Séance 3 : Design d'un amplificateur Corrigé

Objectifs : à la fin de cette séance, l'étudiant sera capable de :

- Déterminer l'influence des imperfections d'un amplificateur opérationnel sur la sortie du montage
- Polariser un montage amplificateur
- Extraire les informations pertinentes d'une datasheet
- Dimensionner un montage à base d'amplificateur opérationnel

Exercice 1.

Qu'entend-on par « taux de réjection du mode commun ¹ » ? Quelle serait sa valeur pour un ampli-op ordinaire ?

Réponse :

Il s'agit du rapport entre la réponse produite par un signal différentiel et un signal de mode commun d'amplitude similaire. Si on a pour sortie $V_{out} = A \cdot (V_+ - V_-) + A_{MC} \cdot \frac{V_+ + V_-}{2}$, avec A_{MC} le gain de mode commun, on obtient CMRR = $\frac{A}{A_{MC}}$. Le CMRR usuel varie entre 80 et 120 dB, les amplis-op les plus performants pouvant monter jusqu'à 160 dB.

Exercice 2.

Expliquez le terme « courant de polarisation » dans le cas d'un amplificateur opérationnel.

Réponse:

Il s'agit d'une imperfection des amplificateurs opérationnels réels. Un ampli-op idéal a une impédance d'entrée infinie, mais ce n'est pas le cas d'un ampli-op réel. Dans ce dernier cas, un faible courant « de polarisation » entre par les entrées de l'ampli-op. On nommera I_+ et I_- les courant entrant respectivement dans les entrées non-inverseuse et inverseuse.

Ces courants sont indirectement renseignés dans les datasheets sous la forme de $I_{offset} = I_+ - I_-$ et $I_{bias} = \frac{I_+ + I_-}{2}$.

^{1.} Common-mode rejection ratio en anglais, abrévié CMRR

Exercice 3.

Définissez le terme « tension de décalage » 2 d'un amplificateur opérationnel et donnez-en une valeur typique. Comment ses effets peuvent-ils être atténués ?

Réponse:

Dans un ampli-op idéal, si on applique la même tension aux entrées, la sortie est nulle. Cependant, un ampli-op réel souffre de défauts de fabrication qui font que la sortie est nulle seulement pour un certain écart en tension entre ses entrées. Cet écart est la tension de décalage qui peut valoir jusqu'à quelques millivolts. De nombreux amplis-op proposent une connexion sur laquelle brancher un potentiomètre permettant de ramener cette tension à zéro.

Exercice 4.

À partir de l'extrait de datasheet du LM741 suivant, donnez la valeur typique du produit gain-bande passante ³. Si on conçoit un étage amplificateur de gain 15 à partir du LM741, quelle sera sa bande passante ?

Note: Dans la datasheet suivante, la bande passante est donnée pour un gain unitaire.



LM741

SNOSC25D-MAY 1998-REVISED OCTOBER 2015

www.ti.com

Electrical Characteristics, LM741A⁽¹⁾ (continued)

PARAMETER		TEST CONDITIONS			TYP	MAX	UNIT	
Output voltage swing		V _S = ±20 V	$R_L \ge 10 \text{ k}\Omega$	±16			V	
		VS = ±20 V	$R_L \ge 2 k\Omega$	±15				
Output short circuit current		T _A = 25°C			25	35	mA	
		$T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$				40		
Common-mode rejection ratio		$R_S \le 50 \Omega$, $V_{CM} = \pm 12 V$, $T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$			95		dB	
Supply voltage rejection ratio		$V_S = \pm 20 \text{ V to } V_S = \pm 5 \text{ V}, R_S \le 50 \Omega, T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$			96		dB	
Transient	Rise time	T 05°C unity soin		0.25	8.0	μs		
response	Overshoot	T _A = 25°C, unity gain		6%	20%			
Bandwidth (2)		T _A = 25°C		0.437	1.5		MHz	
Slew rate		T _A = 25°C, unity gain			0.7		V/µs	
Power consumption			T _A = 25°C		80	150		
		V _S = ±20 V	$T_A = T_{AMIN}$			165	mW	
			$T_A = T_{AMAX}$			135		

⁽²⁾ Calculated value from: BW (MHz) = 0.35/Rise Time (μ s).

