



## QCM THLR 4

Nom et prénom, lisibles :

Marsais... Louis.....  
.....  
.....  
.....

Identifiant (de haut en bas) :

☐0 ☐1 ☒2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☒0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☒1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☒0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9  
☐0 ☒1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9

**Q.1** Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.

J'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 2 entêtes sont +139/1/xx+...+139/2/xx+.

**Q.2** Le langage  $\{a^n b^m \mid \forall n, m \in \mathbb{N}\}$  est

☐ vide ☐ non reconnaissable par automate ☒ rationnel ☐ fini

**Q.3** Le langage  $\{\heartsuit^n \mid \forall n \in \mathbb{N}\}$  est

☐ non reconnaissable par automate fini ☐ vide ☐ fini ☒ rationnel (!)

**Q.4** Un automate fini qui a des transitions spontanées...

☐ est déterministe ☐ n'accepte pas  $\epsilon$  ☒ n'est pas déterministe ☐ accepte  $\epsilon$

**Q.5** Un langage quelconque

☐ peut avoir une intersection non vide avec son complémentaire  
☒ est toujours inclus ( $\subseteq$ ) dans un langage rationnel  
☒ peut n'être inclus dans aucun langage dénoté par une expression rationnelle  
☐ n'est pas nécessairement dénombrable

**Q.6** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b)^* a (a+b)^{n-1}$ ) :

☐  $n+1$  ☐  $\frac{n(n+1)}{2}$  ☒ Il n'existe pas. ☒  $2^n$

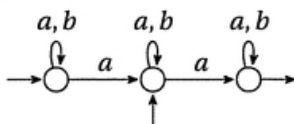
**Q.7** Si un automate de  $n$  états accepte  $a^n$ , alors il accepte...

☐  $a^n a^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$  ☒  $a^p (a^q)^*$  avec  $p \in \mathbb{N}, q \in \mathbb{N}^* : p+q \leq n$  ☒  $a^{n+1}$   
☐  $(a^n)^m$  avec  $m \in \mathbb{N}^*$

**Q.8** Quelle séquence d'algorithmes teste l'appartenance d'un mot au langage d'une expression rationnelle?

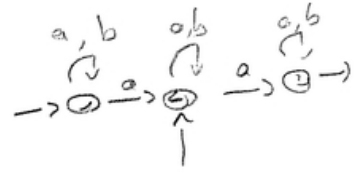
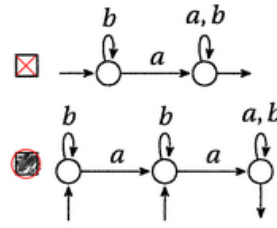
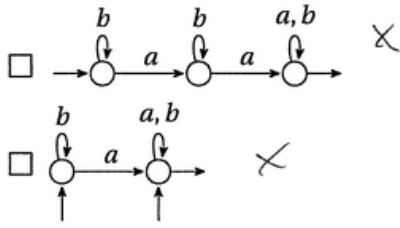
☐ Thompson, déterminisation, évaluation.  
☒ Thompson, élimination des transitions spontanées, déterminisation, minimisation, évaluation.  
☐ Thompson, déterminisation, Brzozowski-McCluskey.  
☐ Thompson, déterminisation, élimination des transitions spontanées, évaluation.

**Q.9** Déterminiser cet automate :





-1/2



**Q.10** Comment marche la minimisation de Brzozowski d'un automate  $\mathcal{A}$ ?

2/2

$$\square \text{ Det}(T(\text{Det}(T(\text{Det}(\mathcal{A})))))) \triangleright \square T(\text{Det}(T(\text{Det}(T(\mathcal{A})))))) \triangleright \square T(\text{Det}(T(\text{Det}(\mathcal{A})))) \\ \blacksquare \text{ Det}(T(\text{Det}(T(\mathcal{A}))))$$

**Fin de l'épreuve.**