ICPC TEMPLATE

BJTU_SpadeAce 冯大蕗

Last build at October 23, 2015

$\overline{\text{Contents}}$

1	基础 1.1 1.2 1.3	头文件 . 二进制 . 稀疏矩阵																						 2
2	图论 2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2-SAT . 哈密尔顿 欧拉回路 DINIC . 费用流 . 最小路径 2.6.1 定 2.6.2 算	回 覆义法他路 问	··· 最/ ··题	··· ··· ·点 ·点 · · · · · · · · · · · · ·	· · · 覆i	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 大	· · · · 独 · · · ·	· · · · · · · · · · · · ·	集				 							 		 4 5 5 7 8 8 8 8
3	数据 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5	LCA RMQ . 树链剖分 区间第 k 二维线段	· · · · · · · 大 ·					 			 		 	· ·	 	•	 		 	· ·	 •	 	 • •	 10 10 12 14
4	字符 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	串 KMP RKHash Manacher SA 最小表示	· · ·					 			 	•		· ·		•	 	•	 				 • •	 17 18 18
5	数论 5.1 5.2 5.3	欧拉函数 线性逆元 高阶等差																					• •	 20 20 21 21
6	数表 6.1 6.2	数据范围时间复杂																						

1 基础

1.1 头文件

```
1 |#include <iostream>
  #include <cstdio>
   #include <cstring>
4 |#include <set>
 5 | #include < map >
   #include <vector>
   #include <queue>
   #include <algorithm>
9 |#include <cmath>
10 | #include <sstream>
11 | #include < fstream>
12 using namespace std;
13 #define LL long long
14 #define u32 unsigned int
15 #define AA first
16 |#define BB second
17 | typedef pair<int, int> PII;
18 | #define cmin(x, y) x = min(x, y)
19 | #define cmax(x, y) x = max(x, y)
20 \#define PB(x) push back(x)
21 #define SZ size()
22 | #define MP(a, b) make_pair(a, b)
23 |#define OP begin()
24 #define ED end()
25 |#define CLR clear()
26 | #define INS(x) insert(x)
27 |\#define FOR(i, n) for(int i = 0; i < (n); i++)
28 | #define FORR(i, n) for(int i = 1; i <= (n); i++)
29 | #define REP(i, L, R) for(int i = (L); i <= (R); i++)
30 | #define MEM(a) memset(a, 0, sizeof a)
31 | #define ECH(x) for(__typeof x.OP it = x.OP; it != x.ED; it++)
  #define ONES(x) __builtin_popcount(x)
33 |/*============*/
        二进制
   1.2
        builtin clz 前导 0
      _builtin_ctz 后缀 0
     _builtin__popcount 1 个数
```

1.3 稀疏矩阵乘法

```
1  int n; //Matrix Size
2  void matrixMul(LL a[][],LL b[][],LL c[][])
3  {
4    /*
5    * CLEAR c[][]
6    */
7    for(int i = 0;i < n; i++)</pre>
```

```
8
        {
9
            for(int j = 0; j < n; j++)
10
            {
                if(0 == a[i][j])continue;
11
12
                for(int k = 0; k < n; k++)
13
                c[i][k] += a[i][j] * b[j][k];
14
            }
15
       }
16 | }
        图论
   2
   2.1
         2-SAT
1 \mid \text{#define bf}(x) ((x) << 1)
   |\#define\ bt(x)\ ((x)<<1|1)|
   int ind[N], id[N];
4
   int t[M], nt[M];
   int dfn[N], low[N];
6
   int s[N];
   bool vis[N];
7
8
   int l;
9
   int n;
10 | int cnt, num, idn;
11
   int a[N], b[N], c[N];
12
13
   void add(int i, int j)
14
   {
15
       cnt++;
16
       t[cnt] = j;
17
       nt[cnt] = ind[i];
18
       ind[i] = cnt;
19
   }
20
21
   void tarjan(int x)
22
   {
23
       num++;
24
       dfn[x] = low[x] = num;
25
        s[++l] = x;
26
       vis[x] = true;
27
        for(int k = ind[x]; k != -1; k = nt[k])
28
        {
29
            if(dfn[t[k]] == 0) tarjan(t[k]);
30
            if(vis[t[k]]) low[x] = min(low[x], low[t[k]]);
31
        }
32
       if(dfn[x] == low[x])
33
        {
34
            idn++;
35
            while(true)
36
            {
37
                int tmp = s[l--];
38
                id[tmp] = idn;
39
                vis[tmp] = false;
40
                if(tmp == x) break;
```

```
}
41
42
       }
43
   }
44
45
   bool chk(int M)
46
   {
        for(int i = 0; i < 2 * n; i++) ind[i] = -1;
47
48
49
     /*
     * ADD Edge
50
51
     */
52
       memset(vis, 0, sizeof vis);
53
       num = 0;
54
        idn = 0;
55
        l = 0;
       memset(dfn, 0, sizeof dfn);
56
57
       memset(low, 0, sizeof low);
       memset(id, 0, sizeof id);
58
        for(int i = 0; i < 2 * n; i++)
59
60
61
            if(dfn[i] == 0) tarjan(i);
62
63
        for(int i = 0; i < 2 * n; i++)
64
65
            if(id[i] == id[i ^ 1]) return false;
66
67
        return true;
68 | }
```

