Chương 4 Một số cấu trúc dữ liệu và giải thuật căn bản

qui

u (5LT-3BT)

Các khái niệm cơ bản Cấu trúc dữ liệu

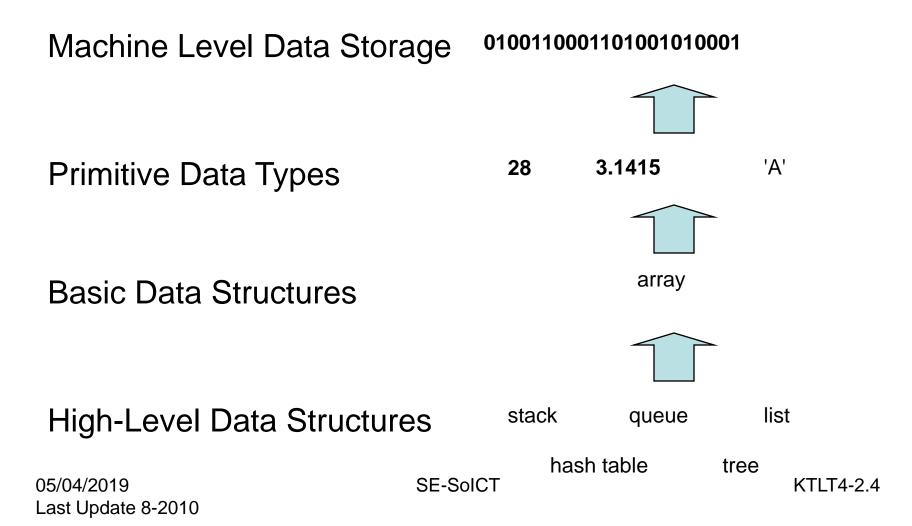
- Cấu trúc dữ liệu là cách tổ chức và thao tác có hệ thống trên dữ liệu
- Một cấu trúc dữ liệu :
 - Mô tả
 - Các dữ liệu cấu thành
 - Mối liên kết về mặt cấu trúc giữa các dữ liệu đó
 - Xác định các thao tác trên dữ liệu đó

Các khái niệm cơ bản Kiểu dữ liệu

- Kiểu dữ liệu cơ bản (primitive data type)
 - Đại diện cho các dữ liệu giống nhau, không thể phân chia nhỏ hơn được nữa
 - Thường được các ngôn ngữ lập trình định nghĩa sẵn
 - Ví dụ:
 - C/C++: int, long, char, boolean, v.v.
 - Thao tác trên các số nguyên: + - * / ...

- Kiểu dữ liệu có cấu trúc (structured data type)
 - Được xây dựng từ các kiểu dữ liệu (cơ bản, có cấu trúc) khác
 - Có thể được các ngôn ngữ lập trình định nghĩa sẵn hoặc do lập trình viên tự định nghĩa

1. Các khái niệm cơ bản Dữ liệu, kiểu dữ liệu, cấu trúc dữ liệu



II. Cấu trúc dữ liệu

• c)

- Danh sách
- Cây
- Bảng băm

1. Danh sách (list)

- Danh sách :
 - Tập hợp các phần tử cùng kiểu
 - Số lượng các phần tử của danh sách không cố định
- Phân loại:
 - Danh sách tuyến tính:
 - Có phần tử đầu tiên, phần tử cuối cùng
 - Thứ tự trước / sau của các phần tử được xác định rõ ràng
 - Danh sách không tuyến tính: các phần tử trong danh sách không được sắp thứ tự
- Có nhiều hình thức lưu trữ danh sách
 - Sử dụng vùng các ô nhớ liên tiếp trong bộ nhớ → danh sách kế tiếp
 - Sử dụng vùng các ô nhớ không liên tiếp trong bộ nhớ → danh sách móc nối
 - Danh sách nối đơn
 - Danh sách nối kép

1. Danh sách

- Thao tác trên danh sách tuyến tính
 - Khởi tạo danh sách (create)
 - Kiểm tra danh sách rỗng (isEmpty)
 - Kiểm tra danh sách đầy (isFull)
 - Tính kích thước (sizeOf)
 - Xóa rỗng danh sách (clear)
 - Thêm một phần tử vào danh sách tại một ví trí cụ thể (insert)
 - Loại bỏ một phần tử tại một vị trí cụ thể khỏi danh sách (remove)
 - Lấy một phần tử tại một vị trí cụ thể (retrieve)
 - Thay thế giá trị của một phần tử tại một vị trí cụ thể (replace)
 - Duyệt danh sách và thực hiện một thao tác tại các vị trí trong danh sách (traverse)
 - **–**

1.1. Danh sách kế tiếp

- Sử dụng một vector lưu trữ gồm một số các ô nhớ liên tiếp để lưu trữ một danh sách tuyến tính
 - Các phần tử liền kề nhau được lưu trữ trong những ô nhớ liền kề nhau
 - Mỗi phần tử của danh sách cũng được gán một chỉ số chỉ thứ tự được lưu trữ trong vector
 - Tham chiếu đến các phần tử sử dụng địa chỉ được tính giống như lưu trữ mảng.

	0	1	2	i	last		n-1	
05/0 Last								7 4-2.8
Last								

1.1. Danh sách kế tiếp

- Ưu điểm của cách lưu trữ kế tiếp
 - Tốc độ truy cập vào các phần tử của danh sách nhanh
- Nhược điểm của cách lưu trữ kế tiếp
 - Cần phải biết trước kích thước tối đa của danh sách
 - Tai sao?
 - Thực hiện các phép toán bổ sung các phần tử mới và loại bỏ các phần tử cũ khá tốn kém
 - Tại sao?

1.1.a. Thêm một phần tử vào một danh sách kế tiếp

- 2 trường hợp
 - insert(index, element): thêm một phần tử element vào một vị trí cụ thể index
 - insert(list, element): thêm một phần tử element vào vị trí bất kỳ trong danh sách list
- Điều kiện tiên quyết:
 - Danh sách phải được khởi tạo rồi
 - Danh sách chưa đầy
 - Phần tử thêm vào chưa có trong danh sách
- Điều kiện hậu nghiệm:
 - Phần tử cần thêm vào có trong danh sách



Z

					5			9
а	b	С	d	е	f	g	h	

1.1.a. Thêm một phần tử vào một danh sách kế tiếp

Algorithm Insert Input: index là vị trí cần thêm vào, element là giá trị cần thêm vào Output: tình trạng danh sách if list đầy return overflow if index nằm ngoài khoảng [0..count] return range_error //Dời tất cả các phần tử từ index về sau 1 vị trí for i = count-1 down to index entry[i+1] = entry[i] entry[index] = element // Gán element vào vị trí index // Tăng số phần tử lên 1 count++

End Insert

return success;

1.1.b.Xóa 1 phần tử khỏi danh sách kế tiếp

remove(3, 'd')

	1							9
а	b	С	d	е	f	g	[1	

count=₹

1.1.b.Xóa 1 phần tử khỏi danh sách kế tiếp

Algorithm Remove

Input: index là vị trí cần xóa bỏ, element là giá trị lấy ra được Output: danh sách đã xóa bỏ phần tử tại index

```
return underflow

if index nằm ngoài khoảng [0..count-1]

return range_error

element = entry[index] //Lấy element tại vị trí index ra

count-- //Giảm số phần tử đi 1

//Dời tất cả các phần tử từ index về trước 1 vị trí

for i = index to count-1

entry[i] = entry[i+1]

return success;
```

End Remove

1.1.c.Duyệt danh sách kế tiếp

Algorithm Traverse

Input: hàm visit dùng để tác động vào từng phần tử Output: danh sách được cập nhật bằng hàm visit

//Quét qua tất cả các phần tử trong list

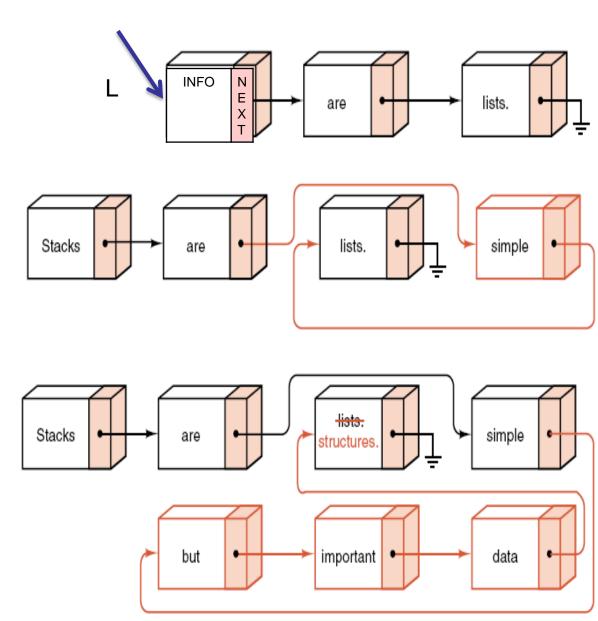
for index = 0 to count-1

Thi hành hàm visit để duyệt phần tử entry[index]

End Traverse

1.2. Danh sách nối đơn

- Một phần tử trong danh sách = một nút
- Quy cách của một nút
 - INFO: chứa thông tin (nội dung, giá trị) ứng với phần tử
 - NEXT: chứa địa chỉ của nút tiếp theo
- Đế thao tác được trên danh sách, cần nắm được địa chỉ của nút đầu tiên trong danh sách, tức là biết được con trỏ L trỏ tới đầu danhrsách



Tổ chức danh sách móc nối

 Nút = dữ liệu + móc nối □ Định nghĩa: typedef struct node { typed data; struct node *next; } Node; Tao nút mới: Node *p = malloc(sizeof(Node)); □ Giải phóng nút: free(p);

Khởi tạo và truy cập danh sách móc nối

Khai báo một con trỏ

Node *Head;

Head là con trỏ trỏ đến nút đầu của danh sách.Khi danh sách rỗng thì Head =NULL.

- · Tham chiếu đến các thành phần của một nút trỏ bởi p
 - INFO(p)
 - NEXT(p)
- Một số thao tác với danh sách nối đơn
 - 1.Thêm một nút mới tại vị trí cụ thể
 - 2.Tìm nút có giá trị cho trước
 - 3.Xóa một nút có giá trị cho trước
 - 4.Ghép 2 danh sách nối đơn
 - 5.Hủy danh sách nối đơn

05/04/2019 SE-SoICT KTLT4-2.17

Truyền danh sách móc nối vào hàm

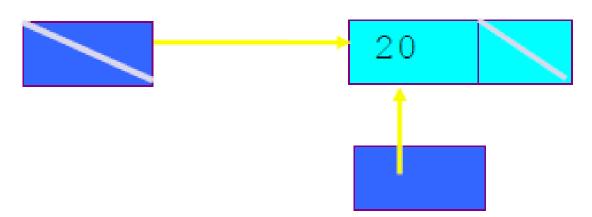
- Khi truyền danh sách móc nối vào hàm, chỉ cần truyền Head.
- Sử dụng Head để truy cập toàn bộ danh sách
 - Note: nếu hàm thay đối vị trí nút đầu của danh sách (thêm hoặc xóa nút đầu) thì Head sẽ không còn trỏ đến đầu danh sách
 - Do đó nên truyền Head theo tham biến (hoặc trả lại một con trỏ mới)

Thêm một nút mới

- Các trường hợp của thêm nút
 - 1.Thêm vào danh sách rỗng
 - 2. Thêm vào đầu danh sách
 - 3.Thêm vào cuối danh sách
 - 4. Thêm vào giữa danh sách
- □ Thực tế chỉ cần xét 2 trường hợp
 - Thêm vào đầu danh sách(TH1 vàTH2)
 - Thêm vào giữa hoặc cuối danh sách(TH3 và TH4)

Thêm vào danh sách rỗng

Head = NULL



```
Node *newNode;
newNode=
    malloc(sizeof(Node));
newNode->data = 20;
newNode->next = NULL;
Head = newNode;
```

