# CHƯƠNG 13. ĐO CÁC THÔNG SỐ MẠCH ĐIỆN (4 LT)

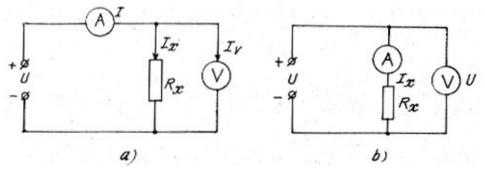
Các thông số cơ bản của mạch điện gồm: điện trở R, điện dung (C) và dung kháng  $Z_C$ , điện cảm (L) và cảm kháng  $Z_L$ , góc tổn hao (tg $\delta$ ) và hệ số phẩm chất của cuộn dây (Q)... Các thông số này có thể được đo bằng nhiều phương pháp và thiết bị đo khác nhau: đo bằng phương pháp gián tiếp (dùng vônmét đo điện áp U, ampemét đo dòng điện I qua điện trở, dùng định luật Ôm R = U/I tính được kết quả điện trở R); hoặc dùng phương pháp trực tiếp đo R bằng các ômmét, farađômét, henrimét...; đo tổng trở Z và các thành phần của nó bằng các cầu xoay chiều...

Tùy thuộc vào yêu cầu và điều kiện cụ thể của bài toán đo lường mà ta chọn phương pháp và thiết bị đo cho phù hợp.

#### 13.1. Các phương pháp đo điện trở.

#### 13.1.1. Các phương pháp gián tiếp:

- Đo điện trở bằng vônmét và ampemét (H.13.1a,b):



Hình 13.1. Đo điện trở bằng vônmét và ampemét

Dựa vào số chỉ của ampemét và vônmét xác định được giá trị điện trở R'x:

$$R_x' = \frac{U}{I}$$

Giá trị thực  $R_x$  của điện trở cần đo được xác định theo cách mắc ampemét và vônmét trong mạch như sau:

Hình 13.1a: 
$$R_x = \frac{U}{I_x} = \frac{U}{I - I_v} = \frac{U}{I - \frac{U}{R_v}}$$
  
Hình 13.1b:  $R_x = \frac{U - U_A}{I_x} = \frac{U - I.R_A}{I}$ 

Như vậy giá trị  $R'_x$  tính theo độ chỉ của ampemét và vônmét sẽ có sai số. Sai số trong sơ đồ hình a) do độ chỉ của ampemét là tổng dòng qua vônmét và dòng qua  $R_x$  tức là sai số phụ thuộc điện trở trong của vônmét  $(R_v)$ :

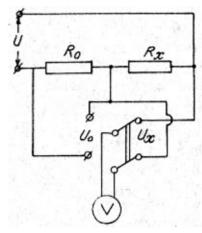
$$\beta_a\% = \frac{R_x' - R_x}{R_x}.100(\%) = -\frac{R_x}{R_x + R_y}.100(\%) \approx -\frac{R_x}{R_y}.100(\%)$$

Sai số trong sơ đồ hình b) do độ chỉ của vônmét là tổng điện áp rơi trên ampemét và điện trở rơi trên  $R_x$ , tức là sai số phụ thuộc điện trở trong của ampemét ( $R_A$ ):

$$\beta_b\% = \frac{R_x' - R_x}{R_x}.100(\%) \approx \frac{R_A}{R_x}.100(\%)$$

Như vậy để bảo đảm sai số nhỏ nhất thì để đo điện trở  $R_x$  tương đối nhỏ nên dùng sơ đồ hình a), còn đo điện trở  $R_x$  tương đối lớn thì dùng sơ đồ hình b).

- Đo điện trở bằng vôn<br/>mét và điện trở mẫu  $\mathbf{R}_0$  (H.13.2):



Hình 13.2. Đo điện trở bằng vônmét và điện trở mẫu

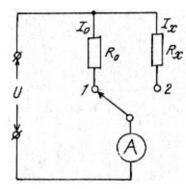
Điện trở  $R_x$  cần đo mắc nối tiếp với điện trở mẫu  $R_0$  (có độ chính xác cao) và nối vào nguồn U. Dùng vônmét đo điện áp rơi trên  $R_x$  là  $U_x$  và điện áp rơi trên điện trở mẫu là  $U_0$ .

Dựa trên giá trị các điện áp đo được tính ra giá trị điện trở cần đo  $R_x$ :

$$I_0 = I_x \Leftrightarrow \frac{U_0}{R_0} = \frac{U_x}{R_x} \Leftrightarrow R_x = \frac{U_x}{U_0}.R_0$$

Sai số của phép đo điện trở này bằng tổng sai số của điện trở mẫu  $R_0$  và sai số của vônmét (hoặc dụng cụ đo điện áp).

- Đo điện trở  $R_x$  bằng một ampemét và điện trở mẫu  $(R_0)$  (H.13.3):



Hình 13.3. Đo điện trở bằng một ampemét và điện trở mẫu

Điện trở  $R_x$  cần đo nối song song với điện trở mẫu  $R_0$  và mắc vào nguồn cung cấp U. Dùng ampemét lần lượt đo dòng điện qua  $R_x$  là  $I_x$  và dòng qua  $R_0$  là  $I_0$ . Dựa trên giá trị các dòng điện đo được tính ra giá trị điện trở cần đo  $R_x$ :

$$U_0 = U_x \Leftrightarrow I_0.R_0 = I_x.R_x \Leftrightarrow R_x = \frac{I_0}{I_x}.R_0$$

Sai số của phép đo này bằng tổng sai số của điện trở mẫu  $R_0$  và sai số của ampemét (hoặc dụng cụ đo dòng điện).

### 13.1.2. Các phương pháp trực tiếp:

Để đo trực tiếp điện trở thường sử dụng Ôm kế (Ohmmeter).

Nguyên lý của ôm kế: xuất phát từ định luật Ôm (Ohm's Law):

$$R = \frac{U}{I}$$

Nếu giữ cho điện áp U không thay đổi thì dựa vào sự thay đổi dòng điện qua mạch khi điện trở thay đổi có thể suy ra giá trị điện trở cần đo. Cụ thể nếu dùng mạch đo dòng điện được khắc độ theo điện trở R thì có thể trực tiếp đo điện trở R. Trên cơ sở đó người ta chế tạo các ôm kế đo điện trở.

