

دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

دستورکار آزمایشگاه هوش محاسباتی

جلسه ۱ برنامه نویسی کارآمدِ Python و Numpy

استاد درس: دكتر مهران صفاياني

فصل ١

برنامه نویسی کارآمدِ Python و Numpy

مقدمه

برای بازدهی محاسباتی اَعمال معمولی در کاربردهای ماشین لرنینگ، استفاده از آرایههای NumPy همراه با دستورات برداری، بجای استفاده مستقیم از حلقههای for بسیار سودمندتر است. دستورات برداری، نسبت به حالات ساده، بهینهتر هستند و کارایی کدهای پایتون را به زبانهای سطح پایینتری مانند C نزدیکتر میکنند. در این جلسه، از شما انتظار میرود که به سه تمرین که در حوزه یادگیری ماشین کاربرد دارند، پاسخ دهید.

برای این جلسه، سه فایل ژوپیتر برای شما آماده شده است که شما باید موارد خواسته شده را در این فایلها پیادهسازی کنید. همچنین برای آشنا شدن بیشتر با اعمال و توابع ماتریسی در NumPy ، فایل میشنهاد می شود این فایل را نیز مطالعه بفرمایید. دیگر فایلها قرار داده شده است که پیشنهاد می شود این فایل را نیز مطالعه بفرمایید.

نکته: سه تمرین پیشرو قابلیت پیادهسازی در بستر حلقههای for را نیز دارا هستند اما هدف این جلسه، آشنا شدن شما با روشهای بهینهتر با استفاده از دستورات برداری میباشد.

دستورات مفيد

در این بخش، قصد داریم نگاهی به دستورات مفید برای نوشتن کدهای برداری بیندازیم. برای دیدن مستندات کامل میتوانید از دستور help(func) استفاده کنید. ابتدا باید کتابخانهی NumPy را فراخوانی کنیم:

import numpy as np

سپس می توانیم از دستورات زیر، استفاده کنیم:

- b و قسيم درايه و تقسيم درايه و نقسيم : a * b, a / b
 - b و a ماتریسی دو ماتریس : a.dot(b)
- NumPy ، اولین عنصرِ، در مکان درایه در هر ستون از ماتریس a (نکته: در NumPy ، اولین عنصرِ، در مکان صفرم قرار دارد، در حالی که در متلب، در خانه یکم قرار میگیرد.)
 - a پیدا کردن بزرگترین درایه در هر سطر از ماتریس : a.max(1)
 - a محاسبه عبار تمامی درایههای : np.std(a) ، np.mean(a)
 - . ابعاد ماتریس a را نشان میدهد. a.shape()
 - میدهد نشان میدهد می آرایه a را در بعد a.shape[k] •
 - . np.sum(a, axis=k) مجموع درایههای ماتریس a در بُعد بام را برمی گرداند. a
 - معکوس ماتریس مربعی و ا اinalg.inv(a) ا معکوس د ا اند.

تمرین اول: استانداردسازی ماتریس

ابعاد و یا ویژگیهای مختلف یک نمونهی داده، اغلب واریانسهای متفاوتی نسبت به یکدیگر دارند. بخاطر یکسری عملیات که متعاقبا به آنها نیاز پیدا خواهیم کرد، بهتر است که دادهی خود را استاندارد کنیم. یعنی برای هر بُعد، داده را از میانگین کم کرده و نتیجه را بر انحراف معیار تقسیم کنیم. بعد از این پردازش، میانگین هر بُعد، برابر با صفر و واریانس آن برابر واحد خواهد بود. توجه داشته باشید که این عملیات، مساوی با عملیات ِ سفیدسازیِ داده ۱ ، که علاوه بر این، ابعاد را (با استفاده از چرخش مختصات) از هم، غیرمرتبط میسازد، نیست.

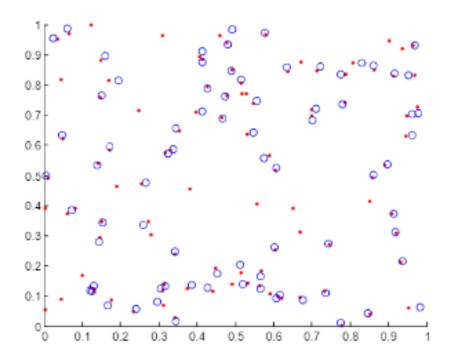
تابعی بنویسید که داده ی ماتریسی $x \in \mathbb{R}^{n imes d}$ را بعنوان ورودی بگیرد و همان داده را بصورت نرمالسازی شده، برگرداند. $x \in \mathbb{R}^{n imes d}$ تعداد نمونه ها و $x \in \mathbb{R}^{n imes d}$ ابعاد ماتریس است. سطرها حاوی نمونه ها و ستون ها، ویژگی های نمونه ها میباشد.

data whitening

تمرین دوم: فواصلِ جفتی در صفحه

یکی از کاربردهای یادگیری ماشین در بینایی کامپیوتر، ردیابی نقطهی مورد علاقه است. مختصات گوشههای یک تصویر، در طول زنجیره ای از فریم های یک سیگنال ویدیویی، رهگیری می شود. (بعنوان یک مثال ساختگی، شکل یک را ببینید.) در این زمینه، اغلب به فاصله جفتی همه نقاط در فریم اول نسبت به همه نقاط در فریم دوم، توجه می شود. تطبیق نقاط با توجه به حداقل فاصله، یک روش ابتکاری ساده است که در صورت یافتن نقاط مورد علاقه در هر دو فریم و وجود آشفتگی کم، به خوبی کار می کند.

