

一、选择题.

1. B (同 2010-15)

2. B

3. A

→ 随机访问是顺序表的特性

4. C (同 2013-3)

5. A

→ 见书版 P289

6. A

→ 从 A[1][1] 开始, $k = \begin{cases} \frac{i(i-1)}{2} + j - 1, & i > j \\ \frac{j(j-1)}{2} + i - 1, & i < j \end{cases}$ 适用于 n 行 n 列的矩阵, 题干是 5 行 6 列由于是按行存储, $LOC(5, 5) = 4 \times 6 + 5 - 1 = 29$, $29 \times 5 + 1000 = 1145$

7. A

→ 当最底层只有一个元素时结点数最少 → 前 $n-1$ 层 + 1 = $2^{n-1} - 1 + 1 = 2^{n-1}$

8. B

→ A, C, D 都是正确说法, 这里考查了生成树的概念 (极小连通子图), 连通分量是极大连通子图.

9. C (同 2013-7)

10. D

→ 考查了关键路径的概念

11. D

→ $C_n^2 = \frac{n(n-1)}{2}$

12. A

→ 无向图邻接矩阵为对称矩阵, A 正确. B 改: 非零元素个数 = 边数 $\times 2$.C 改: 第 i 行 和 第 i 列 的非零元素个数相同, 为顶点 V_i 的度数, 题干是指第 i 行 + 第 i 列 = V_i 度数.

D 改: 矩阵行数 = 图中顶点数.

13. D

→ 设 AVL 树的高度为 h , 记此时结点数为 N_h ① $h=0$, $N_0=0$ ② $h=1$, $N_1=1$ ③ $h>1$, $N_h = N_{h-1} + N_{h-2} + 1$ $\Rightarrow h \approx 1.44 \times \log_2(n+1)$ → AVL 树中每个结点查找长度与树高是一个数量级, 即 $O(\log_2 n)$

14. (同 2015-5)



15. A

→ 考查了栈“先进后出”

b改: $1 \rightarrow 5 \rightarrow 4 \rightarrow 6 \rightarrow 3 \rightarrow 2$

c改: $6 \rightarrow 5 \dots$

D改: $3 \rightarrow 5 \rightarrow 6 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$

→ 判断技巧: ① X_n 出栈之后只能与其相邻的元素出栈 (X_n 为最后一个元素), 如C改.

② 先进后出

二. 填空题

1. $n-i$

2. $(front+1) \% (m+1)$ (分母是整个队列存储空间)

3. $p \rightarrow next = q \rightarrow next$ free(q)

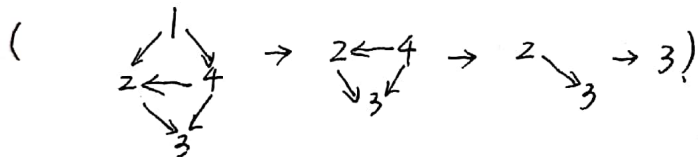
4. $n+1$ (见2015年第9题选择题解析)

5. 89

6. $O(\log_2 n)$ $O(n \log_2 n)$

7. d

8. 1, 4, 2, 3



三. 判断题

1. f (同2010-14 → 指2010年判断题14题)

2. t (树高最小二叉排序树查找类似于二分查找, 时间复杂度为 $O(\log_2 n)$, 最好情况下是单支树为 O)

3. f

4. t

5. f (数据及是数据的最小单位, 数据元素是数据的基本单位)

6. f. (普里姆算法时间复杂度为 $O(n^2)$, n 为顶点数, 与边数无关, 故可以用于稠密图)

克鲁斯卡尔算法时间复杂度为排序算法决定, 排序算法排序的是边的权值, 因此与边数有关. 相对于prim而言不适用于稠密图, 适用于疏[稀]图.)

