

Finance Quantitative

Modèle de Treynor Black

Le groupe de travail

Version: 14 févr. 2023

```
library(xts)
library(hornpa)
library(lubridate)
library(xtable)
library(quantmod)
library(PerformanceAnalytics)
library(TTR)
library(lubridate)
library(roll)
library(Hmisc)
library(nFactors)
library(kableExtra)
library(broom)

get.src.folder <- function() {
  path.expand("../GP/src")
}

get.data.folder <- function() {
  path.expand("../GP/data")
}

source(file.path(get.src.folder(), 'utils.R'))
source(file.path(get.src.folder(), 'FileUtils.R'))
```

Données

Séries de rendement mensuel pour 11 valeurs:

```
monthly.ret.file <- file.path(get.data.folder(), "monthly.ret.rda")
load(monthly.ret.file)
```

Pour l'indice de marché, on utilise VT, un ETF "World Market":

```
VT.series.file <- file.path(get.data.folder(), "ret.VT.rda")
```

```
if(!file.exists(VT.series.file)) {
  sym <- "VT"
  world.index <- Ad(getSymbols(sym, auto.assign=FALSE))
  world.index.ret <- monthlyReturn(world.index)
  colnames(world.index.ret) <- "Market"
  save(world.index.ret, file=VT.series.file)
} else {
  load(VT.series.file)
}
```

Rendement moyen:

```
monthly.ret <- merge.xts(monthly.ret, world.index.ret, join="inner")
kable(colMeans(monthly.ret), "latex", escape=FALSE, col.names=c("$r$"), caption="Average monthly return")
```

Table 1: Average monthly return

	r
AAPL	0.0220532
AMZN	0.0271364
MSFT	0.0169185
F	0.0139604
SPY	0.0086184
QQQ	0.0126927
XOM	0.0012265
MMM	0.0090297
HD	0.0191698
PG	0.0080793
KO	0.0096675
Market	0.0063881

Matrice de covariance des rendements:

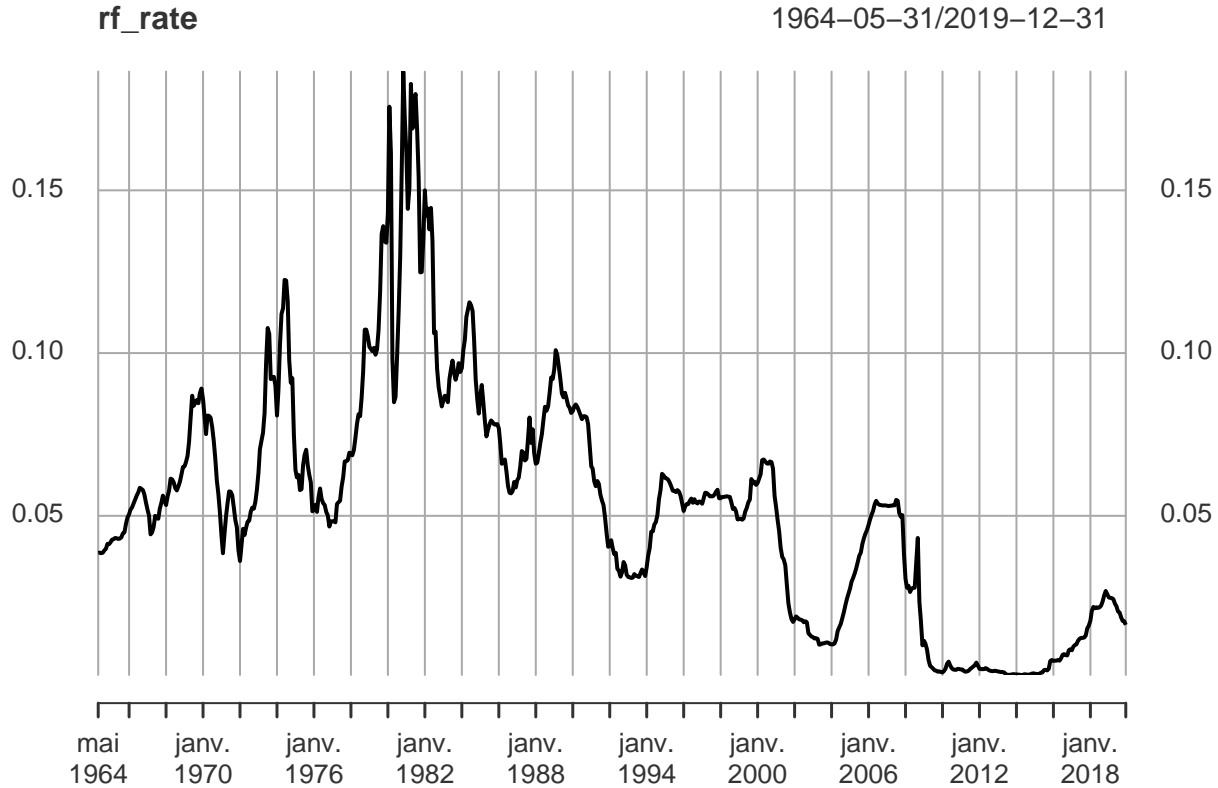
```
kable(cov(monthly.ret), "latex", booktabs=T) %>%
kable_styling(latex_options="scale_down")
```

taux sans risque

Le taux sans risque mensuel (annualisé) est obtenu de la Réserve Fédérale US.

```
taux.sans.risque.csv <- file.path(get.data.folder(), "DP_LIVE_01032020211755676.csv")
tmp <- read.csv(taux.sans.risque.csv, header=TRUE, sep=";")[, c("TIME", "Value")]
dt <- ymd(paste(tmp$TIME, "-01", sep=""))-1
rf_rate <- xts(tmp$Value/100.0, dt)
```

