

Structures de données et algorithmes avancés



Organisation

Equipe pédagogique :

Grégory Morel / gregory.morel@cpe.fr / Bureau B127A (Responsable du cours)
Alexandre Saidi / alexandre.saidi@ec-lyon.fr

Evaluation:

Examen sur table: 80 %

Contrôle continu : 20 % (TP, QCM, Interrogation écrite, participation...)

Compte pour 50 % du module « MSPELCOMSC » (avec *Mise en œuvre d'un système à microprocesseur »)*



Pourquoi étudier les algorithmes?

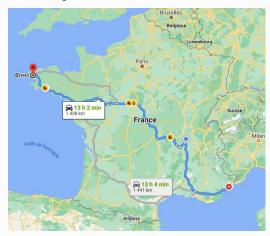
Les algorithmes sont partout et ont une portée universelle

- Internet : moteurs de recherche, routage de paquets IP, partage de fichiers...
- Informatique : topographie des circuits, systèmes de fichiers, compilateurs...
- Infographie : films, jeux vidéo, réalité virtuelle...
- Sécurité : smartphone, e-commerce, machines de vote, blockchain...
- Multimédia: lecteurs CD, DVD, MP3, JPG, h264, HDTV...
- Transport : planification de vols, calculs d'itinéraires...
- Physique : simulation à N-corps, simulation de collision de particules...
- Biologie : séquençage du génome humain, repliement de protéines...
- Finance: trading, bitcoin...



Pourquoi étudier les algorithmes ?

Pour résoudre des problèmes qu'on ne sait pas traiter autrement



« Remplacent » les modèles mathématiques dans la recherche scientifique

$$E = mc^{2}$$

$$F = ma$$

$$F = \frac{Gm_{1}m_{2}}{r^{2}}$$

$$\left[-\frac{h^{2}}{2m}\nabla^{2} + V(r)\right]\Psi(r) = E\Psi(r)$$

Science au 20è siècle

Science au 21è siècle

« Les algorithmes : une langue commune pour la nature, les hommes et les ordinateurs »

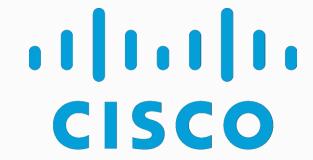
(Avi Wigderson, Prix Abel 2021)



Pourquoi étudier les algorithmes?

Pour le fun et le profit



















Pourquoi étudier les algorithmes ?



Bad programmers worry about the code. Good programmers worry about data structures and their relationships.

-- Linus Torvalds



Objectifs du cours

Ecrire du code optimisé et évolutif

Les connaissances sur les différentes structures de données et algorithmes vous permettent de déterminer la structure de données et l'algorithme optimal à choisir dans diverses conditions

Utilisation efficace du temps et de la mémoire

Avoir des connaissances sur les structures de données et les algorithmes vous aidera à écrire des codes qui s'exécutent plus rapidement et nécessitent moins de mémoire

Meilleures opportunités d'emploi

Des questions sur les structures de données et les algorithmes sont posées systématiquement lors des entretiens d'embauche, en particulier dans les grandes sociétés (GAFAM...)



Plan

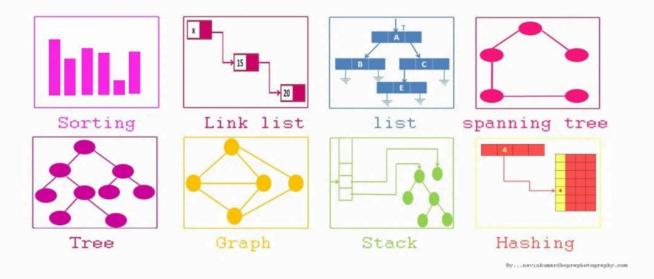
- 1. Structures de données usuelles (listes chaînées, piles, files, tables de hachage)
- 2. Introduction à la complexité algorithmique
- 3. Récursivité / Diviser pour régner / Tris
- 4. Arbres
- 5. Théorie des graphes : Bases et parcours
- 6. Théorie des graphes : Problèmes d'optimisation / Algorithmes génétiques
- 7. Introduction à la programmation linéaire