7. f

8. t

9. t

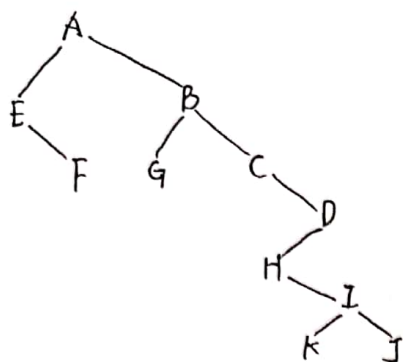
10. f



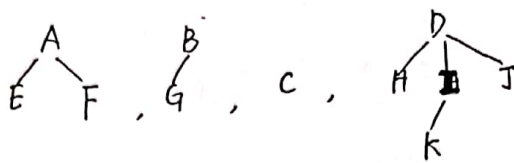
四. 简答题.

1.

(1) 二叉树如下:



(2) 二叉树转换成森林为



→ 前序+中序找后序或前+中序找前序见2010-3, 下面介绍一下二叉树转森林与森林转二叉树.

上面两个转化本质是树与二叉树的转换.

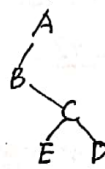
① 树 → 二叉树 (遵循“左孩子, 右兄弟”原则) → 左孩子放左边, 兄弟放右边.



B是A的孩子, A无兄弟
a.



C是B的兄弟, B无孩子
b.



c. E是C的孩子, D是C兄弟



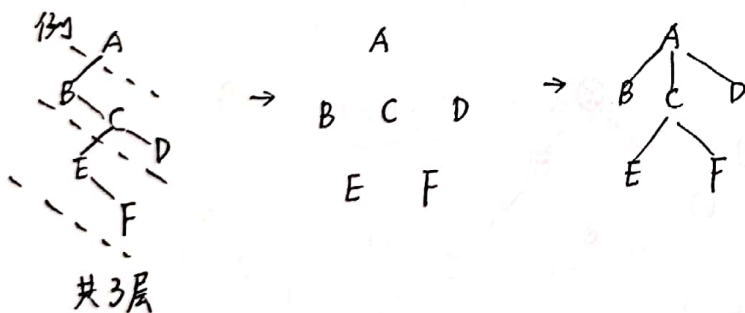
d. F是E的兄弟

② 二叉树 → 树

a. 先把它从左到右分若干层

b. 找到每一层结点在其上层的父结点

c. 将每一层的结点与其父结点相连



共3层

③ 二叉树 → 森林

a. 只需不断将根结点有右子树的右子树链接断开, 直到不存在根结点为止

b. 将二叉树 → 树 (多棵二叉树)

④ 森林 → 二叉树.

a. 先将多棵树分别转化为二叉树

b. 将二叉树作为第一棵二叉树根的右子树, 依次类推. (第n棵二叉树作为第n-1棵二叉树的右子树)



2. 解: 由哈希函数 $H(key) = key \% 10$ 可得各元素散列地址为

key	71	23	73	14	55	89	33	43	48
Hash(key)	1	3	3	4	5	9	3	3	8

由二次探测法处理冲突得

地址	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
key		71	33	23	73	14	55	43	48	89	

各关键字比较次数

key	71	23	73	14	55	89	33	43	48
次数	1	1	2	2	2	1	3	4	1

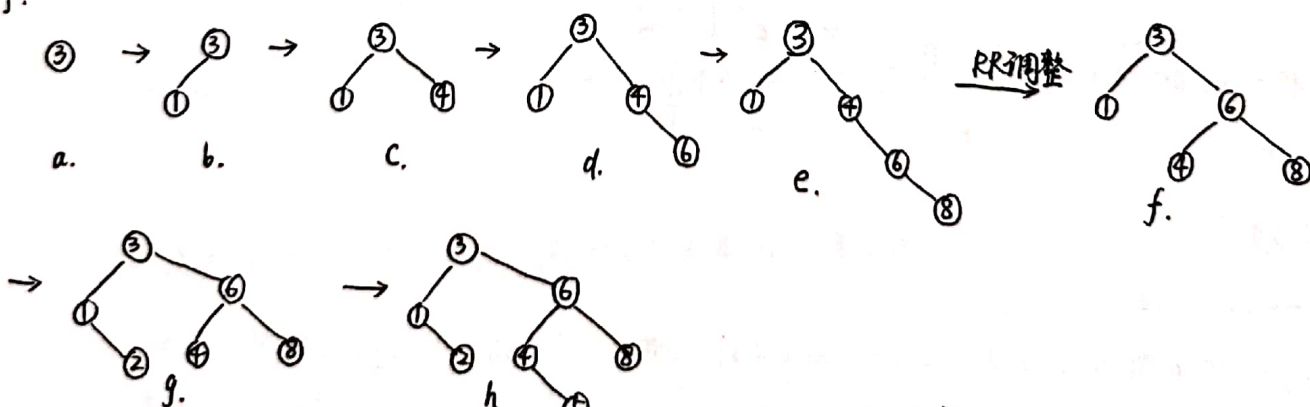
$$ASL_{成功} = \frac{1+1+2+2+2+1+3+4+1}{9} = \frac{17}{9}$$

