## Описание Менеджера эвристик

Из сложности DPsize:

$$\begin{split} I_{\text{DPsize}}^{\text{chain}}(n) &= \begin{cases} \frac{1}{48}(5n^4 + 6n^3 - 14n^2 - 12n), & n \text{ even} \\ \frac{1}{48}(5n^4 + 6n^3 - 14n^2 - 6n + 11), & n \text{ odd} \end{cases} \\ I_{\text{DPsize}}^{\text{cycle}}(n) &= \begin{cases} \frac{1}{4}(n^4 - n^3 - n^2), & n \text{ even} \\ \frac{1}{4}(n^4 - n^3 - n^2 + n), & n \text{ odd} \end{cases} \\ I_{\text{DPsize}}^{\text{star}}(n) &= \begin{cases} 2^{2n-4} - \frac{1}{4}\binom{2n}{n-1} + q(n), & n \text{ even} \\ 2^{2n-4} - \frac{1}{4}\binom{2(n-1)}{(n-1)} + \frac{1}{4}\binom{(n-1)}{(n-1)/2} + q(n), & n \text{ odd} \end{cases} \\ \text{with } q(n) &= n2^{2n-1} - 5 \times 2^{n-3} + \frac{1}{2}(2^n - 5n + 4) \\ I_{\text{DPsize}}^{\text{clique}}(n) &= \begin{cases} 2^{2n-2} - 5 \times 2^{n-2} + \frac{1}{4}\binom{2n}{n} - \frac{1}{4}\binom{n}{n/2} + 1, & n \text{ even} \\ 2^{2n-2} - 5 \times 2^{n-2} + \frac{1}{4}\binom{2n}{n} + 1, & n \text{ odd} \end{cases} \end{split}$$

Заметим, что для цепей, циклов, звёзд с небольшим количестом таблиц, DPsize обладает быстрым временем планирования, следовательное эвристики нужно использовать для крупных топологий. Заметим, что плотные графы  $\sim$  clique обладают высокой алгоритмической сложностью планирования алгоритмом DPsize. Поэтому все такие графы от 6+ вершин будем отдавать Geqo. Заметим, что также крупные звёзды обладают высокой сложностью. Их можно разбить на цепи по центральной вершине. Посмотрим на сложность планирования цепей и циклов: при количестве таблиц  $\leq 12$  сложность циклов не более чем в 2 раза больше сложности цепи. Таким образом, при количестве таблиц  $\leq geqo\_threshold$  в цепи(цикле) будем применять стандартный DP. Пусть дан большой( $\geq 50$  таблиц) аналитический запрос с внутренними соединениями. Для его планирования будем выполнять следующие шаги:

- 1. Представим запрос в виде набора связных компонент, любые две таблицы из разных компонент не имеют условия соединения между собой. Для каждой компоненты будем выполнять шаги 2-4.
- 2. Разобьём компоненту на топологии: сначала выделим из компоненты плотные графы (с 6+ вершинами), затем циклы(\*), звёзды, останутся цепи. Звездой назовём группу вершин: центральная и связанные с ней цепи, каждые две цепи не связаны с друг другом в оставшейся топологии. Или если имеется вершина с количеством строк в 10+ раз больше чем у 2+ соседей, то данная вершина станет центральной, а её соседи будут концами цепочек. (\*)Если после выделения плотных графов и циклов, компонента остаеётся связной, то для планирования этого дерева используем linDP (т.к позволяет получить очень близкие к оптимальным планы за разумное время), иначе выделяем звёзды и цепи.
- 3. Назовём топологию маленькой, если в ней  $\leq geqo\_threshold$  элементов, иначе топология большая. Спланируем каждую топологию графа:
  - (a) Для маленькой цепи будем использовать DPsize. Для большой будем брать минимальный (по общей стоимости) из результатов планирования GOO (по кардинальности) и Geqo.
  - (b) Для маленького цикла будем использовать DPsize. В большом цикле найдем соединение с наибольшей кардинальностью, и разобьём цикл по этом соединению уберём одну таблицу в этом соединении. Спланируем цепь, и присоединим удалённую таблицу.

- (c) Маленькую звезду спланируем DPsize. Для большой сначала спланируем лучи как цепи, затем будем последовательно присоединять к центру использую GOO (по кардинальности) с центральной фиксированной вершиной.
- (d) Плотный граф от  $\leq 6$  вершин будем планировать DPsize. Для больших плотных графов будем использовать Geqo.
- 4. Алгоритмом GOO(по кардинальности) соберём все планы компоненты в один результат.
- 5. Объединим планы компонент алгоритмом GOO(по кардинальности) с помощью декартового произведения.

Внутри алгоритма GOO будем переключаться на DPsize с передачей частичных результатов, если на каком-то шаге минимальное по кардинальности соединение будет близко к декартовому произведению и количество элементов будет  $\leq geqo\_threshold$ . Однако для соединения планов связных компонент графа переключаться не будем.