

# Mise en perspective didactique d'un projet de recherche

Tamara Bardon-Brun

Session 2022

## 1 Parcours universitaire

### 1.1 Études

- 2012–2015 : Licence de Physique Fondamentale à *l'Université de Lille*
- 2015–2016 : 1<sup>ère</sup> année du master de Physique Fondamentale à *l'Université Pierre et Marie Curie*
- 2016–2017 : 2<sup>nde</sup> année du master International Center of Fundamental Physics parcours Physique Quantique à *l'École Normale Supérieure de Paris*
- 2017–2020 : Thèse au sein du Laboratoire Kastler Brossel sous la direction de Nicolas Cherroret, intitulée « Propagation de la lumière en milieu complexe : effet Hall de spin optique en présence de désordre et force de Casimir en milieu Kerr », soutenue le 13 Janvier 2021
- 2021–2022 : Préparation de l'agrégation de Physique-Chimie option Physique au *centre de Montrouge*

### 1.2 Enseignements, vulgarisation et autres activités

- Monitorat à Sorbonne Université (3 ans – 192h) :
  - Encadrement de TP d'optique en L3 (76h)
  - Chargée de TD en physique du mouvement en L2 (80h)
  - Encadrement du tournoi de physique (36h)
- Participation au French Physicists' Tournament :
  - 2016 : Membre de l'équipe de Sorbonne Université
  - 2018–2020 : Encadrante de l'équipe de Sorbonne Université
  - 2021–2022 : Membre de l'équipe d'organisation du tournoi
- Membre de CurieOsity, association des étudiant·es de physique de Sorbonne Université :
  - Organisation de conférences et de rencontres avec des chercheurs et des chercheuses
  - Tutorat de physique
- Participation à la Fête de la science avec le laboratoire Kastler Brossel (2017–2020)

## 2 Travail de recherche : Effet Hall de spin optique dans un désordre

### 2.1 Motivations

Au cours du XX<sup>e</sup> siècle, le développement de la physique quantique a amené de nombreuses avancées dans la compréhension de la matière en permettant de mieux appréhender sa structure et le comportement de ses composants. Cela a entraîné l'essor de nombreux domaines de la matière condensée tels que la physique des semi-conducteurs ou la supraconductivité. De plus, depuis les années 90, l'amélioration des méthodes de refroidissement et de piégeage d'atomes a permis l'étude expérimentale de plus en plus poussée de systèmes quantiques. Une des motivations principales de l'étude des atomes froids est qu'ils peuvent être manipulés avec une très grande précision. Ainsi ils peuvent permettre de simuler des phénomènes existant au cœur de la matière en contrôlant un maximum de paramètres.

Cependant, la nécessité de refroidir grandement ces systèmes pour voir apparaître un comportement quantique est une contrainte expérimentale très forte. Plus récemment, au début du XXI<sup>e</sup> siècle, s’est alors développée l’idée d’utiliser de la lumière plutôt que des atomes pour reproduire de telles simulations de phénomènes de matière condensée ou de gaz quantiques. L’étude de tels systèmes optiques est également intéressante car la lumière est ici traitée de manière totalement classique, alors que les phénomènes étudiés reposent pour la matière sur son aspect quantique.

Lors de ma thèse, j’ai étudié analytiquement des cas de propagation de la lumière dans des milieux complexes où nous avons retrouvé des analogues optiques à deux phénomènes : l’effet Hall de spin et l’effet Casimir critique. Dans ce dossier, je vais me concentrer sur l’effet Hall de spin optique dans un milieu désordonné. L’étude de ce phénomène amène notamment à s’intéresser à la question du spin d’un faisceau lumineux et à la notion de couplage spin-orbite en optique qui est un domaine récent de la physique ayant émergé au début du XXI<sup>e</sup> siècle.

Afin de commenter les résultats de ma thèse sur l’effet Hall de spin optique en désordre transverse, nous commencerons par introduire rapidement les effets de couplage spin-orbite de la matière à travers l’exemple de l’effet Hall de spin. Nous introduirons ensuite des éléments de propagation de la lumière au sein de milieux inhomogènes et présenterons l’émergence dans de tels milieux d’effets analogues à des effets de couplage spin-orbite. Enfin, nous discuterons plus précisément le cas d’un milieu désordonné.

## 2.2 Effet de Hall de spin – couplage spin-orbite dans la matière

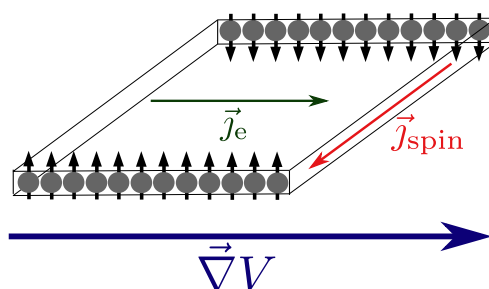


FIGURE 1 – Illustration de l’effet Hall de spin dans un échantillon 2D métallique soumis à un gradient de potentiel électrique.

L’effet Hall est un effet aujourd’hui bien connu en physique (voir activité pédagogique 1) : un échantillon soumis à champ magnétique et traversé par un courant électrique voit apparaître une accumulation transverse de charges sur ses bords. Cet effet s’explique par le couplage entre les charges électriques en mouvement et le champ magnétique, les électrons étant alors déviés par la force de Lorentz. Il existe un effet analogue faisant intervenir le couplage entre le champ électrique (utilisé pour générer le courant) et le spin porté par les électrons : ce phénomène est appelé effet Hall de spin. Il s’agit d’un effet de couplage spin-orbite que nous allons présenter.