Réponse:

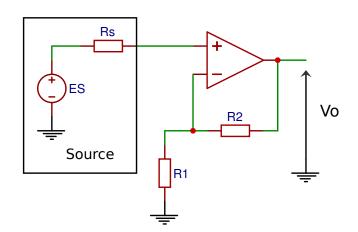
Le LM741 a un produit gain-bande passante typique de 1.5 MHz. Ainsi, pour un gain de 15, la bande passante est de 100 kHz.

^{2.} Input offset voltage en anlais

^{3.} Gain-bandwidth product en anglais.

Exercice 5.

En considérant $R_s=10k\Omega,\,R_1=1k\Omega$ et $R_2=9k\Omega$:





- 1. Calculez la tension de décalage à la sortie de l'amplificateur, soit $V_o(E_s=0)$, dans le cas d'un LM741, puis d'un CA3140A. Note : commencez par ajouter la ou les causes de cette tension de décalage sur le montage.
- 2. Comparez les deux résultats obtenus. À quoi est due la différence?

LM741

www.ti.com



LM741

SNOSC25D -MAY 1998-REVISED OCTOBER 2015

6.5 Electrical Characteristics, LM741⁽¹⁾

PARAMI	ETER	TEST CONDITIONS		MIN	TYP	MAX	UNIT
Input offset voltage		R _S ≤ 10 kΩ	T _A = 25°C		1	5	mV
			$T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$			6	mV
Input offset voltage adjustment range		T _A = 25°C, V _S = ±20 V			±15		mV
		T _A = 25°C			20	200	24
Input offset curre	arit	$T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$			85	500	nA
Input bias curren		T _A = 25°C			80	500	nA
input bias curren	ι	$T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$				1.5	μΑ
Input resistance		$T_A = 25^{\circ}C, V_S = \pm 20 \text{ V}$			2		ΜΩ
Input voltage ran	ge	$T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$			±13		V
Large signal volta	age gain	$V_S = \pm 15 \text{ V}, V_O = \pm 10 \text{ V}, R_L \ge 2 \text{ k}\Omega$	$T_A = 25^{\circ}C$	50	200		V/mV
Large signal volta	age gaiii		$T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$	25			
Output voltage swing		V _S = ±15 V	$R_L \ge 10 \text{ k}\Omega$	±12	±14		V
Output voltage s	wilig	VS = ±13 V	$R_L \ge 2 k\Omega$	±10	±13		V
Output short circ	uit current	$T_A = 25^{\circ}C$			25		mA
Common-mode rejection ratio		$R_S \le 10 \Omega$, $V_{CM} = \pm 12 V$, $T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$			95		dB
Supply voltage re	ejection ratio	$V_S = \pm 20 \text{ V to } V_S = \pm 5 \text{ V}, R_S \le 10 \Omega, T_{AMIN} \le T_A \le T_{AMAX}$			96		dB
Transient	Rise time	T _A = 25°C, unity gain			0.3		μs
response	Overshoot	TA = 25 G, unity gain			5%		
Slew rate		T _A = 25°C, unity gain			0.5		V/µs
Supply current		$T_A = 25^{\circ}C$			1.7	2.8	mA
Power consumption			T _A = 25°C		50	85	
		V _S = ±15 V	$T_A = T_{AMIN}$		60	100	mW
			$T_A = T_{AMAX}$		45	75	

⁽¹⁾ Unless otherwise specified, these specifications apply for $V_S = \pm 15 \text{ V}$, $-55^{\circ}\text{C} \leq T_A \leq +125^{\circ}\text{C}$ (LM741/LM741A). For the LM741C/LM741E, these specifications are limited to $0^{\circ}\text{C} \leq T_A \leq +70^{\circ}\text{C}$.