→ 这题“易错点”在于二次探测处理冲突时表长的确定。据步版书 P257, 二次探测再散列只有哈希表 m 形如 $4j+3$ (j 为整数) 的素数才能。所以 $l=10$ 不满足条件, 于是取 $l=11$ 。

→ 二次探测再散列 $H_i = H(key) + d_i$, $i=1, 2, \dots, k$ ($k \leq m-1$), $d_1=1^2, -1^2, -2^2, 2^2, \dots, \pm k^2, k \leq \frac{m}{2}$

→ 举个例子, key 为 33 的寻址轨迹为 $3 \rightarrow 4 \rightarrow 2$, key 为 43 的寻址轨迹为 $3 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 7$ 。

3. 解:



→ 考查平衡二叉树构建 (每加入一个元素, 就检查是否要进行平衡调整)

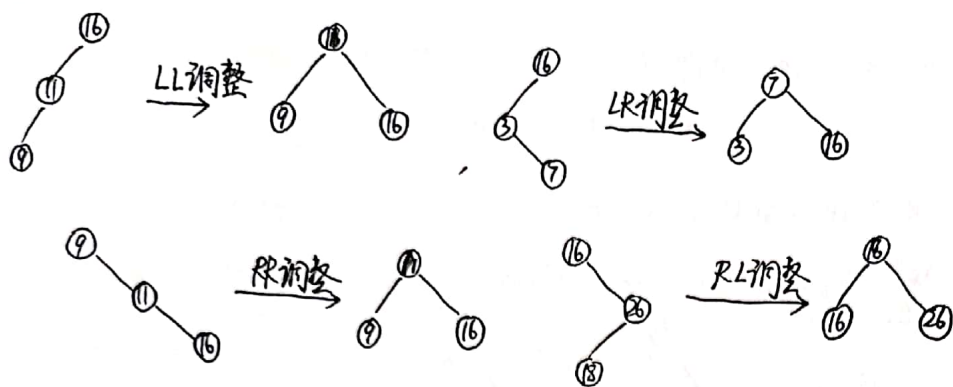
→ 下面着重讲平衡调整

→ 概念 → 最小不平衡子树: 以距离插入结点最近, 且以平衡因子绝对值大于 1 的结点作为根的子树



四种调整方式 (LL, RR, LR, RL)

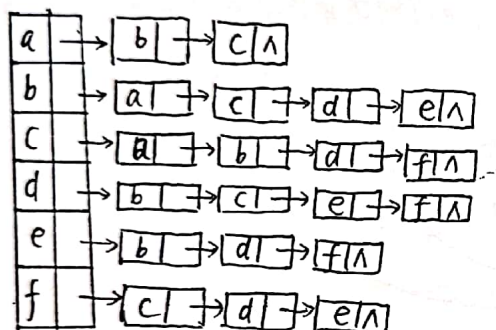
→ LL调整: 新插入结点落在最小不平衡子树根的左孩子(L)的左子树(L)上, 其他命名同理