### Activité pédagogique 1 : Étude de l’effet Hall classique

#### Contexte :

- Niveau : CPGE 2<sup>ème</sup> année — filière PC
- Place dans la progression : partie Électromagnétisme – chapitre Conduction électrique

#### Objectifs pédagogiques :

- Exploiter les connaissances acquises dans les chapitres précédents pour obtenir une description de l’effet Hall classique
- Caractériser la tension de Hall
- En connaître des applications (mesure de champ magnétique notamment)

### Déroulement résumé de l'activité :

#### I – Description théorique (séance de cours) :

- Introduction des résultats historiques de Hall  $\Rightarrow$  caractéristiques de la tension de Hall
- Présentation du système
- Déviation des électrons par le champ magnétique : accumulation de charges sur les bords de l'échantillon
- Apparition d'un champ électrique s'opposant à la force magnétique
- Étude du régime stationnaire et obtention de l'expression de la tension de Hall.

#### II – Observation expérimentale (séance de TP) :

En utilisant des échantillons semi-conducteurs traversés par un courant et placés dans un champ magnétique, il est possible de mesurer la tension de Hall.

##### Objectifs de la séance :

- Observer la proportionnalité de la tension de Hall avec le courant et le champ magnétique
- Dédurre le signe des porteurs de charge du sens de la différence de potentiel
- Pour aller plus loin : remonter à la densité des porteurs de charge

#### III – Ouverture :

La notion du moment magnétique étant également vue par les élèves, il serait possible de leur présenter qualitativement l'effet Hall de spin en faisant une analogie entre une charge électrique dans un champ magnétique et un spin (introduit alors comme un moment magnétique) dans un champ électrique. Cela permettrait de leur présenter un exemple original de phénomène faisant intervenir la notion de spin.

L'effet Hall de spin apparaît dans un échantillon bidimensionnel d'un semi-conducteur soumis à un gradient de potentiel électrique  $\vec{\nabla}V$ . L'hamiltonien d'un électron dans ce système est alors donné par l'expression :

$$H = \frac{\vec{p}^2}{2m_e} + q_e V(\vec{r}) + \mathcal{A}_{\text{SO}} (\vec{p} \wedge \vec{\nabla}V) \cdot \vec{S} \quad (1)$$

où  $\vec{p}$  est l'impulsion de l'électron et  $\vec{S}$  son spin. Nous avons introduit ici le coefficient de couplage spin-orbite  $\mathcal{A}_{\text{SO}}$  qui dépend des propriétés de symétrie du matériau considéré.

En passant par les équations de Hamilton, il est possible de décrire la trajectoire semi-classique des électrons. Nous obtenons alors les équations du mouvement :

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{\vec{p}}{m} - \mathcal{A}_{\text{SO}} \vec{S} \wedge \vec{\nabla}V, \quad (2)$$

$$\frac{d\vec{p}}{dt} = -q_e \vec{\nabla}V. \quad (3)$$

Nous voyons ici apparaître un terme supplémentaire par rapport à la trajectoire attendue pour un électron soumis à un champ électrique dans l'équation (2) lié au couplage spin-orbite. L'équation (3) décrivant l'évolution de l'impulsion n'est pas modifiée : on parle alors de décalage du faisceau d'électrons. Celui-ci a pour caractéristique d'être perpendiculaire au gradient de potentiel et à la direction du spin : c'est un décalage transverse. Il est également proportionnel au gradient de potentiel électrique et son signe dépend de l'orientation du spin.

## 2.3 Effet de couplage spin-orbite de la lumière en milieux inhomogènes

Si de telles considérations sur le couplage spin-orbite ont été initialement étudiées uniquement pour la matière, ces effets existent aussi pour la lumière. Cependant leur contribution se limitant alors à des échelles inférieures à celle de la longueur d'onde, leur étude ne s'est développée que récemment, en particulier avec l'émergence de la nanophotonique dans les années 90. Cette description en terme de couplage spin-orbite s'avère très riche, et a notamment permis de mieux comprendre des

phénomènes qui étaient déjà connus tels que l'effet Imbert–Fedorov ou l'effet Magnus optique, ce que nous discuterons rapidement dans cette partie.

### 2.3.1 Propagation en milieu inhomogène – cas de l'approximation paraxiale

Lorsque l'on considère un milieu diélectrique non magnétique, la propagation d'un faisceau lumineux monochromatique en son sein est caractérisée par sa permittivité relative  $\epsilon$  (que l'on suppose ici réelle) ou de manière équivalente par son indice optique  $n = \sqrt{\epsilon}$ . Si l'on considère un milieu homogène, la lumière s'y propage en ligne droite et l'influence du milieu se résume à la modification de la longueur d'onde (par le biais de la modification de la vitesse de phase) :  $\lambda_{\text{milieu}} = \lambda_{\text{vide}}/n$ . Cependant, dans le cas général, un faisceau lumineux rencontre des variations d'indice d'optique au cours de sa propagation. Il est donc important de savoir décrire l'influence de cette inhomogénéité.

Afin de décrire l'évolution d'un faisceau lumineux, on étudie la trajectoire de son centroïde, dont on notera la position  $\vec{R}$ , défini comme le barycentre du faisceau pondéré par la densité d'énergie du champ électromagnétique.

#### Activité pédagogique 2 : Phénomène de réfraction – Loi de Snell–Descartes

##### Contexte :

- Niveau : 2<sup>nde</sup> générale
- Place dans la progression : partie Ondes et signaux – Chapitre Vision et image

##### Objectifs pédagogiques :

- Appliquer la loi de Snell–Descartes
- Observer et caractériser la réfraction à une interface
- Obtenir expérimentalement l'indice optique d'un milieu

##### Résumé de l'activité :

Lors de cette activité, les élèves vont observer la réfraction de la lumière passant dans un cuve d'eau. Par la mesure de l'angle réfracté pour différents angles d'incidence, on remonte à l'indice optique de l'eau en utilisant la loi de Snell–Descartes vue en cours précédemment. De plus, en dissolvant ensuite du sucre dans la cuve, les élèves pourront directement jouer sur l'indice optique de la solution et observer le changement sur l'angle réfracté.