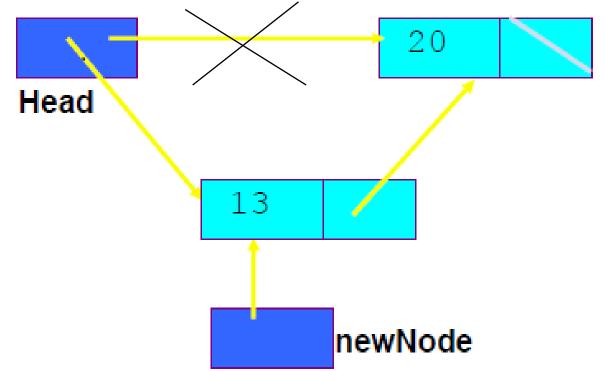
Thêm một nút vào đầu danh sách

newNode= malloc(sizeof(Node));

newNode->data = 13;

newNode->next = Head;

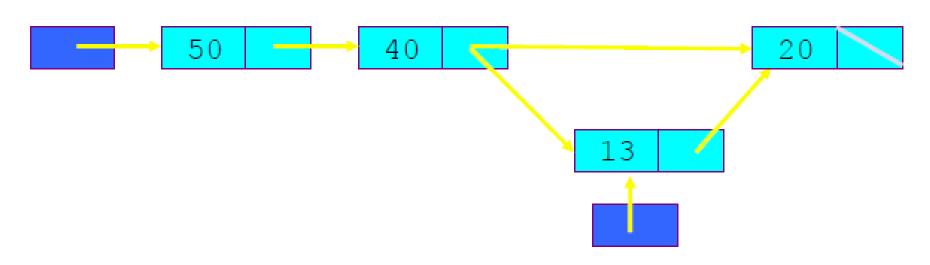
Head = newNode;



05/04/2019 Last Update 8-2 KTLT4-2.21

Thêm một nút vào giữa/cuối danh sách

```
newNode= malloc(sizeof(Node));
newNode->data = 13;
newNode->next = currNode->next;
currNode->next= newNode;
```



Thêm một nút mới

- Node *InsertNode(Node *head, int index, int x)
- Thêm một nút mới với dữ liệu là x vào sau nút thứ index. (vídụ, khi index = 0, nút được thêm là phần tử đầu danh sách; khi index = 1, chèn nút mới vào sau nút đầu tiên, v.v)
- Nếu thao tác thêm thành công,trả lại nút được thêm.
 Ngược lại,trảlạiNULL.
 - (Nếu index < 0 hoặc > độ dài của danh sách,không thêm được.)
- ☐ Giải thuật
 - 1.Tim nút thứ index –currNode
 - 2. Tạo nút mới
 - 3. Móc nối nút mới vào danh sách

currNode



newNode->next = currNode->next; currNode->next = newNode;



newNode

Thêm một nút mới

```
Node * InsertNode(Node *head,int index,int x)
{
   if (index < 0) return NULL;
   int currIndex = 1;
   Node *currNode = head;
   while(currNode && index > currIndex) {
        currNode = currNode->next;
        currIndex++;
   if (index < 0 && currNode== NULL) return NULL;
   Node *newNode = (Node *) malloc(sizeof(Node));
   newNode->data = x;
   if (index == 0) {
        newNode->next = head;
        head = newNode;}
   else {
        newNode->next = currNode->next;
        currNode->next = newNode;}
   return newNode;
05/04/2019
                                SE-SolCT
```

Tìm nút thứ index, nếu Không tìm được trả về NULL

Tạo nút mới

Thêm vào đầu ds

Thêm vào sau currNode

KTLT4-2.24

Tìm nút

```
int FindNode(int x)
    Tìm nút có giá trị x trong danh sách.
    Nếu tìm được trả lại vị trí của nút.Nếu không, trả lại
  0.
Int FindNode(Node *head,int x) {
  Node *currNode = head;
  int currIndex = 1;
  while (currNode && currNode->data != x) {
      currNode = currNode->next;
      currIndex++;
  if (currNode) return currIndex;
  else return 0;
                          SE-SolCT
```

05/04/2019 Last Update 8-2010

Xóa nút

- □ int DeleteNode(int x)
- Xóa nút có giá trị bằng x trong danh sách.
- Nếu tìm thấy nút, trả lại vị trícủa nó.
 Nếu không, trả lại 0.
- Giải thuật
 - Tìm nút có giá trị x (tương tự như FindNode)
 - Thiết lập nút trước của nút cần xóa nối đến nút sau của nút cần xóa
 - Giải phóng bộ nhớ cấp phát cho nút cần xóa
 - Giống như InsertNode, có 2 trường hợp
 - Nút cần xóa là nút đầu tiên của danh sách
 - Nút cần xóa nằm ở giữa hoặc cuối danh sách

```
Int DeleteNode(Node *head, int x) {
   Node *prevNode = NULL;
  Node *currNode = head;
  int currIndex = 1;
  while (currNode && currNode->data != x) {
       prevNode = currNode;
        currNode = currNode->next;
                                                    Tìm nút có giá trị = x
       currIndex++;
  if (currNode) {
                                                        Xóa nút ở giữa
       if (prevNode) {
               prevNode->next = currNode->next;
               free (currNode);
       } else {
               head = currNode->next;
                                                       Xóa nút head
               free (currNode);
       return currIndex;
  return 0;
Q5/04/2019
                               SE-SolCT
                                                             KTLT4-2.27
Last Update 8-2010
```

Hủy danh sách

void DestroyList(Node *head) Dùng để giải phóng bộ nhớ được cấp phát cho danh sách. Duyệt toàn bộ danh sách và xóa lần lượt từng nút. Void DestroyList(Node* head){ Node *currNode = head, *nextNode= NULL; while(currNode != NULL){ nextNode = currNode->next; free(currNode); // giải phóng nút vừa duyệt currNode = nextNode;

) 05/04/2019 Last Update 8-2010

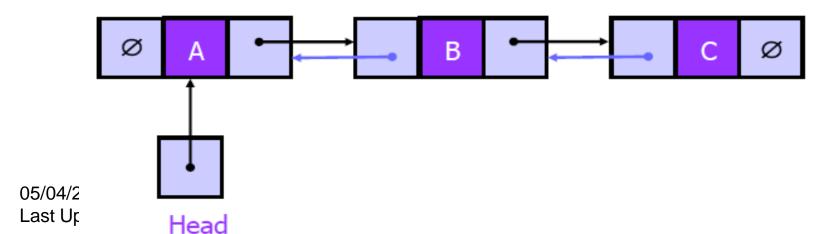
SE-SoICT

So sánh mảng và danh sách liên kết

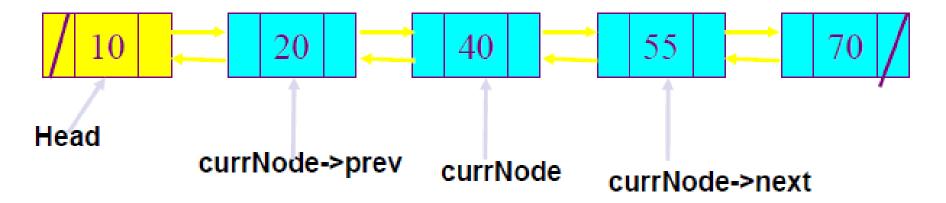
- Việc lập trình và quản lý danh sách liên kết khó hơn mảng, nhưng nó có những ưu điểm:
- Linh động:danh sách liên kết có kích thước tăng hoặc giảm rất linh động.
 - − □ Không cần biết trước có bao nhiêu nút trong danh sách.Tạo nút mới khi cần.
 - Ngược lại,kích thước của mảng là cố định tại thời gian biên dịch chương trình.
- Thao tác thêm và xóa dễ dàng
 - Dể thêm và xóa một phần tử mảng, cần phải copy dịch chuyển phần tử.
 - Với danh sách móc nối, không cần dịch chuyển mà chỉ cần thay đổi các móc nối

Danh sách nối kép

- Mỗi nút không chỉ nối đến nút tiếp theo mà còn nối đến nút trước nó
- Có 2 mối nối NULL: tại nút đầu và nút cuối của danh sách
- Uu điểm:tại một nút có thể thăm nút trước nó một cách dễ dàng. Cho phép duyệt danh sách theo chiều ngược lại



30



- Mỗi nút có 2 mối nối
 - prev nối đến phần tử trước
 - next nối đến phần tử sau

typedef struct Node{ Int data; structNode *next; structNode *prev;



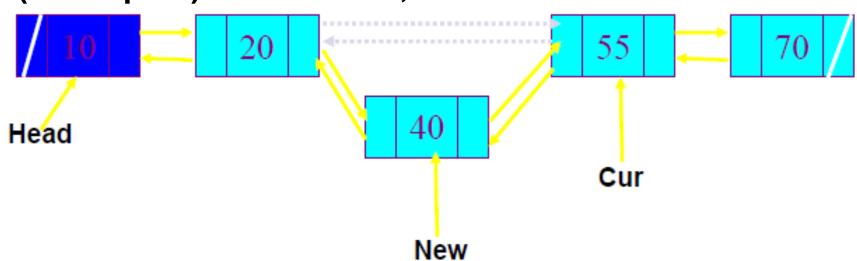
 Thêm nút New nằm ngay trước Cur (không phải nút đầu hoặc cuối danh sách)

New->next = Cur;

New->prev= Cur->prev;

Cur->prev= New;

(New->prev)->next = New;



Xóa nút Cur(không phải nút đầu hoặc cuối danh sách)

(Cur > prev) > prev = Cur > prev(

(Cur->next)->prev = Cur->prev;

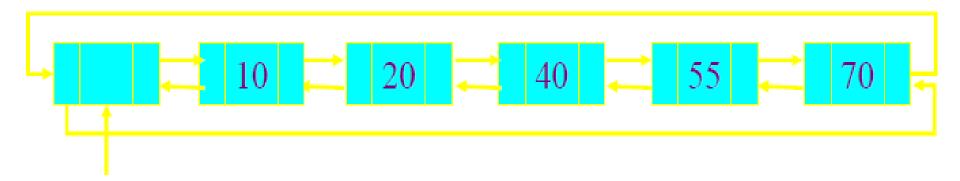
05/0**4/269** (Cur); Last Update 8-2010

SE-SoICT

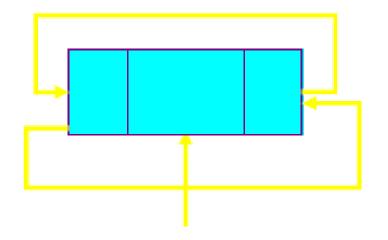
KTLT4-2.32

Danh sách nối kép với nút đầu giả

 Danh sách không rỗng

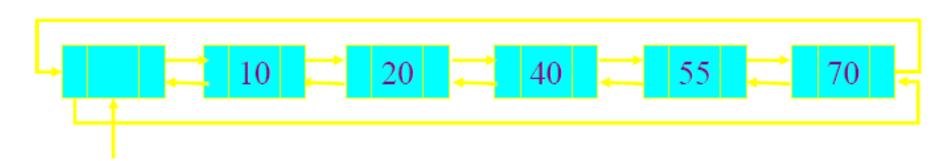


Danh sách rỗng



05/04/2019 Last Update 8-2010 LT4-2.33

- Tạo danh sách nối kép rỗng
 Node *Head = malloc (sizeof(Node));
 Head->next = Head;
 Head->prev = Head;
- Khi thêm hoặc xóa các nút tại đầu ds, giữa hay cuối ds ???