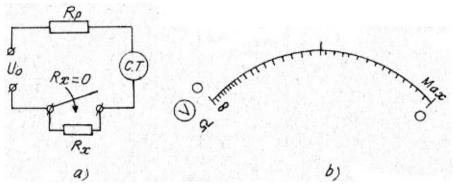
**Phân loại ôm kế:** phụ thuộc vào cách sắp xếp sơ đồ mạch đo của ôm kế có thể chia ôm kế thành hai loại:

- Ôm kế nối tiếp
- Ôm kế song song

### 13.2. Ohm kế (Ohmmeter).

### 13.2.1. Ôm kế nối tiếp:

Là ôm kế có điện trở cần đo  $R_x$  được nối tiếp với cơ cấu chỉ thị từ điện (H.13.4a):



Hình 13.4. Ôm kế nối tiếp: a) Sơ đồ mạch đo ; b) Đặc tính thang chia độ

Các ôm kế sơ đồ nối tiếp thường dùng để đo các điện trở có giá trị  $\Omega$  trở lên.

Trong sơ đồ cấu tạo có  $R_p$  dùng để bảo đảm sao cho khi  $R_x = 0$  thì dòng qua cơ cấu chỉ thị là lớn nhất (lệch hết thang chia độ), tác dụng là để bảo vệ cơ cấu chỉ thị khỏi dòng quá lớn. Giá trị điện trở bảo vệ quá dòng  $R_P$  được tính:

$$R_P + r_{ct} = \frac{U_0}{I_{ct \max}} \Rightarrow R_P = \frac{U_0}{I_{ct \max}} - r_{ct}$$

với một cơ cấu nhất định sẽ có  $I_{ctmax} = I_{ctdm}$  nhất định và  $r_{ct} = r_{ctdm}$  nhất định

Điện trở trong của ôm kế: mỗi ôm kế cũng có điện trở trong nhất định, được tính như sau:

$$R_{\Omega} = r_{ct} + R_P = \frac{U_0}{I_{ct \, \text{max}}}$$

như vậy: khi 
$$R_x = 0$$
:  $I_{ct \max} = \frac{U_0}{R_\Omega} = \frac{U_0}{r_{ct} + R_P}$  khi  $R_x \neq 0$ :  $I_{ct} = \frac{U_0}{r_{ct} + R_P + R_x} \rightarrow 0$  khi  $R_x \rightarrow \infty$ 

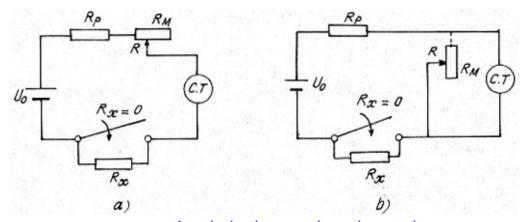
Từ nhận xét trên ta có thể vẽ đặc tính thang chia độ ôm kế nối tiếp như hình 13.4b. Ta nhận thấy rằng thang chia độ của ôm kế ngược với thang chia độ của vônmét (khi cùng sử dụng một cơ cấu chỉ thị: ví dụ như trong đồng hồ vạn năng chỉ thị kim).

*Sai số của ôm kế do nguồn cung cấp:* từ biểu thức tính  $I_{ct}$  thấy rằng độ chỉ của ôm kế rất phụ thuộc nguồn cung cấp  $U_0$  thường bằng pin hoặc ắcquy, nếu nguồn thay đổi giá trị sẽ gây sai số rất lớn.

Ví dụ: Nếu  $R_x = 0$  (chập hai đầu que đo) vì  $U_{0T} < U_0$  chuẩn ban đầu thì kim ôm kế không chỉ zêro (chú ý là kim chỉ zêro khi dòng  $I_{ct}$  lớn nhất).

Để khắc phục điều này người ta có thể thay đổi từ cảm B trong nam châm vĩnh cửu (dạng sun từ) sao cho B.U = const. Tuy nhiên trong các dụng cụ vạn năng không thể dùng biện pháp này được mà thường hạn chế sai số do nguồn bằng cách đưa vào sơ đồ cấu trúc của đồng hồ đo một chiết áp hoặc biến trở  $R_M$  để chỉnh zêrô khi  $R_x$  = 0 (chiết áp  $R_M$  trên hình 13.5).

Ôm kế nối tiếp hạn chế sai số do nguồn bằng biến trở  $R_M$  mắc nối tiếp với cơ cấu chỉ thị: hình 13.5a là sơ đồ ôm kế nối tiếp có biến trở  $R_M$  mắc nối tiếp với cơ cấu chỉ thị:



Hình 13.5. Ôm kế nổi tiếp hạn chế sai số do nguồn: a) biến trở  $R_M$  mắc nối tiếp với cơ cấu chỉ thị b) biến trở  $R_M$  mắc song song với cơ cấu chỉ thị

Với sơ đồ này người ta tính các phần tử của mạch như sau:

Xác định điện trở phụ  $R_p$  sao cho khi  $R_x = 0$  với  $U_0 = U_{0min}$  thì kim chỉ thị lệch toàn thang đo, lúc đó R = 0 (tức là không cần chiết áp).

$$R_P = \frac{U_{0\,\text{min}}}{I_{ct\,\text{max}}} - r_{ct}$$

Khi làm việc có thể  $U_0 > U_{0min}$ , dòng  $I_{ctmax}$  có thể tăng nếu giữ nguyên giá trị các thông số của mạch như đã tính toán ở trên. Muốn cho  $I_{ctmax}$  không thay đổi thì phải điều chỉnh  $R_M$  sao cho R có giá trị phù hợp với thông số đã tính. Vậy để thỏa mãn yêu cầu thang đo của ôm kế thì điện trở toàn phần của biến trở  $R_M$  được

tính:

$$R_M \ge \frac{U_{0 \max} - U_{0 \min}}{U_{ct \max}}$$

tức là phải đảm bảo điều kiện chỉnh zêrô khi  $U_0 = U_{0max}$ .