##### Déroulé de l'activité : (Séance de TP)

On dispose d'une lampe avec un embout permettant de générer un faisceau lumineux parallèle fin, de plusieurs cuves d'eau et de sucre.

- Envoyer le faisceau lumineux en incidence normale sur la cuve : on n'observe pas de réfraction.
- Augmenter légèrement l'angle d'incidence (on observe ici l'interface air-eau) : observer que l'angle au sein du milieu est différent de l'angle d'incidence.
- Pour différents angles d'incidence, mesurer l'angle réfracté.
- Vérifier que les sinus des angles suivent bien une relation de proportionnalité, en déduire la valeur de l'indice optique  $n$  de l'eau (en considérant  $n_{\text{air}} = 1$ ).
- *(Ici on pourra éventuellement discuter de l'influence de la paroi de la cuve si certains groupes avancent plus rapidement)*
- Dans une autre cuve, dissoudre une bonne quantité de sucre
- Pour un angle d'incidence déjà mesuré dans la cuve d'eau non-sucrée relever la nouvelle valeur de l'angle réfracté
- En déduire l'influence de la dissolution du sucre sur l'indice optique de la solution
- *Démonstration professeur.e : envoyer un faisceau laser dans une longue cuve, au fond de laquelle on a préalablement ajouté du sucre sans mélanger, l'inhomogénéité de concentration provoque alors une déviation du faisceau qui se courbe vers le bas*

Le cas le plus simple d'inhomogénéité que l'on peut considérer est le cas d'une interface entre deux milieux d'indices optiques différents (voir activité pédagogique 2). La description d'un milieu inhomogène continu peut alors être obtenue en considérant le gradient d'indice optique comme une succession d'interfaces entre deux indices  $n_i$  et  $n_i + dn_i$ . L'inhomogénéité du milieu résulte alors en une courbure du faisceau lumineux qui s'y propage. C'est ce qui explique l'apparition des mirages (voir activité pédagogique 3).

### Activité pédagogique 3 : Description qualitative d'un mirage

#### Contexte :

- Niveau : 2<sup>nd</sup>e générale
- Place dans la progression : partie Ondes et signaux – Chapitre Vision et image
- Fait suite à l'activité pédagogique 2

#### Objectifs pédagogiques :

- Proposer un modèle permettant d'expliquer le phénomène des mirages

**Résumé de l'activité :** L'objectif est ici de discuter avec les élèves et de les amener à exploiter ce qu'ils et elles ont vu précédemment pour décrire un phénomène optique plus complexe : le mirage.

#### Déroulement de l'activité :

- Question ouverte posée à la classe : « Qu'est-ce qu'un mirage ? »
- Amener les élèves à s'interroger sur les conditions de formation du mirage
- Présentation du phénomène de courbure (photo, vidéo et/ou démonstration devant la classe)
- Discussion de la variation de l'indice optique de l'air en fonction de la température
- Construction qualitative de la trajectoire du faisceau lumineux pour un mirage.

Afin d'étudier la propagation dans un milieu inhomogène, un cadre intéressant est celui de l'approximation paraxiale qui permet de décrire les faisceaux lumineux se propageant avec une direction proche de l'axe optique du milieu. Cet axe, que nous appellerons  $z$  dans toute la suite, est une direction selon laquelle la variation d'indice optique est négligeable (remarquons qu'un tel axe n'existe pas pour tous les milieux). Nous écrivons alors la permittivité sous la forme :

$$\epsilon(\vec{r}) \simeq \epsilon(x, y) = \bar{\epsilon} + \delta\epsilon(x, y) .$$

La description de la propagation lumineuse se fait par l'étude de l'évolution du champ électrique. Dans le cadre de l'approximation paraxiale, la composante longitudinale (selon  $z$ ) de ce champ est négligée. Cette hypothèse est valide, tout au long de la propagation, si l'enveloppe du champ électrique varie peu par rapport à la longueur caractéristique de variation de  $\delta\epsilon(x, y)$ , cela revient à considérer la condition :

$$\lambda \left| \frac{\vec{\nabla} \epsilon(x, y)}{\bar{\epsilon}} \right| \ll 1, \text{ ou de manière équivalente : } \lambda \left| \frac{\vec{\nabla} n(x, y)}{\bar{n}} \right| \ll 1 . \quad (4)$$

Nous nous ramenons alors à une description scalaire de la lumière.

L'approximation paraxiale permet de décrire la déviation du faisceau dans le plan de propagation sous l'effet d'une variation de la permittivité du milieu et amène à une bonne description de la trajectoire d'un faisceau lumineux à l'échelle macroscopique. Cependant, à ce stade, nous ne pouvons pas décrire les effets de couplage spin-orbite. Ceux-ci sont en effet liés à l'aspect vectoriel de la lumière. Nous allons donc à présent nous pencher sur les premières corrections à l'approximation paraxiale.

### 2.3.2 Au delà de l'approximation paraxiale : effet de couplage spin-orbite optique

Si l'on s'intéresse de plus près à la réflexion à une interface, en plus de la déviation du faisceau dans le plan incident, il existe également un décalage transverse du faisceau dépendant de la polarisation du faisceau : il s'agit de l'effet Imbert–Fedorov (évoqué pour la première fois en 1955 par Fedorov et mis en évidence en 1972 par Imbert). Ce décalage est de l'ordre de

$$\delta R \sim -\frac{\sigma}{k}$$

où  $k = 2\pi/\lambda$  et  $\sigma$  est l'hélicité du faisceau : une grandeur adimensionnée caractérisant son état de polarisation. Celle-ci varie continûment entre 0 pour une polarisation rectiligne et  $\pm 1$  pour une polarisation circulaire, les valeurs intermédiaires caractérisant une polarisation elliptique. La question est à présent de généraliser ce résultat décrivant le cas d'une interface aux milieux inhomogènes. Si l'on reprend les calculs de la propagation du champ électrique en prenant en compte les termes d'ordre  $\lambda|\vec{\nabla}n|/n \ll 1$ , la trajectoire du faisceau lumineux s'écrit alors :

$$\frac{d\vec{R}}{dz} = \frac{\vec{k}}{k} - \frac{\sigma}{k} \left[ \frac{\vec{k}}{k} \wedge \vec{\nabla}(\ln n) \right]. \quad (5)$$