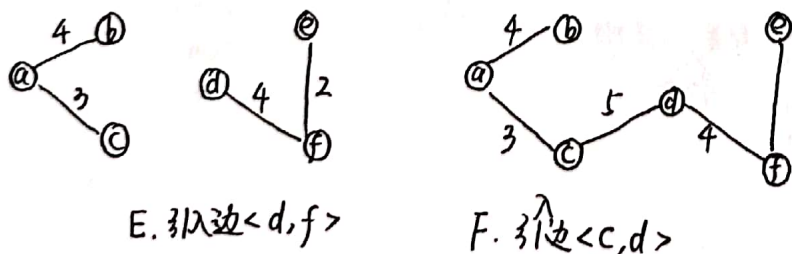
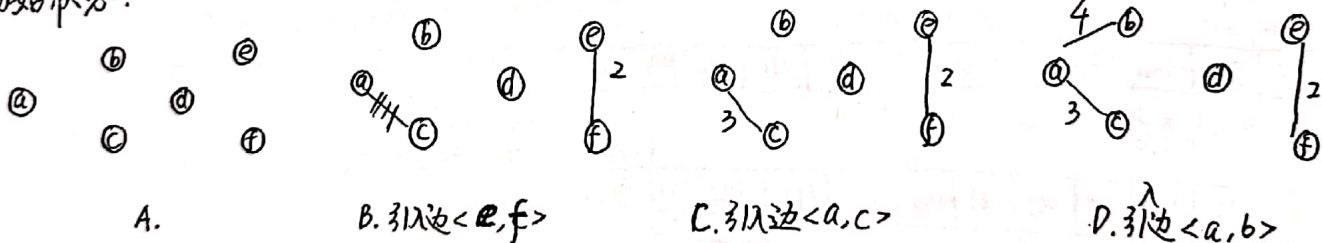
4.

解:

(1) 如图所示:

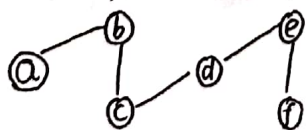


(2) 用克鲁斯卡尔算法求最小生成树
初始状态:



(3) 从顶点a开始的广度优先搜索和广度优先生成树为

a, b, c, d, e, f



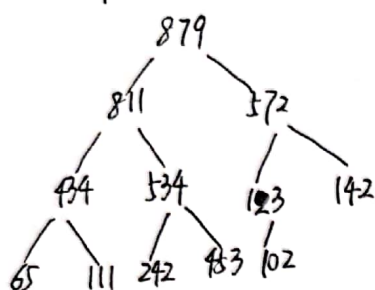
→ (2) 引入边顺序有多种 (3) 答案也有很多种可能, 这题题见 2012-3



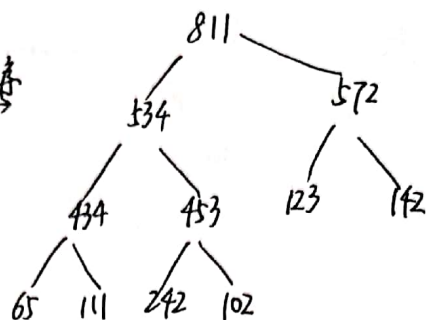
5.

(1) 原始序列: 142 543 123 65 453 879 572 434 111 242 811 102
 d=7, 第一趟: 142 111 123 65 102 879 572 434 543 ²⁴²~~543~~ 811 453

(2) 初始堆为

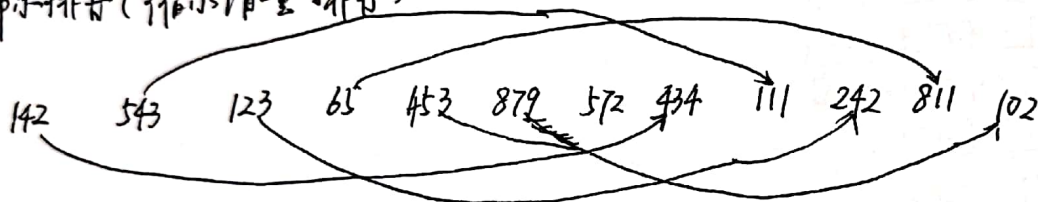


第一趟排序



(102与879交换, 879到达最终位置, 不再参与排序, 其他再调整)

→ 希尔排序 (缩小增量排序)



→ 堆排序详见2013-2

→ 初始堆存储结构

879	811	572	434	534	123	142	65	111	242	453	102
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	----	-----	-----	-----	-----

→ 第一次排序后

811	534	572	434	453	123	142	65	111	242	102	879
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	----	-----	-----	-----	-----