Structures de données

Une structure de données est une manière particulière d'organiser des données de manière à ce qu'elles puissent être utilisées efficacement, pour un contexte précis

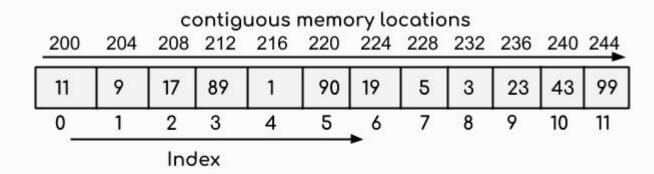
Plus précisément, une structure de données décrit comment les données sont reliées entre elles, et les fonctions / opérations qui peuvent être appliquées sur les données





Tableau

Structure de données la plus simple

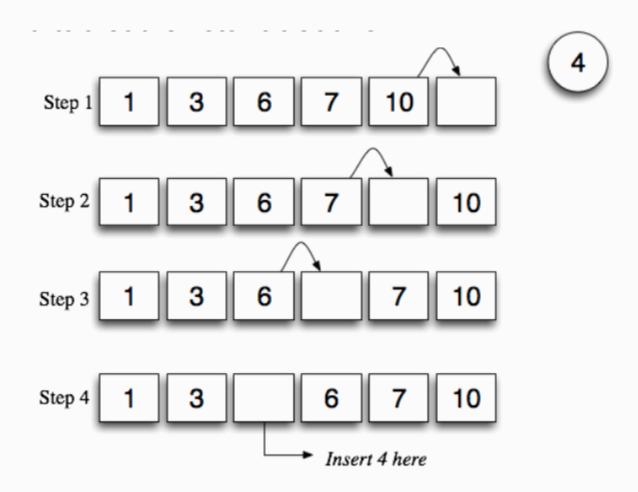


- √ données contiguës en mémoire ⇒ accès direct à une case (arithmétique de pointeurs)
- X pour insérer / supprimer un élément, il faut décaler tous les suivants!
- X difficile à redimensionner (il y a peut-être des données juste après le tableau)
 - il faut créer un nouveau tableau plus grand et recopier toutes les valeurs du premier tableau
 - ou allouer de l'espace supplémentaire au cas où
- X pas ou mal adapté pour certaines représentations (réseau social, arborescence de fichiers...)

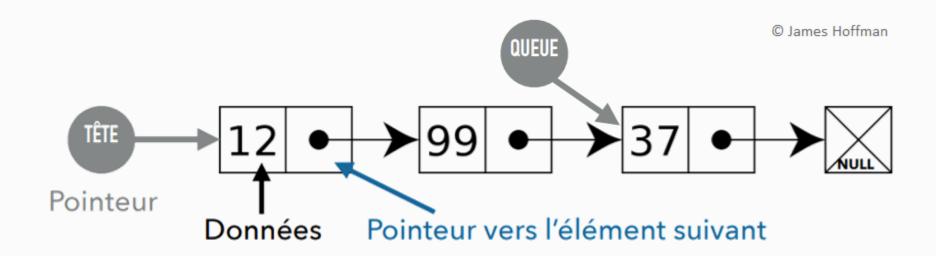


Tableau

Exemple: insertion d'une valeur dans un tableau trié



Liste chaînée



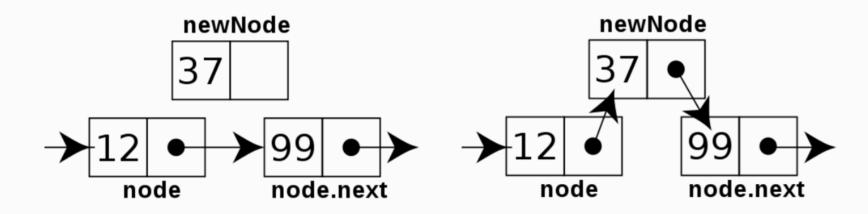
Structure de données *dynamique*

- ✓ conçue pour facilement insérer / supprimer / redimensionner
- mais difficile d'accéder à un élément particulier (il faut parcourir la liste jusqu'à le trouver)
- X difficile à parcourir en sens inverse
- X consomme plus de mémoire qu'un tableau (à cause des pointeurs)
- ⚠ En cas de perte du pointeur *tête* ⇒ liste perdue ⇒ garbage collector... ou fuite mémoire !



