2/2

2/2

2/2

2/2

2/2

0/2

2/2

2/2

2/2

2/2

					_								
	énom, lisibles :	1.1	A.				ntifiant				): <b>□6</b>		<b>¬</b> 9
VERZOTTI Thibaut										□6 □7			
						-					□6 □7		
											□° □° □6 □7		
						-	_				<b>2</b> 6 □7		
Q.1 Ne rien écrire sur les bords de la feuille, ni dans les éventuels cadres grisés « ② ». Noircir les cases plutôt que cocher. Renseigner les champs d'identité. Les questions marquées par « ② » peuvent avoir plusieurs réponses justes. Toutes les autres n'en ont qu'une; si plusieurs réponses sont valides, sélectionner la plus restrictive (par exemple s'il est demandé si 0 est nul, non nul, positif, ou négatif, cocher nul). Il n'est pas possible de corriger une erreur, mais vous pouvez utiliser un crayon. Les réponses justes créditent; les incorrectes pénalisent; les blanches et réponses multiples valent 0.  Il j'ai lu les instructions et mon sujet est complet: les 5 entêtes sont +272/1/xx+····+272/5/xx+.													
Q.2 Que	vaut $L \cup \emptyset$ ?												
			ε		$\{ \varepsilon \}$	<b>P</b>	L		Ø				
Q.3 Que	vaut $L \cdot \{\varepsilon\}$ ?												
			L		{ε}		ε		Ø				
Q.4 Que	vaut {a, b} · {a, b}?	-		_	. ,	_							
_		_ (	. L	ak ka	LLI	_	(ac 1-1	,		10 -	h as st	ha LL	a
L	∃ {aa, ab, bb}	□ {4	a,b,aa,	uv, ba,		∟ ab,ba,bi	{aa,bb b}	ı		<b>(ε, α,</b>	, b, aa, ab	, vu, dl	'I
Q.5 Que	vaut <i>Pref</i> ({ab, c}) :												
	$\Box \{b,c,\varepsilon\}$	×	{ab, a	, c, ε}		□ Ø		{a,	b, c}	[	□ {b, ε	}	
Q.6 Que	vaut $\overline{\{a\}\{b\}^*} \cap \{a\}^*$	r											
		□ {	a, b}*{b	$\{a,b\}$	*   {a}{i	□ {i b}* ∪ {b}	b}{a}* ∪ }*	(b}*		⊠ {	$\{\varepsilon\} \cup \{a\}$	{a}{a}*	r
Q.7 Pour	toute expression	rationn	ıelle e,	on a &	e≡ eε	$\equiv \varepsilon$ .							
			1	🌉 fa	aux		vrai						
Q.8 Pour	r toutes expression	ns ratio	nnelles	e, f,	on a (e	:f)*e ≡ (	e(ef)*.						
	•			_	rai		faux						
Q.9 Pour	$ce = (a+b)^* + \varepsilon, f$	$= (a^*b)$	*)*:			_							
	$\Box  L(e) \supseteq L(f)$	l	□ L(e	) ⊈	L(f)		L(e) ⊆	L(f)	١		L(e) = 1	L(f)	
<b>Q.10</b> Si $e$ et $f$ sont deux expressions rationnelles, quelle identité n'est pas nécessairement vérifiée?													
□ (é	$(e^*f^*)^* \equiv (e^*f^*)^*$		Ø* ≡	ε 🗆	□ (ef)'	$(e+f)$ $e \equiv e(f)$	)* = (f' e)*	*(ef)*	*e*)*		<b>m</b> (ej	f)* ≡ e	(fe)*f

Ces deux expressions rationnelles: Q.11

$$(a^* + b)^* + c((ab)^*(bc))^*(ab)^*$$
  $c(ab + bc)^* + (a + b)^*$ 

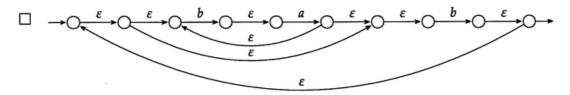
- sont équivalentes 0/2
- sont identiques
  - ☐ dénotent des langages différents
- ne sont pas équivalentes

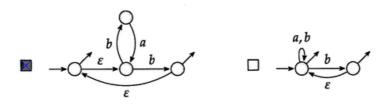
Combien d'états compte l'automate de Thompson d'une expression rationnelle composée de n opérations autres que la concaténation :