CA3140A

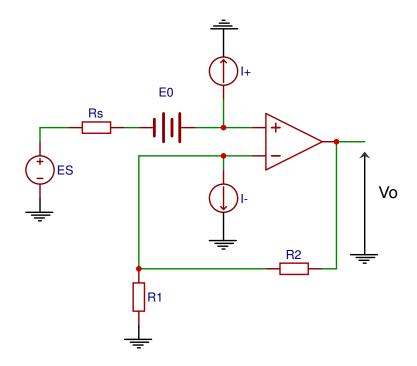
Electrical Specifications For Equipment Design, at V_{SUPPLY} = ±15V, T_A = 25°C, Unless Otherwise Specified

		CA3140		CA3140A				
PARAMETER	SYMBOL	MIN	TYP	MAX	MIN	TYP	MAX	UNITS
Input Offset Voltage	V _{IO}	-	5	15	-	2	5	mV
Input Offset Current	I _{IO}	-	0.5	30	-	0.5	20	pА
Input Current	l _l	-	10	50	-	10	40	pА

3 intersil FN957.10 July 11, 2005

Réponse :

1. La tension de décalage en sortie est due aux imperfections de l'ampli-op. Ces imperfections sont modélisées pour une source de tension continue e_0 à l'entrée non-inverseuse et une source de courant I_+ et I_- à chaque entrée.



Puisqu'on ignore l'influence de la source « normale », le nouveau montage possède trois sources que nous allons étudier par superposition. Attention, on a considéré un ampli-op réel (*i.e.* non-idéal) pour mettre en évidence les imperfections de ce dernier. Cependant, puisque ces imperfections ont été mise en évidence, qu'elles ont été « sorties » de l'ampli-op, on considère à nouveau un ampli-op idéal (et on peut donc utiliser le zéro virtuel).

- Influence de $e_0: V_{out} = (1 + \frac{R_2}{R_1}) \cdot e_0.$
- Influence de I_+ : puisqu'on considère encore que l'impédance d'entrée de l'ampli-op est infinie, le courant ne rentre pas dans l'ampli-op et passe entièrement dans R_s . On a ainsi une tension $-R_s \cdot I_+$ à l'entrée non-inverseuse de l'ampli, donant une sortie $V_{out} = -(1+\frac{R_2}{R_1}) \cdot R_s \cdot I_+$.

— Influence de I_- : par le zéro virtuel, $V_+ = V_- = 0$. La tension aux bornes de R_1 est donc nulle, ce qui implique que tout le courant I_- passe dans R_2 . On a en sortie $V_{out} = R_2 \cdot I_-$.

En superposant les solutions, on trouve $V_{out} = (1 + \frac{R_2}{R_1}) \cdot e_0 - (1 + \frac{R_2}{R_1}) \cdot R_s \cdot I_+ + R_2 \cdot I_-$. e_0 se trouve dans les datasheets sous le nom de « input offset voltage». Quant à I_+ et I_- , ils se retrouvent dans les termes « input offset current» (courant de décalage) qui vaut $I_+ - I_-$, et « input bias current» (courant de polarisation) qui vaut $\frac{I_+ + I_-}{2}$. En solvant le système, on peut trouver que $I_+ = i_{bias} + \frac{i_{offset}}{2}$ et $I_- = i_{bias} - \frac{i_{offset}}{2}$.

Pour le LM741, on trouve $e_0=1$ mv, $I_+=90$ nA et $I_-=70$ nA, ce qui donne $V_{\rm out}=9.99{\rm mV}.$

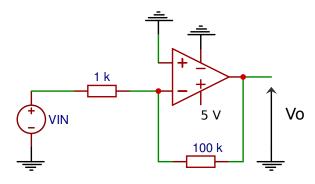
Pour le CA3140A, on trouve $e_0=2$ mv, $I_+=10.25$ pA et $I_-=9.75$ pA, ce qui donne $V_{\rm out}=2{\rm mV}$, l'influence des courants d'entrée sur la sortie est négligeable par rapport aux autres tensions du circuit.

2. La différence est due aux types de transistors utilisés dans chacun des amplis-op. Le LM741 fonctionne avec des transistors bipolaires commandés en courant et consomment donc en permanence un certain courant. En revanche, le CA3140A fonctionne avec des MOS qui ne demandent presque pas de courant, mais nécessitent une tension de commande légèrement plus élevée.

Exercice 6.