تابعی بنویسید که دو ماتریس $\mathbf{P} \in \mathbb{R}^{p \times 2}, \mathbf{Q} \in \mathbb{R}^{q \times 2}$ را به عنوان ورودی دریافت میکند. هر سطر در این ماتریس ها، حاوی مختصات یک نقطه ی علاقه ا میباشد. به یاد داشته باشید که تعداد نقاط $(q \ p)$ لزوما یکسان نیستند. به عنوان خروجی، شما باید فاصله ی جفتی تمام نقاط داخل \mathbf{P} را نسبت به تمام نقاط داخل \mathbf{Q} محاسبه کنید و نتیجه را داخل ماتریس \mathbf{D} ذخیره کنید. درایه ی $D_{i,j}$ فاصله ی اقلیدسی نقطه ی \mathbf{D} ام در \mathbf{Q} و نقطه ی \mathbf{D} ام در \mathbf{Q} می باشد.



شکل ۱.۱: دو مجموعه نقاط در صفحه، دایرهها، زیرمجموعهای از نقطه ها هستند و بصورت تصادفی، آشفتهسازی شده اند.

interest point'

تمرین سوم: احتمال دو نمونهی داده

در این تمرین، شما نیاز نیست که مفاهیم یادگیری ماشین و آماریِ تشریح شده را متوجه شوید. هدف فقط پیادهسازیِ نسبتدادنِ دادهها به دو توزیع داده شده، در پایتون، میباشد.

یک عمل فرعی در بسیاری از الگوریتم های یادگیری ماشین، محاسبهی احتمالِ $p\left(x_n\mid m{ heta}
ight)$ برای یک نمونه x_n برای مدل مقصد با پارامتر های $m{ heta}$ میباشد. با داشتنِ \mathbf{x} مدل، اکنون هدف ما، نسبت دادنِ x_n به مدل به نحوی که احتمال آن بیشینه شود، است:

 $a_n = \operatorname{argmax}_m p\left(\boldsymbol{x}_n \mid \boldsymbol{\theta}_m\right) \text{ where } m = 1, \dots, k.$

در اینجا، $\mu_m \in \mathbb{R}^d$ میانگین است و m پارامتر های m بارامتر های است و مقصد هستند. $\mu_m \in \mathbb{R}^d$ میانگین است و جود، پیادهسازی کوواریانسِ ماتریس نامیده میشود.) شما باید مرحلهی نسبت دادنِ دو نمونه مدل را، در صورت وجود، پیادهسازی نمایید. یعنی در اینجا k=2 است. بعنوان ورودی، تابع شما، یک مجموعه از مثالهای داده ی k=2 است. بعنوان ورودی، تابع شما، یک مجموعه از مثالهای داده ی $\theta_1=(\mu_1,\Sigma_1)$ و $\theta_2=(\mu_2,\Sigma_2)$ و $\theta_1=(\mu_1,\Sigma_1)$ و $\theta_1=(\mu_1,\Sigma_1)$ و مجموعه از پارامترهای $\theta_2=(\mu_2,\Sigma_2)$ و $\theta_1=(\mu_1,\Sigma_1)$ و مربوط به دو دو توزیع چندمتغیره گاوسی داده شده ی:

$$p\left(\boldsymbol{x}_{n} \mid \boldsymbol{\mu}, \boldsymbol{\Sigma}\right) = \frac{1}{(2\pi)^{d/2} |\boldsymbol{\Sigma}|^{1/2}} \exp\left(-\frac{1}{2} \left(\boldsymbol{x}_{n} - \boldsymbol{\mu}\right) \boldsymbol{\Sigma}^{-1} \left(\boldsymbol{x}_{n} - \boldsymbol{\mu}\right)^{\top}\right).$$

را برای $a_n\in\{1,2\}$ وترمینان کے وارون آن است. تابع شما باید «مشابه ترین» تبدیل Σ^{-1} و کر برای Σ^{-1} و ابرای کرداند. هنگامی که $a_n=1$ است به این معنی است که x_n به مدل یک نسبت داده شده است. به این معنی است که $p\left(\mathbf{x}_n\mid \mathbf{\mu}_1, \mathbf{\Sigma}_1\right) > p\left(\mathbf{x}_n\mid \mathbf{\mu}_2, \mathbf{\Sigma}_2\right)$ بیان دیگر در حالتی که $a_n=1$ است، نشان می دهد که :