Xóa nút

```
void deleteNode(Node *Head, int x){
  Node *Cur;
  Cur = FindNode(Head, x);
  if (Cur != NULL){
     Cur->prev->next = Cur->next;
     Cur->next->prev= Cur->prev;
     free(Cur);
```

Thêm nút

```
void insertNode(Node *Head, int item) {
  Node *New, *Cur;
  New = malloc(sizeof(Node));
  New->data = item;
  Cur = Head->next;
  while (Cur != Head){
       if (Cur->data < item)
               Cur = Cur->next;
       else
               break;
  New->next = Cur;
  New->prev= Cur->prev;
  Cur->prev= New;
  (New->prev)->next = New;
05/04/2019
                              SE-SolCT
```

Bài tập

Sử dụng danh sách móc nối kép với nút đầu giả, xây dựng bài toán quản lý điểm SV đơn giản, với các chức năng sau :

- 1. Nhập dữ liệu vào ds
- 2. Hiện thị dữ liệu 1 lớp theo thứ tự họ và tên
- 3. Sắp xếp dữ liệu
- 4. Tìm kiếm kết quả

c định nghĩa trong cấu trúc sau

```
typedef struct {
    int masv; // mã hiệu sv
    char malop[12];
    char hovaten[30];
    float diemk1;
    float diemk2;
```

∮5**ኤዛ⁄⊵h∖∀IEN** Last Update 8-2010

1.3 Ngăn xếp và hàng đợi

- 1.Định nghĩa Stack
- 2.Lưu trữ kế tiếp với Stack (sử dụng mảng)
- 3. Úng dụng của Stack
- 4.Định nghĩa Queue
- 5.Lưu trữ kế tiếp với Queue (sử dụng mảng)
- 6. Úng dụng của Queue
- 7.Lưu trữ móc nối với Stack
- 8.Lưu trữ móc nối với Queue (bài tập)

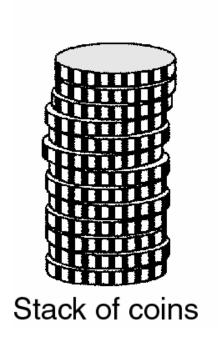
1. Định nghĩa Stack

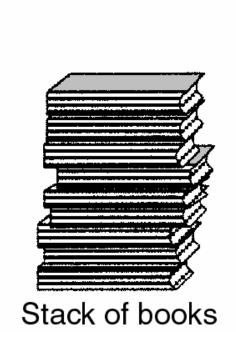
- i danh sách tuyến tính đặc biệt:
 - Ngăn xếp –Stack
 - Hàng đợi -Queue

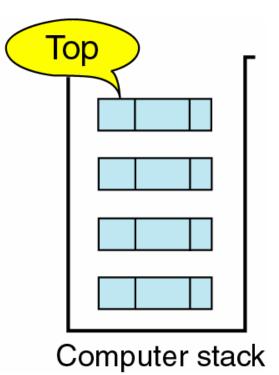
lacktriangle

LIFO.

Stack trong thực tế



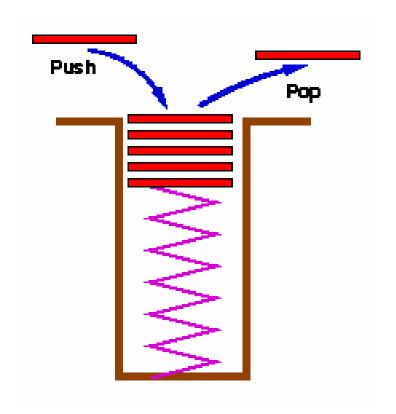




Stack là một cấu trúc LIFO: Last In First Qut 2.40

Các thao tác cơ bản trên Stack

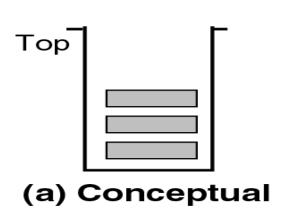
- □ Push
 - □ Thêm một phần tửTràn (overflow)
- □ Pop
 - □ Xóa một phần tửUnderflow
- □ Top
 - □ Phần tử đỉnh stack rỗng
- 🛾 Kiểm tra rỗng/đầy

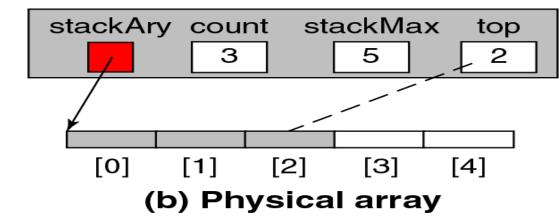


Lưu trữ Stack

2 cách lưu trữ:

Lưu trữ kế tiếp: sử dụng mảng





– □ Lưu trữ móc nối: sử dụng danh sách móc nối (sau)

Cấu trúc dữ liệu

```
/* Stack của các số nguyên: intstack*/
typedef struct intstack{
  Int *stackArr; /*mång lưu trữ các phần tử*/
  Int count; /*số ptử hiện có của stack */
  Int stackMax; /* giới hạn Max của số ptử*/
               /*chỉ số của phần tử đỉnh*/
  Int top;
} IntStack;
```

Tạo Stack

```
IntStack *CreateStack(int max){
  IntStack *stack;
  stack =(IntStack *) malloc(sizeof(IntStack));
  if (stack == NULL)
     return NULL;
  /*Khởi tạo stack rỗng*/
  stack->top = -1;
  stack->count = 0;
  stack->stackMax= max;
  stack->stackArr=malloc(max * sizeof(int));
  return stack;
```

05/04/2019 Last Update 8-2010

Push

```
Int PushStack(IntStack *stack, int dataIn) {
  /*Kiểm tra tràn*/
  if(stack->count == stack->stackMax)
     Return 0;
  /* Thêm phần tử vào stack */
  (stack->count)++;
  (stack->top)++; /* Tăng đỉnh */
  stack->stackArr[stack->top] =dataIn;
Return 1;
```

05/04/2019 Last Update 8-2010 **SE-SoICT**

Pop

```
Int PopStack(IntStack *stack, int *dataOut){
  /* Kiểm tra stack rỗng */
  if(stack->count == 0)
     return 0;
  /* Lấy giá trị phần tử bị loại*/
  *dataOut=stack->stackArr[stack->top];
  (stack->count)--;
  (stack->top)--; /* Giảm đỉnh */
  Return 1;
```

```
Int TopStack(IntStack *stack, int *dataOut){
  if(stack->count ==0) // Stack rong
     return 0;
  *dataOut = stack->stackArr[stack->top];
  return 1;
Kiểm tra rỗng?
Int IsEmptyStack(IntStack *stack){
  return(stack->count == 0);
Kiểm tra đầy ?
intlsFullStack(IntStack*stack) {
  return(stack->count==stack->stackMax);
                      SE-SolCT
                                            KTLT4-2.47
```

05/04/2019 Last Update 8-2010

Ứng dụng của Stack

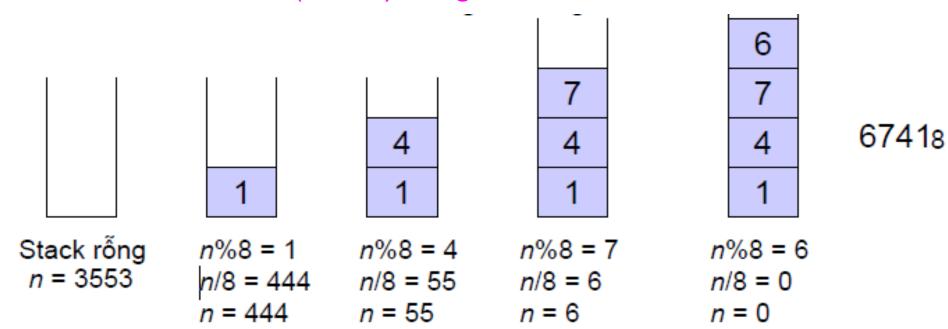
- Bài toán đổi cơ số:Chuyển một số từ hệ thập phân sang hệ cơ số bất kỳ
- (base 8) $28_{10} = 3 \cdot 8^1 + 4 \cdot 8^0 = 34_8$
- (base 4) $72_{10} = 1 \cdot 4^3 + 0 \cdot 4^2 + 2 \cdot 4^1 + 0 \cdot 4^0 = 1020_4$
- (base 2) $53_{10} = 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 110101_2$

Đầu vào số thập phân n, cơ số a

Đầu ra số hệ cơ số b tương đương

- 1.Chữ số bên phải nhất của kết quả=*n* % *b*. Đẩy vào Stack.
- 2. Thay n = n / b (để tìm các số tiếp theo).
- 3.Lặp lại bước1-2 cho đến khi n = 0.
- 4.Rút lần lượt các chữ số lưu trong Stack, chuyển sang dạng ký tự tương ứng với hệ cơ số trước khi in ra kết quả

Ví dụ : Đổi 3553 (a =10) sang cơ số b = 8



Chuyển sang dạng ký tự tương ứng:

```
Char *digitChar= "0123456789ABCDEF"; char d = digitChar[13]; // 13_{10}= D_{16} char f = digitChar[15]; // 15_{10}= F_{16}
```

Đổi cơ số

```
void DoiCoSo(int n,int b) {
    char*digitChar= "0123456789ABCDEF";
    //Tạo một stack lưu trữ kết quả
    IntStack *stack = CreateStack(MAX);
   do{
        //Tính chữ số bên phải nhất,đẩy vào stack
        PushStack(stack, n% b);
        n/= b; //Thay n = n/b để tính tiếp
    \mbox{while(n!= 0); //Lặp đến khi n = 0}
    while(!IsEmptyStack(stack)){
        // Rút lần lượt từng phần tửcủa stack
        PopStack(stack, &n);
        // chuyển sang dạng ký tự và in kết quả
        printf("%c", digitChar[n]);
```

Ứng dụng của Stack (tiếp)

Các biểu thức số học được biểu diễn bằng ký pháp trung tố. Với phép toán 2 ngôi: Mỗi toán tử được đặt giữa hai toán hạng. Với phép toán một ngôi: Toán tử được đặt trước toán hạng: vơ

$$-2 + 3 * 5 <=> (-2) + (3 * 5)$$

Thứ tự ưu tiên của các phép tử:

$$() > ^* > ^* = \% = / > + = -$$

Việc đánh giá biểu thức trung tố khá phức tạp

Ký pháp hậu tố

Là giải pháp thay thế ký pháp trung tố, trong đó : Toán hạng đặt *trước* toán tử, Không cần dùng các dấu ().

Ví dụ:

```
a*b*c*d*e*f => ab*c*d*e*f*

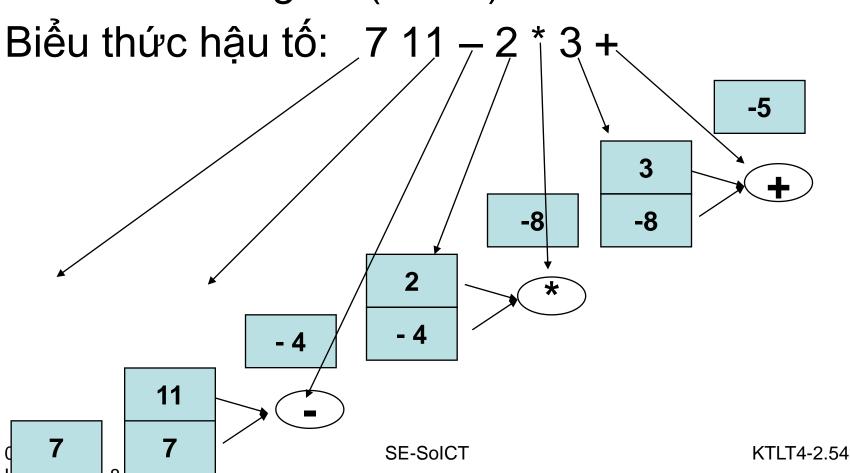
1 + (-5) / (6 * (7+8)) => 1 5 -6 7 8 + * / +

(x/y-a*b) * ((b+x) -y) => x y / a b * -b x + y y ^ -*

(x*y*z -x^2 / (y*2 -z^3) + 1/z) * (x -y) => xy*z*x2^y2*z3^ -/ -1z/+xy -*
```

Tính giá trị biểu thức hậu tố

Biểu thức trung tố: (7 –11) * 2 + 3



Tính giá trị của biểu thức hậu tố

 Tính giá trị của một một biểu thức hậu tố được lưu trong một xâu ký tự và trả về giá trị kết quả

- Với :
 - Toán hạng: Là các số nguyên không âm một chữ số (cho đơn giản)
 - Toán tử: +,-,*,/,%,^

```
Bool isOperator(char op) {
             op == '+' || op == '-' ||
   return
              op == '*' || op == '%' ||
              op == '/' || op == '^';
Int compute(int left, int right, char op){
  int value;
  switch(op){
       case '+': value = left + right;
                                          break;
       case '-' : value = left - right;
                                          break;
       case '*': value = left * right;
                                          break;
       case '%': value = left % right;
                                         break;
       case '/': value = left / right;
                                          break;
       case '^': value = pow(left, right);
<sub>05/d</sub>return value;
                            SE-SoICT
```

