2/2

2/2

2/2

2/2

2/2

2/2

2/2

2/2

2/2

2/2

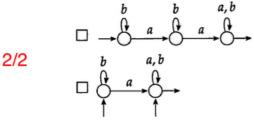
## THLR Contrôle (35 questions), Septembre 2016

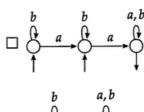
Nom et prénom, lisibles :	Identifiant (de haut en bas):
.XU	
Christian	
Q.1 Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ② ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « ② » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.  I'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 5 entêtes sont +251/1/xx+···+251/5/xx+.	
Q.2 Un alphabet est toujours muni d'une relation	d'ordre :
□ vrai	<b>■</b> faux
Q.3 Pour $L_1 = \{a, b\}^*, L_2 = (\{a\}^*\{b\}^*)^*$ :	_
	<i>*</i>
$\Box L_1 \subseteq L_2 \qquad \blacksquare L_1 = L_2$	$\square L_1 \stackrel{\checkmark}{\not\supseteq} L_2 \qquad \square L_1 \supseteq L_2$
Q.4 Que vaut $\{\varepsilon, a, b\} \cdot \{a, b\}$ ?	
$\square$ $\{\varepsilon,a,b,aa,ab,ba,bb\}$ $\square$ $\{aa,ab,ba\}$	, bb} 💆 {a, b, aa, ab, ba, bb} 🔲 {aa, bb} {aa, ab, bb}
<b>Q.5</b> Que vaut <i>Pref</i> ({ab, c}):	
$\boxtimes$ $\{ab,a,c,\varepsilon\}$ $\square$ $\{a,b,c\}$	$\square$ $\emptyset$ $\square$ $\{b, \varepsilon\}$ $\square$ $\{b, c, \varepsilon\}$
Q.6 Que vaut $Fact(\{a\}\{b\}^*)$ (l'ensemble des facteur	rs)
	*
<b>Q.7</b> Pour toute expression rationnelle $e$ , on a $e + e$	$\emptyset \equiv \emptyset + e \equiv e.$
☐ faux	x 🔀 vrai
Q.8 Pour toutes expressions rationnelles e, f, on a	
•	
<b>■</b> faux	c □ vrai
<ul> <li>Q.9 Un langage quelconque</li> <li>☐ peut être indénombrable</li> <li>☐ peut n'inclure aucun langage dénoté par une expression rationnelle</li> <li>☐ peut avoir une intersection non vide avec son complémentaire</li> </ul>	
contient toujours (⊇) un langage rationnel	
<b>⊠</b> faw	
Q.11 L'expression Perl '[-+]?[0-9A-F]+([-+/*]	[-+]?[0-9A-F]+)*' n'engendre pas :

2/2	□ '-42-42' ■ '42+(42*42)' □ '-42' □ '42+42'
	Q.12 Un automate fini non-déterministe à transitions spontanées peut avoir une infinité d'états.
2/2	□ vrai 👺 faux
	Q.13 &
	Quels états appartiennent à la fermeture avant de l'état 2 :
0/2	
	Q.14 Combien d'états a l'automate de Thompson auquel je pense?
2/2	
	Quel est le résultat d'une élimination arrière des transitions spontanées?
2/2	$\square \qquad \square \qquad$
	Q.16 & Parmi les 3 automates suivants, lesquels sont équivalents?
2/2	$\square \longrightarrow \stackrel{b}{\varepsilon} \stackrel{b}{\longrightarrow} $
	correcte.
	Q.17 Le langage $\{a^n \mid \forall n \in \mathbb{N}\}$ est
2/2	☐ fini     rationnel     ride     non reconnaissable par automate
2/2	<ul> <li>Q.18 Un langage quelconque</li> <li>□ peut n'être inclus dans aucun langage dénoté par une expression rationnelle</li> <li>□ peut avoir une intersection non vide avec son complémentaire</li> <li>☑ est toujours inclus (⊆) dans un langage rationnel</li> <li>□ n'est pas nécessairement dénombrable</li> <li>Q.19 Si un automate de n états accepte a<sup>n</sup>, alors il accepte</li> </ul>
2/2	$a^p(a^q)^*$ avec $p \in \mathbb{N}, q \in \mathbb{N}^*$ : $p+q \le n \qquad \square \qquad a^{n+1} \qquad \square \qquad (a^n)^m$ avec $m \in \mathbb{N}^*$ $\square \qquad a^n a^m$ avec $m \in \mathbb{N}^*$
	Q.20 Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur $\Sigma = \{a, b, c, d\}$ dont la $n$ -ième lettre avant la fin est un $a$ (i.e., $(a + b + c + d)^*a(a + b + c + d)^{n-1}$ ):
2/2	$\square$ Il n'existe pas. $\square$ $\frac{n(n+1)(n+2)(n+3)}{4}$ $\square$ $\square$ $\square$ $\square$ $\square$ $\square$ $\square$ $\square$



Déterminiser cet automate : .