Le décalage qui apparaît ici a été étudié pour la première fois en 1992 par Liberman et Zel'Dovich, qui l'ont interprété comme un effet Magnus de la lumière. En effet, une analogie apparaît avec la déviation d'un objet en rotation au sein d'un fluide en écoulement. Cependant, il est également possible de comparer cette trajectoire avec celle de l'effet Hall de spin donnée par l'équation (2), d'où la notion de couplage spin-orbite de la lumière. Nous voyons alors plusieurs éléments intéressants apparaître. Tout d'abord, nous pouvons remarquer que le gradient d'indice optique du milieu joue pour la lumière le rôle du gradient de potentiel. Nous voyons alors que si dans le cas de l'effet Hall de spin, le couplage spin-orbite était lié au matériau considéré par le coefficient  $\mathcal{A}_{\text{SO}}$ , pour la lumière, le terme qui apparaît ici ne dépend pas explicitement du milieu considéré. Cela fait de la lumière un très bon candidat pour étudier les effets de couplage spin-orbite. Notons également que, par analogie avec l'équation (2), la coordonnée  $z$  joue ici le rôle d'un temps. Enfin, nous voyons ici que le terme  $\sigma\vec{k}/k$  s'identifie au spin de l'électron dans l'équation (2), une analogie semble ainsi apparaître entre la polarisation de la lumière et son spin. Plus rigoureusement, on peut définir de manière générale la notion de moment cinétique pour un faisceau lumineux. C'est ce que nous allons présenter ci-dessous.

### 2.3.3 Notion de moment cinétique de la lumière

Tout comme pour les particules matérielles, il est possible de définir une impulsion locale du faisceau lumineux<sup>1</sup>. Celle-ci est donnée (pour une lumière monochromatique) par

$$\vec{p} = \frac{\epsilon_0}{2} \vec{E}(\vec{r}, \omega) \wedge \vec{B}(\vec{r}, \omega).$$

Nous pouvons alors écrire le moment cinétique local<sup>2</sup> du faisceau (par rapport à l'origine du repère considéré) :

$$\vec{j}(\vec{r}) = \vec{r} \wedge \vec{p}(\vec{r}).$$

Dans le cadre de l'approximation paraxiale, le moment cinétique total du faisceau (toujours par rapport à l'origine) est donné par l'expression

$$\vec{J}(z) = \frac{\epsilon_0}{2i\omega} \int dxdy \left[ \sum_m E_m^* (\vec{r} \wedge \vec{\nabla}) E_m + \vec{E}^* \wedge \vec{E} \right]. \quad (6)$$

Nous voyons alors apparaître deux contributions différentes.

La première contribution dépend de la variation du champ électrique, il s'agit du moment cinétique orbital de la lumière. Elle peut être due à une déformation du front d'onde, c'est ce que l'on

1. Il s'agit ici d'un abus de langage, on considère en vérité une densité d'impulsion.

2. À nouveau, il s'agit ici d'une densité de moment cinétique.

appelle le moment cinétique orbital intrinsèque représenté sur la figure 2(a), ou bien à la trajectoire du faisceau, c'est ce que l'on appelle le moment cinétique orbital extrinsèque représenté sur la figure 2(b).

La deuxième contribution est uniquement liée à la valeur locale du champ électrique, c'est celle que l'on va interpréter comme un moment cinétique de spin représenté sur la figure 2(c). Dans le cas d'un faisceau collimaté, celui-ci va être donné par l'expression :

$$\vec{S} = \frac{\epsilon_0 I}{\omega} \frac{\sigma \vec{k}}{k},$$

où nous avons introduit l'intensité  $I = \int dx dy |\vec{E}|^2$  du faisceau et son hélicité  $\sigma$ . Nous obtenons ainsi bien une notion de spin pour le faisceau lumineux directement liée à la polarisation de la lumière. Nous observons ici qu'un spin non-nul correspond alors à une polarisation tournante du faisceau lumineux. Notons ici que l'on est toujours dans une description classique de la lumière, contrairement au spin des électrons, utilisé dans l'équation (1), qui est une notion purement quantique.