Liste chaînée

L'insertion est efficace : seulement deux pointeurs à mettre à jour



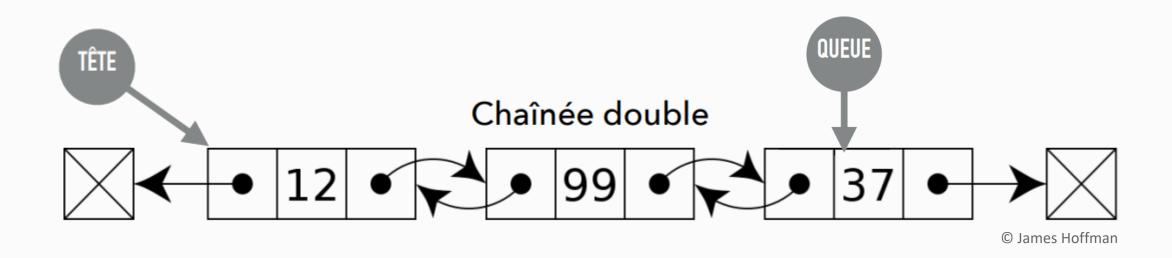
La suppression aussi :



⚠ Le type *List* de Python correspond à un *tableau*, **pas** une liste chaînée



Liste doublement chaînée



Utilisations:

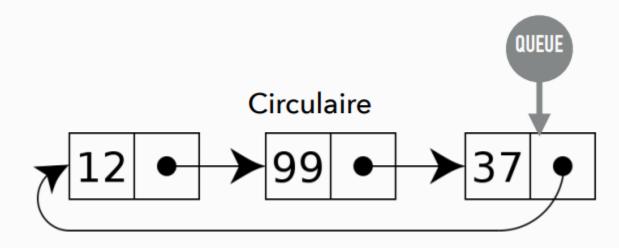
- Gestion de playlists
- Gestion d'un mécanisme « Annuler / Refaire » dans un programme
- **-** ...



Consomme encore (un peu) plus de mémoire!



Liste chaînée circulaire



- ✓ Parcours en boucle plus facile à gérer (pas besoin de regarder constamment si c'est le dernier nœud)
- On garde généralement une référence sur le *dernier* élément :
 - ajout en fin de liste immédiat
 - on retrouve immédiatement la tête de liste



File (Queue) : structure de données linéaire (tableau, liste) où :

- la lecture / récupération d'une valeur se fait systématiquement au début
- l'insertion d'une nouvelle valeur se fait systématiquement à la fin
- On parle de structure FIFO (**F**irst **I**n, **F**irst **O**ut)

Applications:

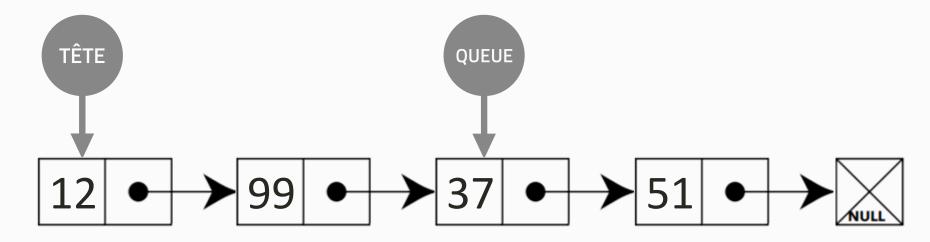
- Toute situation où des données doivent être mémorisées en attendant leur traitement
- File d'impression dans les imprimantes
- En gestion des stocks (on veut faire sortir d'abord les pièces les plus anciennes)
- ...