Điện trở vào của ôm kế sẽ là:

$$R_{\Omega} = R_P + R + r_{ct} = \frac{U_0}{I_{ct,max}}$$

Như vậy điện trở vào của ôm kế thay đổi theo sự thay đổi của áp nguồn cung cấp. Mỗi thang đo của ôm kế phù hợp với một trở vào nhất định. Do đó khi điện áp thay đổi sẽ gây sai số phụ cho phép đo. Sai số này được xác định bởi sự thay đổi tương đối của điện áp nguồn.

Ôm kế nối tiếp hạn chế sai số do nguồn bằng biến trở  $R_M$  mắc song song với cơ cấu chỉ thị: hình 13.5b là sơ đồ ôm kế nối tiếp có biến trở nối song song với cơ cấu chỉ thị.

Tính toán các phần tử của mạch sao cho khi  $R_x = 0$ ,  $U_0 = U_{0min}$  muốn dòng qua chỉ thị lệch hết thang đo ( $I_{ctmax}$ ) thì phải điều chỉnh biến trở sao cho nó có giá trị lớn nhất ( $R = R_M$ ).

Nếu  $U_0 > U_{0\text{min}}$  với điều kiện như trên thì  $I_{\text{ctmax}}$  sẽ tăng (quá thang đo), khi đó phải chỉnh biến trở sao cho  $I_{\text{ctmax}}$  không thay đổi tức là ôm kế chỉ zêrô.

Điện trở vào của ôm kế theo sơ đồ này là:

$$R_{\Omega} = R_P + \frac{R.r_{ct}}{R + r_{ct}}$$

Từ biểu thức này thấy rằng trong quá trình điều chỉnh zêrô bằng biến trở  $R_M$  thì điện trở vào của ôm kế cũng thay đổi theo. Tuy nhiên sự thay đổi này không thể vượt quá giá trị  $r_{ct}$  và do  $R_p << r_{ct}$  nên điện trở vào của ôm kế loại này ít phụ thuộc điện áp cung cấp và khi áp cung cấp thay đổi cỡ  $20 \div 30\%$  thì sai số phụ chỉ vài %.

 $\hat{O}m$  kế sơ đồ nối tiếp nhiều thang đo (H.13.6a,b): ôm kế nhiều thang đo được chế tạo theo nguyên tắc: chuyển từ giới hạn đo này sang giới hạn đo khác bằng cách thay đổi điện trở vào của ôm kế một số lần xác định sao cho khi  $R_x = 0$  kim chỉ thị vẫn bảo đảm lệch hết thang đo (nghĩa là dòng qua cơ cấu chỉ thị bằng giá trị định mức của cơ cấu từ điện đã chọn).

Thường mở rộng giới hạn đo của ôm kế bằng cách dùng nhiều nguồn cung cấp và các điện trở phân nhánh dòng (điện trở sun) cho các thang đo khác nhau.

*Ôm kế nhiều thang đo dùng nhiều nguồn cung cấp:* có sơ đồ nguyên lý như hình 13.6a (ví dụ ở đây có hai thang đo ứng với giá trị 1 và 2).

Với giới hạn đo 1: khoá chuyển mạch B đặt ở vị trí 1: khi đó

$$R_{p1} = R_{\Omega 1} - R_{ab}$$

và nguồn cung cấp của thang đo này là  $U_1$ .

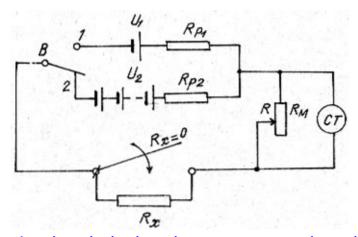
Điện trở  $R_{ab}$  là điện trở tương đương của  $r_{ct}$  mắc song song với R (một phần tử của  $R_M$ ). Thường chọn  $R \approx 0.75~R_M$ .

Khi chuyển từ giới hạn đo 1 sang giới hạn đo 2 (đo  $R_x$  lớn hơn ở giới hạn đo 1): đặt B ở vị trí 2. Lúc này  $R_{\Omega 2} = 10R_{\Omega 1}$ . Từ đó điện trở phụ của mạch cũng thay

đổi:

$$R_{p2} = R_{\Omega 2} - R_{ab}$$

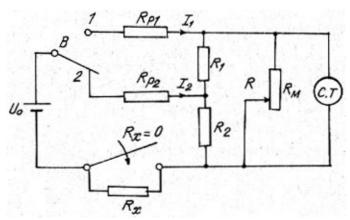
Với giá trị các thông số như trên, để đảm bảo kim chỉ thị lệch hết thang đo, yêu cầu nguồn cung cấp  $U_2$  cũng phải tăng tương ứng, tức là:  $U_2 = 10U_1$ .



Hình 13.6a. Ôm kế sơ đồ nối tiếp nhiều thang đo dùng nhiều nguồn cung cấp

Khi sử dụng nguồn điện áp cao và chỉ thị đủ nhạy thì  $R_{\Omega}$  có thể đạt hàng chục  $M\Omega$  hoặc lớn hơn. Có thể dùng sơ đồ này để mở rộng giới hạn thang đo về phía điện trở nhỏ với điều kiện có thể giảm nguồn cung cấp xuống N lần.

 $\hat{O}m$  kế nhiều thang đo chỉ dùng một nguồn cung cấp và điện trở phân nhánh dòng: khi điện trở vào của ôm kế  $R_\Omega$  không lớn lắm (cỡ k $\Omega$  hoặc nhỏ hơn) thì có thể tạo ôm kế nhiều thang đo chỉ dùng một nguồn cung cấp và điện trở phân nhánh dòng có sơ đồ như hình 13.6b:



Hình 13.6b. Ôm kế nhiều thang đo chỉ dùng một nguồn cung cấp và điện trở phân nhánh dòng

O sơ đồ này vị trí 1 dùng để đo điện trở lớn và vị trí 2 dùng đo điện trở nhỏ hơn.

