

Сортировки и поиск

Юрий Литвинов
yurii.litvinov@gmail.com

02.03.2018г

Свойства алгоритмов сортировки

- ▶ Работают над любыми контейнерами данных
- ▶ Есть понятие “ключ”
- ▶ Устойчивость — сохраняется ли взаимное расположение элементов с одинаковым ключом
- ▶ Естественность — учёт степени отсортированности исходных данных
- ▶ Внутренняя сортировка — работает над данными, целиком помещающимися в память
- ▶ Внешняя сортировка работает над данными на устройствах с последовательным доступом, которые медленнее, чем память

Сортировка пузырьком (bubble sort)



Сортировка выбором (selection sort)

1	5	2	4	3
---	---	---	---	---

1	5	2	4	3
---	---	---	---	---

1	2	5	4	3
---	---	---	---	---

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---

- ▶ $O(n^2)$
- ▶ Обычно неустойчива ($[2_a, 2_b, 1_a] \rightarrow [1_a, 2_b, 2_a]$)
- ▶ Отсортированность массива ничего не даёт
- ▶ Меньше всего операций обмена (меньше операций записи, что иногда позитивно)
- ▶ <https://www.ee.ryerson.ca/~courses/coe428/sorting/selectionsort.html>

Сортировка вставкой (insertion sort)

1	5	2	4	3
---	---	---	---	---

1	5	2	4	3
---	---	---	---	---

1	5	2	4	3
---	---	---	---	---

1	2	5	4	3
---	---	---	---	---

1	2	5	4	3
---	---	---	---	---

1	2	4	5	3
---	---	---	---	---

1	2	4	5	3
---	---	---	---	---

1	2	4	3	5
---	---	---	---	---

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---

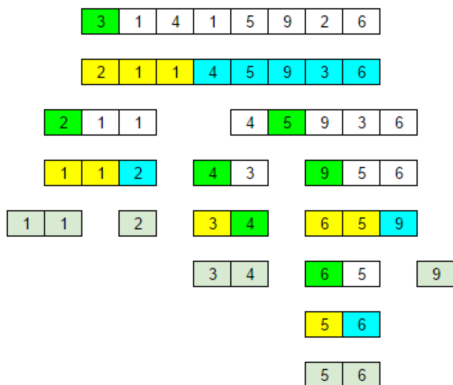
- ▶ $O(n^2)$
- ▶ Устойчива
- ▶ Естественная ($O(n)$ на отсортированном массиве)
- ▶ Данные могут приходить постепенно
- ▶ Позволяет выбрать наибольшие (или наименьшие) k чисел из входного потока
- ▶ <https://www.ee.ryerson.ca/~courses/coe428/sorting/insertionsort.html>

Сортировка Шелла (Shell sort)



- ▶ Сортировка вставкой подпоследовательностей в массиве с постепенно убывающим шагом
- ▶ Элементы “быстрее” встают на свои места
 - ▶ Сортировка вставкой на каждом шаге уменьшает количество инверсий максимум на 1
- ▶ $O(n * \log(n)^2)$ при правильном выборе h
- ▶ Неустойчива
- ▶ Легко пишется и довольно быстра
 - ▶ Не вырождается до квадратичной

Быстрая сортировка (qsort)



- ▶ $O(n * \log(n))$, вырождается до $O(n^2)$
- ▶ Неустойчива
- ▶ Требуется $O(n * \log(n))$ дополнительной памяти
- ▶ Самый быстрый на практике алгоритм сортировки, используется в стандартных библиотеках
- ▶ Легко пишется (но тяжело отлаживается)

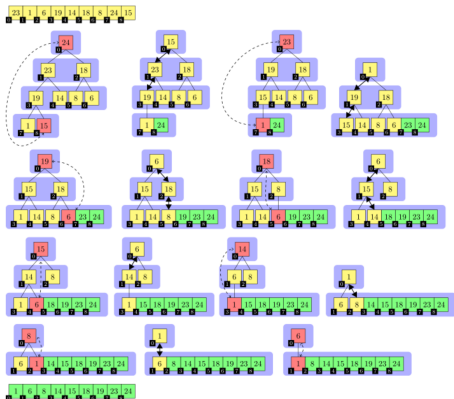
Псевдокод

```
algorithm quicksort(A, lo, hi) is
  if lo < hi then
    p := partition(A, lo, hi)
    quicksort(A, lo, p - 1)
    quicksort(A, p + 1, hi)
```

```
algorithm partition(A, lo, hi) is
  pivot := A[hi]
  i := lo
  for j := lo to hi - 1 do
    if A[j] ≤ pivot then
      swap A[i] with A[j]
      i := i + 1
  swap A[i] with A[hi]
  return i
```

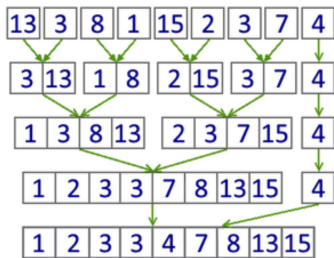
Нерекурсивная реализация — через стек, в котором хранятся границы сортируемых кусков массива

Сортировка кучей (пирамидальная, heapsort)

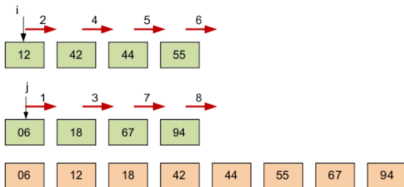


- ▶ $O(n * \log(n))$, не вырождается
- ▶ Не требует дополнительной памяти
- ▶ Неустойчива
- ▶ Требуется произвольного доступа к памяти
- ▶ Относительно сложна в реализации

Сортировка слиянием (mergesort)



- ▶ $O(n * \log(n))$, не вырождается
- ▶ Устойчива
- ▶ Внешняя (подходит для больших данных, не помещающихся в память)
- ▶ <http://www.ee.ryerson.ca/~courses/coe428/sorting/mergesort.html>



Двоичный поиск

1	1	2	3	4	5	6	9
---	---	---	---	---	---	---	---

$x = 4$

1	1	2	3	4	5	6	9
---	---	---	---	---	---	---	---

1	1	2	3	4	5	6	9
---	---	---	---	---	---	---	---

- ▶ Находит элемент в массиве за $O(\log(n))$
- ▶ Легко напутать с индексами и уйти в бесконечный цикл