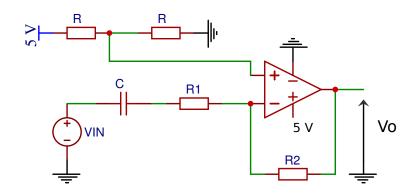
Il arrive fréquemment que nous n'ayons pas accès à des alimentations symétriques. Par exemple, les lecteurs multimédias portables sont généralement alimentés par des batteries fournissant une tension entre 3 V et 5 V, l'autre borne étant connectée à la masse du système.

1. Tracez la sortie du montage suivant, où $V_{\rm in}$ est une sinusoïde d'amplitude 10 mV et de fréquence 5 kHz. Quel problème peut-on observer?





Pour supprimer ce problème, nous allons polariser le montage, ce qui signifie que nous allons changer la moyenne du signal de sortie au moyen d'un condensateur et d'une tension continue.





- 2. À l'aide de la superposition, et pour une tension $V_{\rm in}$ à très haute fréquence, expliquez en quoi ce circuit résout le problème. Calculez la composante continue de la tension en tous les points du circuit.
- 3. Calculez la sortie $V_o = H_1(j\omega_{in}) \cdot V_{in} + H_2(j\omega_{5V}) \cdot 5V$
- 4. Sachant que V_{in} est un signal audio dont la bande passante s'étend de 20 Hz à 20 kHz, dimensionnez R1, R2 et C pour que le gain du montage soit le même que pour le montage non-polarisé dans toute cette bande de fréquence.
- 5. Réalisez un filtre RC permettant de supprimer cette composante continue sans déformer la composante alternative. Dimensionnez ses composants.

Réponse :

- 1. On obtient une sinusoïde dont les alternances négatives sont ramenées à zéro.
- 2. Commençons par étudier la source continue seule. Le condensateur est alors remplacé par un circuit ouvert. On en déduit $V_+=2.5V$ et $V_{out}=2.5V$, puisque R_1 est en circuit ouvert (on a un étage suiveur).

Passons ensuite à la source alternative seule. Cette fois-ci, le condensateur est remplacé par un court-circuit (la fréquence étant considérée comme suffisamment élevée). On obtient $V_{out} = -\frac{R_2}{R_*} \cdot V_{in}$.

La sortie totale sera la somme des sous-circuits : $V_{out} = 2.5V - \frac{R_2}{R_1} \cdot V_{in}$. La tension de sortie a donc bien été décalée et centrée autour de 2.5 V, il n'y aura donc plus d'écrêtage.

3. La composante continue ayant une pulsation nulle, on peut l'ignorer pour déterminer le type de filtre.

En revanche, $H_1(\omega_{in}) = -\frac{R_2}{R_1 + \frac{1}{j\omega_{in}C}} = -\frac{j\omega_{in}C \cdot R_2}{j\omega_{in}C + R_1}$. Il s'agit d'un filtre passe-haut.

4. Puisqu'on veut un gain de -100, on sait que $R_2=100R_1$.

Ensuite, on veut que le montage soit fonctionnel entre 20 Hz et 20 kHz. Or, le montage étant un passe haut, il faut s'arranger pour que 20 Hz soit déjà considéré comme une haute fréquence. Autrement dit, l'impédance du condensateur doit être beaucoup plus faible que $R_1: \frac{1}{\omega C} << R_1$, avec $\omega = 2\pi \cdot 20$.

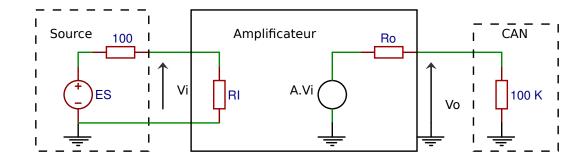
En prenant arbitrairement $R_1 = 1k\Omega$, on a $R_2 = 100k\Omega$, et donc $C >> 8\mu F$. En pratique, un à deux ordres de grandeur suffisent : prenons $C = 80\mu F$.