	AAPL	AMZN	MSFT	F	SPY	QQQ	XOM	MMM	HD	PG	KO	Market
AAPL	0.0067861	0.0029132	0.0023909	0.0034726	0.0020525	0.0030696	0.0008125	0.0019703	0.0017385	0.0007716	0.0007773	0.0019879
AMZN	0.0029132	0.0081477	0.0025052	0.0026818	0.0019708	0.0029000	0.0008198	0.0013520	0.0018658	0.0001333	0.0011566	0.0020887
MSFT	0.0023909	0.0025052	0.0041486	0.0034082	0.0018237	0.0022291	0.0010236	0.0014625	0.0016284	0.0007682	0.0010500	0.0019091
F	0.0034726	0.0026818	0.0034082	0.0228940	0.0033899	0.0035843	0.0013655	0.0039663	0.0034734	0.0018252	0.0017233	0.0037993
SPY	0.0020525	0.0019708	0.0018237	0.0033899	0.0018541	0.0019954	0.0012216	0.0018248	0.0017008	0.0008786	0.0009489	0.0019549
QQQ	0.0030696	0.0029000	0.0022291	0.0035843	0.0019954	0.0025283	0.0009971	0.0018315	0.0018600	0.0007702	0.0008702	0.0020805
XOM	0.0008125	0.0008198	0.0010236	0.0013655	0.0012216	0.0009971	0.0024359	0.0015475	0.0011221	0.0006220	0.0007314	0.0012568
MMM	0.0019703	0.0013520	0.0014625	0.0039663	0.0018248	0.0018315	0.0015475	0.0033789	0.0018843	0.0010283	0.0008990	0.0018143
HD	0.0017385	0.0018658	0.0016284	0.0034734	0.0017008	0.0018600	0.0011221	0.0018843	0.0034615	0.0008112	0.0007124	0.0015536
PG	0.0007716	0.0001333	0.0007682	0.0018252	0.0008786	0.0007702	0.0006220	0.0010283	0.0008112	0.0018438	0.0008778	0.0008302
KO	0.0007773	0.0011566	0.0010500	0.0017233	0.0009489	0.0008702	0.0007314	0.0008990	0.0007124	0.0008778	0.0020062	0.0010466
Market	0.0019879	0.0020887	0.0019091	0.0037993	0.0019549	0.0020805	0.0012568	0.0018143	0.0015536	0.0008302	0.0010466	0.0023080



##		AAPL	AMZN	MSFT	F	SPY
##	2008-06-30	-0.11290069	-0.10156825	-0.02860143	-0.292647079	-0.083575759
##	2008-07-31	-0.05070466	0.04104724	-0.06506746	-0.002079304	-0.008985578
##	2008-09-30	-0.32955848	-0.09961634	-0.02198624	0.165918802	-0.094173681
##	2008-10-31	-0.05340487	-0.21330401	-0.16335732	-0.578846139	-0.165186687
##	2008-12-31	-0.07899032	0.20093672	-0.03857552	-0.148698828	0.009796723
##	2009-03-31	0.17702424	0.13350827	0.13746188	0.314999474	0.083310627
##		QQQ	XOM	MMM	HD	PG
##	2008-06-30	-0.09615030	-0.007097684	-0.10275897	-0.136855504	-0.079333799
##	2008-07-31	0.00642039	-0.087370994	0.01149577	0.017506396	0.083531745
##	2008-09-30	-0.15576296	-0.029371125	-0.04594999	-0.037367436	-0.001146315
##	2008-10-31	-0.15471594	-0.045583125	-0.05870276	-0.088837478	-0.067977481
##	2008-12-31	0.02277380	-0.003992837	-0.14029598	0.006785848	-0.039316221
##	2009-03-31	0.10316511	0.002945407	0.09370851	0.141905895	-0.022420454
##		KO	Market	Rf		
##	2008-06-30	-0.080159854	-0.0008065077	0.0023250000		
##	2008-07-31	-0.009234303	-0.0268471854	0.0023250000		

```
## 2008-09-30  0.030105361 -0.0910820596  0.0036000000
## 2008-10-31 -0.166793449 -0.2143686201  0.0019666667
## 2008-12-31 -0.034136711  0.0541143392  0.0008500000
## 2009-03-31  0.098898124  0.0883459620  0.0007416667
```

Questions

Estimation d'un modèle à un facteur

Choisir une période de 48 mois. A partir des exemples présentés en cours, estimer le modèle:

$$R_i(t) - R_f(t) = \alpha + \beta(R_M(t) - R_f(t)) + \epsilon(t)$$

en utilisant la fonction `lm`. Utilisez la fonction `kable` de `knitr` pour produire une présentation soignée des résultats.

Détermination du portefeuille actif

On rappelle que le poids de chaque titre dans le portefeuille actif est proportionnel au ratio $\alpha_i/\sigma^2(\epsilon_i)$:

$$w_i = \frac{\alpha_i/\sigma^2(\epsilon_i)}{\sum_i \alpha_i/\sigma^2(\epsilon_i)}$$

Calculer les poids des actifs dans le portefeuille actif. Justifier votre choix d'inclure ou d'exclure tel ou tel instrument.

Calculez les valeurs suivantes concernant le portefeuille actif:

R_A Excess de rendement

α_A alpha du portefeuille actif

β_A beta du portefeuille actif

σ_A écart-type du portefeuille actif

Détermination de la pondération entre le portefeuille actif et le portefeuille de marché.

Capital Allocation Line

Calculez l'espérance de rendement et le risque de quelques portefeuilles situés sur la "Capital Allocation Line" qui joint l'actif sans risque et le portefeuille risqué. Placez sur un diagramme "rendement/risque": le portefeuille risqué, le portefeuille actif et le portefeuille de marché.