Khi chuyển từ vị trí 1 sang vị trí 2 thì điện trở vào của ôm kế  $R_{\Omega}$  phải nhỏ đi N lần (ví N=10), tức là  $R_{\Omega 2}=0,1.R_{\Omega 1}$ , lúc đó nếu  $R_x=0$  thì dòng trong mạch sẽ tăng lên 10 lần:  $I_2=10.I_1$ .

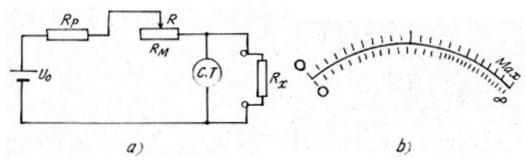
Để đảm bảo dòng qua chỉ thị không đổi thì phải mắc thêm các điện trở phân nhánh dòng  $(R_1, R_2)$  song song với cơ cấu chỉ thị.

# 13.2.2. Ôm kế sơ đồ song song:

Cấu tạo: theo sơ đồ nguyên lý như hình 13.7. Bộ phận chỉ thị của ôm kế nối

song song với điện trở cần đo (H.13.7a). Ôm kế loại này dùng để đo điện trở tương đối nhỏ ( $R_x$ < k $\Omega$ ).

 $\emph{Uu điểm cơ bản:}$  là đạt được điện trở vào của ôm kế  $(R_{\Omega})$  nhỏ khi dòng từ nguồn cung cấp không lớn lắm.



Hình 13.7. Ôm kế sơ đồ song song
a) Sơ đồ nguyên lý; b) Đặc tính thang chia độ

Vì điện trở cần đo  $R_x$  mắc song song với cơ cấu chỉ thị nên khi  $R_x = \infty$  (chưa mắc  $R_x$  vào mạch đo) thì dòng qua chỉ thị sẽ lớn nhất ( $I_{ct} = I_{ctmax} = I_{ctd.m}$ ).

Nếu  $R_x \approx 0$  thì hầu như không có dòng qua cơ cấu chỉ thị:  $I_{ct} \approx 0$ . Như vậy thang đo của ôm kế loại này chung chiều với thang đo của vônmét (H.13.7b).

Điều chỉnh thang đo của ôm kế khi nguồn cung cấp thay đổi (thường điều chỉnh ứng với  $R_x = \infty$  tức là hở mạch đo) bằng cách dùng chiết áp  $R_M$ . Xác định  $R_p$  và  $R_M$  của ôm kế giống như trường hợp ôm kế sơ đồ nối tiếp.

Điện trở vào của ôm kế song song được xác định như sau:

$$R_{\Omega} = \frac{(R_p + R).r_{ct}}{R_p + R + r_{ct}} = \frac{r_{ct}}{1 + \frac{r_{ct}}{R_p + R}}$$

Nhận biết tương quan giữa điện trở cần đo  $R_x$  và điện trở vào của ôm kế  $R_\Omega$  qua vị trí kim chỉ trên thang đo: đặc tính khắc độ của ôm kế song song được xác định bởi tỉ số:

$$\frac{I_x}{I_{ct}} = \frac{R_x}{R_{\Omega} + R_x} = \frac{R_x / R_{\Omega}}{1 + R_x / R_{\Omega}}$$

như vậy:

- Khi  $R_x < R_\Omega$  thì các giá trị sẽ chạy về phía trái thang đo đến giá trị "0" (ngược với ôm kế nối tiếp).
- Khi  $R_x = R_\Omega$  thì  $I_x/I_{ct} = 1/2$ : tức là điểm giữa của thang chia độ tương ứng với giá trị điện trở cần đo bằng điện trở vào của ôm kế (giống ôm kế nối tiếp).
- Khi  $R_x > R_\Omega$  thì các giá trị sẽ chạy về phía phải thang đo đến " $\infty$ "

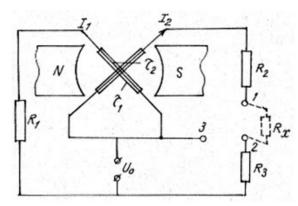
# 13.2.3. Ôm kế kiểu lôgômét:

*Cấu tạo:* có sơ đồ nguyên lý như hình 13.8. Cơ cấu đo kiểu lôgômét là cơ cấu có hai khung dây. Một khung dây tạo mômen quay và một khung dây tạo mômen phản kháng. Góc quay α của cơ cấu đo tỉ lệ với tỉ số hai dòng điện chạy trong hai khung dây. Trên cơ sở này người ta dùng chỉ thị kiểu lôgômét cho ôm kế nên gọi

là ôm kế kiểu lôgômét. Ta có:

$$I_1 = \frac{U_0}{R_1 + r_1}$$
 ;  $I_2 = \frac{U_0}{R_2 + R_3 + r_2 + R_x}$ 

với:  $I_1$ : dòng chạy qua khung dây 1 ;  $I_2$ : dòng chạy qua khung dây 2.



Hình 13.8. Sơ đồ nguyên lý ôm kế kiểu lôgômét

Từ cảm B của nam châm vĩnh cửu tác dụng với dòng  $I_1$  tạo ra mômen quay  $M_1$ ; từ cảm B của nam châm vĩnh cửu tác dụng với dòng  $I_2$  tạo ra mômen quay  $M_2$ . Ở thời điểm cân bằng  $M_1 = M_2$  từ đó có:

$$\alpha = F\left(\frac{I_1}{I_2}\right) = F\left(\frac{R_2 + R_3 + r_2 + R_x}{R_1 + r_1}\right)$$

với r<sub>1</sub>, r<sub>2</sub> là điện trở của các cuộn dây của lôgômét.

Với một cơ cấu nhất định thì các giá trị  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$ ;  $r_1$ ,  $r_2$  là hằng số nên góc  $\alpha$  không phu thuộc điên áp cung cấp  $U_0$ .

Giới hạn đo của ôm kế được xác định bởi giá trị các điện trở R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub> và R<sub>3</sub>.

*Nếu đo điện trở*  $R_x$  *tương đối lớn:* dùng sơ đồ mắc nối tiếp (nối  $R_x$  vào hai đầu 1 và 2), đọc kết quả trên thang đo 1.

