```
fun x -> [ выражение с x ]
или
something |> (fun x -> [ выражение с x ])
и обращаем внимание, что:
let x = someExpression in [ выражение с x ]
someExpression |> (fun x -> [ выражение с x ])
```

let и CPS

```
let x = 1 in

let y = 2 in

let z = x + y in

z

1 |> (fun x ->

2 |> (fun y ->

x + y |> (fun z ->

z)))
```

Теперь вспомним про Workflow-ы

```
let pipeInto expr f
  expr |> f
pipeInto (1, fun x ->
  pipeInto (2, fun y ->
  pipeInto (x + y, fun z ->
  z)))
```

Зачем

```
let pipeInto (expr, f) =
  printfn "expression is %A" expr
  expr |> f
pipeInto (1, fun x ->
  pipeInto (2, fun y ->
    pipeInto (x + y, fun z ->
    z)))
```

То же самое с Workflow

```
type DebugBuilder() =
  member this. Bind(x, f) =
    debug x
    f x
  member this.Return(x) = x
let debugFlow = DebugBuilder ()
let withDebug = debugFlow {
    let! a = 1
    let!b=2
    let! c = a + b
    return c
```

Более сложный пример, с делением

pipeInto, которая потом будет Bind

```
let pipeInto (expr, f) =
  match expr with
  | None ->
    None
  | Some x ->
    x |> f
```

Более сложный пример, с делением

Сам процесс

```
let resistance r1 r2 r3 =
  let a = divide 1.0 r1
  pipeInto (a, fun a' ->
     let b = divide 1.0 r2
     pipeInto (b, fun b' ->
       let c = divide 1.0 r3
       pipeInto (c, fun c' ->
          let r = divide 1.0 (a + b + c)
          pipeInto (r, fun r' ->
            Some r
          ))))
```

Уберём временные let-ы

И отформатируем

```
let resistance r1 r2 r3 =
   pipeInto (divide 1.0 r1, fun a ->
   pipeInto (divide 1.0 r2, fun b ->
   pipeInto (divide 1.0 r3, fun c ->
   pipeInto (divide 1.0 (a + b + c) , fun r ->
   Some r
   ))))
```

Сравним с оригиналом

```
let resistance r1 r2 r3 =
   maybe {
    let! r1' = divide 1.0 r1
    let! r2' = divide 1.0 r2
    let! r3' = divide 1.0 r3
    let! r = divide 1.0 (r1' + r2' + r3')
    return r
}
```

Подробнее про Bind

- ▶ Bind : M<'T> * ('T -> M<'U>) -> M<'U>
- ► Return : 'T -> M<'T>

let! x = 1 in x * 2

builder.Bind(1, (fun $x \rightarrow x * 2$))

Инфиксное определение Bind

let
$$(>>=)$$
 m f = pipeInto (m, f)

$$1 >>= (+) 2 >>= (*) 42 >>= id$$

Option.bind и maybe

module Option =

```
let bind f m =
    match m with
    | None ->
        None
    | Some x ->
        x |> f

type MaybeBuilder() =
    member this.Bind(m, f) = Option.bind f m
    member this.Return(x) = Some x
```

Содержимое типа-обёртки может иметь разный тип

Пример, серия запросов к БД

```
type DbResult<'a> =
| Success of 'a
| Error of string
```

```
type CustomerId = CustomerId of string
type OrderId = OrderId of int
type ProductId = ProductId of string
```

Пример, запросы

```
let getCustomerId name =
  if (name = "")
  then Error "getCustomerId failed"
  else Success (CustomerId "Cust42")
let getLastOrderForCustomer (CustomerId custId) =
  if (custId = "")
  then Error "getLastOrderForCustomer failed"
  else Success (Orderld 123)
let getLastProductForOrder (OrderId orderId) =
  if (orderId = 0)
  then Error "getLastProductForOrder failed"
  else Success (ProductId "Product456")
```

Общение с БД вручную

```
let product =
  let r1 = getCustomerId "Alice"
  match r1 with
   Error e -> Error e
   Success custId ->
    let r2 = getLastOrderForCustomer custId
    match r2 with
     Error e -> Error e
     Success orderld ->
      let r3 = getLastProductForOrder orderId
      match r3 with
       Error e -> Error e
       Success productld ->
         printfn "Product is %A" productId
         r3
```

Builder

```
type DbResultBuilder() =
  member this.Bind(m, f) =
    match m with
     Error e -> Error e
     Success a ->
      printfn "Successful: %A" a
      fa
  member this.Return(x) =
    Success x
let dbresult = new DbResultBuilder()
```

Workflow

```
let product =
  dbresult {
    let! custId = getCustomerId "Alice"
    let! orderId = getLastOrderForCustomer custId
    let! productId = getLastProductForOrder orderId
    printfn "Product is %A" productId
    return productId
  }
printfn "%A" product
```