KTLT4-2.56

```
Int TinhBtHauTo(string Bt) {
   Int left, right, kq;
   char ch;
   IntStack *stack = CreateStack(MAX);
   for(int i=0; i < Bt.length(); i++)
        ch = Bt[i];
        if ( isdigit(ch) )
                 PushStack(stack, ch-'0'); // đẩy toán hạng vào stack
        else if (isOperator(ch)) {
                 // rút stack 2 lần để lấy 2 toán hạng left và right
                 PopStack(stack, &right);
                 PopStack(stack, &left);
                 kq =compute(left, right, ch); // Tính "leftop right"
                 PushStack(stack, kq); // Đẩy kq vào stack
        } else //không phải toán hạng hoặc toán tử
        printf("Bieu thuc loi");
   // Kết thúc tính toán, giá trị biểu thức nằm trên đỉnh stack, đưa vào kq
   PopStack(stack, &kq);
   Return kg;
05/04/2019
                                   SE-SoICT
```

Last Update 8-2010

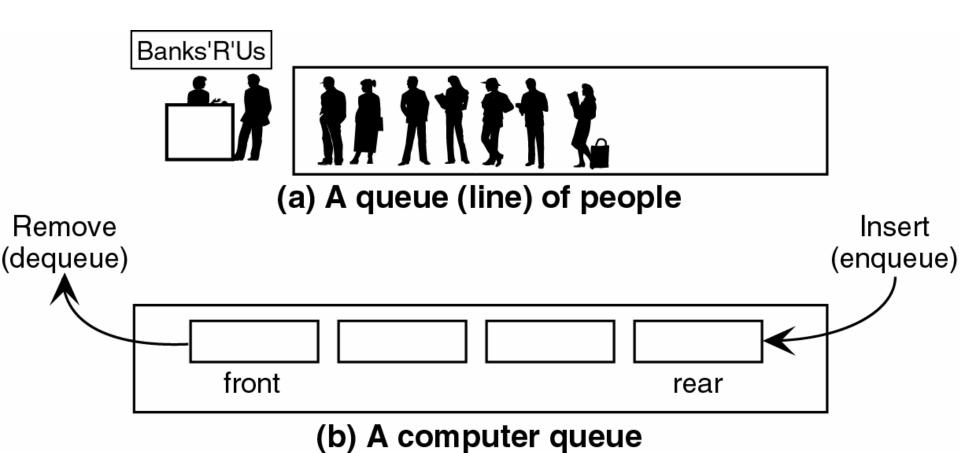
Bài tập

- •
- c hậu tố với các toán hạng tổng quát (có thể là số thực, có thể âm ...)
- Xây dựng chương trình chuyến

$$=\% = /> + = -$$

Queue

- Là danh sách mà thêm phải được thực hiện tại một đầu còn xóa phải thực hiện tại đầu kia.
- Queue là một kiểu cấu trúcFIFO: First In First Out



 Phần tử đầu hàng sẽ được phục trước, phần tử này được gọi là front, hay head của hàng. Tương tự, phần tử cuối hàng, cũng là phần tử vừa được thêm vào hàng, được gọi là rear hay tail của hàng.

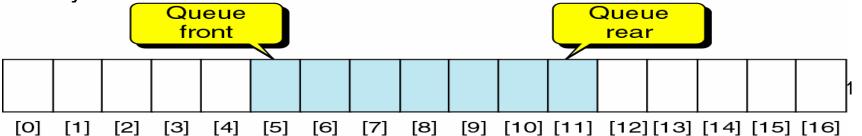
Các phương án thực hiện hàng

Mô hình vật lý

- Có thể dùng 1 mảng. Tuy nhiên, cần phải nắm giũ cả front và rear.
- Một cách đơn giản là ta luôn giũ front luôn là vị trí đầu của dãy. Lúc đó nếu thêm PT vào hàng ta chỉ việc thêm vào cuối dãy. Nhưng nếu lấy ra 1 pt ta phải dịch chuyển tất cả các pt của dãy lên 1 vị trí.
- Mặc dù cách làm này rất giỗng với hình ảnh hàng đợi trong thực tế, nhưng lại là 1 lựa chọn rất dở với máy tính

Hiện thực tuyến tính

- Ta dùng 2 chỉ số Front và Rear để lưu trữ đầu và cuối hàng mà không di chuyển các phần tử.
- Khi thêm ta chỉ việc tăng rear lên 1 và thêm pt vào vị trí đó
- Khi rút pt ra, ta lấy pt tại front và tăng front lên 1
- Nhược điểm : front và Rear chỉ tăng mà không giảm => lãng phí bộ nhớ
- Có thể cải tiến bằng cách khi hàng đợi rỗng thì ta gán lại front=rear= đầu dãy

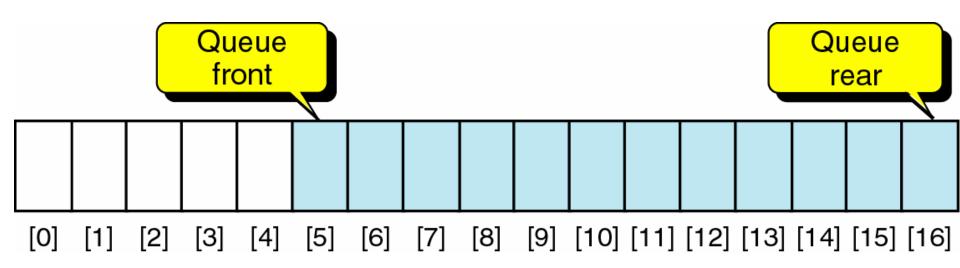


Hiện thực của dãy vòng

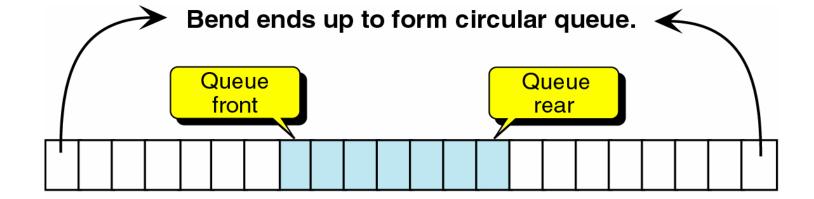
- Ta dùng 1 dãy tuyến tính để mô phỏng 1 dãy vòng.
- Các vị trí trong vòng tròn được đánh số từ 0 đến max-1, trong đó max là tông số PTử.
- Để thực hiện dãy vòng, chúng ta cũng sử dụng các phân tử được đánh số tương tư dãy tuyến tính.
- Sự thay đổi các chỉ số chỉ đơn giản là phép lấy phần dư số học: khi một chỉ số vợt quá max-1, nó đc bắt đầu trở lại vợi trị 0. Điều này tương tự với việc cộng thêm giờ trên đồng hồ mặt tròn

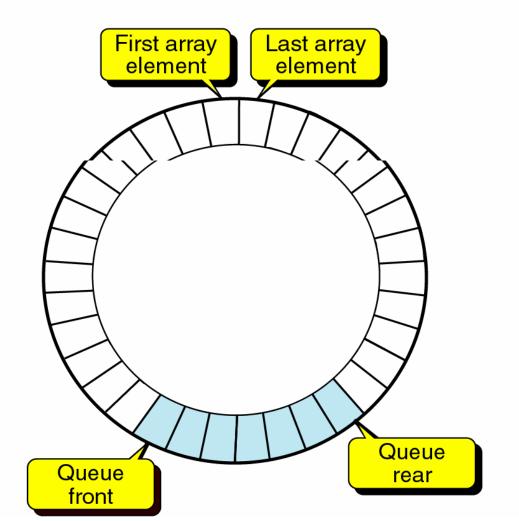
```
    i = ((i+1) == max) ? 0: (i+1);
    Hoặc if ((i+1) == max) i = 0; else i = i+1;
    Hoặc i = (i+1) % max;
```

Queue tăng hết mảng



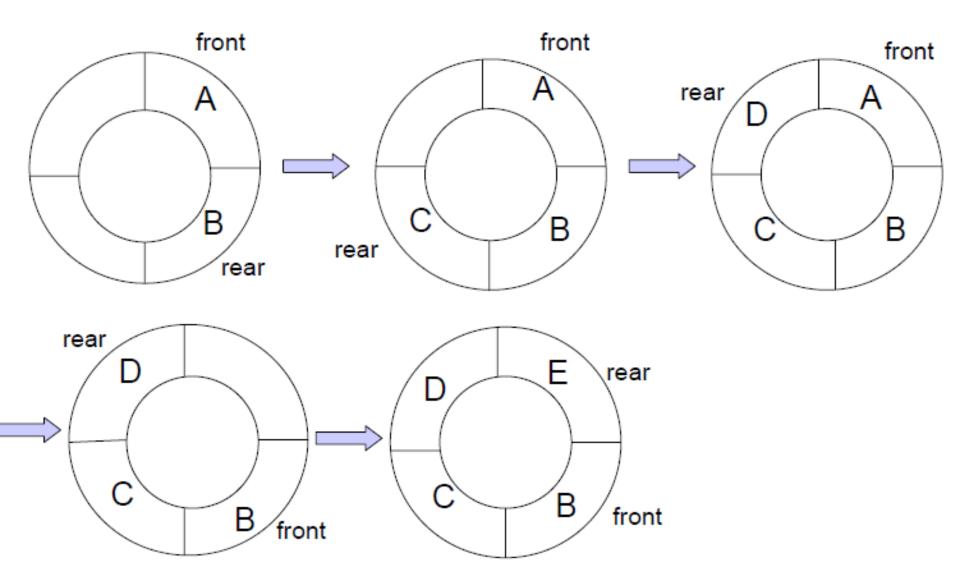
· Phai xử dụng mảng với kích thước lớn



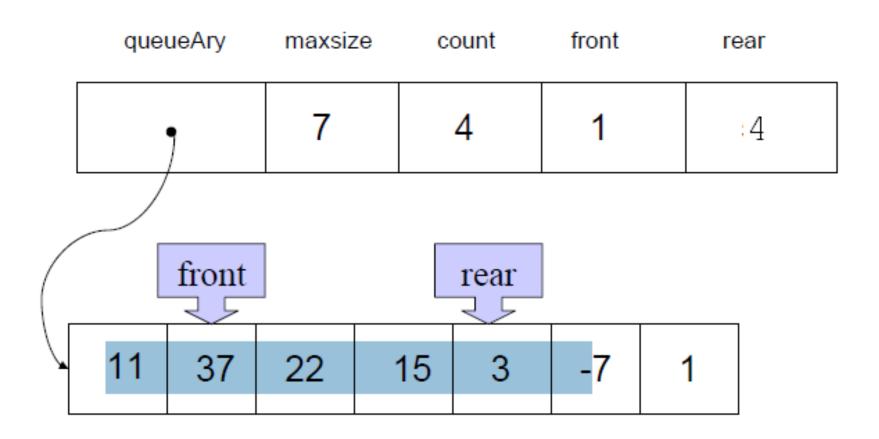


05/04/2019 Last Update 8-2

Queue dạng vòng

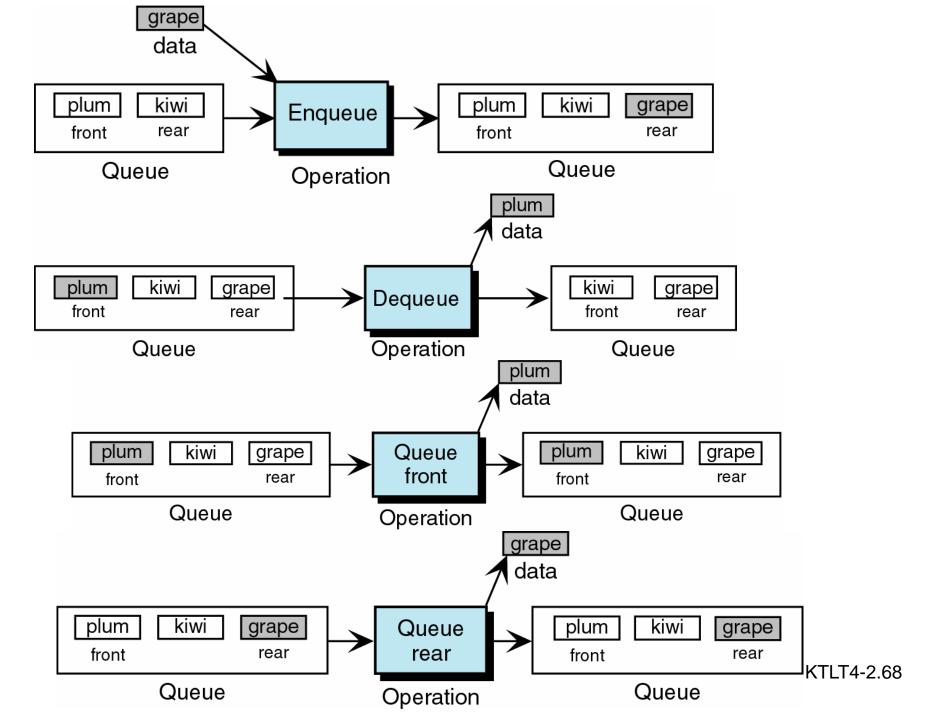


Queue thực hiện trên mảng



Các thao tác cơ bản với Queue

- 🗆 Enqueue–Thêm một phần tử vào cuối queue
 - − □ Tràn Overflow ?
- Dequeue–Xóa một phần tử tại đầu queue
 - □ Queue rỗng?
- Front –Trả lại phần tử tại đầu queue
 - □ Queue rong?
- Rear –Trả lại phần tử tại cuối queue
 - □ Queue rỗng