*Nếu đo điện trở R\_x nhỏ:* dùng sơ đồ song song (nối  $R_x$  vào hai đầu 2 và 3), ngắn mạch 1 và 2 đọc kết quả trên thang đo 2.

#### 13.3. Đo điện trở lớn.

# 13.3.1. Đo điện trở lớn bằng phương pháp gián tiếp:

Có thể đo điện trở lớn cỡ  $10^5 \div 10^{10}\Omega$  (ví dụ: điện trở cách điện) bằng phương pháp vôn-ampe nhưng phải chú ý loại trừ ảnh hưởng của dòng điện rò qua dây dẫn hoặc cách điện của máy. Muốn loại trừ điện rò cần phải dùng màn hình chắn tĩnh điện hoặc dây có bọc kim.

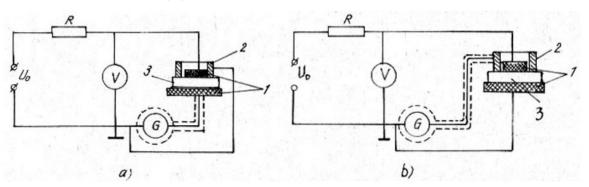
Sau đây xét ví dụ về mạch đo điện trở cách điện mặt và cách điện khối (H.13.9).

Đo điện trở cách điện khối: bố trí mạch đo như hình 13.9a: dùng điện kế G để đo dòng xuyên qua khối cách điện; còn dòng rò trên bề mặt của vật liệu sẽ qua cực phụ xuống đất. Điện trở cần đo được xác định nhờ độ chỉ của vônmét và điện kế (G):

$$R_x = \frac{U}{I}$$

Các điện trở R trong sơ đồ dùng để bảo vệ mạch đo, thường chọn khoảng  $1M\Omega$ .

Đo điện trở cách điện mặt: bố trí sơ đồ mạch đo hình như hình 13.9b: ở đây dòng rò trên bề mặt của vật liệu được đo bằng điện kế, còn dòng xuyên qua khối vật liệu thì được nối qua cực chính xuống đất. Kết quả được xác định nhờ độ chỉ của vônmét và điện kế (G).

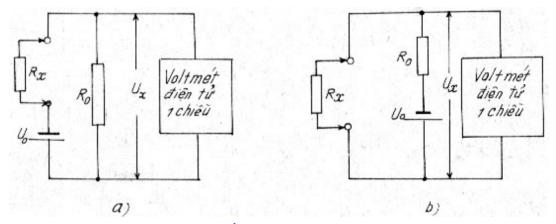


Hình 13.9. Mạch đo điện trở lớn bằng phương pháp gián tiếp:

- a) Đo điện trở cách điện khối
- b) Đo điện trở cách điện mặt
- 1. Hai cực chính: đặt sát vật liệu cần đo.
- 2. Cực phụ
- 3. Vật liệu cần đo điện trở

#### 13.3.2. Các ômmét điện tử và mêgômét điện tử:

Có thể dùng vônmét điện tử một chiều bất kì để đo điện trở cỡ trung bình và điện trở lớn với điều kiện phải thêm một sơ đồ đo ở đầu vào của vônmét này. Sơ đồ đo gồm nguồn cung cấp và điện trở nền  $R_0$ . Mức điện áp nguồn cung cấp  $U_0$  phụ thuộc vào tương quan giữa điện trở cần đo  $R_x$  và điện trở nền  $R_0$ . Đó là cấu tạo của các ômmét điện tử (H.13.10):



Hình 13.10. Cấu tạo của các ômmét điện tử:

 $\hat{\textit{Ommét diện tử sơ đồ hình 13.10a:}}$  điện áp  $U_x$  đưa vào vônmét điện tử đựoc lấy từ điện tử  $R_0$  được tính như sau :

$$U_{x} = \frac{U_{0}}{R_{0} + R_{x}}.R_{0} = \frac{U_{0}}{1 + \frac{R_{x}}{R_{0}}}$$

Như vậy nếu giữ cho  $U_0 \approx \text{const và } R_0 \approx \text{const thì } U_x$  sẽ phụ thuộc  $R_x$ .

Khi  $R_x = 0$ : (tức là chập hai đầu que đo của ômmét) thì  $U_x = U_0$  tức là điện áp  $U_x$  sẽ lớn nhất và dòng qua chỉ thị sẽ lớn nhất và kim chỉ thị lệch hết thang đo

(ứng với giới hạn đo đang đặt của vônmét điện tử  $U_n$ ).

Ngược lại khi  $R_x = \infty$ : thì  $U_x = 0$  tức là không có dòng qua cơ cấu chỉ thị của vônmét điện tử và kim chỉ thị ở tận cùng của bên trái thang chia độ.

Khi  $R_x = R_0$ : thì  $U_x = U_0 / 2$ , tức là kim chỉ thị ở giữa thang chia độ.

Như vậy đặc tính thang chia độ của ômmét loại này giống đặc tính thang chia độ của ômmét sơ đồ nối tiếp.

*Ômmét điện tử sơ đồ hình 13.10b:* điện áp  $U_x$  được đưa vào vônmét điện tử lấy từ điện trở  $R_x$ , được xác định như sau:

$$U_{x} = \frac{U_{0}}{R_{x} + R_{0}}.R_{x} = \frac{U_{0}}{1 + \frac{R_{0}}{R_{x}}}$$

Như vậy:

*Khi*  $R_x = 0$ : thì  $U_x = 0$  tức là không có dòng chạy qua cơ cấu chỉ thị của vônmét điện tử (kim ở vị trí tận cùng bên trái thang đo)

Khi  $R_x = \infty$ : thì  $U_x = U_0 = U_n$ , tức là dòng qua cơ cấu chỉ thị lớn nhất (ứng với giới hạn đo của vônmét điện tử đang chọn), kim chỉ thị ở vị trí tận cùng về bên phải thang chia độ.

*Khi*  $R_x = R_0$ : thì  $U_x = U_0 / 2$ , kim ở giữa thang chia độ.

Như vậy đặc tính thang đo của ômmét laọi này giống đặc tính thang đo của ômmét sơ đồ song song.

