

# Modèles Multi-Facteurs

P. Hénaff

Version: 14 févr. 2023

# Droite de Marché des Capitaux



Figure 1: Droite de Marché des Capitaux

## MEDAF: Droite de Marché des Titres

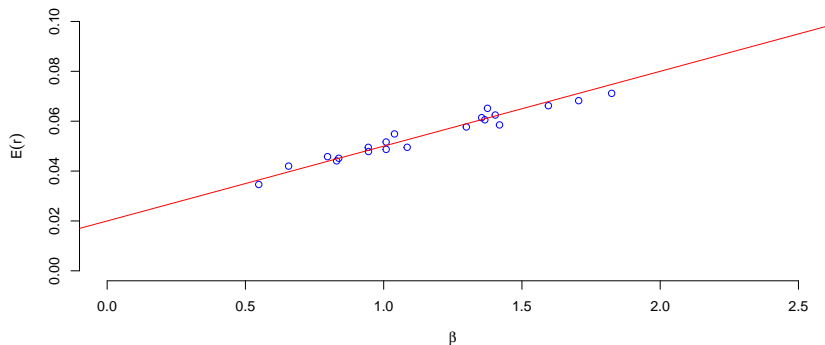


Figure 2: Droite de Marché des Titres

# APT

## Valorisation par Arbitrage

- ▶ Rendement fonction linéaire d'un nombre limité de facteurs
- ▶ Il y a assez de titres sur le marché pour créer des portefeuilles où le risque spécifique a été diversifié

## APT

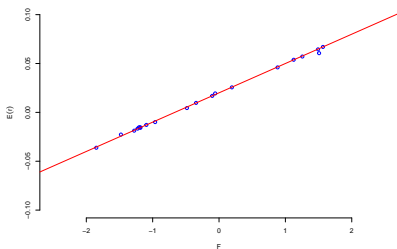


Figure 3: Portefeuille diversifié

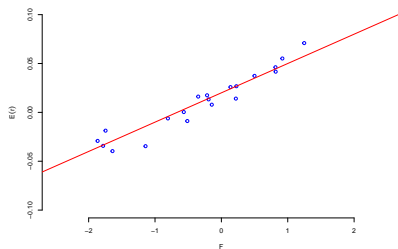


Figure 4: Action Simple

## APT

Hypothèse:

$$R_i = \mu_i + \sum_k \beta_{ik} F_k + \epsilon_i$$

Alors l'excès de rendement  $\mu_i - r_0$  est uniquement fonction de l'exposition du titre aux facteurs:

$$\mu_i - r_0 = \sum_k \beta_{ik} \lambda_k$$

# Modèle Explicites

## BARRA

- ▶ Les  $\beta$  sont définis *a priori*
- ▶ Les rendements des facteurs sont estimés par regression

$$R_t = Bf_t + \epsilon_t$$

## Fama-French

- ▶ Les rendements des facteurs sont connus
- ▶ On estime les  $\beta$  par regression

## Modèle Fama-French

$$R_{i,t} = \alpha_i + \beta_{i,M}R_{M,t} + \beta_{i,SMB}SMB_t + \beta_{i,HML}HML_t + e_{i,t}$$