Định nghĩa cấu trúc Queue

```
typedef struct intqueue{
  Int *queueAry;
  Int maxSize;
  Int count;
  Int front;
  Int rear;
} IntQueue;
```

Tao Queue

```
IntQueue *CreateQueue(int max){
  IntQueue *queue;
  queue = (IntQueue *)malloc(sizeof(IntQueue));
  /*Cấp phát cho mảng */
   queue->queueAry= malloc(max *sizeof(int));
  /* Khởi tạo queue rỗng */
  queue->front = -1;
  queue->rear = -1;
  queue->count = 0;
  queue->maxSize= maxSize;
  return queue;
} /* createQueue*/
```

i queue

Int enqueue(struct intqueue *queue, int datain) if (queue->count >= queue->maxSize) return 0; (queue->count)++; queue->rear = queue->rear % queue->maxSize + 1; queue->queueAry[queue->rear] = datain; return 1;

Dequeue: Xóa PT ở đầu queue

```
int dequeue(struct intqueue *queue, int *dOutPtr)
  {if(!queue->count)
     return 0;
  *dOutPtr= queue->queueAry[queue->front];
  (queue->count)--;
  queue->front = (queue->front +1) % queue->maxSize;
  return 1;
```

• Front : Lấy pt đầu queue

```
Int Front(struct intqueue *queue,int *dOutPtr) {
  if(!queue->count)
     return 0;
 else{
    *dOutPtr= queue->queueAry[queue->front];
     return 1;
```

Rear : lấy PT cuối Queue

```
int Rear(struct intqueue *queue,int*dOutPtr) {
    if(!queue->count)
       return 0;
    else{
       *daOutPtr= queue->queueAry[queue->rear];
       return 1;
    }
}
```

emptyQueue và fullQueue

```
Int emptyQueue(struct intqueue *queue)
  return(queue->count == 0);
}/* emptyQueue*/
Int fullQueue(struct intqueue *queue )
   return( queue->count == queue->maxSize);
}/* fullQueue*/
```

05/04/2019 Last Update 8-2010

destroyQueue

```
struct intqueue *destroyQueue(struct intqueue *queue)
  if(queue)
      free(queue->queueAry);
      free(queue);
  return NULL;
}/* destroyQueue*/
```

Bài tập

 Xây dựng Stack và Queue móc nối, cài đặt các thao tác tương ứng

4.II.2 Tree

- 1.Định nghĩa và khái niệm
- 2. Cây nhị phân
 - □ Định nghĩa vàTính chất
 - 🗆 Lưu trữ
 - − □ Duyệt cây
- 3.Cây tổng quát
 - − □ Biểu diễn cây tổng quát
 - Duyệt cây tống quát (nói qua)
- 4. Ứng dụng của cấu trúc cây
 - Cây biểu diễn biểu thức (tính giá trị, tính đạo hàm)
 - Cây quyết định

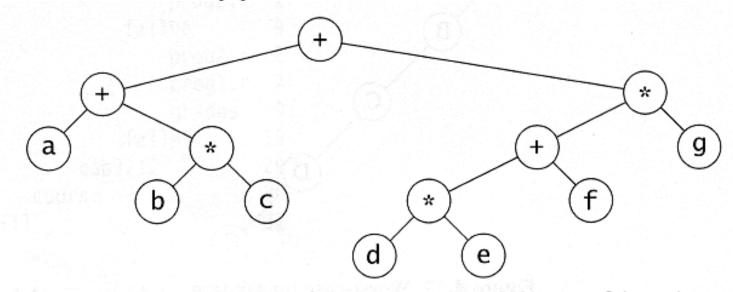
1. Định nghĩa và khái niệm

- So với cấu trúc liên tục như mảng,danh sách có ưu điểm vượt trội về tính mềm dẻo
- Nhưng nhược điểm lớn của ds là tính tuần tự và chỉ thể hiện được các mối quan hệ tuyến tính.
- Thông tin còn có thể có quan hệ dạng phi tuyến, vídụ:
 - − □ Các thư mục file
 - − □ Các bước di chuyển của các quân cờ
 - □ Sơ đồ nhân sự của tổ chức
 - − □ Cây phả hệ
- Sử dụng cây cho phép tìm kiếm thông tin nhanh

Các khái niệm cơ bản về cây

- Một cây (tree) gồm một tập hữu hạn các nút (node) và 1 tập hữu hạn các cành (branch p "cha-con".
- Số cạnh ra (con) tại một nút gọi là p
 (degree) cuả nút đó. Nếu cây không rỗng thì
 phải có 1 nút gọi là nút gốc (root), nút này
 không có cạnh vào
- cây.
- Định nghĩa (ĐQ): Một cây là tập các nút mà:
 - là tập rỗng, hoặc

- có 0 hoặc nhiều cây O5/04/2019 Last Upda Q 20,10 các cây con cũng là cây.



- A

Μ

Figure 4.14 Expression tree for (a + b * c) + ((d * e + f) * g)

- - N

- C

- - B

- I

M(A(NC(B))DO(Y(TX)ELS))
(e)