- 5. Il suffit d'ajouter un filtre passe-haut en sortie du montage (pour rappel, il peut s'agir d'un condensateur C_2 et d'une résistance R_3 en série, en prenant la sortie sur la résistance). À nouveau, la fréquence de coupure doit être plus basse que 20 Hz. En prenant arbitrairement $R_3 = 100 \mathrm{k}\Omega$, on choisira $C_2 = 800 \mathrm{nF}$.
- Exercice 7.
 - 1. Dimensionnez un étage amplificateur inverseur à ampli-op ayant un gain à vide $A_v=14dB$ et une impédance d'entrée $R_{in}\geq 10k\Omega$
 - 2. En supposant que l'ampli-op utilisé pour réaliser ce montage est un LM741, déterminez :
 - la bande passante du montage;
 - la tension de décalage à la sortie.

Réponse:

- 1. Le gain d'un inverseur est $A=-\frac{R_2}{R_1}$, avec R_2 la résistance de rétroaction et R_1 la résistance à l'entrée inverseuse. Étant donné que 14 dB correspond à un gain de 5, on a $R_2=5R_1$. Notez que le gain en décibel correspond à la valeur absolue du gain « décimal ». Dans le cas du montage inverseur, l'impédance d'entrée correspond à notre R_1 . Puisqu'on veut $R_{in} \geq 10 k\Omega$, on peut prendre $R_1=10 k\Omega$ et $R_2=50 k\Omega$.
- 2. Le produit gain-bande passante (« gain-bandwidth product », ou GBP en anglais) du LM741 étant de 1.5 MHz, la bande passante du montage vaut $\frac{GBP}{|A|}=300 kHz$. La tension de décalage se calcule de la même façon que dans l'exercice 5, à savoir $V_{out}=(1+\frac{R_2}{R_1})\cdot e_0-(1+\frac{R_2}{R_1})\cdot R_s\cdot I_+ + R_2\cdot I_-$. Cependant, dans le cas présent, la source I_+ est directment connectée à la masse et n'a donc aucune influence. On obtient alors $V_{out}=6\cdot e_0+R_2\cdot I_-=33.5 mV,$ puisqu'on a $e_0=1 mV$ et $I_-=70 nA$. Exercice 8.

On vous demande de réaliser un amplificateur d'entrée pour l'entrée ligne d'une carte son d'ordinateur. On vous donne les informations suivantes :





- La source de signal connectée à l'entrée de la carte fournit un signal sans composante continue et dont l'amplitude crête ne dépasse pas 100 mV, et son impédance de sortie est égale à 100 Ω .
- La sortie de l'étage à réaliser est connectée à un convertisseur analogique/numérique (CAN) dont l'impédance d'entrée est égale à 100 kΩ. La plage de conversion du CAN va de -1V à +1V.
- Votre montage doit amplifier correctement les signaux entre 20 Hz et 20 kHz.
- Vous avez à votre disposition des amplis-op LM741 ou CA3140A. Le LM741 coûte 0.54 €/pièce et le CA3140A coûte 1.96 €/pièce.

Réponse:

- Nous pouvons commencer par établir les contraintes de dimensionnement que nous devons respecter :
 - Impédance d'entrée : étant donné qu'on travaille en tension, l'adaptation d'impédance doit se faire en tension à l'entrée de l'amplificateur : $R_i >> 100\Omega$.
 - Gain : la valeur de crête du signal d'entrée est inférieure ou égale à 100 mV, et la valeur de crête admissible par le CAN est de 1 V. Le gain maximal vaut donc $A = \frac{1V}{100 mV} = 10$.
 - Impédance de sortie : on adapte à nouveau en tension, donc $R_0 << 100 k\Omega$.

Sur base de ces critères, choisissons l'un des deux montages amplificateurs classiques (inverseur et non-inverseur). Pour faire ce choix, il faut examiner les différences essentielles entre ces deux montages.

	Inverseur	Non-inverseur
Impédance d'entrée	Égale à la résistance connec-	Quasi-infinie, l'adaptation
	tée à l'entrée inverseuse.	d'impédance en tension est
		donc toujours effectuée.
Signe du gain	Inverse le signal. Lorsqu'il y	Positif.
	a une composante continue,	
	ce peut être gênant, mais s'il	
	ne s'agit que d'un signal pé-	
	riodique alternatif, ça revient	
	simplement à un déphasage	
	de 180°.	
Valeur du gain	Au choix.	Ne peut être inférieur à 1.