第2趟待排序列, 879到达最终位置, 不再参与排序

→ 还有一个考点, 题目要求“升序排序”那么就是大顶堆

→ 一个易错点, ④的第111问的初始堆为堆

要满足堆定义 (大顶堆/小顶堆)



扫描全能王 创建

五. 算法填空

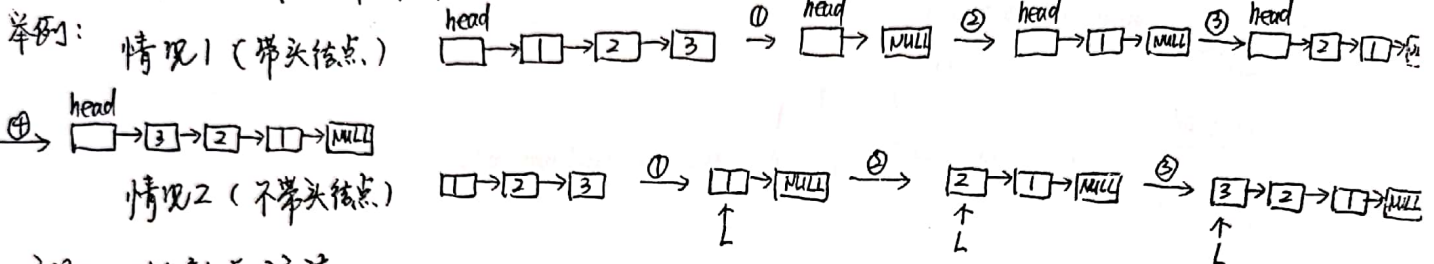
1.

① $p \rightarrow next = L \rightarrow next$ $p \rightarrow next = L$

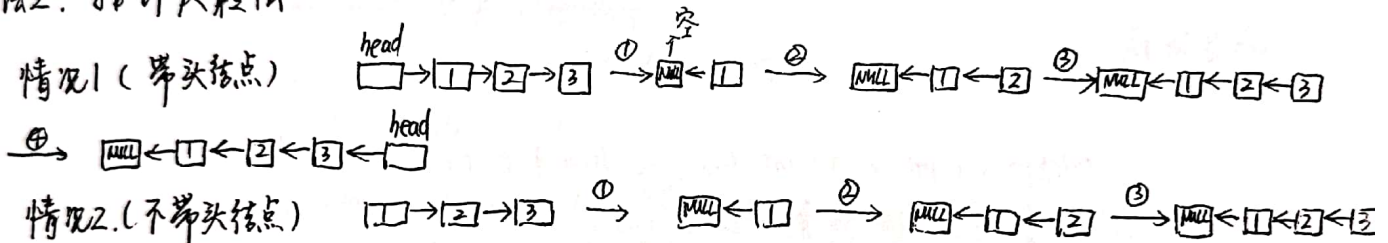
② $L \rightarrow next = p$ $L = p$

→ 这题考查了链表“就地逆置”，有两种方法

方法1：将头结点插入，然后从第一个结点开始，依次前插入到头结点的后面（头插法），直到最后一个结点为止。题干就运用了方法1，不过稍微做了变化，题干无头结点，那么就从第一个结点开始，将第2个结点及之后的结点依次采用头插法插在第一个结点的前面。



方法2：指针反转法



下面新是带头结点代码示例

方法1:

```

LinkList Reverse_1 (LinkList L) {
    // L是带头结点的单链表，将L就地逆置
    LNode *p, *r; // p为工作指针，r存后继指针
    p = L->next; // 从第一个元素结点开始
    L->next = NULL; // 将头结点首为NULL
    while (p != NULL) { // 依次将元素结点摘下
        r = p->next; // 暂存p的后继
        p->next = L->next; // 头插法
        L->next = p;
        p = r;
    }
    return L;
}

```

方法2:

```

LinkList Reverse_2 (LinkList L) {
    LNode *pre, *p = L->next, *r = p->next;
    p->next = NULL; // 处理第一个结点
    while (r != NULL) { // r为空，说明防最后一个结点
        pre = p;
        p = r;
        r = r->next;
        p->next = pre; // 指针反转
    }
    L->next = p; // 处理最后一个结点
    return L;
}

```

→ 本代码来自《王道》，这两种方法在命题代码题里的可能性比较大。



2.