2.2 哈密尔顿回路

设 dp[i][j] 表示站在 i 点, 盘面状态为 j 时的最短路, 最后答案需要遍历所有 j == (1 « n) - 1 注意有的题需要用 Floyd 预处理最短路

```
1 | int f[N][N];
   int dp[N][(1 << 18)];</pre>
3
   int n, m;
4
5
   int main()
6
   {
7
        int T; scanf("%d", &T);
8
       while(T--)
9
        {
            scanf("%d%d", &n, &m);
10
11
            for(int i = 1; i \le n; i++) for(int j = 1; j \le n; j++) f[i][j] =
                INF;
            for(int i = 1; i <= n; i++) f[i][i] = 0;</pre>
12
13
            for(int i = 0; i < m; i++)
14
            {
15
                int x, y, z; scanf("%d%d%d", &x, &y, &z);
16
                f[x][y] = min(f[x][y], z);
17
                f[y][x] = min(f[y][x], z);
18
            }
19
            for(int k = 1; k \le n; k++) for(int i = 1; i \le n; i++) for(int j
                = 1; j <= n; j++)
20
                f[i][j] = min(f[i][k] + f[k][j], f[i][j]);
```

```
21
22
            for(int i = 1; i \le n; i++) for(int j = 0; j < 1 << (n + 1); j++)
                dp[i][j] = INF;
23
            dp[1][2] = 0;
24
25
            for(int j = 0; j < (1 << (n + 1)); j++)
26
27
                for(int i = 1; i <= n; i++)</pre>
28
                if(((1 << i) \& j) != 0)
29
                {
30
                     for(int k = 1; k <= n; k++)</pre>
31
                         dp[k][(1 << k) \mid j] = min(dp[i][j] + f[i][k], dp[k]
                             ][(1 << k) | j]);
32
                }
33
            }
34
            int ans = INF;
35
            for(int i = 1; i \le n; i++) { ans = min(ans, dp[i][(1 << (n + 1))
                 - 2] + f[i][1]); }
36
            printf("%d\n", ans);
37
38
       return 0;
39 | }
```

