## 5. Übungsaufgabe zu

## Fortgeschrittene funktionale Programmierung

Thema: Erschöpfende Suche, Teile und Herrsche, Funktionale Arrays ausgegeben: Mi, 20.04.2016, fällig: Mi, 17.04.2016

Für dieses Aufgabenblatt sollen Sie Haskell-Rechenvorschriften zur Lösung der im folgenden angegebenen Aufgabenstellungen entwickeln und für die Abgabe in einer Datei namens AufgabeFFP5.hs in Ihrem Gruppenverzeichnis ablegen, wie gewohnt auf oberstem Niveau. Kommentieren Sie Ihre Programme aussagekräftig und benutzen Sie, wo sinnvoll, Hilfsfunktionen und Konstanten.

Seien low und high ganze Zahlen mit  $low \leq high$  und sei a ein eindimensionales Feld mit kleinstem Index low und größtem Index high. Seien weiter i und j ganze Zahlen mit  $low \leq i \leq j \leq high$ .

Dann heißt der Ausschnitt von a mit kleinstem Index i und größtem Index j, in Zeichen  $a \downarrow [i, j]$ , ein Abschnitt von a.

Für das Weitere nehmen wir an, dass die Elemente von a ebenfalls ganze Zahlen sind und dass b ein Abschnitt von a ist. Die Abschnittsumme von b ist dann die Summe der Elementwerte von b.

Beispiel:

$$a = array(1,9)[(1,3),(2,(-5)),(3,0),(4,9),(5,2),(6,(-1)),(7,2),(8,(-5)),(9,1)]$$

Dann gilt: Die Abschnittsumme von

$$a \downarrow [2,5]$$
 ist:  $(-5) + 0 + 9 + 2 = 6$   
 $a \downarrow [7,9]$  ist:  $2 + (-5) + 1 = -2$   
 $a \downarrow [4,7]$  ist:  $9 + 2 + (-1) + 2 = 12$   
 $a \downarrow [3,8]$  ist:  $0 + 9 + 2 + (-1) + 2 + (-5) = 7$ 

• Schreiben Sie eine Haskell-Rechenvorschrift mas :: Array Int Int -> Int, die angewendet auf ein Feld den maximalen Wert der Abschnittsummen dieses Feldes berechnet.

Beispiel: Für das Feld a liefern die Abschnitte  $a \downarrow [3,7]$  und  $a \downarrow [4,7]$  die größte Abschnittsumme mit Wert 12. Es gilt:

• Schreiben Sie eine Haskell-Rechenvorschrift amas :: Array Int Int -> [(Int,Int)], die angewendet auf ein Feld die Liste derjenigen Abschnitte berechnet, dargestellt jeweils durch ihren kleinsten und größten Index, deren Abschnittsumme maximal für das Argumentfeld ist.

Die Ergebnisliste soll dabei so geordnet sein, dass (i, j) genau dann weiter links in der Ergebnisliste stehen soll als (k, l), wenn gilt:

$$i < k$$
 oder  $i = k \land j < l$ 

Beispiel: Für die Felder a und b liefert die Funktion amas die Resultate:

• Schreiben Sie eine Haskell-Rechenvorschrift lmas :: Array Int Int -> (Int,Int), die den längsten Abschnitt mit maximaler Abschnittsumme berechnet. Gibt es mehrere, so liefert die Funktion lmas den Abschnitt mit kleinstem Anfangsindex.

Beispiel:

```
lmas a ->> (3,7)
lmas b ->> (1,8)

c = array (1,5) [(1,2),(2,3),(3,(-10)),(4,1),(5,4)]
lmas c ->> (1,2)
```

Hinweis: Die Funktionen mas, amas und 1mas werden ausschließlich mit vollständig definierten Feldern aufgerufen; es gibt in Argumenten keine Indizes mit "undefiniertem" Elementwert.

Sei a ein eindimensionales Feld und wf eine Wahrheitswertfunktion. Schreiben Sie eine Haskell-Rechenvorschrift minIndex :: (Ix a, Show a) => Array a b -> (b -> Bool) -> a, die angewendet auf ein Feld und eine Wahrheitswertfunktion den kleinsten Index bestimmt, für dessen Elementwert die Wahrheitswertfunktion erfüllt ist, also den Wert True liefert. Erfüllt kein Element die Wahrheitswertfunktion, bricht die Berechnung mittels eines Aufrufs der Funktion error ab.

Implementieren Sie die Funktion minIndex mithilfe des "Teile und Herrsche"-Prinzips. Stützen Sie dazu die Implementierung von minIndex auf das Funktional divideAndConquer aus Kapitel 3.1 der Vorlesung ab. Geben Sie dazu Implementierungen der Funktionen mi\_indiv, mi\_solve, mi\_divide und mi\_combine an und rufen Sie damit das Funktional divideAndConquer entsprechend auf.

Wandeln Sie dabei das als Feld gegebene Argument in eine Liste um, damit Sie divideAndConquer unverändert anwenden können.

## Beispiele:

Hinweis: Die Funktion minIndex wird ausschließlich mit vollständig definierten Feldern aufgerufen; es gibt in Argumenten keine Indizes mit "undefiniertem" Elementwert.