Soit Rec l'ensemble des langages reconnaissables par DFA, et Rat l'ensemble des langages définissables par expressions rationnelles.

2/2

- $\square$  Rec  $\stackrel{\not\subseteq}{\supset}$  Rat  $\square$  Rec  $\subseteq$  Rat
- Rec = Rat
- Rec ⊇ Rat

Quelle(s) opération(s) préserve(nt) la rationnalité?

1.6/2

- Intersection
- Différence
- ☑ Différence symétrique
- Complémentaire

Union Aucune de ces réponses n'est correcte.

Quelle(s) opération(s) préserve(nt) la rationnalité?

2/2

- Fact
- Transpose
- Sous mot

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

On peut tester si un automate déterministe reconnaît un langage non vide. Q.25

Seulement si le langage n'est pas rationnel 2/2

- Oui
- ☐ Cette question n'a pas de sens

□ Non

Si  $L_1, L_2$  sont rationnels, alors: Q.26

2/2

En soumettant à un automate un nombre fini de mots de notre choix et en observant ses réponses, mais sans en regarder la structure (test boîte noire), on peut savoir s'il...

2/2

- a des transitions spontanées
- accepte le mot vide est déterministe
- accepte un langage infini
- Si L et L' sont rationnels, quel langage ne l'est pas nécessairement? Q.28

 $\Box$  1

2/2

2/2

Q.29

Combien d'états a l'automate minimal qui accepte le langage  $\{a, b, c, \dots, y, z\}^+$ ?

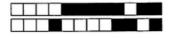
□ 26

- □ Il en existe plusieurs!
- ☐ 52 2

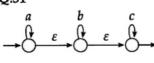
Il est possible de déterminer si une expression rationnelle et un automate correspondent au même Q.30 langage.

2/2

- vrai en temps constant
- ☐ faux en temps infini
- faux en temps fini
- vrai en temps fini



Q.31



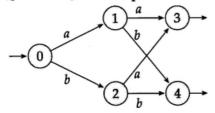
Si on élimine les transitions spontanées de cet automate, puis qu'on applique la déterminisation, alors l'application de BMC conduira à une expression rationnelle équivalente à :

2/2

- $\Box$   $(a+b+c)^*$
- $\Box$   $a^* + b^* + c^*$
- a\*b\*c\*
- ☐ (abc)\*

Q.32 & Quels états peuvent être fusionnés sans changer le langage reconnu.

2/2



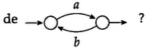
- 1 avec 2
- ☐ 1 avec 3
- ☐ 2 avec 4
- □ 0 avec 1 et avec 2
- 3 avec 4
- ☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Q.33 Considérons  $\mathcal{P}$  l'ensemble des palindromes (mot u égal à son tranposé/image miroir  $u^R$ ) de longueur paire sur  $\Sigma$ , i.e.,  $\mathcal{P} = \{v \cdot v^R \mid v \in \Sigma^*\}$ .

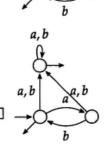
2/2

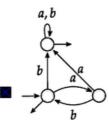
- $\square$  Il existe un ε-NFA qui reconnaisse  $\mathcal{P}$   $\square$  Il existe un NFA qui reconnaisse  $\mathcal{P}$
- $\square$  Il existe un DFA qui reconnaisse  ${\cal P}$
- P ne vérifie pas le lemme de pompage

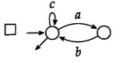
**Q.34** Sur  $\{a, b\}$ , quel est le complémentaire de



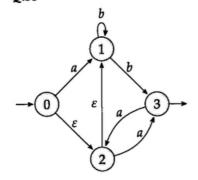
2/2







Q.35



Quel est le résultat de l'application de BMC en éliminant 1, puis 2, puis 3 et enfin 0?

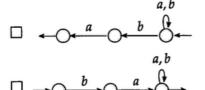
- $\Box (ab^* + (a+b)^*)(a+b)^+$
- $\Box (ab^* + (a+b)^*)a(a+b)^*$

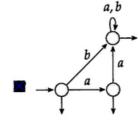
- $(ab^+ + a + b^+)(a(a + b^+))^*$

Q.36 Sur {a, b}, quel automate reconnaît le complémentaire du langage de

2/2

2/2







+251/5/12+

Fin de l'épreuve.

144

+251/6/11+