

+15/1/28+

### QCM THLR 4

Nom et prénom, lisibles :

Delecroix  
Thomas

Identifiant (de haut en bas) :

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

**Q.1** Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.

J'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 2 entêtes sont +15/1/xx+...+15/2/xx+.

**Q.2** Le langage  $\{a^n a^n \mid \forall n \in \mathbb{N}\}$  est

☐ vide ☐ fini ☐ non reconnaissable par automate rationnel

**Q.3** Les logins de votre promo constituent un langage...

rationnel ☐ non reconnaissable par un automate fini à transitions spontanées  
☐ non reconnaissable par un automate fini nondéterministe  
☐ non reconnaissable par un automate fini déterministe

**Q.4** Un automate fini qui a des transitions spontanées...

n'est pas déterministe ☐ est déterministe ☐ accepte  $\epsilon$  ☐ n'accepte pas  $\epsilon$

**Q.5** Quels langages ne vérifient pas le lemme de pompage?

☐ Tous les langages reconnus par DFA Certains langages non reconnus par DFA  
 Tous les langages non reconnus par DFA ☐ Certains langages reconnus par DFA

**Q.6** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b)^* a (a+b)^{n-1}$ ) :

☐ Il n'existe pas.  $2^n$  ☐  $n+1$   $\frac{n(n+1)}{2}$

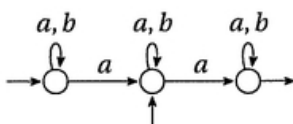
**Q.7** Si  $L_1 \subseteq L \subseteq L_2$ , alors  $L$  est rationnel si :

$L_1, L_2$  sont rationnels et  $L_2 \subseteq L_1$   $L_2$  est rationnel ☐  $L_1, L_2$  sont rationnels  
☐  $L_1$  est rationnel

**Q.8** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b, c, d\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b+c+d)^* a (a+b+c+d)^{n-1}$ ) :

☐  $4^n$   $2^n$  ☐ Il n'existe pas.  $\frac{n(n+1)(n+2)(n+3)}{4}$

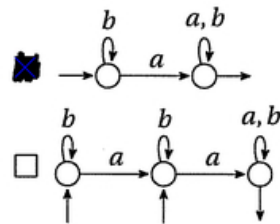
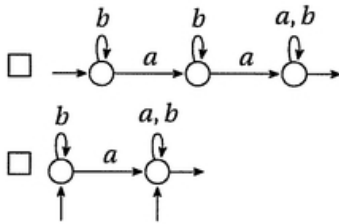
**Q.9** Déterminiser cet automate :





+15/2/27+

2/2



**Q.10** Comment marche la minimisation de Brzozowski d'un automate  $\mathcal{A}$  ?

2/2

- ☐  $T(Det(T(Det(\mathcal{A}))))$ 
☐  $T(Det(T(Det(T(\mathcal{A})))))$ 
☒  $Det(T(Det(T(\mathcal{A}))))$ 
☐  $Det(T(Det(T(Det(\mathcal{A})))))$

**Fin de l'épreuve.**