



+226/1/40+

### QCM THLR 4

Nom et prénom, lisibles :

..GUILLOTIN.....

....Arnaud.....

.....

.....

Identifiant (de haut en bas) :

☐0 ☐1 ☒2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9

☒0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9

☐0 ☒1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9

☐0 ☐1 ☐2 ☐3 ☒4 ☐5 ☐6 ☐7 ☐8 ☐9

☐0 ☐1 ☐2 ☐3 ☐4 ☐5 ☐6 ☐7 ☒8 ☐9

**Q.1** Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.

J'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 2 entêtes sont +226/1/xx+...+226/2/xx+.

**Q.2** Le langage  $\{\square^n\square^n\square^n \mid \forall n \in \mathbb{N} : 42! \leq n \leq 51!\}$  est

- ☐ rationnel ☐ non reconnaissable par automate fini ☐ vide ☒ fini

**Q.3** Le langage  $\{\langle \text{scissors icon} \rangle^{2n} \mid \forall n \in \mathbb{N}\}$  est

- ☒ rationnel ☐ fini ☐ non reconnaissable par automate fini ☐ vide

**Q.4** Un langage quelconque

- ☐ peut n'être inclus dans aucun langage dénoté par une expression rationnelle
- ☒ est toujours inclus ( $\subseteq$ ) dans un langage rationnel
- ☐ n'est pas nécessairement dénombrable
- ☐ peut avoir une intersection non vide avec son complémentaire

**Q.5** Quels langages ne vérifient pas le lemme de pompage?

- ☐ Tous les langages reconnus par DFA ☐ Certains langages reconnus par DFA
- ☒ Certains langages non reconnus par DFA ☐ Tous les langages non reconnus par DFA

**Q.6** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b)^*a(a+b)^{n-1}$ ) :

- ☐ Il n'existe pas. ☒  $2^n$  ☐  $\frac{n(n+1)}{2}$  ☐  $n+1$

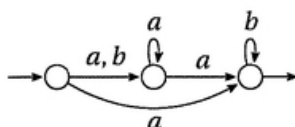
**Q.7** Si  $L_1 \subseteq L \subseteq L_2$ , alors  $L$  est rationnel si :

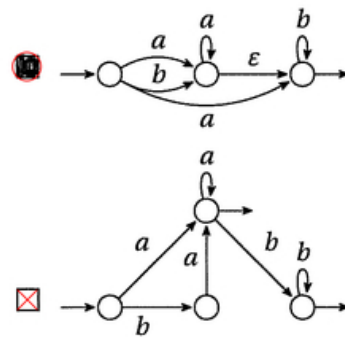
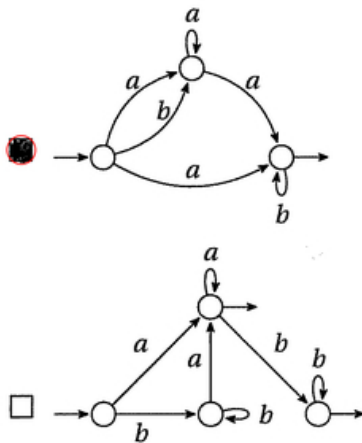
- ☒  $L_1, L_2$  sont rationnels et  $L_2 \subseteq L_1$  ☒  $L_2$  est rationnel ☐  $L_1, L_2$  sont rationnels
- ☐  $L_1$  est rationnel

**Q.8** Combien d'états au moins a un automate déterministe émondé qui accepte les mots sur  $\Sigma = \{a, b, c, d\}$  dont la  $n$ -ième lettre avant la fin est un  $a$  (i.e.,  $(a+b+c+d)^*a(a+b+c+d)^{n-1}$ ) :

- ☒  $4^n$  ☒  $2^n$  ☐ Il n'existe pas. ☐  $\frac{n(n+1)(n+2)(n+3)}{4}$

**Q.9** Déterminiser cet automate.





Q.10 Comment marche la minimisation de Brzozowski d'un automate  $\mathcal{A}$  ?

2/2

- ☒  $Det(T(Det(T(\mathcal{A}))))$ 
☐  $T(Det(T(Det(\mathcal{A}))))$ 
☐  $T(Det(T(Det(T(\mathcal{A}))))))$   
☐  $Det(T(Det(T(Det(\mathcal{A}))))))$

Fin de l'épreuve.