2.3 欧拉回路

存在条件为奇数度的点 0 个 (无向图), 所有点入度等于出度 (有向图), 求欧拉回路需要注意访问过的边需要删除

2.4 **DINIC**

```
1 | int f[N];
2 | int q[N];
  bool vis[N];
   int h[N];
   int ind[N];
   int t[M], c[M], nt[M], opp[M];
7
   int cnt;
   int n, m;
8
9
   int ST, ED;
10
11
   int add(int a, int b, int C)
12
   {
13
       t[cnt] = b;
14
        nt[cnt] = ind[a];
15
        ind[a] = cnt;
16
        c[cnt] = C;
17
        return cnt++;
   }
18
19
20
   void add1(int a, int b, int c)
21
   {
22
        static int x, y;
23
       x = add(a, b, c);
```

```
24
        y = add(b, a, 0);
25
        opp[x] = y; opp[y] = x;
26
   }
27
28
   bool bfs()
29
   {
30
        int l = 0, r = 0;
31
        q[l] = ST;
32
        memset(h, 0, sizeof h);
33
        h[ST] = 1;
34
        while(l <= r)</pre>
35
        {
36
            int x = q[l++];
37
            for(int k = ind[x]; k != -1; k = nt[k])
38
            if(!h[t[k]] \&\& c[k] > 0)
39
            {
40
                 h[t[k]] = h[x] + 1;
41
                 q[++r] = t[k];
42
            }
43
44
        return h[ED] != 0;
45
   }
46
   int dfs(int x, int p)
47
48
   {
49
        if(x == ED) return p;
50
        bool flg = false;
51
        int tot = 0;
        for(int k = ind[x]; k != -1; k = nt[k])
52
53
        if(h[t[k]] == h[x] + 1)
54
55
            int d = dfs(t[k], min(p, c[k]));
56
            if(d)
57
            {
58
                 p -= d;
59
                 tot += d;
60
                 c[k] -= d;
                 flg = true;
61
62
                 c[opp[k]] += d;
63
            }
64
65
        return tot;
   }
66
67
68
   int dinic()
69
   {
70
        int ans = 0, tmp;
71
        while(bfs())
72
        {
73
            while(true)
74
            {
75
                 int fw = dfs(ST, INF);
76
                 if(!fw) break;
77
                 else ans += fw;
```

```
78
            }
79
80
       return ans;
81 | }
         费用流
   2.5
      增广路版费用流,复杂度 O(n^2m)
  #include <iostream>
   #include <cstdio>
3
   #include <cstring>
4
   #include <algorithm>
5
   using namespace std;
   #define N 3000
7
   #define M 100000
8
   #define INF 0x7fffffff
9
   #define LL long long
10
11
  int ind[N], pre[N], f[N];
12
   bool vis[N];
13
   int bg[M], t[M], nt[M], c[M], op[M], v[M];
14
  int cnt;
15
   int S, T;
16
   int n, m;
17
18
   int add(int a, int b, int C, int V)
19
   {
20
       bg[cnt] = a;
21
       t[cnt] = b;
22
       v[cnt] = V;
23
       c[cnt] = C;
24
       nt[cnt] = ind[a];
25
       ind[a] = cnt;
26
       return cnt++;
   }
27
28
29
   int ADD(int a, int b, int c, int v)
30
   {
31
       int x = add(a, b, c, v);
32
       int y = add(b, a, 0, -v);
33
       op[x] = y; op[y] = x;
34
       return x;
35
   }
36
37
   int h[N], q[N];
38
39
   bool spfa()
40
   {
41
       memset(vis, 0, sizeof vis);
       for(int i = S; i <= T; i++) f[i] = INF;</pre>
42
43
       for(int i = S; i <= T; i++) pre[i] = -1;</pre>
44
       pre[S] = -1;
45
       f[S] = 0;
46
       int l = 0, r = 0; q[l] = S; vis[S] = true;
47
       while(l <= r)</pre>
```

```
48
        {
49
            int x = q[l % N];
            l++; vis[x] = false;
50
51
            for(int k = ind[x]; k != -1; k = nt[k])
            if(c[k] > 0 \&\& f[t[k]] > f[x] + v[k])
52
53
            {
54
                 f[t[k]] = f[x] + v[k];
55
                 pre[t[k]] = k;
56
                 if(!vis[t[k]])
57
                 {
58
                     r++;
59
                     q[r % N] = t[k];
60
                     vis[t[k]] = true;
61
                 }
62
            }
63
64
        return pre[T] != -1;
65
   }
66
67
   int dinic()
68
69
        LL ans = 0, tmp;
70
        while(spfa())
71
        {
72
            ans += (LL)f[T] * dfs();
73
74
        return ans;
75 |}
```

2.6 最小路径覆盖最小点覆盖最大独立集

2.6.1 定义

对于图 G=(V,E) 中的一个点覆盖是一个集合 S V 使得每一条边至少有一个端点在 S 中

2.6.2 算法

对于任意边 (i,j), 建立 (i,j'), (j,i') 两条边求最大匹配,最后答案为 ans /2 + ans mod 2

2.6.3 其他问题

对于二分图

最小路径覆盖 = | P | - 最大匹配数

最小点覆盖数 = 最大匹配数

最大独立顶点集 = 总顶点数 - 最大匹配数

2.7 匈牙利算法

kuangbin 模板, 边方向为 u 到 v, uN 为 u 类节点个数, vN 为 v 类节点个数

BJTU_SpaceAce 8

```
1
 2
   const int MAXN=1000;
3
   int uN, vN;
   int g[MAXN][MAXN];
5
   int linker[MAXN];
   bool used[MAXN];
7
   bool dfs(int u)
8
   {
9
       int v;
10
       for(v = 0; v < vN; v++)
11
            if(g[u][v] && !used[v])
12
            {
13
                used[v] = true;
14
                if(linker[v] == -1 || dfs(linker[v]))
15
                {
16
                     linker[v] = u;
17
                     return true;
18
                }
19
20
        return false;
21
   }
22
   int hungary()
23
   {
24
       int res = 0;
25
26
       memset(linker, -1, sizeof(linker));
27
        for(u = 0; u < uN; u++)
28
29
            memset(used, 0, sizeof(used));
30
            if(dfs(u)) res++;
31
32
        return res;
33 | }
```