- 0

- - Y

- - - Т

- - - X

- - E

- - L

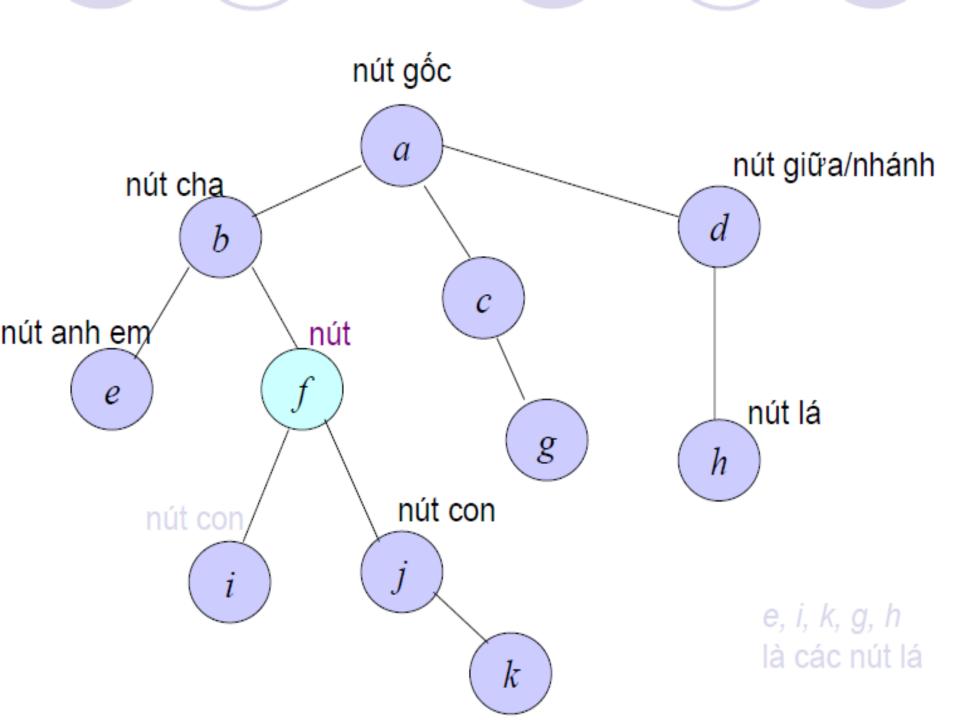
- - S

Các cách biểu diễn cây

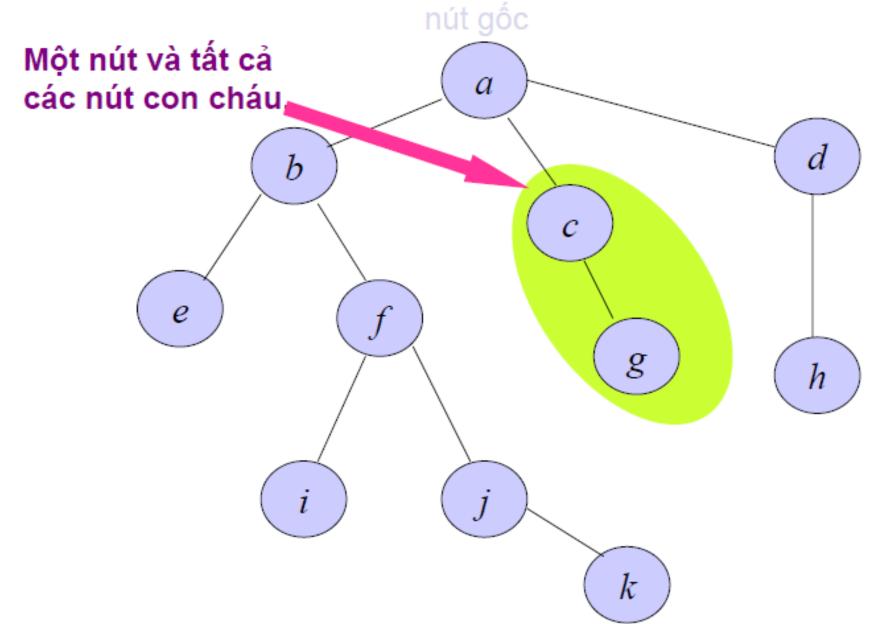
(b) 05/04/2019 Last Update 8-2010

SE-SoiCI

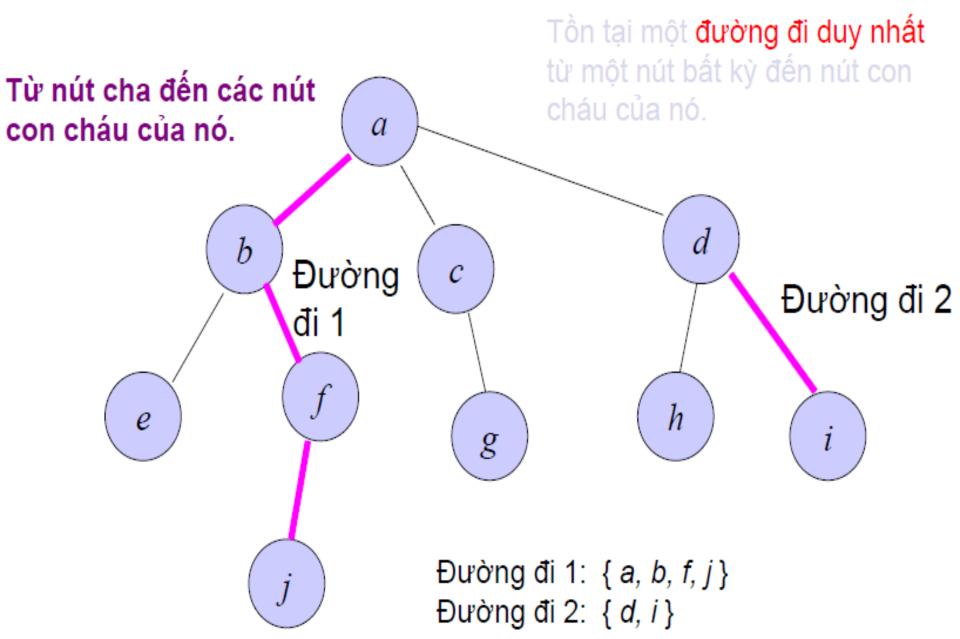
KILI4-2.81



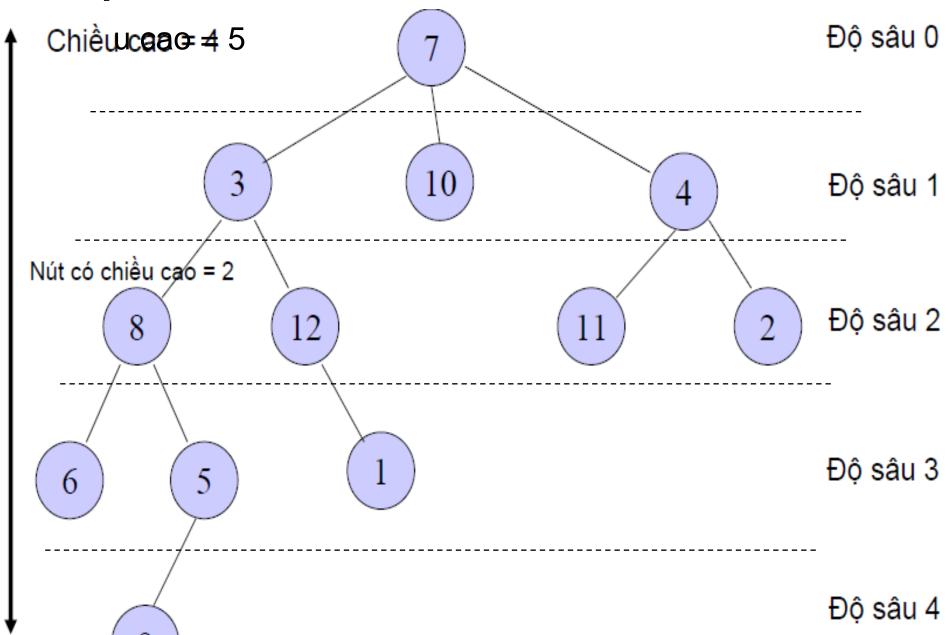
Cây con



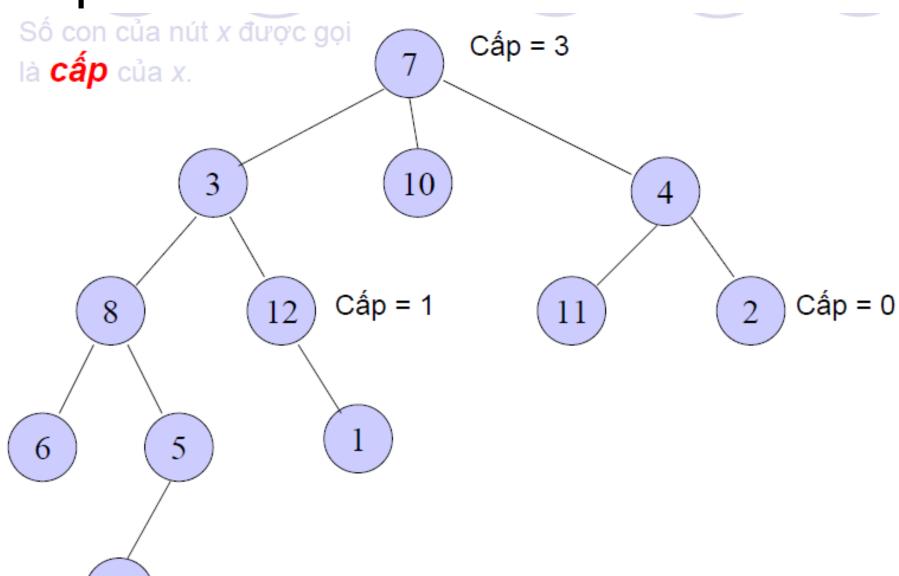
Đường đi



Độ sâu và chiều cao

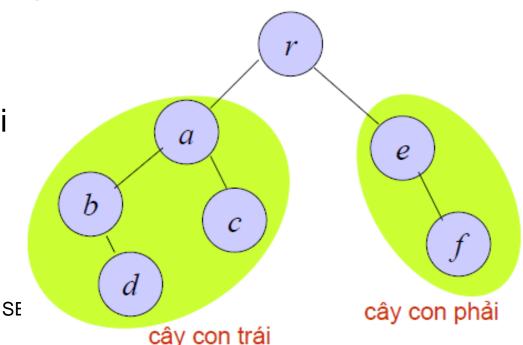


Cấp



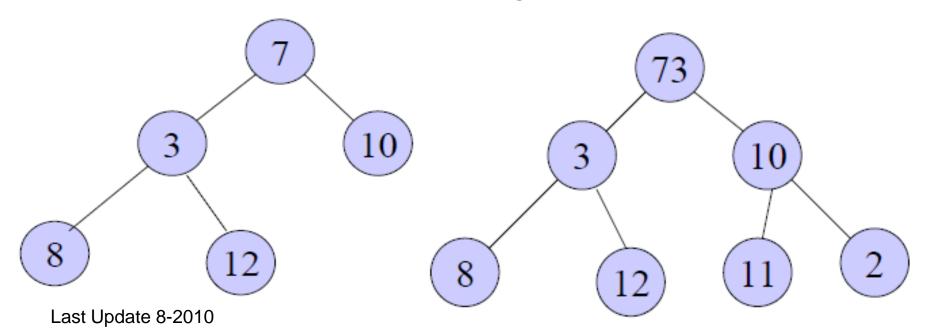
Cây nhị phân Định nghĩa và tính chất

- Mỗi nút có nhiều nhất 2 nút con. Nút trái và nút phải
- Một tập các nút T được gọi là cây nhị phân, nếu :
 - a) Nó là cây rỗng,hoặc
 - b) Gồm 3 tập con không trùng nhau:
 - 1) một nút gốc
 - 2) Cây nhị phân con trái
 - 3) Cây nhị phân con phải



Cây nhị phân hoàn chỉnh và Cây nhị phân đầy đủ

i đa 2 con Tất cả nút lá đều có cùng
 i độ sâu và tất cả nút
 i giữa có cấp = 2



Một số tính chất

• ci:2ⁱ⁻¹

•

u cao H thì N =
$$2^{H}$$
-1
- H_{max} = N, H_{min} = $[log_2N]$ +1

phân



 Khoảng cách từ 1 nút đến nút gốc xác định chi phí cần để định vị nó : 1 nút có độ sâu là 5 => phải đi từ nút gốc và qua 5 cành

•

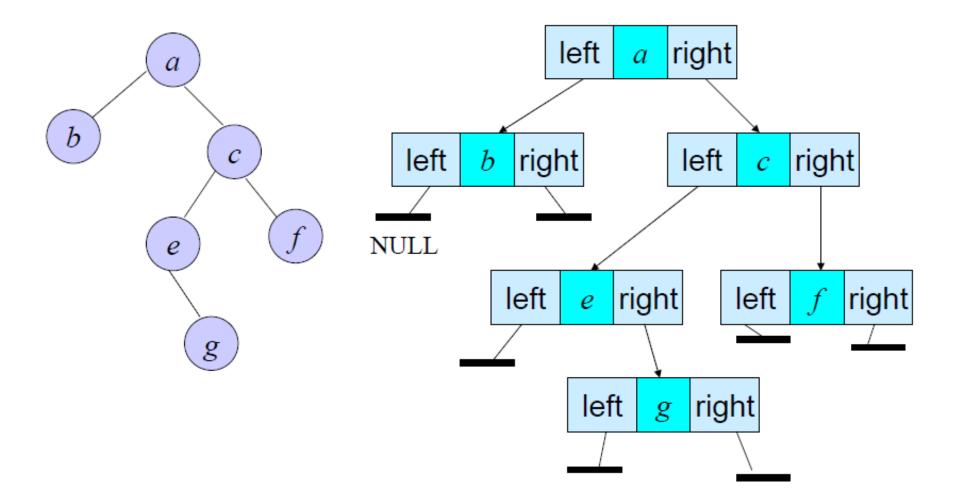
ng của cây nhị phân. Hệ số cân bằng của cây (balance factor chênh lệch giữa chiều cao của 2 cây con trái và phải của nó:

B = HL-HR

 Một cây cân bằng khi B = 0 và các cây con của nó cũng cân bằng

2.2 Lưu trữ cây nhị phân

- Lưu trữ kế tiếp : Sử dụng mảng
- Lưu trữ móc nối : Sử dụng con trỏ



Cấu trúc cây nhị phân

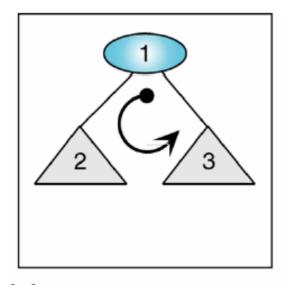
```
typedef structtree_node
{
  int data;
  structtree_node *left;
  structtree_node *right;
}TREE_NODE;
```

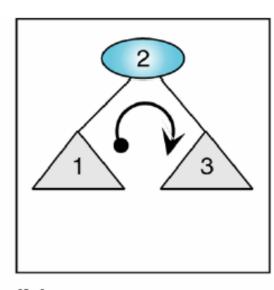
Tạo cây nhị phân

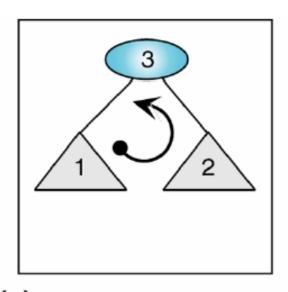
```
TREE_NODE *root, *leftChild, *rightChild;
// Tạo nút con trái
leftChild= (TREE_NODE *)malloc(sizeof(TREE_NODE));
leftChild->data = 20;
leftChild->left = leftChild->right = NULL;
// Tạo nút con phải
rightChild = (TREE_NODE *)malloc(sizeof(TREE_NODE));
rightChild->data = 30;
rightChild->left = rightChild->right = NIII I ·
// Tạo nút gốc
root = (TREE_NODE *)malloc(sizeof)
root->left = leftChild;
                                                        30
                                        20
root->right = rightChild;
root 4> data= 50;// gán 50 cho root
Last Update 8-2010
```

2.3. Duyệt cây nhị phân

- Duyệt cây: lần lượt duyệt toàn bộ nút trên cây
- □ Có 3 cách duyệt cây:
 - □ Duyệt theo thứ tự trước
 - Duyệt theo thứ tự giữa
 - □ Duyệt theo thứ tự sau
- Định nghĩa duyệt cây nhị phân là những định nghĩa đệ quy.