Qua hai sơ đồ trên đây ta thấy rằng điện trở nền  $R_0$  quyết định giới hạn đo của ômmét điện tử. Vì vậy để chế tạo ômmét điện tử nhiều giới hạn đo người ta tạo điện trở nền  $R_0$  có nhiều giá trị khác nhau. Mỗi giá trị của  $R_0$  ứng với một giới hạn đo nhất định của ômmét điện tử. Thường chọn các điện trở thành phần của  $R_0$  lớn nhỏ hơn nhau 10 lần.

Giới hạn dưới của ômmét điện tử bị hạn chế bởi  $R_0$  nhỏ vì cần tăng dòng trong mạch cung cấp khi  $R_0$  nhỏ và sự ảnh hưởng của điện trở trọng của nguồn cung cấp.

Giới hạn trên của ômmét điện tử giới hạn bởi trở vào của vônmét điện tử. Thông thường trở vào của vônmét điện tử lớn hơn điện trở nền  $R_0$  khoảng 30 đến 100 lần. Những vônmét một chiều bằng bán dẫn trường cho phép tạo nên những ômmét điện tử đo điện trở rất lớn có thể đo được điện trở cỡ  $10^9$ ,  $10^{10}~\Omega$ . Trong những ômmét (mêgômmét) như vậy giá trị  $R_0$  cũng phải lớn (thường  $R_0$  =  $100 \text{M}\Omega$ ), nhưng  $R_0$  lớn thì độ chính xác và ổn định sẽ kém. Trong các teraômmmét điện tử, người ta dùng những phương pháp đặc biệt để đo điện trở lớn cỡ  $10^{11}\Omega$ .

Chọn điện áp nguồn  $U_0$  phải dựa vào giới hạn đo của vônmét điện tử. Thường chọn  $U_0$  khoảng 1,5V; 3V cho việc đo điện trở  $R_x$  cỡ trung bình. Nếu  $R_x$  rất lớn như điện trở cách điện thì phải chọn  $U_0$  lớn. Thường  $U_0$  được tạo ra bằng các bộ chỉnh lưu ổn áp và chuyển đổi một chiều.

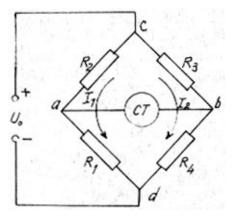
Trên cơ sở các ômmét điện tử, người ta chế tạo các dụng cụ đo điện năng (phối hợp đo U và R).

# 13.4. Cầu điện trở (cầu đơn, kép).

Cầu một chiều đo thuần trở thường gặp hai loại: cầu đơn và cầu kép.

#### 13.4.1. Cầu đơn:

Sơ đồ nguyên lý như hình 13.11:



Hình 13.11. Cầu đơn một chiều đo điện trở

*Cấu tạo:* cầu gồm 4 nhánh thuần trở  $R_1$ ;  $R_2$ ;  $R_3$ ;  $R_4$ . Một đường chéo cầu (cd) nối với nguồn cung cấp một chiều  $U_0$ , một đường chéo khác (ab) nối với chỉ thị cân bằng (CT).

*Nguyên lý hoạt động:* khi điện áp trên a và b bằng nhau tức là không có dòng qua cơ cấu chỉ thị  $(r_{ct} = \infty)$  thì cầu cân bằng ; ta có:

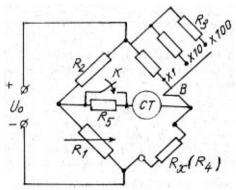
$$\begin{split} I_1R_1 &= I_2R_4 \qquad ; \quad I_1R_2 = I_2R_3 \\ \Rightarrow & \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_4}{R_3} \Leftrightarrow R_1.R_3 = R_2.R_4 \end{split}$$

Như vậy khi cầu cân bằng thì tích điện trở hai nhánh cầu đối nhau thì bằng nhau, nếu có một nhánh cầu có giá trị chưa biết thì ta có thể xác định theo tương mối quan hệ trên. Ví dụ nếu  $R_4 = R_x$  chưa biết thì:

$$R_x = R_4 = \frac{R_1 R_3}{R_2}$$

Phụ thuộc vào cách cân bằng cầu, người ta chia cầu đơn thành hai loại: cầu hộp và cầu biến trở.

a) Cầu hộp: có sơ đồ nguyên lý như hình 13.12:



Hình 13.12. Sơ đồ nguyên lý cầu đơn một chiều dạng cầu hộp

 $\mathring{\text{O}}$  cầu hộp, ta cân bằng cầu khi đo bằng cách chọn một tỉ số  $R_3/R_2$  và giữ cố

định, thay đổi giá trị  $R_1$  cho đến khi cầu cân bằng (bộ phận chỉ thị chỉ zêrô), đọc kết quả trên nhánh  $R_1$  đem nhân với tỉ số  $R_3/R_2$  đã chọn sẽ được kết quả của phép đo.

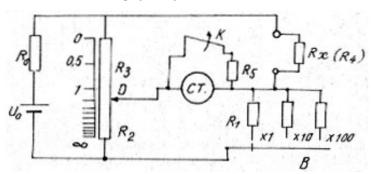
Từ biểu thức điều kiện cân bằng của cầu thấy rằng khi  $R_3=R_2$  thì  $R_x=R_1$ . Thông thường điện trở  $R_1$  được chế tạo có dạng hộp điện trở hoặc biến trở chính xác cao, có nhiều mức điều chỉnh, khắc độ trực tiếp giá trị điện trở trên hộp này. Vì vậy nếu  $R_3=R_2$  thì giá trị điện trở  $R_x$  lớn nhất sẽ được xác định bằng điện trở toàn phần của  $R_1$ .

Có thể mở rộng giới hạn đo của cầu hộp bằng cách tạo ra  $R_3$  có nhiều giá trị lớn nhỏ hơn nhau 10 lần (H.13.12), dùng chuyển mạch B thay đổi tỉ số  $R_3 / R_2$ .

Các sai số của phép đo điện trở bằng cầu hộp phụ thuộc vào độ ổn định, độ chính xác của các điện trở các nhánh cầu; phụ thuộc vào độ trễ của điện trở biến thiên  $(R_1)$ ; phụ thuộc độ chính xác và độ nhay của chỉ thị cân bằng.