Композиция Workflow-ов

```
let subworkflow1 = myworkflow { return 42 }
let subworkflow2 = myworkflow { return 43 }

let aWrappedValue =
   myworkflow {
    let! unwrappedValue1 = subworkflow1
    let! unwrappedValue2 = subworkflow2
    return unwrappedValue1 + unwrappedValue2
   }
```

Вложенные Workflow-ы

```
let aWrappedValue =
  myworkflow {
    let! unwrappedValue1 = myworkflow {
      let! x = myworkflow { return 1 }
      return x
    let! unwrappedValue2 = myworkflow {
      let! y = myworkflow { return 2 }
      return y
    return unwrappedValue1 + unwrappedValue2
```

ReturnFrom

```
type MaybeBuilder() =
  member this.Bind(m, f) = Option.bind f m
  member this.Return(x) =
    printfn "Wrapping a raw value into an option"
    Some x
  member this.ReturnFrom(m) =
    printfn "Returning an option directly"
    m

let maybe = new MaybeBuilder()
```

Пример

```
maybe { return 1 }
maybe { return! (Some 2) }
```

Зачем это

```
maybe {
    let! x = divide 24 3
    let! y = divide x 2
    return y
}

maybe {
    let! x = divide 24 3
    return! divide x 2
}
```

Первый закон монад

Bind и Return должны быть взаимно обратны

```
myworkflow {
  let originalUnwrapped = something
  let wrapped = myworkflow { return originalUnwrapped }
  let! newUnwrapped = wrapped
  assertEqual newUnwrapped originalUnwrapped
myworkflow {
  let originalWrapped = something
  let newWrapped = myworkflow {
    let! unwrapped = originalWrapped
    return unwrapped
  assertEqual newWrapped originalWrapped
```

Второй закон монад

Композиция должна быть консистентной

```
let result1 = myworkflow {
  let! x = originalWrapped
  let! v = f x
  return! g y
let result2 = myworkflow {
  let! y = myworkflow {
    let! x = originalWrapped
    return! f x
  return! g y
assertEqual result1 result2
```

Какие ещё методы есть у WorkflowBuilder

Имя	Тип	Описание
Delay	(unit -> $M<'T>$) -> $M<'T>$	Превращает в функцию
Run	M<'T> -> M<'T>	Исполняет вычисление
Combine	M<'T> * M<'T> -> M<'T>	Последовательное исполнение
For	seq<'T> * ('T -> M<'U>) -> M<'U>	Цикл for
TryWith	M<'T> * (exn -> M<'T>) -> M<'T>	Блок try with
TryFinally	M<'T> * (unit -> unit) -> M<'T>	Блок finally
Using	'T * ('T -> M<'U>) -> M<'U> when 'U :> IDisposable	use
While	(unit -> bool) * M<'T> -> M<'T>	Цикл while
Yield	'T -> M<'T>	yield или ->
YieldFrom	M<'T> -> M<'T>	yield! или -»
Zero	unit -> M<'T>	Обёрнутое ()

Моноиды

Немного алгебры

Множество с бинарной операцией

- Замкнутость относительно операции
- Ассоциативность
- Наличие нейтрального элемента

Например, [a] @ [b] = [a; b]

Пример

```
type OrderLine = {Quantity : int; Total : float}
let orderLines = [
  {Quantity = 2; Total = 19.98};
  {Quantity = 1; Total = 1.99};
  {Quantity = 2; Total = 3.98; 1}
let addLine line1 line2 =
  {Quantity = line1.Quantity + line2.Quantity;
   Total = line1.Total + line2.Total}
orderLines |> List.reduce addLine
```

Эндоморфизмы

Эндоморфизм — функция, у которой тип входного значения совпадает с типом выходного

Множество функций + композиция — моноид, если функции — эндоморфизмы

Пример

```
let times 2x = x * 2
let subtract42 x = x - 42
let functions = [
  plus1;
  times2:
  subtract42]
let newFunction = functions |> List.reduce (>>)
printfn "%d" < | newFunction 20
```

Bind

```
Option.bind : ('T \rightarrow 'U option) \rightarrow 'T option \rightarrow 'U option
— частично применённый Bind — эндоморфизм (если 'T и 'U
совпадают)
let bindFns = [
  Option.bind (fun x \rightarrow if x > 1 then
                   Some (x * 2)
                else None);
  Option.bind (fun x -> if x < 10 then Some x else None)
let bindAll =
  bindFns |> List.reduce (>>)
Some 4 |> bindAll
```

Не только эндоморфизмы могут образовать моноид

```
type Predicate<'A> = 'A -> bool
let predAnd p1 p2 x =
  if p1 x
  then p2 x
  else false
```

let combinePredicates = predicates |> **List**.reduce predAnd

Монады

Workflow-ы, Computational Expressions

- Замкнуты
- Композиция ассоциативна (второй закон монад)
- ▶ Нейтральный элемент (Return, первый закон монад)

«a monad is a monoid in the category of endofunctors, what's the problem?»

Полезные ссылки

Откуда взяты примеры

- https://fsharpforfunandprofit.com/series/computation-expressions.html
- http://www.slideshare.net/ScottWlaschin/fp-patterns-buildstufflt