3 数据结构

3.1 LCA

```
const int POW = 18;
 2
   void dfs(int u,int fa){
 3
        d[u]=d[fa]+1;
 4
        p[u][0]=fa;
 5
        for(int i=1;i<POW;i++) p[u][i]=p[p[u][i-1]][i-1];</pre>
 6
        int sz=edge[u].size();
7
        for(int i=0;i<sz;i++){</pre>
 8
            int v=edge[u][i];
 9
            if(v==fa) continue;
10
            dfs(v,u);
11
        }
12
13
   int lca( int a, int b ){
14
        if( d[a] > d[b] ) a ^= b, b ^= a, a ^= b;
15
        if( d[a] < d[b] ){</pre>
```

```
16
            int del = d[b] - d[a];
17
            for( int i = 0; i < POW; i++ ) if(del&(1<<i)) b=p[b][i];
18
       if( a != b ){
19
20
            for( int i = POW-1; i >= 0; i-- )
21
                if( p[a][i] != p[b][i] )
22
                     a = p[a][i] , b = p[b][i];
23
            a = p[a][0], b = p[b][0];
24
25
       return a;
26 | }
   3.2
         RMQ
  <u>int</u> f[N][POW];
2
   for(int j = 0; j < POW; j++)
3
       for(int i = 0; i < n; i++)
4
       if(i + (1 << (j + 1)) <= n)
5
       {
6
            f[i][j + 1] = max(f[i][j], f[i + (1 << j)][j]);
7
   int k = log2(r - l + 1);
  ans = \max(ans, \max(f[l][k], f[r - qpow(2, k) + 1][k]));
```

3.3 树链剖分

siz[v] 表示以 v 为根的子树的节点数 dep[v] 表示 v 的深度 top[v] 表示 v 所在的重链的顶端节点 fa[v] 表示 v 的父亲 son[v] 表示与 v 在同一重链上的 v 的儿子节点 w[v] 表示 v 与其父亲节点的连边在线段树中的位置初始需要调用 cnt1=cnt2=cnt3=0; dfs1(ROOT,0); dfs2(ROOT,1); bt(1,cnt2); 模板为边带权值,点带权值需要修改 query(x,y); update(x,p,c)的 p 为线段树中的编号,更新 x 需要调用 w[x]

```
1 \mid \#define MID(x, y) (((x) + (y)) >> 1)
2
   int fa[N], top[N], w[N], son[N], dep[N], sz[N], r[N];
 4
   int a[N], b[N];
   LL c[N];
 5
   int ind[N];
7
   int t[M], nt[M];
   int cnt1, cnt2, cnt3;
9
   int n, m;
10
11
   struct node
12
   {
13
        int l, r;
14
        int a, b;
15
        LL sum;
16
   }f[M];
17
   int rt;
18
19
   void dfs1(int x, int d)
20
21
        dep[x] = d;
22
        son[x] = 0;
23
        sz[x] = 1;
24
        for(int k = ind[x]; k != -1; k = nt[k])
```

```
25
        if(t[k] != fa[x])
26
27
            fa[t[k]] = x;
28
            dfs1(t[k], d + 1);
29
            sz[x] += sz[t[k]];
30
            if(sz[t[k]] > sz[son[x]]) son[x] = t[k];
31
       }
   }
32
33
34
   void dfs2(int x, int tt)
35
   {
36
       w[x] = ++cnt2;
37
       top[x] = tt;
38
        if(son[x]) dfs2(son[x], tt);
39
        for(int k = ind[x]; k != -1; k = nt[k]) if(t[k] != fa[x] && t[k] !=
           son[x])
40
            dfs2(t[k], t[k]);
41
   }
42
43
   LL add(int a, int b)
44
45
       t[cnt1] = b;
46
       nt[cnt1] = ind[a];
47
        ind[a] = cnt1++;
48
   }
49
50
   void update(int x)
51
52
       f[x].sum = f[f[x].l].sum + f[f[x].r].sum;
   }
53
54
55
   int bt(int a, int b)
56
   {
57
       int x = cnt3++;
58
        f[x].a = a; f[x].b = b;
59
       if(a < b)
60
        {
61
            int mid = MID(a, b);
62
            f[x].l = bt(a, mid);
            f[x].r = bt(mid + 1, b);
63
64
            f[x].sum = 0;
65
        }
66
       else
67
        {
68
            f[x].sum = 0;
69
        }
70
        return x;
   }
71
72
   // Query On ST, Do not Call Directly
74
   LL query(int x, int a, int b)
75
   {
76
       if(a \le f[x].a \& f[x].b \le b) return f[x].sum;
77
       int mid = MID(f[x].a, f[x].b);
```

```
78
         LL ans = 0;
 79
         if(a \le mid) ans += query(f[x].l, a, b);
 80
         if(b > mid) ans += query(f[x].r, a, b);
 81
         return ans;
 82
    }
 83
 84
    //Modify Point
    void update(int x, int p, int cc)
 86
 87
         if(f[x].a == f[x].b) \{ f[x].sum = cc; return; \}
 88
         int mid = MID(f[x].a, f[x].b);
 89
         if(p <= mid) update(f[x].l, p, cc);</pre>
 90
         else update(f[x].r, p, cc);
 91
        update(x);
 92
    }
 93
 94
    //Query Segment
95 LL query(int x, int y)
 96
    {
 97
         int fx = top[x], fy = top[y];
98
        LL sum = 0;
99
        while(fx != fy)
100
101
             if(dep[fx] < dep[fy])</pre>
102
             {
                 swap(x, y);
103
104
                 swap(fx, fy);
105
             }
106
             sum += query(rt, w[fx], w[x]);
             x = fa[top[x]];
107
             fx = top[x];
108
109
         }
110
         if(dep[x] > dep[y]) swap(x, y);
111
         if(x == y) return sum;
112
         return sum + query(rt, w[son[x]], w[y]);
113 | }
```