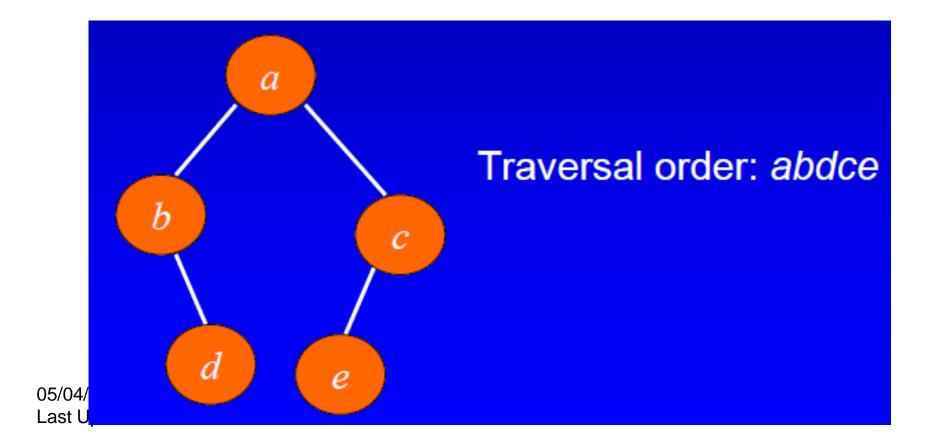
(a) Thứ tự trước

(b) Thứ tự giữa

(C) Thứ tự sau

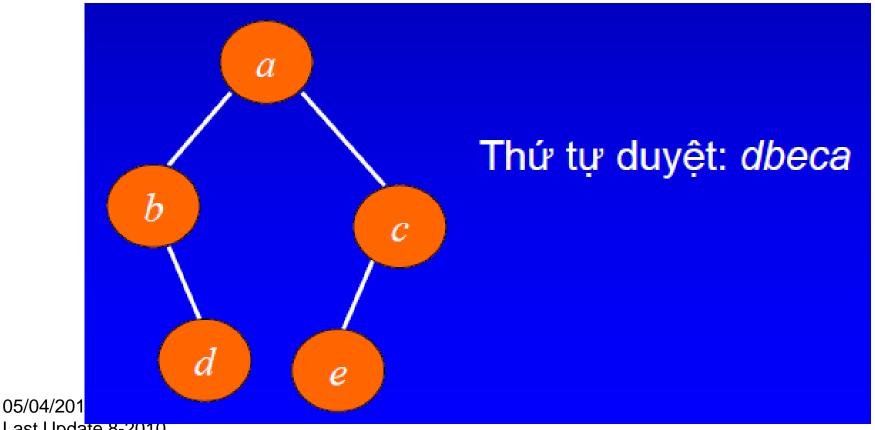
Duyệt theo thứ tự trước

- Thăm nút.
- Duyệt cây con trái theo thứ tự trước.
- Duyệt cây con phải theo thứ tự trước.



Duyệt theo thứ tự sau

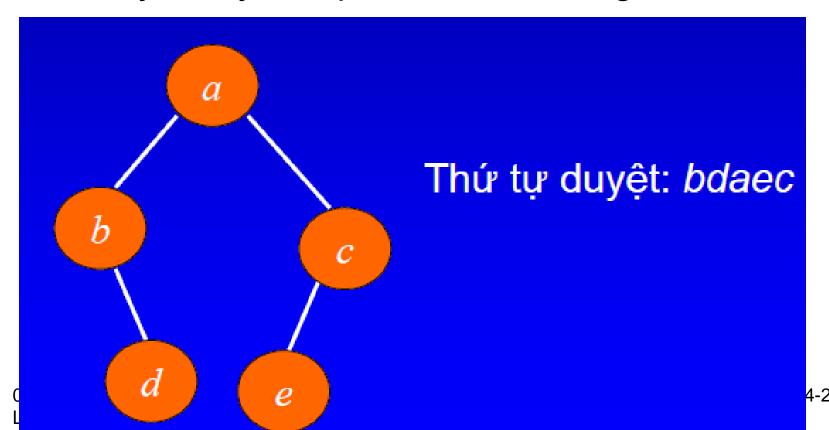
- 1. Duyệt cây con trái theo thứ tự sau.
- 2. Duyệt cây con phải theo thứ tự sau.
- 3. Thăm nút.

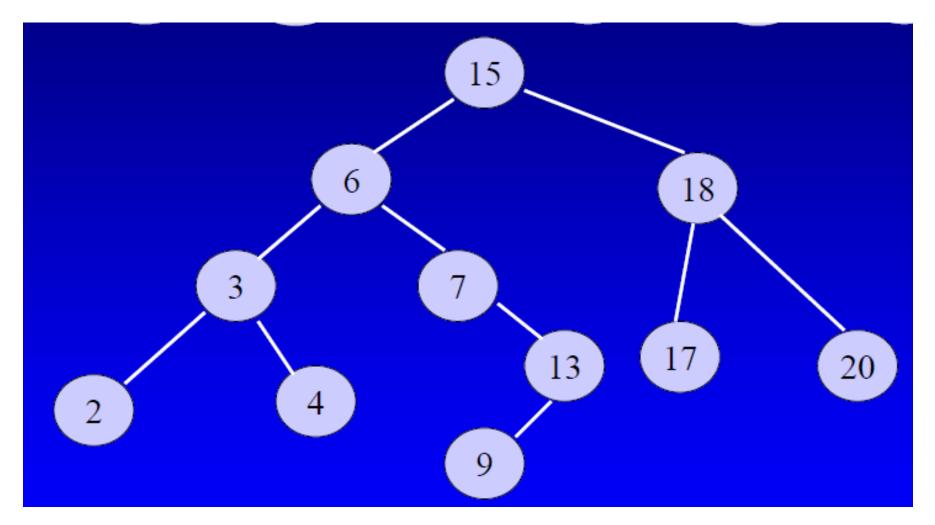


Last Update 8-2010

Duyệt theo thứ tự giữa

- 1. Duyệt cây con trái theo thứ tự giữa
- 2. Thăm nút.
- 3. Duyệt cây con phải theo thứ tự giữa.





Thứ tự trước: 15, 6, 3, 2, 4, 7, 13, 9, 18, 17, 20 Thứ tự giữa :2, 3, 4, 6, 7, 9, 13, 15, 17, 18, 20 Thứ tự sau :2, 4, 3, $9_{\text{E-SolC}_{7}}$ 7, 6, 17, 20, 18, $15_{\text{K1C}_{74-2.98}}$ Last Update 8-2010

Duyệt theo thứ tự trước-Đệ quy

```
void Preorder(TREE_NODE *root)
{
    if (root != NULL)
    {
        // tham aNode
        printf("%d", root->data);
        // duyet cay con trai
        Preorder(root->left);
        // duyet cay con phai
        Preorder(root->right);
    }
}
```

Bài tập: Viết giải thuật đệ quy của

- Duyệt theo thứ tự giữa
- Duyệt theo thứ tự sau

Duyệt theo thứ tự trước-Vòng lặp

```
void Preorder_iter(TREE_NODE *treeRoot)
             i wu!!! Xem trongCTDL&GT
   TREE_NODE *curr= treeRoot;
   STACK *stack= createStack(MAX);// khởi tạostack
    while (curr != NULL || !IsEmpty(stack))
     printf("%d", curr->data); // thămcurr
     // nếu có cây con phải, đẩy cây con phải vào stack
     if (curr->right != NULL)
              pushStack(stack, curr->right);
     if(curr->left!=NULL)
              curr= curr->left; // duyệt cây con trái
      else
              popStack(stack, &curr);// duyệt cây con phải
destroyStack(&stack);// giải phóng stack
                                                        KTLT4-2.100
```

Update 8-2010

Duyệt theo thứ tự giữa

```
void Inorder_iter(TREE_NODE *root){
   TREE_NODE *curr= root;
   STACK *stack= createStack(MAX);//ktao stack
   while(curr != NULL || !IsEmpty(stack))
        if (curr==NULL){
                popStack(stack, &curr);
                printf("%d", curr->data);
                curr= curr->right;
        else{
                pushStack(stack, curr);
                curr= curr->left; // duyệt cây con trái
    destroyStack(stack); //giải phóng stack
                                SE-SoICT
```

65/04/2019 Last Update 8-2010

Duyệt theo thứ tự cuối

```
voidPostorder_iter(TREE_NODE *treeRoot)
  TREE_NODE *curr= treeRoot;
  STACK *stack= createStack(MAX);//ktao môt stack
  while( curr != NULL || !IsEmpty(stack)) {
       if (curr == NULL) {
               while(!IsEmpty(stack) && curr==Top(stack)->right){
                       PopStack(stack, &curr);
                       printf("%d", curr->data);
               curr= isEmpty(stack)? NULL: Top(stack)->right;
       else{
               PushStack(stack, curr);
               curr= curr->left;
    lestroyStack(&stack);// giải phóng stack
                                                           KTLT4-2.102
Last Update 8-2010
```

Một vài ứng dụng của duyệt cây

- 1.Tính độ cao của cây
- 2.Đếm số nút lá trong cây
- 3.Sao chép cây
- 4.Xóa cây

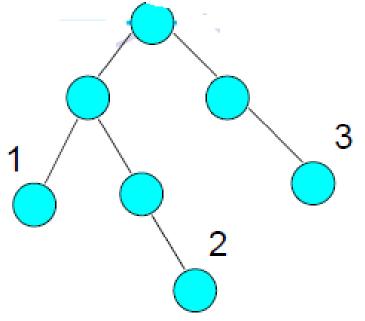
Tính độ cao của cây

```
int Height(TREE_NODE *tree)
  Int heightLeft, heightRight, heightval;
  if( tree== NULL )
      heightval= 0;
  else
  { // Sửdụng phương pháp duyệt theo thứ tự sau
      heightLeft= Height (tree->left);
      heightRight= Height (tree->right);
      heightval= 1 + max(heightLeft,heightRight);
  return heightval;
```

KTLT4-2.104

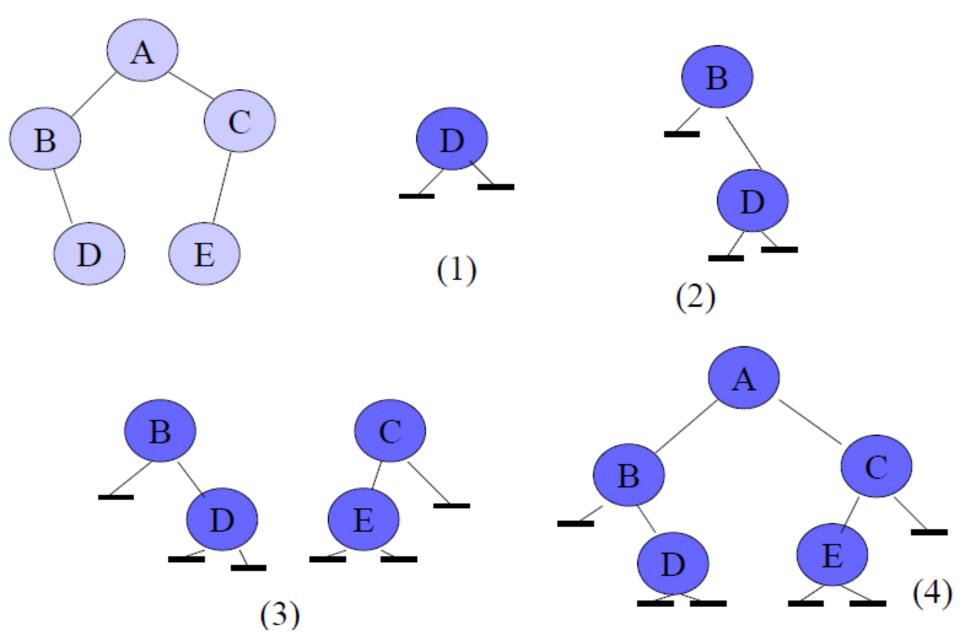
Đếm số nút

```
int Count(TREE_NODE *tree)
{
   if (tree == NULL) return 0;
   else {
   int count;
   count = 1 + Count(tree->left) + Count(tree->right);
   return count;}
}
```



a cây!!!