Implémentation : généralement avec une liste chaînée

Récupération du premier élément

Insertion





Méthodes / Fonctions qu'on rencontre traditionnellement avec une file :

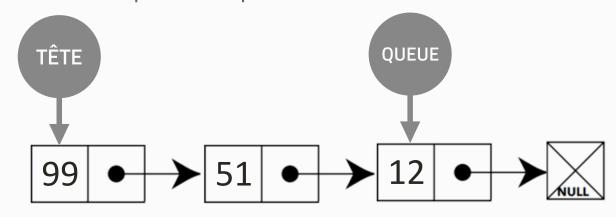
- enqueue ajoute un élément dans la file
- peek lit la première valeur de la file, sans la retirer
- dequeue lit la première valeur de la file, et la retire
- size nombre d'éléments dans la file
- isEmpty indique si la file est vide



Variante : file de priorité (*Priority queue*)

- ⇒ on peut spécifier où insérer un nouvel élément
- ⇒ ou (plus flexible) chaque élément est associé à une valeur de priorité

Exemple (chaque valeur correspond à la priorité) :



37 • **>**

Applications:

- Ordonnanceurs de systèmes d'exploitations / de processeurs
- Algorithme de Dijkstra (cf. Cours 6)

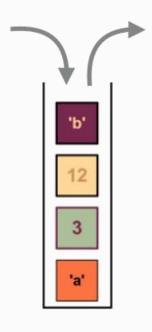


Pile (*Stack*) : structure de données *linéaire* (tableau, liste) où :

- La lecture / récupération et l'insertion d'une valeur se font systématiquement au début
- On parle de structure LIFO (Last In, First Out)

Applications:

- Annuler / Refaire
- Récursivité
- Historique dans un navigateur
- Vérification de code (ouverture / fermeture des balises / accolades)





© James Hoffman



Méthodes / Fonctions qu'on rencontre traditionnellement avec une pile :

- push ajoute un élément dans la pile
- peek lit la première valeur (sommet) de la pile, sans la retirer
- pop lit la première valeur (sommet) de la pile, et la retire
- size nombre d'éléments dans la pile
- isEmpty indique si la pile est vide



Structure de données de type *tableau associatif* :

chaque *valeur* (ou donnée) d'un tableau ou d'une liste est associée à une *clé* permettant de la retrouver rapidement (càd sans parcourir le tableau ou la liste)

Exemple : annuaire téléphonique



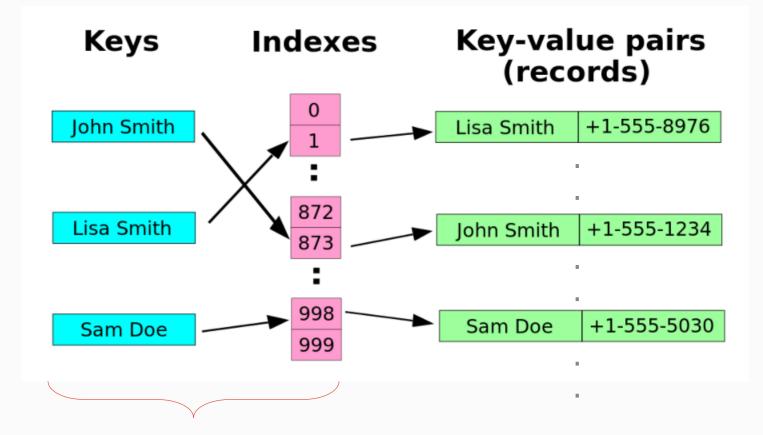
Applications:

- Toute situation où on veut retrouver rapidement une valeur non indexée par un entier
- Annuaires / Bases de données / Recherche de fichier dans Google Drive...
- Détection de plagiat



Fonction de hachage : produit un nombre entier à partir de la clé (son *empreinte*)

Ce nombre sert à identifier la position de la donnée dans la table



Fonction de hachage

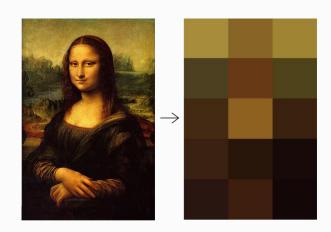


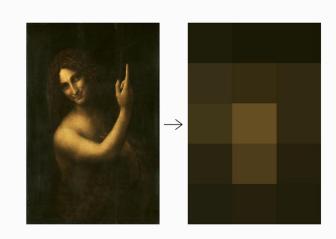
Exemples de fonctions de hachage simples :