3.4 区间第 k 大

静态区间第 k 大模板,每次查询 [l, r] 区间

```
1 |#include <iostream>
2
   #include <cstdio>
   #include <algorithm>
   #include <cstring>
   using namespace std;
  #define N 100010
7
   #define NN (30 * N)
8
   namespace ST
9
   {
10
       int T[N];
       struct node
11
12
       {
```

```
13
            int l, r, a, b;
14
            int c;
15
            node() {}
16
        }f[NN];
17
        int cnt;
18
       int lb, ub;
19
20
       int add(int a, int b, int l, int r, int c)
21
        {
            f[cnt].a = a; f[cnt].b = b; f[cnt].l = l; f[cnt].r = r; f[cnt].c
22
23
            return cnt++;
24
        }
25
26
       int build(int a, int b)
27
28
            int rt = add(a, b, -1, -1, 0);
29
            if(a < b)
30
            {
31
                int mid = (a + b) >> 1;
32
                f[rt].l = build(a, mid);
33
                f[rt].r = build(mid + 1, b);
34
35
            return rt;
36
        }
37
38
       void init(int a, int b) { cnt = 0; T[b + 1] = build(a, b); lb = a; ub
            = b; 
39
40
        int update(int x, int p)
41
42
            int rt = add(lb, ub, -1, -1, f[x].c + 1), tmp = rt;
43
            int l = lb, r = ub;
            while(l < r)
44
45
            {
                int mid = (l + r) \gg 1;
46
47
                if(p <= mid)</pre>
48
49
                     f[rt].l = add(l, mid, -1, -1, 0);
50
                     f[rt].r = f[x].r;
51
                     rt = f[rt].l; x = f[x].l;
52
                     r = mid;
53
                }
54
                else
55
                {
                     f[rt].r = add(mid + 1, r, -1, -1, 0);
56
57
                     f[rt].l = f[x].l;
58
                     rt = f[rt].r; x = f[x].r;
                     l = mid + 1;
59
60
61
                f[rt].c = f[x].c + 1;
62
            }
            return tmp;
63
        }
64
```

```
65
 66
        int qry(int lx, int rx, int k)
 67
 68
             int l = lb, r = ub;
             while(l < r)
 69
 70
             {
 71
                 int mid = (l + r) \gg 1;
                 if(f[f[lx].l].c - f[f[rx].l].c >= k)
 72
 73
                      rx = f[rx].l; lx = f[lx].l;
 74
 75
                      r = mid;
 76
                 }
 77
                 else
 78
                 {
 79
                      k = (f[f[lx].l].c - f[f[rx].l].c);
 80
                      rx = f[rx].r; lx = f[lx].r;
 81
                      l = mid + 1;
 82
                 }
 83
             }
 84
             return l;
 85
         }
 86
 87
        int q(int l, int r, int k)
 88
 89
             return qry(T[l], T[r + 1], k);
 90
         }
 91
    }
 92
 93
    int n, m;
 94
    int h[N], a[N];
 95
96
    int main()
 97
    {
 98
      scanf("%d%d", &n, &m);
99
         for(int i = 0; i < n; i++) scanf("%d", &a[i]);</pre>
100
        memcpy(h, a, sizeof a);
101
         sort(h, h + n);
102
         int cnt = unique(h, h + n) - h;
103
         for(int i = 0; i < n; i++) a[i] = lower bound(h, h + n, a[i]) - h;
104
105
         ST::init(0, cnt - 1);
106
         for(int i = n - 1; i > -1; i - -) ST::T[i] = ST::update(ST::T[i + 1], a)
            [i]);
107
        while(m--)
108
109
             int i, j, k; scanf("%d%d%d", &i, &j, &k);
110
             printf("%d\n", h[ST::q(i - 1, j - 1, k)]);
111
112
         return 0;
113 |}
```