Sao chép cây



```
TREE_NODE *CopyTree(TREE_NODE *tree)
  // Dừng đệ quy khi cây rỗng
  if (tree== NULL) return NULL;
  TREE_NODE *leftsub, *rightsub, *newnode;
  leftsub=CopyTree(tree->left);
  rightsub= CopyTree(tree->right);
  // tạo cây mới
  newnode= malloc(sizeof(TREE_NODE));
  newnode->data = tree->data;
  newnode->left = leftsub;
  newnode->right = rightsub;
  return newnode;
```

Xóa cây

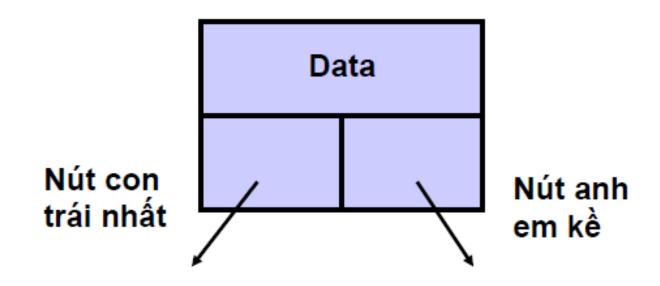
```
void DeleteTree(TREE_NODE *tree)
   //xóa theo thứ tự sau
   if(tree != NULL)
     DeleteTree(tree-> left);
     DeleteTree(tree-> right);
     free(tree);
```

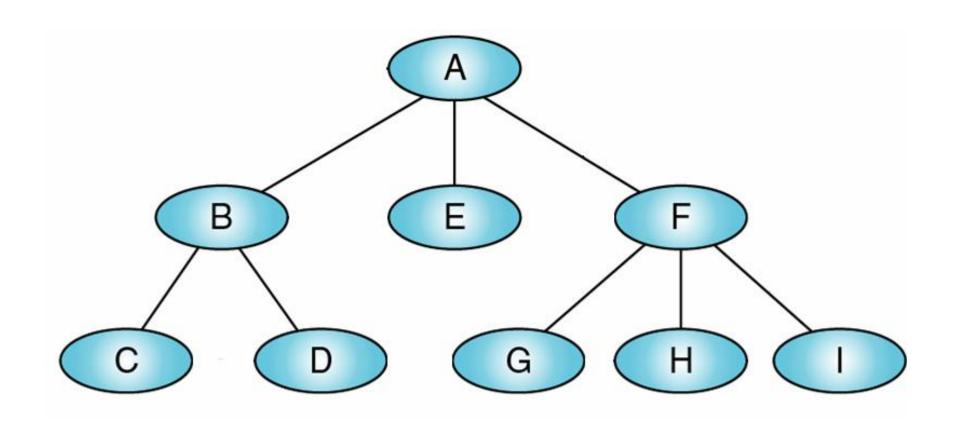
3. Cây tổng quát3.1. Biểu diễn cây tổng quát

- Biểu diễn giống như cây nhị phân?
 - Mỗi nút sẽ chứa giá trị và các con trỏ trỏ đến các nút con của nó?
 - Bao nhiêu con trỏ cho một nút? >>Không hợp
 lý
- Mỗi nút sẽ chứa giá trị và một con trỏ trỏ đến một "tập" các nút con
 - Xây dựng "tập" như thế nào?

Biểu diễn cây tổng quát

- Sử dụng con trỏ nhưng mở rộng hơn:
 - Mỗi nút sẽ có 2 con trỏ: một con trỏ trỏ đến nút con đầu tiên của nó, con trỏ kia trỏ đến nút anh em kề với nó
 - Cách này cho phép quản lý số lượng tùy ý của các nút con





3.2. Duyệt cây tổng quát

1.Thứ tự trước:

- 1.Thăm gốc
- 2. Duyệt cây con thứ nhất theo thứ tự trước
- 3. Duyệt các cây con còn lại theo thứ tự trước

2.Thứ tự giữa

- 1.Duyệt cây con thứ nhất theo thứ tự giữa
- 2.Thăm gốc
- 3. Duyệt các cây con còn lại theo thứ tự giữa

3.Thứ tự sau:

- 1.Duyệt cây con thứ nhất theo thứ tự sau
- 2. Duyệt các cây con còn lại theo thứ tự sau
- 3.Thăm gốc

4. Ứng dụng của cây nhị phân

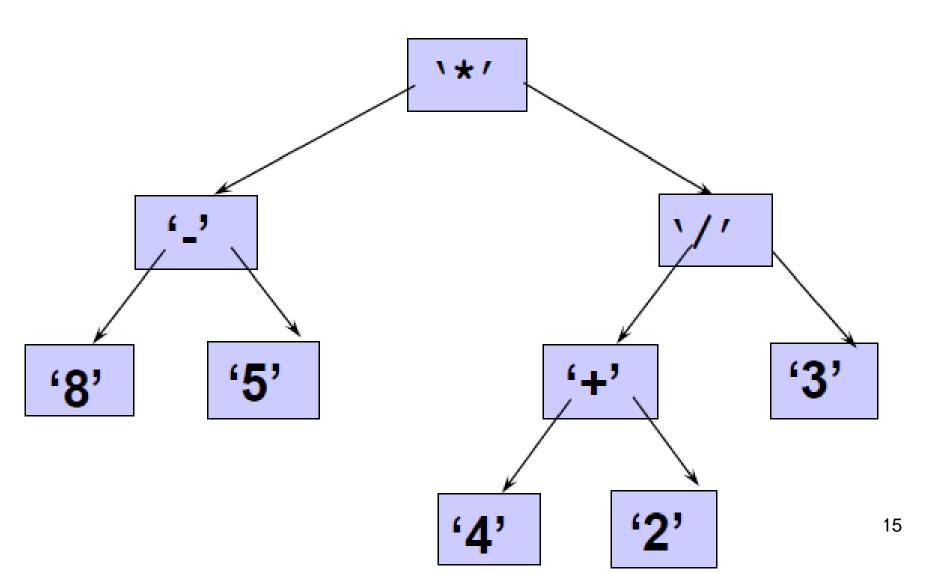
- Cây biểu diễn biểu thức
 - Tính giá trị biểu thức
 - − □ Tính đạo hàm
- □ Cây quyết định

Cây biểu diễn biểu thức là.

Một loại cây nhị phân đặc biệt, trong đó:

- 1. Mỗi nút lá chứa một toán hạng
- 2. Mỗi nút giữa chứa một toán tử
- 3. Cây con trái và phải của một nút toán tử thể hiện các biểu thức con cần được đánh giá trước khi thực hiện toán tử tại nút gốc

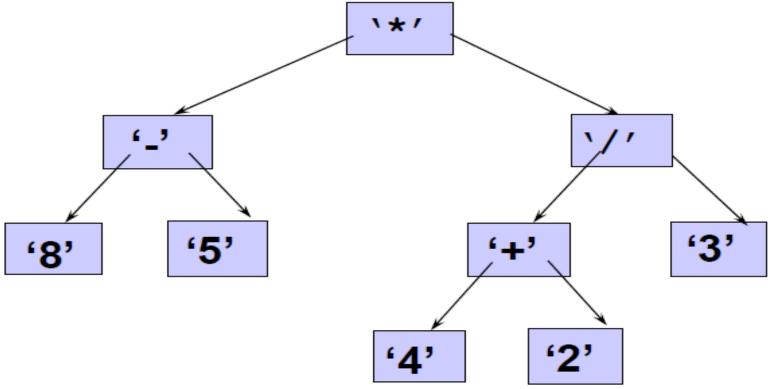
Biểu thức nhị phân



Các mức chỉ ra thứ tự ưu tiên

- Các mức (độ sâu) của các nút chỉ ra thứ tự ưu tiên tương đối của chúng trong biểu thức (không cần dùng ngoặc để thể hiện thứ tự ưu tiên).
- Các phép toán tại mức cao hơn sẽ được tính sau các các phép toán có mức thấp.
- Phép toán tại gốc luôn được thực hiện cuối cùng.

 Dễ dàng để tạo ra các biểu thức tiền tố, trung tố, hâu tố



- Trung tố:((8-5)*((4+2)/3))
- Tiền tố: * -8 5 / + 4 2 3
- Hậu tố: 8 5 -4 2 + 3 / *

 05/04/2019

 SE-SoiCT

 (**Inure: RTLT4-2.117**

 (**Inure: Replace (**) **

 KTLT4-2.117*

 KTLT4-2.117*

 KTLT4-2.117*

 KTLT4-2.117*

 KTLT4-2.117*

Cài đặt cây biểu thức

Mỗi nút có 2 con trỏ

```
struct TreeNode {
```

InfoNode info ;// Dữ liệu

TreeNode *left ;// Trỏ tới nút con trái

TreeNode *right ; // Tro tới nút con phải

NULL OPERAND 7 6000

whichType operand

05/04/ Last U

. left

. info

right

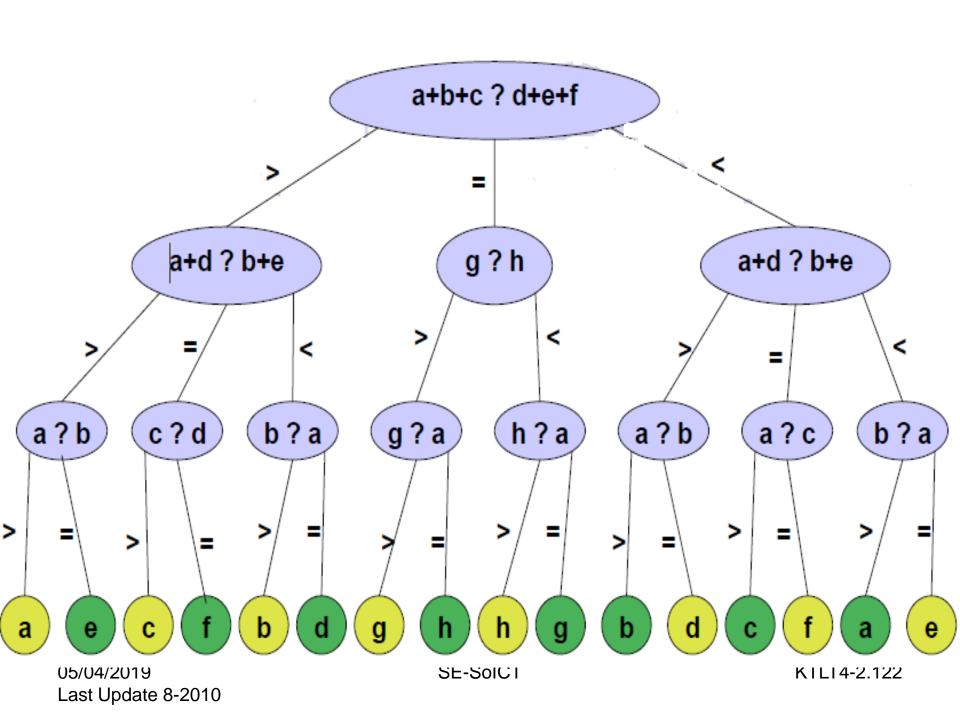
```
    InfoNode có 2 dang

enum OpType { OPERATOR, OPERAND } ;
struct InfoNode {
 OpType whichType;
                    // ANONYMOUS union
 union
    char operator;
    int operand;
                           OPERAND
 OPERATOR
           operation
                         whichType
                                    operand
```

```
int Eval(TreeNode* ptr){
   switch(ptr->info.whichType) {
     case OPERAND:
         returnptr->info.operand;
     case OPERATOR:
         switch ( tree->info.operation ){
             case '+':
                return ( Eval( ptr->left ) + Eval( ptr->right ) );
             case '-':
                return ( Eval( ptr->left ) -Eval( ptr->right ) );
             case '*':
                return ( Eval( ptr->left ) * Eval( ptr->right ) );
             case '/':
                return (Eval(ptr->left) / Eval(ptr->right));
```

C)

- Dùng để biểu diễn lời giải của bài toán cần quyết định lựa chọn
- Bài toán 8 đồng tiền vàng:
 - Có 8 đồng tiền vàng a, b, c, d, e, f, g, h
 - Có một đồng có trọng lượng không chuẩn
 - Sử dụng một cân Roberval (2 đĩa)
 - Output:
 - Đồng tiền k chuẩn là nặng hơn hay nhẹ hơn
 - Số phép cân là ít nhất



```
void EightCoins(a, b, c, d, e, f, g, h) {
    if (a+b+c == d+e+f) {
         if (g > h) Compare(g, h, a);
        else Compare(h, g, a);
   else if (a+b+c > d+e+f){
         if (a+d == b+e) Compare(c, f, a);
         else if (a+d > b+e) Compare(a, e, b);
         else Compare(b, d, a);
   else{
         if (a+d == b+e) Compare(f,c,a);
         else if (a+d > b+e) Compare(d, b, a);
         else Compare(e, a, b);
// so sánh x với đồng tiền chuẩn z
void Compare(x,y,z){
   if(x>y) printf("x năng");
   else printf("y nhe");
                                   SE-SolCT
```