- ③ $T \rightarrow lchild$
- ④ $p = p \rightarrow lchild$
- ⑤ $p \rightarrow rchild \neq T$
- ⑥ $p = p \rightarrow rchild$
- ⑦ $p = p \rightarrow rchild$

→ 素材来源于严版《数据结构》P134的算法6.5

3. ⑧ $T = \text{NULL}$

⑨ $T \rightarrow lchild$

⑩ $T \rightarrow rchild$

六. 编写算法

1.

```
void quickpass (int r[], int low, int high, int ki)
```

```
{ // 对r数组来一趟快速排序, 枢轴为ki
```

```
  int i = low, j = high, x = ki;
```

```
  while (i < j) {
```

```
    while (i < j && r[j] > x) j--;
```

```
    if (i < j) {
```

```
      r[i] = r[j];
```

```
      i = i + 1;
```

```
    }
```

```
    while (i < j && r[i] < x) i = i + 1;
```

```
    if (i < j) {
```

```
      r[j] = r[i];
```

```
      j = j - 1;
```

```
    }
```

```
    r[i] = x; // 枢轴归位
```

```
  }
```

→ 这是一趟快速排序, 时间复杂度为 $O(\log_2 n) < O(n)$ 满足题目。



2.

解: typedef struct {
 char c; // 字符
 int w; // 字符权值
 char *code; // 字符的 Huffman 编码
} HuffmanCode[maxsize];

typedef struct {
 int weight; // 权值
 int lchild, rchild, parent;
} HTNode, HuffmanTree[maxsize];

(1) 构造 Huffman 树代码如下:

Void CreateHuffmanTree (HuffmanTree HT, int length, HuffmanCode hc)

```
{
    int i;
    int min1, min2; // 最小的两个权值
    HT[0].weight = MAX; // MAX 是一个很大的值
    for (i = 1; i <= length; i++)
    {
        HT[i].weight = hc[i].w; // 哈夫曼编码权值或值给哈夫曼树节点的权值
        HT[i].lchild = HT[i].rchild = HT[i].parent = 0; // 双亲, 左右孩子均赋值为 0
    }
    for (; i < 2 * length; i++)
    {
        HT[i].lchild = HT[i].rchild = HT[i].parent = 0
    }
    for (i = length + 1; i < 2 * length; i++)
    {
        SelectHTNode (HT, i, &min1, &min2);
        HT[min1].parent = i;
        HT[min2].parent = i;
        HT[i].lchild = min1;
        HT[i].rchild = min2;
        HT[i].weight = HT[min1].weight + HT[min2].weight;
    }
}
```

```
} void SelectHTNode (HuffmanTree HT, int n, int *min1,
{ // 查找最小和次小结点下标
    int i;
    *min1 = *min2 = 0;
    for (i = 1; i < n; i++)
    {
        if (HT[i].parent == 0)
        {
            if (HT[*min1].weight > HT[i].weight)
            {
                *min2 = *min1;
                *min1 = i;
            }
            else {
                if (HT[*min2].weight > HT[i].weight)
                {
                    *min2 = i;
                }
            }
        }
    }
}
```



(2) 生成 Huffman 编码:

```
void HuffmanCoding1 ( HuffmanTree HT, int n, HuffmanCode HC)
```

```
{
    int i, start, c, f;
    char *cd;
    cd = (char*) malloc ( n * sizeof(char) );
    cd[n-1] = '\0';
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        start = n-1;
        for (c=i, f=HT[i].parent; f!=0; c=f, f=HT[f].parent)
        {
            if (HT[f].lchild == c)
                cd[--start] = '0';
            else
                cd[--start] = '1';
            HC[i].code = (char*) malloc ((n-start)*sizeof(char));
            strcpy ( HC[i].code, &cd[start] );
        }
        free(cd);
    }
}
```

→ 本题其实最标准的答案请参考严版《数据结构》P147, 代码也相对简洁, 但这里的答案是严版的具体实现, 更加详尽一点 (全代码见 <https://blog.csdn.net/Xenoverse/article/details/183415597>) 建议码评后记忆严版代码!!!