3.5 二维线段树

3.5.1 点修改区间查询

```
1 | int c[N][N];
2
   int lx[N], ly[N];
3
   int n, Q;
4
   struct Node
5
   {
6
        struct node
7
8
            int a, b;
9
            int Min, Max;
10
        }f[N];
11
        int a, b;
12
13
       void update(int x)
14
        {
15
            f[x].Min = min(f[x << 1].Min, f[x << 1 | 1].Min);
16
            f[x].Max = max(f[x << 1].Max, f[x << 1 | 1].Max);
17
        }
18
19
       void build(int x, int a, int b)
20
        {
21
            f[x].a = a; f[x].b = b;
22
            if(a < b)
23
            {
24
                 int mid = (a + b) / 2;
                build(x << 1, a, mid);</pre>
25
26
                build(x << 1 | 1, mid + 1, b);
27
                 update(x);
28
            else \{ f[x].Min = f[x].Max = 0; ly[a] = x; \}
        }
29
30
31
        int queryMin(int x, int a, int b)
32
        {
33
            if(a \le f[x].a \&\& f[x].b \le b) return f[x].Min;
34
            else
35
            {
                 int mid = (f[x].a + f[x].b) / 2;
36
37
                 if(b <= mid) return queryMin(x << 1, a, b);</pre>
38
                 else if(a > mid) return queryMin(x << 1 | 1, a, b);</pre>
                else return min(queryMin(x << 1, a, b), queryMin(x << 1 | 1,</pre>
39
                    a, b));
40
            }
41
        }
42
43
       int queryMax(int x, int a, int b)
44
        {
45
            if(a \le f[x].a \&\& f[x].b \le b) return f[x].Max;
46
            else
47
            {
                int mid = (f[x].a + f[x].b) / 2;
48
49
                 if(b <= mid) return queryMax(x << 1, a, b);</pre>
50
                else if(a > mid) return queryMax(x << 1 | 1, a, b);</pre>
51
                 else return max(queryMax(x << 1, a, b), queryMax(x << 1 | 1,
                    a, b));
```

```
52
             }
53
    }f[N];
54
55
56
    void build(int x, int a, int b, int p, int q)
57
    {
58
        f[x].a = a; f[x].b = b;
59
        f[x].build(1, p, q);
60
        if(a < b)
61
        {
             int mid = (a + b) / 2;
62
63
             build(x << 1, a, mid, p, q);
64
             build(x << 1 | 1, mid + 1, b, p, q);
65
66
        else lx[a] = x;
67
    }
68
69
    void update(int x, int y, int c)
70
    {
71
        x = lx[x]; y = ly[y];
72
        for(int X = x; X != 0; X >>= 1)
73
             for(int Y = y; Y != 0; Y >>= 1)
74
             {
75
                 if(f[X].f[Y].a == f[X].f[Y].b)
76
                 {
77
                      if(f[X].a == f[X].b)
78
                      {
79
                          f[X].f[Y].Min = f[X].f[Y].Max = c;
80
                      }
81
                     else
82
                      {
83
                          f[X].f[Y].Min = min(f[X << 1].f[Y].Min, f[X << 1]
                             1].f[Y].Min);
                          f[X].f[Y].Max = max(f[X << 1].f[Y].Max, f[X << 1 |
84
                             1].f[Y].Max);
                     }
85
86
                 }
87
                 else { f[X].update(Y); }
88
             }
89
    }
90
91
    int queryMin(int x, int a, int b, int p, int q)
92
    {
93
        if(a \le f[x].a \&\& f[x].b \le b) return f[x].queryMin(1, p, q);
        else
94
95
        {
96
             int mid = (f[x].a + f[x].b) / 2;
             if(b <= mid) return queryMin(x << 1, a, b, p, q);</pre>
97
98
             else if(a > mid) return queryMin(x << 1 | 1, a, b, p, q);</pre>
99
             else return min(queryMin(x << 1, a, b, p, q), queryMin(x << 1 |
                1, a, b, p, q));
100
        }
101
    }
102
```

```
103 | int queryMax(int x, int a, int b, int p, int q)
104
105
        if(a \le f[x].a \&\& f[x].b \le b) return f[x].queryMax(1, p, q);
106
        else
107
        {
            int mid = (f[x].a + f[x].b) / 2;
108
            if(b <= mid) return queryMax(x << 1, a, b, p, q);</pre>
109
110
            else if(a > mid) return queryMax(x << 1 | 1, a, b, p, q);
111
            else return max(queryMax(x << 1, a, b, p, q), queryMax(x << 1 |
                1, a, b, p, q));
112
        }
113 |}
        字符串
    4
```

4.1 KMP

```
void getNext()
2
   {
3
     int j,k;
4
        j = 0;
5
        k = -1;
6
        next[0] = -1;
7
     while(j < m)
8
        if(k == -1 || b[j] == b[k])
9
            next[++j] = ++k;
10
11
        else k = next[k];
12
        }
13
   }
14
   // get First Position
15
   int KMP_Index()
16
   {
17
     int i = 0, j = 0;
18
        getNext();
19
        while(i < n \&\& j < m)
20
21
        if(j == -1||a[i] == b[j])
22
            {
23
                 i++;
24
                 j++;
25
26
            else j = next[j];
27
28
        if(j == m) return i - m + 1;
29
     else return -1;
30
  |}
```