Thông thường, cầu được chế tạo bằng những điện trở mẫu chính xác cao, chỉ thị bằng điện kế gương, có độ nhạy cao nên sai số không vượt quá 0,1%.

b) Cầu biến trở: có sơ đồ nguyên lý như hình 13.13:



Hình 13.13. Sơ đồ nguyên lý cầu đơn một chiều dạng cầu biến trở

Trong cầu biến trở, việc cân bằng cầu được thực hiện bằng cách giữ cố định điện trở  $R_1$  và điều chỉnh tỉ số  $R_3$  /  $R_2$  một cách đều đặn cho đến khi kim chỉ thị chỉ zêrô (tức là cầu đã cân bằng) và lấy kết quả đo.

Để thực hiện quá trình đo như vậy thì hai nhánh cầu  $R_2$  và  $R_3$  được tạo bởi một biến trở có con trượt, quấn trên ống thẳng hoặc đường tròn, dây điện trở thường bằng manganin. Tỉ số điện trở hai phần dây quấn hai bên con trượt D bằng tỉ số chiều dài hai phần ống này:

$$\frac{I_3}{I_2} = \frac{R_3}{R_2}$$

Thang chia độ giá trị tỉ số hai điện trở được khắc song song với ống dây điện trở này tử  $0 \div \infty$  (H.13.13). Điểm giữa của thang chia độ tương ứng với trạng thái:

$$\frac{I_3}{I_2} = \frac{R_3}{R_2} = 1$$

Điều chỉnh vị trí con trượt D trên biến trở để đạt được điều kiện cân bằng của cầu. Giá trị điện trở cần đo  $R_x$  được xác định theo công thức :

$$R_x = R_1 \cdot \frac{R_3}{R_2}$$

Dải đo của cầu có thể mở rộng bằng cách chế tạo điện trở  $R_1$  thành nhiều điện trở có giá trị khác nhau và thông qua chuyển mạch B để thay đổi các giá trị này.

Cầu biến trở có thể chế tạo gọn, nhẹ nhưng không chính xác bằng cầu hộp.

Trong hai sơ đồ cầu đơn trên (H.13.12 và H.13.13) có điện trở  $R_5$  dùng để điều chỉnh độ nhạy của chỉ thị. Nghĩa là những lúc không thể cân bằng được cầu vì có một dòng điện tương đối lớn nào đó qua chỉ thị. Vì vậy sau khi điều chỉnh thô, để cân bằng câu ta ấn khoá K để loại trừ  $R_5$  ra khỏi mạch đo tiếp tục điều chỉnh tinh để cân bằng cầu.

Độ chính xác của trạng thái cân bằng của cầu phụ thuộc vào độ nhạy của chỉ thị và điện áp cung cấp. Vì vậy phải chọn điện áp cung cấp sao cho ở bất kỳ vị trí điều khiển nào và với bất kỳ điện trở  $R_x$  thì dòng qua chỉ thị không vượt quá dòng cho phép của chỉ thị.

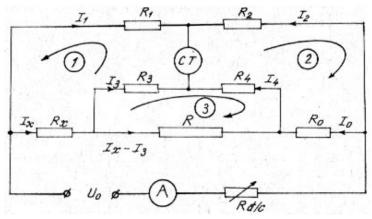
Giá trị điện trở cần đo càng lớn thì điện áp nguồn cung cấp  $(U_0)$  càng lớn. Khi đo  $R_x$  nhỏ cần phải giảm bớt  $U_0$  đưa vào mạch cầu. Việc thay đổi giá trị của  $U_0$  cho phù hợp với giá trị điện trở cần đo được thực hiện bằng  $R_0$ .

**Ứng dụng của cầu đơn:** thường dùng cầu đơn để đo các điện trở có giá trị trung bình hoặc giá trị lớn.

# 13.4.2. Cầu kép:

Việc dùng cầu đơn để đo điện trở nhỏ (khoảng dưới  $1\Omega$ ) thường không thuận tiện và sai số lớn vì bị ảnh hưởng của điện trở nối dây và điện trở tiếp xúc... Trong trường hợp này phải sử dụng cầu kép để đo điện trở nhỏ và rất nhỏ.

Cấu tao của cầu kép: như hình 13.14:



Hình 13.14. Cấu tạo của cầu kép

Cầu kép gồm: các điện trở  $R_1$ ;  $R_2$ ;  $R_3$ ;  $R_4$  và R là điện trở của các nhánh cầu ;  $R_x$  là điện trở cần đo và  $R_0$  là điện trở mẫu chính xác cao. Để tránh điện trở tiếp xuc khi nối các điện trở vào mạch bằng cách chế tạo  $R_0$  và  $R_x$  dưới dạng các điện trở 4 đầu.

Nguyên lý hoạt động của cầu kép: khi cân bằng cầu ta có:

$$\begin{cases} I_1 = I_2 \\ I_3 = I_4 \\ I_x = I_0 \end{cases} \text{ và } \begin{cases} I_x.R_x + I_3.R_3 - I_1.R_1 = 0 \\ I_0.R_0 + I_4.R_4 - I_2.R_2 = 0 \\ I_3.R_3 - I_4.R_4 - (I_x - I_3).R = 0 \end{cases} \text{ (theo Kirchop II)}$$

Giải các hệ phương trình trên ta được giá trị điện trở cần đo  $R_x$ :

$$R_x = R_0 \cdot \frac{R_1}{R_2} + \frac{R_4 \cdot R}{R + R_3 + R_4} \cdot \left(\frac{R_1}{R_2} - \frac{R_3}{R_4}\right)$$

Để đơn giản cho việc điều chỉnh cân bằng cầu khi đo thì khi chế tạo phải bảo đảm sao cho:

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4} \quad \text{hoặc} \quad R \approx 0$$

khi đó phương trình cân bằng cầu sẽ là:

$$R_x = R_0 \cdot \frac{R_1}{R_2}$$

Như vậy khi đo  $R_x$  chỉ cần thay đổi giá trị  $R_0$  và tỉ số  $R_1/R_2$  để cân bằng cầu.