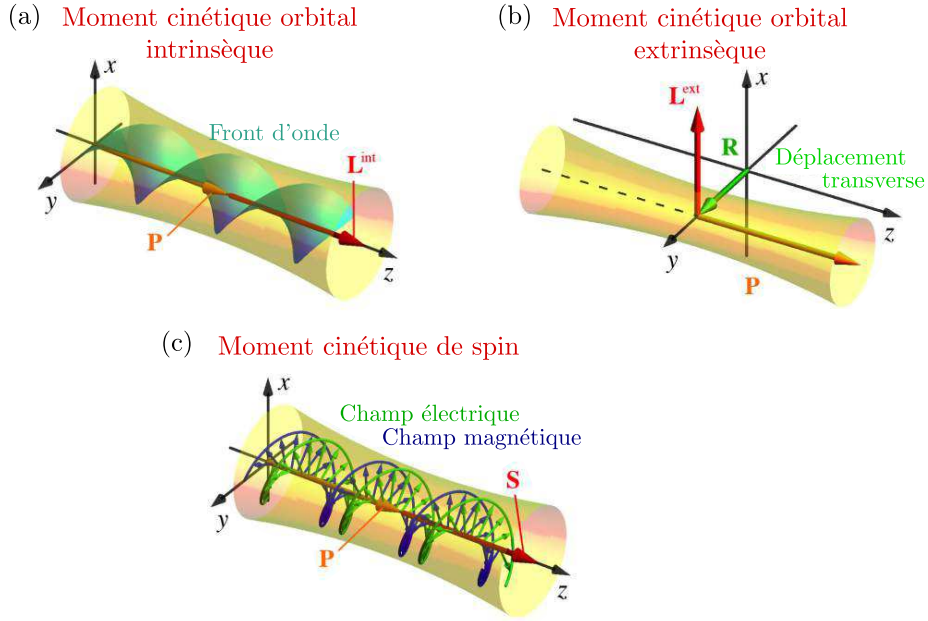


FIGURE 2 – Illustrations des différents moments cinétiques de la lumière, tirées de l'article de Bliokh, Rodriguez-Fortuño, Nori et Zayats, *Nature Photonics* **9**, 796–808 (2015). (a) Le moment cinétique orbital intrinsèque, lié à une variation de la phase du champ ; (b) le moment cinétique orbital extrinsèque, lié à un déplacement du faisceau lumineux par rapport à une origine ; (c) le spin du faisceau lumineux, lié à la rotation des champs électrique et magnétique. Ici, la notation  $\vec{P}$  correspond à l'impulsion moyenne du faisceau.

## 2.4 Effet Hall de spin optique en désordre transverse

Les effets de couplage spin-orbite de la lumière que nous avons présentés précédemment ont été étudiés dans des systèmes où la variation d'indice optique est connue. Au cours de ma thèse, je me suis intéressée à l'étude de tels effets au sein de milieux désordonnés. J'ai, pour cela, calculé analytiquement l'évolution du champ électrique dans de tels milieux (en considérant son aspect vectoriel) pour en déduire la trajectoire du faisceau en prenant en compte les effets de couplage spin-orbite. Il s'agit, à ma connaissance, des premières investigations sur ce sujet.

Avant de discuter les résultats obtenus, nous allons commencer par rapidement présenter des éléments de description de la propagation en milieux désordonnés, puis nous introduirons le système considéré.

### 2.4.1 Propagation dans un système désordonné

Les milieux dits désordonnés sont des milieux très inhomogènes où l'indice optique varie de manière aléatoire. Cela correspond par exemple à des poudres, du verre dépoli ou des solutions contenant



des particules en suspension. Lorsqu'un faisceau lumineux se propage dans de tels milieux, nous pouvons observer différents phénomènes illustrés sur la figure 3. Si l'on observe le comportement de la lumière au sein du milieu (comme montré sur la figure 3(b)), nous pouvons tout d'abord décrire deux composantes différentes :

- le faisceau balistique qui décrit la trajectoire que l'on attendrait en absence de désordre. Son intensité décroît de manière exponentielle lors de la propagation dans le milieu sur une longueur caractéristique  $\ell$ .
- le halo diffusif qui apparaît autour du faisceau balistique au cours de la propagation.

Ces comportements sont dus à la diffusion de la lumière sur les petits obstacles qui sont à l'origine de l'inhomogénéité du milieu. La longueur caractéristique  $\ell$  de la diffusion est alors la distance moyenne entre deux processus de diffusion, appelée libre parcours moyen. Si on considère une lumière cohérente, les composantes du halo diffusif se propageant dans différentes directions vont interférer, on voit alors apparaître un profil d'intensité désordonné appelée *speckle*, avec des tâches lumineuses entourées de zones plus sombres comme présenté sur la figure 3(a).

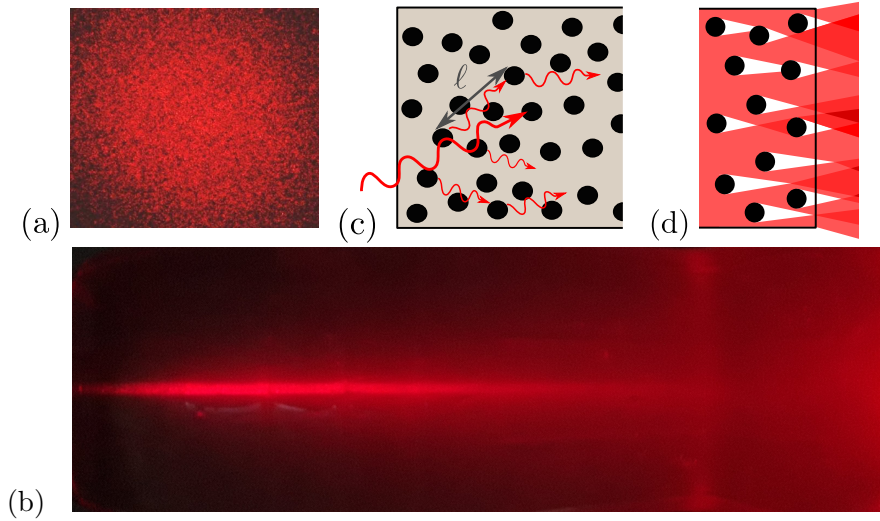


FIGURE 3 – (a) Photo d'un speckle produit par un faisceau laser après propagation au travers d'un morceau de plastique rugueux. (b) Photo du phénomène de diffusion multiple dans un milieu diffusant (ici de l'eau contenant un peu de maïzena en suspension). (c) Schéma de la diffusion de la lumière se propageant à travers une distribution aléatoire de diffuseurs. (d) Schéma de la lumière diffusée à la sortie du milieu.

Une description analytique complète de ce problème est presque impossible. Afin de décrire les phénomènes de propagation dans un milieu désordonné, nous nous basons sur une approche statistique. Nous pouvons alors obtenir l'expression du champ électrique moyenné sur différentes réalisations du désordre. Ce champ moyen permet de décrire la propagation du faisceau balistique qui est la composante qui nous intéresse pour ce problème. Notons ici que lorsqu'on évoquera dans la suite des grandeurs moyennes, il s'agira toujours de moyennes statistiques.