L'automate de Thompson de l'expression rationnelle  $(ab)^*c$ Q.13

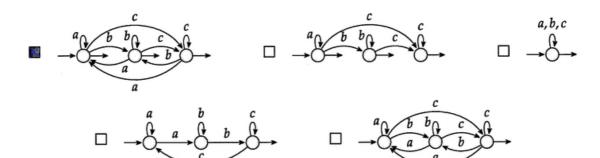
- a 8, 10, ou 12 états ne contient pas de cycle est déterministe 2/2 □ n'a aucune transition spontanée
  - Quel automate reconnaît le langage décrit par l'expression ((ba)\*b)\* Q.14



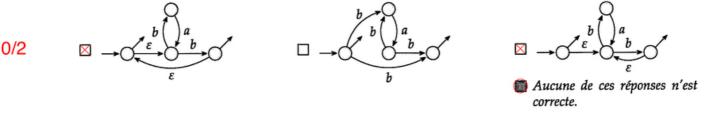


Q.15

Quel est le résultat d'une élimination arrière des transitions spontanées?



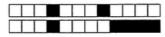
Q.16 & Parmi les 3 automates suivants, lesquels sont équivalents?



2/2

2/2

□ Non



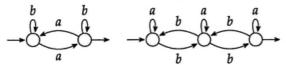
Si L et L' sont rationnels, quel langage ne l'est pas nécessairement? Q.28

2/2

$\{u\in\Sigma^*\mid u\in L\wedge u\in L'\}$	$\square  \{u \in \Sigma^* \mid u \in L\} \qquad \square$	$\{u\in\Sigma^*\mid u\in L\wedge u\not\in L'\}$
<u> </u>	$\{u^nv^n\mid u\in L,v\in L',n\in\mathbb{N}\}$	

Q.29

Quel mot reconnait le produit de ces automates?



(bab)4444  $\boxtimes$   $(bab)^{333}$ (bab)22

0/2

☐ (bab)<sup>666666</sup>

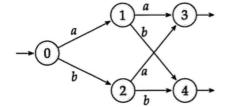
Combien d'états a l'automate minimal qui accepte le langage {a, ab, abc}? Q.30

0/2

1/2

□ Il n'existe pas. **X** 4

Quels états peuvent être fusionnés sans changer le langage reconnu.



1 avec 2

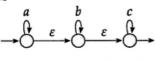
☐ 2 avec 4

☐ 1 avec 3

3 avec 4 □ 0 avec 1 et avec 2

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Q.32



Si on élimine les transitions spontanées de cet automate, puis qu'on applique la déterminisation, alors l'application de BMC conduira à une expression rationnelle équivalente à :

2/2

$$a^* + b^* + c^*$$

$$\Box$$
  $(a+b+c)^*$ 

Considérons  $\mathcal{P}$  l'ensemble des palindromes (mot u égal à son tranposé/image miroir  $u^R$ ) de longueur paire sur  $\Sigma$ , i.e.,  $\mathcal{P} = \{v \cdot v^R \mid v \in \Sigma^*\}.$ 

-1/2

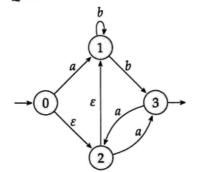
-1/2

📵 Il existe un  $\varepsilon$ -NFA qui reconnaisse  $\mathcal{P}$ 

 $\square$  Il existe un DFA qui reconnaisse  $\mathcal{P}$ 

 $\square$  Il existe un NFA qui reconnaisse  $\mathcal{P}$ 

Q.34



Quel est le résultat de l'application de BMC en éliminant 1, puis 2, puis 3 et enfin 0?

 $(ab^* + a + b^*)a(a + b^*)$ 

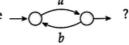
$$(ab^{-} + a + b^{-})a(a + b^{-})$$

$$\Box (ab^* + (a+b)^*)(a+b)^+$$

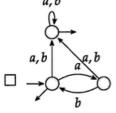
$$(ab^+ + a + b^+)(a(a + b^+))^*$$

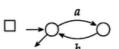
 $\Box (ab^* + (a+b)^*)a(a+b)^*$ 

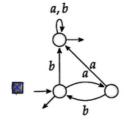
Sur  $\{a,b\}$ , quel est le complémentaire de Q.35



2/2

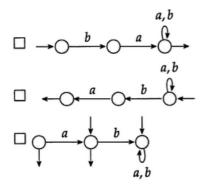


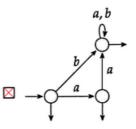




0/2

Q.36 Sur  $\{a,b\}$ , quel automate reconnaît le complémentaire du langage de  $\xrightarrow{a}$ 





Fin de l'épreuve.

(6.)

+272/6/13+

\_

•