Dans une table de 26 cases, si la clé est un mot, on peut prendre l'initiale puis son rang dans
 l'alphabet: hash26("clavier") = 3 hash26("USB") = 21

 Dans une table de 200 cases, on peut aussi calculer la somme des caractères ASCII du mot puis prendre le reste modulo 200 : hash200("clavier") = 142 hash200("USB") = 34

Images:







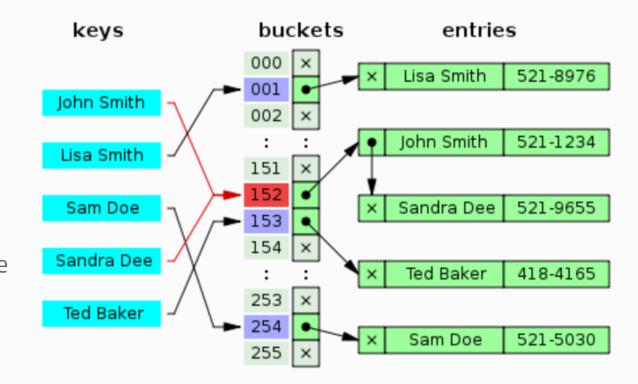
Problème des fonctions de hachages précédentes : des collisions sont possibles !

- hash26("clavier") = 3 mais hash26("carte mère") = 3 aussi !!
- hash200 : si notre liste de clés contient plus de 200 éléments, on aura forcément deux clés ayant la même valeur de hachage !
- Deux images même très différentes peuvent conduire à la même empreinte



- Comment résoudre les collisions ?
- *Chaînage* : les données qui ont même valeur de hachage sont stockées dans une liste chaînée

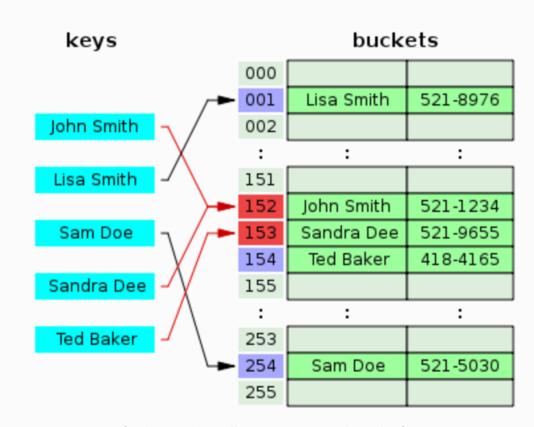
- ✓ simple à implémenter
- ✓ recherche d'une clé facile
- ✓ évite de devoir redimensionner la table en cas de saturation
- X dans le pire cas, la fonction de hachage renvoie toujours la même valeur ⇒ la table devient une liste chaînée, et la recherche prend beaucoup plus de temps





- Comment résoudre les collisions ?
- Adressage ouvert: en cas de collision, on stocke la donnée ailleurs
 - sondage linéaire : on parcourt le tableau jusqu'à la prochaine case vide
 - sondage quadratique : on parcourt le tableau en doublant d'indice en indice
 - double hachage : on applique un second hachage

- ✓ simple à implémenter ; recherche d'une clé facile
- x conduit rapidement à une saturation de la table, et la recherche peut demander jusqu'à n opérations



Résolution de collisions par sondage linéaire

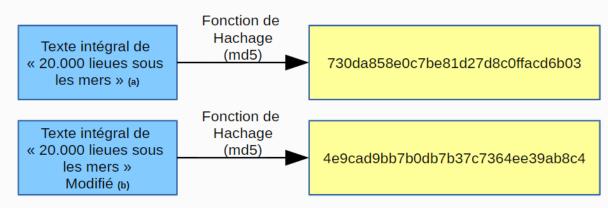


Une *bonne* fonction de hachage doit :

- être *rapide* à calculer
- utiliser toutes les données de la clé pour calculer la valeur de hachage
- les valeurs de hachage doivent être uniformément distribuées
- générer des valeurs complètement différentes pour des clés presque identiques

Exemples:

MD5 pour l'intégrité de fichiers téléchargés SHA-256 pour la sécurité de la blockchain Bitcoin



Seule différence : 10e caractère de la 1000e ligne a été remplacé par le caractère '*'