Cấp chính xác của cầu một chiều phụ thuộc giới hạn đo của cầu.

Ví dụ: cầu P329 của Liên Xô (cũ) có các giới hạn đo và cấp chính xác sau:

Loại cầu	Giới hạn đo (Ω)	Cấp chính xác %
Cầu kép	$10^{-6} \div 10^{-5}$	1,00
	$10^{-5} \div 10^{-4}$	0,50
	$10^{-4} \div 10^{-3}$	0,10
	$10^{-3} \div 10^{+2}$	0,05
Cầu đơn	$50 \div 10^5$	0,05
	$10^5 \div 10^6$	0,50

### 13.5. Đo điện dung và góc tổn hao của tụ điện.

# 13.5.1. Khái niệm về điện dung và góc tổn hao:

Đối với tụ điện lí tưởng thì không có dòng qua hai tấm bản cực tức là tụ điện không tiêu thụ công suất. Nhưng thực tế vẫn có dòng từ cực này qua lớp điện môi đến cực kia của tụ điện, vì vậy trọng tụ có sự tổn hao công suất. Thường sự tổn hao này rất nhỏ và người ta thường đo góc tổn hao  $(tg\delta)$  của tụ để đánh giá tụ điên.

Để tính toán, tụ điện được đặc trưng bởi một tụ điện lý tưởng và một thuần trở mắc nối tiếp nhau (đối với tụ có tổn hao ít) hoặc mắc song song với nhau (đối với tụ có tổn hao lớn), trên cơ sở đó xác định góc tổn hao của tụ (H.13.15a,b):

$$tg\delta = \frac{U_R}{U_C}$$

với  $\delta$  là góc tổn hao của tụ điện được tạo bởi vécto U và vécto  $U_{C}$  .

Với tụ tổn hao ít (H.13.15a): dựa vào sơ đồ vécto xác định được góc tổn hao như sau:

từ: 
$$\begin{cases} U_{\rm R} = I.R \\ U_{\rm C} = I.\frac{1}{\omega.C} \end{cases} \Rightarrow tg\delta = \frac{U_{\rm R}}{U_{\rm C}} = \omega.R.C$$

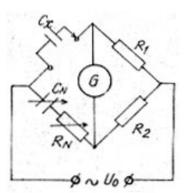
*Với tụ tổn hao lớn (H.13.15b):* cũng cách chứng minh như trên ta xác định được góc tổn hao tg $\delta$ :

Hình 13.15. Sơ đồ mạch tương đương và biểu đồ vectơ để tính góc tổn hao của tụ điện:
a) Tụ tổn hao ít ; b) Tụ tổn hao lớn

### 13.5.2. Các loại cầu đo điện dung và góc tổn hao:

Thường dùng cầu xoay chiều bốn nhánh để đo các thông số của tụ.

a) Cầu đo tụ điện tổn hao ít: có sơ đồ như hình 13.16:



Hình 13.16. Cầu đo tụ điện tổn hao ít

 ${\it Câu}\ tạo:$  cầu gồm bốn nhánh. Hai nhánh  $R_1,\,R_2$  thuần trở. Một nhánh là điện dung mẫu điều chỉnh được gồm: điện dung thuần  $C_N$  và điện trở thuần  $R_N$  điều chỉnh được. Nhánh còn lại là điện dung cần đo  $C_x$ . Một đường chéo của cầu nối với điện kế (G) chỉ sự cân bằng cầu. Đường chéo còn lại nối với nguồn cung cấp xoay chiều  $(U_0)$ .

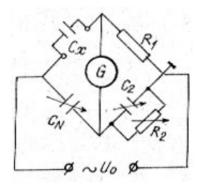
Nguyên lý hoạt động: khi cầu cân bằng có mối quan hệ:

$$R_{2} \cdot \left(R_{x} + \frac{1}{j\omega C_{x}}\right) = R_{1} \cdot \left(R_{N} + \frac{1}{j\omega C_{N}}\right)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} R_{x} = \frac{R_{1}}{R_{2}} \cdot R_{N} \\ C_{x} = \frac{R_{2}}{R_{1}} \cdot C_{N} \end{cases} \Rightarrow tg\delta = \omega \cdot R_{x} \cdot C_{x} = \omega \cdot R_{N} \cdot C_{N}$$

*Quá trình đo:* đầu tiên điều chỉnh cho  $R_N = 0$ . Tiếp theo thay đổi tỉ số  $R_1/R_2$  cho đến khi nào chỉ thị cân bằng chỉ dòng nhỏ nhất. Điều chỉnh  $R_N$  và  $C_N$  cho đến khi cầu cân bằng (không có dòng qua G). Đọc kết quả trên  $R_N$  và  $C_N$  và tính toán theo biểu thức trên sẽ được tg $\delta$ .

b) Cầu đo tụ điện có tổn hao lớn hoặc đo tổn hao trong vật liệu cách điện: có sơ đồ cầu như hình 13.17:



Hình 13.17. Cầu đo tụ điện có tổn hao lớn hoặc đo tổn hao trong vật liệu cách điện

 $C\hat{a}u$  tạo: với sơ đồ này nếu mắc trực tiếp  $R_2$  có giá trị lớn vào nhánh cầu thứ hai thì sẽ giảm độ nhạy của cầu vì vậy người ta nối song song  $R_2$  và  $C_2$  trong nhánh cầu thứ hai.

Nguyên lý hoạt động: khi cầu cân bằng có:

$$\begin{pmatrix}
R_x + \frac{1}{j\omega C_x}
\end{pmatrix} \cdot \frac{1}{\left(\frac{1}{R_2} + j\omega C_2\right)} = R_1 \cdot \frac{1}{j\omega C_N}$$

$$\Rightarrow \begin{cases}
R_x = \frac{C_2}{C_N} \cdot R_1 \\
C_x = \frac{R_2}{R_1} \cdot C_N
\end{cases}
\Rightarrow tg\delta = \frac{1}{\omega R_x C_x} = \frac{1}{\omega R_2 C_2}$$

Quá trình đo: giống như trường hợp cầu đo điện dung tổn hao ít.

# 13.6. Cầu ghi tự động.