#### 2.4.2 Présentation du système : désordre transverse

Afin de voir apparaître des effets de couplage spin-orbite, il est nécessaire d'avoir une certaine anisotropie du système car s'il n'existe aucune direction privilégiée on ne peut pas espérer voir émerger, en moyenne, un décalage dans une direction particulière. De plus, afin de rester proche de l'approximation paraxiale, nous souhaitons pouvoir définir un axe optique. Ici, nous avons choisi de considérer le cas où la permittivité est parfaitement homogène selon l'axe  $z$  mais varie aléatoirement dans le plan  $(x, y)$ , c'est ce que l'on nomme désordre transverse. Nous allons y décrire la propagation d'un faisceau gaussien collimaté de vecteur d'onde  $\vec{k} = k_{\perp}\vec{e}_x + k_z\vec{e}_z$ . Ce système considéré est présenté sur la figure 4. Nous intéressons ici à la trajectoire du faisceau dans le plan transverse  $(x, y)$ , nous considérons ainsi un système à 2 dimensions (tout comme pour l'effet Hall de spin électronique), tandis que la



coordonnée  $z$  joue ici le rôle d'un paramètre similaire à un temps<sup>3</sup>.

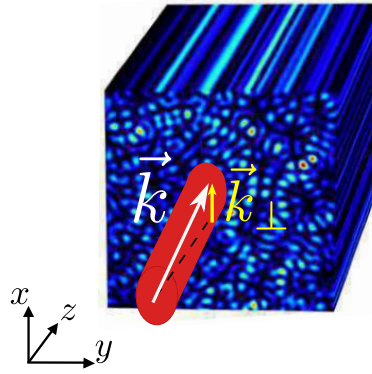


FIGURE 4 – Illustration d'un milieu désordonné dans le plan transverse  $(x, y)$  et homogène selon l'axe optique  $z$ , sur lequel est envoyé un faisceau lumineux collimaté *tilté*, de vecteur d'onde transverse  $\vec{k}_\perp$  selon  $\vec{e}_x$ .

En première approximation, c'est-à-dire dans l'approximation paraxiale, on obtient, comme attendu pour le faisceau balistique, une trajectoire rectiligne caractérisée par le vecteur d'onde transverse  $\vec{k}_\perp$  choisi ici selon la direction  $x$ . De plus, l'intensité du faisceau décroît exponentiellement avec un pseudo-temps caractéristique de diffusion  $z_d$  qui dépend des caractéristiques du désordre. Le libre parcours moyen est alors donné par  $\ell = \frac{k_\perp}{k} z_d$ .

### 2.4.3 Décalage transverse du faisceau

Afin de décrire les effets de couplage spin-orbite, tout comme dans les cas présentés dans la partie précédente, nous allons prendre en compte les premières corrections liées à l'aspect vectoriel du champ électrique. Nous nous intéressons ici plus particulièrement au faisceau balistique, décrit par le champ électrique moyen. L'étude de cette configuration est notamment intéressante car il n'était pas évident de savoir a priori si le décalage lié au couplage spin-orbite survit au moyennage sur le désordre.

Après l'obtention de l'expression du champ moyen dans le désordre transverse, nous arrivons à l'expression de la trajectoire du centre du faisceau :

$$\vec{R}_\perp(z) = \frac{\vec{k}_\perp}{k} z - \frac{\sigma}{k_\perp} \left[ 1 - \frac{1}{\cosh(z/z_{\text{SH}})} \right] \vec{e}_y, \quad (7)$$

où nous avons introduit une nouvelle grandeur caractéristique  $z_{\text{SH}} = 2(k/k_\perp)^2 z_d$ . Nous voyons ici deux termes, le premier correspond à la propagation balistique attendue sans la prise en compte des effets de couplage spin-orbite. Le terme supplémentaire décrit quant à lui un déplacement latéral (noté  $\delta R_\perp$ ) selon la direction  $y$ , qui est de l'ordre de la longueur d'onde transverse et proportionnel à l'hélicité du faisceau. On retrouve ainsi bien un effet Hall de spin optique dans le cadre d'un milieu désordonné.

Ce décalage transverse est représenté sur la figure 5(a) pour une polarisation circulaire ( $\sigma = 1$ ) pour différentes valeurs de l'angle d'incidence. Nous voyons ici l'influence de ce dernier sur  $z_{\text{SH}}$  d'apparition du décalage. De plus, nous pouvons observer un effet de saturation du décalage qui n'existe pas dans d'autres configurations de l'effet Hall de spin optique. Afin de comprendre son origine, nous allons nous intéresser à l'évolution du moment cinétique.

### 2.4.4 Évolution du moment cinétique

À nouveau, en utilisant l'expression du champ électrique moyen, nous pouvons calculer l'expression des moments cinétiques du faisceau lumineux à partir de l'équation (6). Le moment cinétique orbital