4.2 RKHash

把字符串变成 X 进制数,可以完成 O(1) 比较, 有一定概率冲突, 调用 init() 初始化幂, mh(0) 构造 hash 数组

```
char s[N];
   ULL hash[N];
2
3
   int len;
4
   ULL pp[N];
5
6
   void init()
7
   {
8
       pp[0] = 1;
9
       for(int i = 1; i < N; i++) pp[i] = (pp[i - 1] * 31ULL) % MOD;
   }
10
11
12
   void mh(int p)
13
   {
14
       if(!p) \{ hash[0] = (s[0] - 'a'); p++; \}
15
       for(int i = p; i < len; i++) hash[i] = ((hash[i - 1] * 31ULL) % MOD +
            (s[i] - 'a')) % MOD;
16
   }
17
18
   int cp(int x, int y, int l)
19
20
       if(x + l > len || y + l > len) return false;
21
       X--; y--;
22
       if((hash[x + l] - hash[x] * pp[l] % MOD + MOD) % MOD
23
     == (hash[y + l] - hash[y] * pp[l] % MOD + MOD) % MOD) return true;
24
       return false:
25 | }
```

4.3 Manacher

求以 i 为中心的最长回文串长度,结果保存在 pk[i] 中,下标 [0,n) 开头、末尾、字符之间插入 #,例如 ababa 变为 #a#b#a#b#a#a

```
1 | int pk[N];
2
   void manacher()
3
   {
4
       int mx = 0;
5
       int p;
6
       for(int i = 0; i < n; i++)
7
8
            if(i < mx) pk[i] = min(pk[2 * p - i], mx - i);
9
            else pk[i] = 1;
10
            while(i + pk[i] < n && i - pk[i] > -1 && a[i + pk[i]] == a[i - pk
               [i]]) pk[i]++;
11
            if(i + pk[i] > mx) \{ p = i; mx = i + pk[i]; \}
12
       }
13 | }
```

4.4 SA

倍增算法, r 为待匹配数组, n 为总长度 +1, m 为字符范围, num 保存字符串使用时注意 num[] 有效位为 [0, n), 但是需要将 num[n] = 0, 另外, 对于模板的处理将空串也处理了, 作为

rank 最小的串, 因此有效串为 [0, n] 共 n-1 个, 在调用 da() 函数时, 需要调用 da(num, n+1, m) 对于 sa[], rank[], height[] 数组都将空串考虑在内, 作为 rank 最小的后缀注意 rank, height 范围从 [0, n]

```
1
2
   namespace SA
3
   {
4
       int len;
5
       int num[N];
6
       int sa[N], rank[N], height[N]; // sa[1\sim n] value(0\sim n-1); rank[0..n-1]
           value(1..n); height[2..n]
7
       int wa[N], wb[N], wv[N], wd[N];
8
9
       int cmp(int *r, int a, int b, int x) {
            return r[a] == r[b] \&\& r[a + x] == r[b + x];
10
11
       }
12
13
       void da(int *r, int n, int m) {
14
           int i, j, k, p, *x = wa, *y = wb, *t;
15
           for(i = 0; i < m; i++) wd[i] = 0;
16
        for(i = 0; i < n; i++) wd[x[i] = r[i]]++;
            for(i = 1; i < m; i++) wd[i] += wd[i - 1];
17
18
           for(i = n - 1; i \ge 0; i - -) sa[--wd[x[i]]] = i;
            for(j = 1, p = 1; p < n; j <<= 1, m = p) {
19
                for(p = 0, i = n - j; i < n; i++) y[p++] = i;
20
21
                for(i = 0; i < n; i++) if(sa[i] >= j) y[p++] = sa[i] - j;
22
                for(i = 0; i < n; i++) wv[i] = x[y[i]];
23
                for(i = 0; i < m; i++) wd[i] = 0;
24
                for(i = 0; i < n; i++) wd[wv[i]]++;
                for(i = 1; i < m; i++) wd[i] += wd[i - 1];
25
26
                for(i = n - 1; i \ge 0; i - -) sa[--wd[wv[i]]] = y[i];
27
                for (t = x, x = y, y = t, p = 1, x[sa[0]] = 0, i = 1; i < n; i
                   ++) {
28
                    x[sa[i]] = cmp(y, sa[i - 1], sa[i], j) ? p - 1 : p++;
29
                }
30
           }
31
32
           for(i = 0, k = 0; i < n; i++) rank[sa[i]] = i;
33
           for(i = 0; i < n - 1; height[rank[i++]] = k) {
                for(k ? k-- : 0, j = sa[rank[i] - 1]; r[i + k] == r[j + k]; k
34
                   ++);
35
           }
36
       }
37 | }
```

