Séance 3 : Circuits linéaires et permanents soumis à une sollicitation sinusoïdale

1 Pré-requis

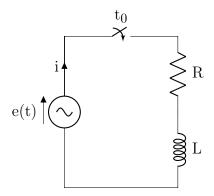
Avant la séance, vous aurez lu attentivement l'énoncé de la manipulation. Vous aurez par ailleurs relu les chapitres et sections suivants :

- Chapitre 5 Résoudre un circuit : procédure de base et accélérateur
 - Section 5.1 Vocabulaire lié aux circuits
 - 5.1.2 Connexions série et parallèle
 - 5.1.3 Branche
 - 5.1.4 Maille
 - Section 5.2 Lois de Kirchhoff
- Chapitre 6 Résoudre un circuit réactif dans le domaine temporel
 - Section 6.5 Analyse temporelle du circuit RL (source sinusoïdale)
 - Section 6.6 Analyse temporelle du circuit RLC
- Chapitre 7 Résoudre un circuit réactif dans le domaine fréquentiel
 - Section 7.3 Phaseur
 - Section 7.4 Impédances et admittances
 - 7.4.2 Impédance d'une capacité pure
 - 7.4.3 Impédance d'une résistance pure

2 Exercices

2.1 RL

La tension $e(t) = V_m \cos(\omega t + \alpha)$ est appliquée à l'instant $t = t_0 = 0$ au circuit RL.



Question 1. Déterminer l'expression du courant i(t) pour tout temps t et discuter la valeur de α pour que :

- 1. le régime permanent s'établisse immédiatement
- 2. la valeur instantanée du courant soit maximale

2.2 Résoudre le circuit

Pour le circuit suivant

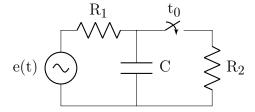
$$v_g(t)$$
 R_1 R_2 C $V_C(t)$

Où
$$v_g(t) = \sin(4t + 45^o), \ R_1 = 4\Omega, \ R_2 = 1\Omega, \ L = 1H \ et \ C = \frac{1}{4}F.$$

Question 2. Déterminer la tension aux bornes de la capacité en régime.

2.3 Résoudre le circuit 2

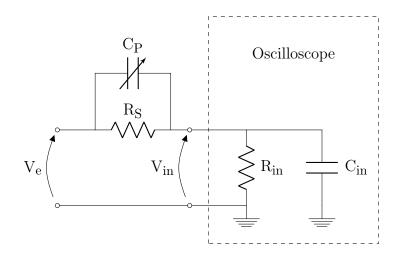
Le circuit suivant se trouve en régime avant l'instant $t=t_0=0$ de fermeture de l'interrupteur.



Question 3. Déterminer les courants pour toute valeur de t, avec $e(t) = E_0 \cos(\omega t)$.

2.4 Oscilloscope

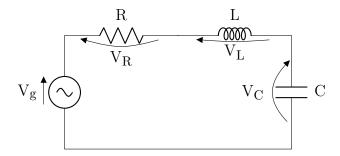
Le signal V_e à mesurer est connecté à un oscilloscope au moyen d'une sonde externe. La sonde est constituée d'une résistance R_S et d'une capacité C_P (réglable) en parallèle. L'impédance d'entrée de l'oscilloscope est modélisée par la mise en parallèle de $R_{\rm in}=1 {\rm M}\Omega$ et $C_{\rm in}=20 {\rm pF}$.



Question 4. Déterminer les éléments de la sonde pour réaliser un facteur de division de k (par exemple k=10) sans déformer le signal mesuré. Dans ces conditions, déterminer la nouvelle impédance d'entrée équivalente.

2.5 RLC

Pour le circuit RLC série en régime sinusoïdal permanent suivant :



Question 5. Représenter les phaseurs des différentes tensions dans le plan complexe (diagramme des phaseurs), en prenant le courant comme origine des phases. On se placera successivement dans le cas $\omega > \omega_0$, $\omega < \omega_0$, $\omega = \omega_0$, avec $\omega = \frac{1}{LC}$.

Question 6. La tension V_C peut-elle devenir supérieure à la tension d'alimentation?