3. Ce qui apparaît explicitement dans les équations, comme déjà évoqué pour l'effet Magnus optique (5)

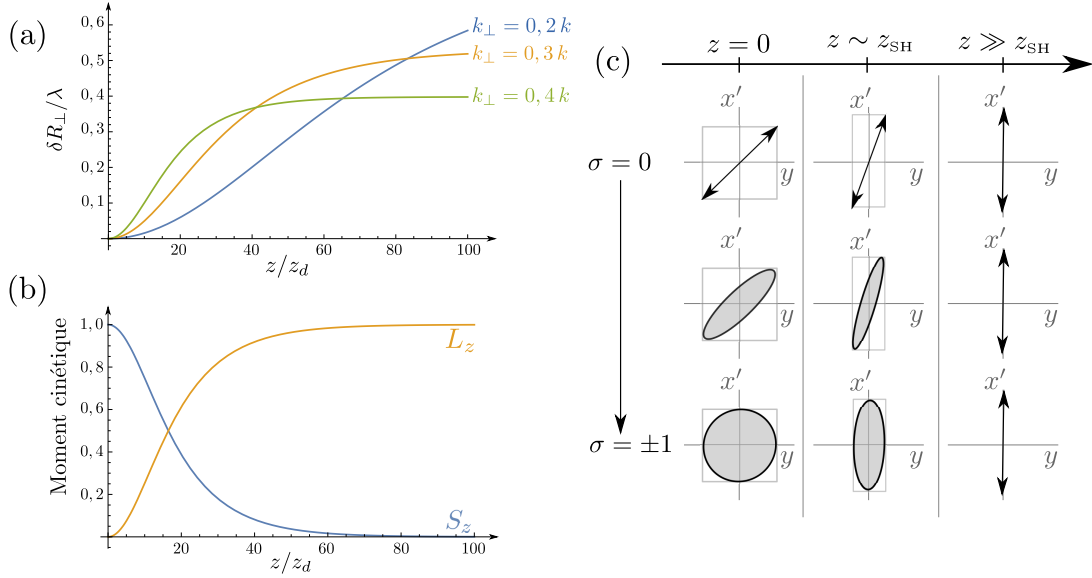


FIGURE 5 – (a) Graphe de l'évolution du déplacement  $\delta R_{\perp}$  en fonction de  $z$  pour différentes valeurs de l'angle d'incidence  $k_{\perp}/k$ ; (b) Courbes des composantes  $S_z$  et  $L_z$  des moments cinétiques en fonction du temps  $z$  pour  $\sigma = +1$  et  $k_{\perp}/k = 0, 4$ . À l'instant initial, le système possède uniquement un moment cinétique de spin qui est converti au fur et à mesure de la propagation en moment cinétique orbital, la somme  $L_z + S_z$  restant constante; (c) Schéma de l'évolution de la polarisation moyenne du faisceau au cours de la propagation dans le milieu désordonné.

moyen du faisceau est alors donné par :

$$\vec{L}(z) = \left( \vec{R}_{\perp}(z) + z \vec{e}_z \right) \wedge \left( \vec{k}_{\perp} + k_z \vec{e}_z \right),$$

où nous reconnaissons alors la forme classique bien connue  $\vec{L} = \vec{R} \wedge \vec{p}$  où  $\vec{p} = \vec{k}_{\perp} + k_z \vec{e}_z$ .

Le spin moyen du faisceau est lui donné par l'expression :

$$S_z(z) = \frac{\sigma}{\cosh(z/z_{SH})}. \quad (8)$$

Leur évolution est tracée sur le graphe présenté figure 5(b) pour une polarisation initiale circulaire. Nous voyons ainsi que le moment cinétique de spin diminue tandis que le moment orbital augmente (le moment cinétique total selon  $z$  reste lui constant car le milieu est statistiquement invariant par rotation autour de cet axe). Ce transfert de moment cinétique s'explique par une déformation de la polarisation du faisceau au fur et à mesure de la propagation dans le milieu désordonné comme schématisé sur la figure 5(c). Nous voyons alors que la polarisation moyenne du faisceau tend vers une polarisation rectiligne (pour laquelle le spin est nul) ce qui explique la saturation du décalage que nous avons mis en évidence précédemment. Remarquons également ici que cette polarisation finale est selon la direction  $x$  qui est ici une des directions privilégiées du problème.

### 3 Conclusion

Durant ma thèse, j'ai ainsi étudié l'effet Hall de spin dans le cas d'un désordre transverse. Nous avons montré que cet effet était résistant au moyennage sur les différentes configurations du désordre. De plus, en considérant ici l'aspect vectoriel de la lumière, nous avons mis en évidence l'effet du désordre sur l'état polarisation du faisceau.

Un aspect intéressant de ma thèse est le travail sur l'analogie lumière-matière. De tels concepts peuvent être particulièrement pratiques pour proposer des illustrations aux élèves et tenter de mieux leur permettre d'appréhender des notions qui sont plus intuitives en optique ou inversement.

## 4 Enseignement et médiation scientifique

### 4.1 Monitorat au sein de Sorbonne Université

Durant mes trois années de thèse, j'ai effectué un monitorat au sein de Sorbonne Université. L'enseignement était déjà quelque chose qui me tenait à cœur avant cela : j'ai toujours considéré que la transmission des connaissances est une étape essentielle de l'apprentissage personnel. C'est pour cela qu'il était très important pour moi de pouvoir compléter mon travail de recherche au cours de ma thèse en enseignant. Mon monitorat a confirmé ma vocation de professeure.

J'ai encadré des groupes de travaux dirigés de mécanique en L2 pendant lesquels j'ai pu développer mes capacités de calculs au tableau et une approche pédagogique insistant sur l'importance pour les étudiant·es de pouvoir poser des questions. J'y ai également appris à gérer mon planning, devant balancer la contrainte du programme (et des examens) avec un rythme permettant aux étudiant·es de bien saisir les notions importantes et de s'approprier les outils vus en cours.

J'ai également encadré des groupes de travaux pratiques d'optique. Ici, le format en demi-groupe et avec des binômes amenait à un encadrement plus proche et permettant de discuter plus en profondeur les notions physiques avec les étudiant·es. Pendant ces séances, j'ai également dû gérer une évaluation continue des étudiant·es par la correction de comptes-rendus ainsi que par la tenue d'interrogations rapides à chaque séance.