$R_i$  Excédent de rendement, titre  $i$

$R_M$  Excédent de rendement, marché

$SMB$  "Small Minus Big": Facteur Capitalisation

$HML$  "High Minus Low": Facteur Valorisation



# Modèle Fama-French

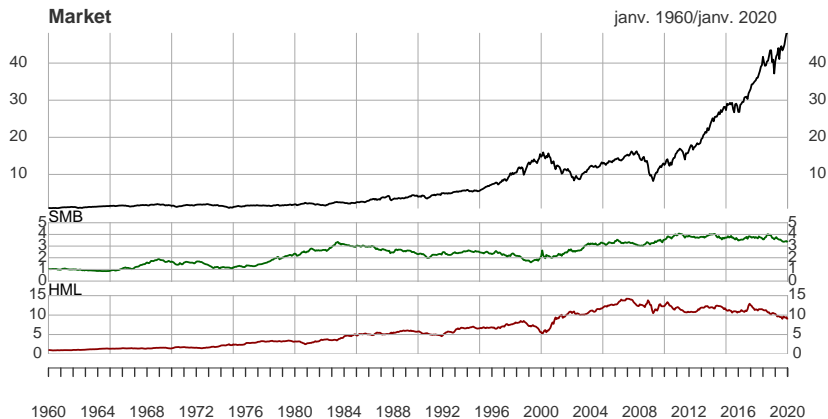


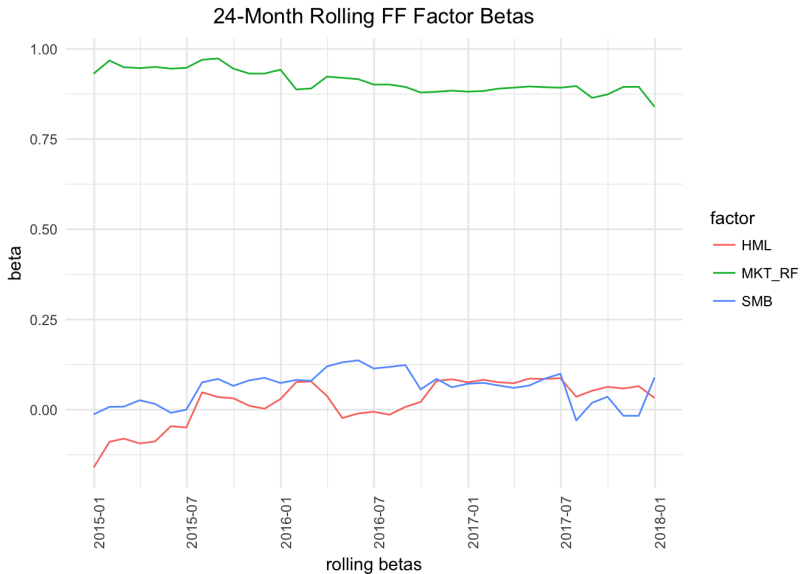
Figure 5: Facteurs Fama-French

## Stabilité des Betas Fama-French (1)

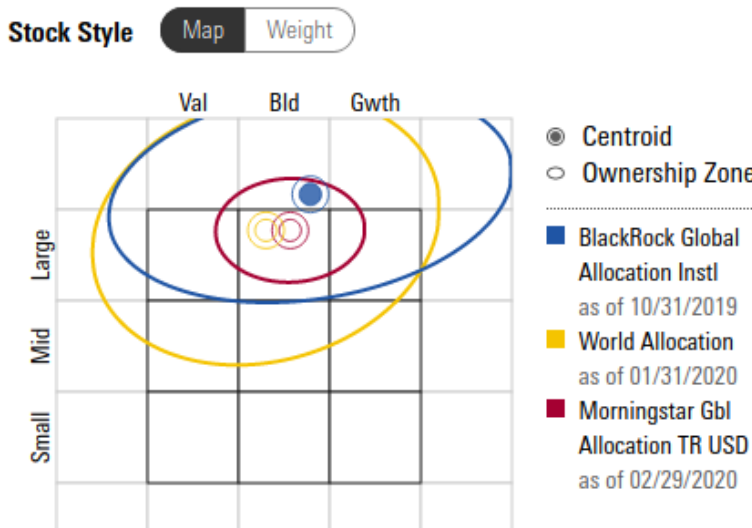
Portefeuille:

- ▶ SPY (S&P500) 25%
- ▶ EFA (Actions ex-US) 25%
- ▶ IJS (Small Cap Value) 20%
- ▶ EEM (EM) weighted 20%
- ▶ AGG (Obligations) 10%

## Stabilité des Betas Fama-French (2)



## Influence du modèle Fama-French



## Autres Facteurs: Momentum

$$R_{i,t} = \alpha_i + \beta_{i,M}R_{M,t} + \beta_{i,SMB}SMB_t + \beta_{i,HML}HML_t + \beta_{i,UMD}R_{UMD,t} + \dots + e_i$$

UMD: Up Minus Down

# Momentum et Liquidité (1)

## CARNET D'ORDRES

<div> <div></div> <div></div> </div>					
ORDRES	QTÉ	ACHAT	VENTE	QTÉ	ORDRES
3	1 217	10.720	10.760	223	2
4	2 006	10.710	10.770	1 079	2
5	1 621	10.700	10.780	3 482	5
3	4 046	10.690	10.790	1 237	4
3	1 172	10.680	10.800	1 611	4
2	1 328	10.670	10.810	4 933	2
6	14 129	10.660	10.830	10 410	5
3	2 135	10.650	10.840	90	1
2	445	10.640	10.850	2 787	5
2	1 844	10.630	10.870	125	1
33	29 943	TOTAL	TOTAL	25 977	31

## DERNIÈRES TRANSACTIONS

HEURES	COURS	QUANTITÉ
13:26:17	10.760	1 218
13:24:24	10.750	257
13:20:53	10.740	163
13:20:53	10.740	538
13:19:55	10.740	93
<a href="#">Consulter les dernières transactions de la journée</a>		

## DERNIÈRES ACTUALITÉS

18 févr. **Maisons du Monde : Telelos CP se renforce au capital • CERCLE FINANCE**

20 févr. **MAISONS DU MONDE**

Figure 8: Maisons du Monde

## Momentum et Liquidité (2)

ORDRES	QTÉ	ACHAT	VENTE	QTÉ	ORDRES
3	821	40.0450	40.0550	100	1
4	836	40.0400	40.0600	917	3
4	1205	40.0350	40.0650	954	3
7	2 064	40.0300	40.0700	2 032	5
4	1577	40.0250	40.0750	1944	5
6	1975	40.0200	40.0800	877	4
4	1504	40.0150	40.0850	1 589	4
6	1646	40.0100	40.0900	1 038	4
3	1 048	40.0050	40.0950	4 376	3
4	1 329	40.0000	40.1000	397	2
45	14 005	TOTAL	TOTAL	14 224	34

HEURES	COURS	QUANTITÉ
13:35:28	40.1850	30
13:35:28	40.1850	250
13:35:28	40.1850	130
13:35:28	40.1850	450
13:35:28	40.1850	200

[Consulter les dernières transactions de la journée](#)

### DERNIÈRES ACTUALITÉS

ven. **Grande Bretagne: Total candidat à la reprise d'éollennes en mer • REUTERS**

Figure 0: Total

## Facteurs et Fouille de Données (Harvey et al.)

$$R_i(t) - R_f(t) = \alpha_i + \beta_i(R_M(t) - R_f(t)) + \gamma_i F(t) + \epsilon_i(t)$$

$$\frac{\hat{\gamma}_i}{\sigma(\gamma_i)} \sim \text{t-stat}$$

Erreur Type I: Accepter un facteur alors qu'il n'est pas significatif.