4.5 最小表示法

求一个字符串字典序最小的开头位置,注意要复制串两次

```
1 int smallest(char *s)
2 {
3     int i = 0, j = 1, k = 0;
4     int len = strlen(s);
5     while(i<len&&j<len)
6     {</pre>
```

```
7
             k=0:
8
             while (k < len \& (s[i+k] == s[j+k]))
9
                  k++;
10
             if(k>=len)
11
                  break;
12
             if(s[i+k]>s[j+k])
13
                  i=max(i+k+1,j+1);
             else
14
15
                  j=max(i+1, j+k+1);
16
17
        return min(i,j);
   }
18
19
20
   int biggest(char *s)
21
   {
22
        int i = 0, j = 1, k = 0;
23
        int len = strlen(s);
24
        while(i<len&&j<len)</pre>
25
        {
26
             k=0;
27
             while (k < len \& (s[i+k] == s[j+k]))
28
                  k++;
29
             if(k>=len)
30
                  break;
31
             if(s[i+k]<s[j+k])
32
                  i=max(i+k+1,j+1);
33
             else
34
                  j=max(i+1,j+k+1);
35
        }
36
        return min(i,j);
37 | }
```

5 数论

5.1 欧拉函数

对正整数 n, 欧拉函数是少于或等于 n 的数中与 n 互质的数的数目 P 是素数:

```
若 p 是 x 的约数,则 E(x*p) = E(x)*p p 不是 x 的约数,则 E(x*p) = E(x)*E(p) = E(x)*(p-1)
```

```
1 | int prime[N];
2
   int phi[N];
3
   bool is prime[N];
4
5
   void get phi()
6
   {
7
        int i, j, k;
8
        k = 0;
 9
        for(i = 2; i < N; i++)
10
11
            if(is_prime[i] == false)
12
            {
```

```
13
                prime[k++] = i;
                phi[i] = i - 1;
14
15
            }
            for(j = 0; j < k \&\& i * prime[j] < N; j++)
16
17
                 is_prime[ i * prime[j] ] = true;
18
19
                if( i % prime[j] == 0)
20
                     phi[ i * prime[j] ] = phi[i] * prime[j];
21
22
                     break:
                 }
23
24
                else
25
                 {
26
                     phi[ i * prime[j] ] = phi[i] * ( prime[j] - 1 );
27
                }
28
            }
29
        }
   }
30
```

5.2 线性逆元

inv[i] = (MOD - MOD / i) * inv[MOD % i] % MOD 适用于 MOD 是质数且 MOD > n 的情况,能够 O(n) 时间求出 [1, n] 对模 MOD 的逆

5.3 高阶等差数列

$$\sum n = \frac{1}{2}n(n+1) \tag{1}$$

$$\sum n^2 = \frac{1}{6}n(n+1)(2n+1) \tag{2}$$

$$\sum n^3 = \left(\sum n\right)^2 \tag{3}$$

$$\sum n^4 = \left(\sum n^2\right) \frac{1}{5} (3n^2 + 3n - 1) \tag{4}$$

$$\sum n^5 = \left(\sum n\right)^2 \frac{1}{3} (2n^2 + 2n - 1) \tag{5}$$

$$\sum n^6 = \left(\sum n^2\right) \frac{1}{7} (3n^4 + 6n^3 - 3n + 1) \tag{6}$$

$$\sum n^7 = \left(\sum n\right)^2 \frac{1}{6} (3n^4 + 6n^3 - n^2 - 4n + 2) \tag{7}$$

$$\sum n^8 = \left(\sum n^2\right) \frac{1}{15} \left(5n^6 + 15n^5 + 5n^4 - 15n^3 - n^2 + 9n - 3\right) \tag{8}$$

BJTU_SpaceAce 21

6 数表

6.1 数据范围

类型	字节	最小值	最大值
int	4	-2147483648	2147483647
unsigned	4	0	4294967295
long long	8	-9223372036854775808	9223372036854775807
unsigned long long	8	0	18446744073709551615
float	4	1.17549e-038	3.40282e + 038
double	8	2.22507e-308	1.79769e + 308
long double	12	3.3621e-4932	1.18973e + 4932

Table 1: 数据范围

6.2 时间复杂度

X	$\log 2(x)$
10	3
1e2	6
1e3	9
1e4	13
1e5	16
1e6	19
1e7	23
1e8	26
1e9	29

n	n!
1	1
2	2
3	6
4	24
5	120
6	720
7	5040
8	40320
9	362880
10	3628800

Table 3: 阶乘