### 4.2 Participation au tournoi de physique

Au cours de mon cursus à Sorbonne Université j'ai pris part au *French Physicists' Tournament* (qui constitue la sélection française de l'*International Physicists' Tournament*). Durant celui-ci, des équipes, issues de différentes universités et écoles, se retrouvent pour "s'affronter" sur des problèmes de physique ludiques où elles doivent présenter et critiquer les résultats qu'elles ont obtenus durant un semestre de travail. Il s'agit d'un moment où ont lieu de nombreuses discussions physiques, ainsi qu'une première expérience du travail de recherche pour de nombreux étudiant·es.

J'ai tout d'abord participé en tant que membre de l'équipe durant ma première année de master. Cela a été pour moi l'une des premières occasions où j'ai pu étudier en très grande autonomie un sujet de physique, mais cela a surtout été une première expérience de présentation de mes résultats personnels et du travail d'un semestre entier sur un temps de 10 minutes. Pendant cette présentation, il fallait ainsi être pédagogique (le jury composé de physicien·nes ne connaissant pas spécialement les sujets) et présenter correctement sa démarche et ses résultats tout en restant très concis.

J'ai ensuite eu l'occasion durant mon monitorat d'encadrer l'équipe de Sorbonne Université. J'ai pu y transmettre ma propre expérience du tournoi et discuter avec des étudiant·es en master du travail de recherche et de la démarche scientifique. L'encadrement de tels projets est très particulier : les étudiant·es doivent construire leur propre démarche, et nous cherchions à leur donner le plus d'autonomie possible, il fallait donc accompagner les étudiant·es et être prête à répondre à leurs questions sans essayer de les guider dans une direction particulière. Il s'agit aussi d'une expérience d'enseignement où il est nécessaire de jongler entre de nombreux domaines de la physique et sur des sujets que l'on ne maîtrise pas entièrement au premier abord.

À présent je participe à l'organisation de ce tournoi, qui est également un grand moment de partage scientifique en tout genre. Il s'agit de réfléchir à la sélection des sujets pour le tournoi français, en équilibrant les divers domaines, mais également les types d'approches que les questions vont demander (expérience de coin de table, simulations, traitement de données, problème d'ingénierie, etc.). Il y a également de nombreuses questions de logistique à gérer. Tout cela demande évidemment un bon travail d'équipe et de répartition des tâches.

Ce genre d'événements est pour moi quelque chose de particulièrement enrichissant pour des étudiant·es ou des élèves. Ainsi, j'espère pouvoir continuer à m'investir en tant que professeure dans le secondaire dans des structures similaires telles que les Olympiades de physique, qui est un concours national regroupant des petites équipes d'élèves de lycée travaillant sur un sujet expérimental de leur choix. Un tel projet est l'occasion pour les élèves de mettre en œuvre de manière concrète la démarche scientifique. De plus, les élèves peuvent ainsi appréhender des concepts physiques dans un cadre moins scolaires, ce qui leur permet alors de mieux comprendre certaines notions vues en cours.

### 4.3 Vulgarisation scientifique

Au cours de mon stage de M2, puis de ma thèse j'ai pu participer au stand du Laboratoire Kastler Brossel de la Fête de la Science sur le campus Pierre et Marie Curie. Au sein de celui-ci, nous présentions de nombreuses expériences autour de la lumière, allant d'une "simple" mesure de la vitesse de la lumière à la production d'un laser en passant par les phénomènes d'interférences, ainsi que la démonstration historique de Kastler sur l'absorption et l'émission du sodium. De plus, nous recevions des publics très variés allant de classes de primaire à des universitaires, cela m'a ainsi appris à adapter mon discours et ma pédagogie aux personnes en face de moi et en fonction de la difficulté des sujets. Je pourrais réexploiter cette compétence durant mes cours en faisant de la différenciation pédagogique selon le profil des élèves. Nous devions également gérer des questions de temps soit dans le cas de groupes scolaires qui étaient sur un planning précis, soit car le laboratoire organisait également des visites qui partaient à intervalles réguliers du stand. Ayant participé à trois reprises à la Fête, je connaissais très bien le stand et je faisais partie de l'équipe de préparation et d'installation.

Ce sont des expériences que j'aimerais pouvoir reproduire à l'échelle de mes classes voir d'un établissement en proposant à mes élèves de présenter des projets personnels devant un public d'autres élèves, de parents et de professeur·es.

### 4.4 Autres activités

Durant mes années d'études à Sorbonne Université, j'ai également pris une part très active dans l'association des étudiant·es de physique CurieOsity.

Au sein de celle-ci, j'ai pu participer à l'organisation de séances de tutorat, durant lesquelles des étudiant·es de licences voire de master pouvaient venir librement pour demander de l'aide sur certains sujets. Cela nous forçait en tant qu'encadrant·es à devoir comprendre efficacement et en un temps court les différents sujets pour pouvoir les expliquer clairement, en s'adaptant au niveau de l'étudiant·e concerné·e. Cela nous obligeait ainsi également à avoir en tête les différents programmes de l'université.

Nous organisions aussi des rencontres entre chercheur·euses et étudiant·es appelé les *cafés-prof* pendant lesquels les professeur·es présentaient leur domaine de recherche ainsi que leur parcours et où les étudiant·es pouvaient leur poser des questions d'un cadre assez informel. Nous avons également organisé des conférences plus traditionnelles.

L'association était aussi une interlocutrice privilégiée des équipes pédagogiques de l'université. Nous étions ainsi contacté pour discuter des envies et des besoins des étudiant·es, ou pour faire le lien avec l'administration dans certaines situations. En particulier, nous avons participé à l'élaboration de la nouvelle maquette du master.

Je me suis également investie personnellement au sein des structures de l'université, tout d'abord pendant mon master au sein du conseil de l'UFR, puis en tant que représentante des doctorant·es au conseil de l'école doctorale. Cette représentation dans les instances est, pour moi, un élément essentiel dans la vie en communauté des personnels et je compte continuer de m'y investir lorsque l'occasion se présentera dans mon futur établissement.