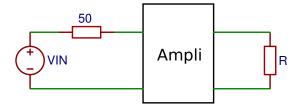
En conclusion, étant donné qu'on a un signal purement sinusoïdal et qu'on veut un gain supérieur à 1, les deux montages sont acceptables. On choisira en général le montage non-inverseur pour son impédance d'entrée et la conservation du signe du signal.

Il reste à vérifier qu'un seul étage est suffisant au vu du produit gain-bande passante (GBP) de chacun des modèles. Étant donné qu'il nous faut un gain de 10 pour une bande passante de 20 kHz, le GBP du LM741 et du CA3140A (respectivement 1.5 MHz et 4.5 MHz) est suffisant pour qu'un seul étage fasse l'affaire.

On peut finalement s'en sortir avec un seul montage non-inverseur comprenant une résistance de rétroaction de 90 k Ω et une résistance sur l'entrée inverseuse de 10 k Ω .

Exercice 9.

On désire amplifier un signal dont la bande passante s'étend de 2 kHz à 2 MHz. Ce signal est représenté par une source composée d'une f.e.m. sinusoïdale V_{in} de 10 mV et d'une impédance de sortie de 50 Ω .





On désire obtenir à la sortie du bloc amplificateur, aux bornes de la charge R, un signal : — d'amplitude réglable, comprise entre $5~\mathrm{mV}$ et $4~\mathrm{V}$ au choix de l'utilisateur ;

- non déphasé par rapport au signal d'entrée.
- 1. En supposant que l'impédance de charge R vaut 10 k Ω , proposez et dimensionnez un montage pour le bloc amplificateur. Justifiez chaque étape de votre raisonnement et donnez un schéma final complet de votre montage amplificateur.
- 2. En supposant maintenant que la résistance de charge R_c vaut 4 Ω , comment faut-il modifier le montage et pourquoi?

Remarques:

- Vous disposez de trois types d'amplis-op dont les caractéristiques sont données dans le tableau ci-dessous. Si plusieurs solutions sont possibles, utilisez toujours la solution la moins coûteuse.
- Pour chacune des questions ci-dessus, justifiez brièvement chaque étape de votre raisonnement.

Type	$V_{ m DD}$	I _{out,max} [mA]	$A.B_w$ [MHz]	Slew-rate $[V/\mu s]$	Prix [€]
AD8129	3 V à 12 V	40	200	1070	3.65
OPA549	8 V à 60 V	8000	0.9	100	21.31
OPA132	4.5 V à 36 V	40	8	20	3.97

Réponse:

- 1. Établissons tout d'abord les contraintes de dimensionnement que nous devons respecter :
 - impédance d'entrée : $R_i >> 50\Omega$. Les deux types de montages sont possible.
 - gain : $0.5 \le A \le 400$. Étant donné le gain inférieur à 1, il faut au moins un étage inverseur.
 - impédance de sortie : $R_0 \ll 10 k\Omega$. Les deux types de montages sont possible.
 - déphasage : nul. Il faut un nombre pair d'inverseurs.

Le montage final comprendra au moins deux étages inverseurs.

Déterminons le gain maximum permit par chacun des amplis-op pour la bande passante requise :

AOP	AD8129	OPA549	OPA132
Gain	100	0.45	4

On peut immédiatement écarter l'OPA459, il est non seulement moins bon, mais aussi plus cher. La solution la moins chère pour obtenir un gain total de 400, il faut utiliser un AD8129 et un OPA132.

Cependant, si la résistance de charge vaut 4 Ω , l'adaptation d'impédance à la sortie est certes respectée (en supposant une résistance nulle à la sortie de l'ampli-op), mais l'ampli-op doit pouvoir fournir un courant dont l'amplitude de crête est de $\frac{4V}{4\Omega}=1$ A. Or, les amplis-op sélectionné ne peuvent fournir que 40 mA. Il faut donc ajouter un troisième étage de gain 1 (montage suiveur de tension) qui servira à fournir de la puissance à la charge. On peut alors utiliser l'OPA549 qui peut fournir jusqu'à 8 A. C'est cette caractéristique qui justifie son prix.

Le montage final comprend donc deux étages inverseurs (l'un à base d'AD8129, l'autre d'OPA132) et un étage suiveur de sortie (à base d'OPA549).