

# Séance 2 : Amplification

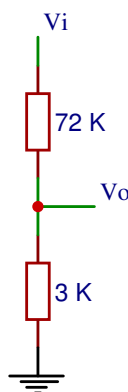
## Corrigé

Objectifs : à la fin de cette séance, l'étudiant sera capable de :

- Déterminer le gain d'un circuit
- Résoudre un circuit à base d'amplificateur opérationnel à l'aide du zéro virtuel
- Identifier et caractériser les montages inverseur et non-inverseur

### Exercice 1.

Quel est le gain en tension du diviseur résistif suivant ?



### Réponse :

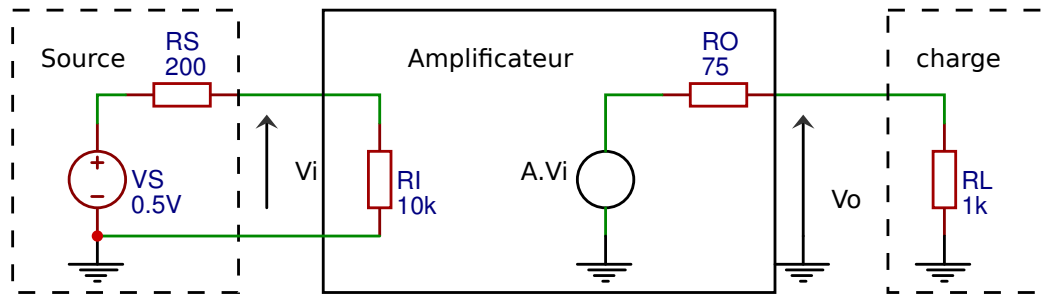
Nous avons un diviseur résistif, donc  $V_{out} = \frac{3k\Omega}{72k\Omega + 3k\Omega} \cdot V_{in}$ . Le gain étant le rapport entre les tensions de sortie et d'entrée, on a un gain  $G = \frac{V_{out}}{V_{in}} = 0.04$ .

### Exercice 2.

Un amplificateur a un gain en tension en boucle ouverte de 20, une résistance d'entrée de 10 k $\Omega$  et une résistance de sortie de 75  $\Omega$ . L'entrée de l'amplificateur est connectée à une source de tension de 0.5 V ayant une résistance de sortie de 200  $\Omega$ , et sa sortie est connectée à une résistance de charge de 1 k $\Omega$ . Quelle sera la valeur de la tension en sortie ? Quel constat pouvez-vous faire au sujet du gain du montage ?



**Réponse :**



Commençons par calculer  $V_i$ .

$$\begin{aligned} V_i &= \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot V_s \\ &= \frac{10k\Omega}{200\Omega + 10k\Omega} \cdot 0.5V \\ &= 0.49V \end{aligned}$$

Maintenant qu'on sait ce qu'on amplifie, on peut passer à la sortie.

$$\begin{aligned} V_o &= A \cdot V_i \cdot \frac{R_L}{R_o + R_L} \\ &= 20 \cdot 0.49 \cdot \frac{1k\Omega}{75\Omega + 1k\Omega} \\ &= 9.12V \end{aligned}$$

On remarque que le gain du montage est plus faible que 20 à cause des impédances d'entrée et de sortie de l'amplificateur. Avec une impédance d'entrée infinie et une de sortie nulle, on aura bien retrouvé ce gain idéal.

### Exercice 3.

Présentez les caractéristiques d'un amplificateur opérationnel « idéal ».

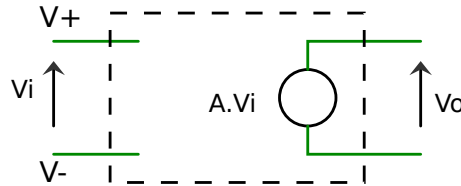
**Réponse :**

- Gain infini
- Résistance d'entrée infinie
- Résistance de sortie nulle

#### Exercice 4.

Tracez le quadripôle équivalent d'un amplificateur opérationnel idéal.

Réponse :



#### Exercice 5.

Quelles sont les plages usuelles du gain en tension en circuit ouvert et des résistances d'entrée et de sortie d'un amplificateur opérationnel ordinaire ?

Réponse :

La plupart des amplificateurs opérationnels ont un gain compris entre 100 et 140 dB (c'est-à-dire entre  $10^5$  et  $10^7$ ). Les amplis-op FET peuvent avoir une résistance d'entrée allant jusqu'à  $10^{12} \Omega$  (alors qu'un bipolaire varie de quelques centaines de kilohms à une centaine de mégohms). Quant à la résistance de sortie, elle varie entre quelques dizaines d'ohms et quelques centaines de kilohms.

#### Exercice 6.

Quelles sont les plages usuelles d'alimentation d'un amplificateur opérationnel ordinaire ?

Réponse :

Les amplis-op que vous utiliserez en laboratoire seront alimentés en majorité en  $\pm 12V$ . Certains peuvent cependant être alimentés jusqu'en  $\pm 30V$ , ou jusqu'aussi bas que  $\pm 1.5V$ .

Il est aussi courant d'alimenter un ampli-op de façon asymétrique en connectant une des deux bornes à la masse. Ce cas sera étudié dans la séance d'exercices n° 3.

#### Exercice 7.

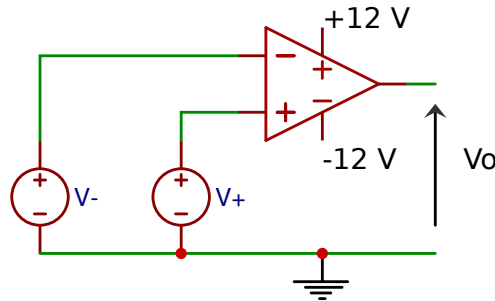
Un amplificateur différentiel a un gain en tension de 100. Si une tension de 18.3 V est appliquée à son entrée non-inverseuse et qu'une tension de 18.2 V est appliquée à son entrée inverseuse, quelle est la tension de sortie ?

Réponse :

La tension d'entrée d'un amplificateur différentiel vaut  $V_+ - V_-$  (respectivement l'entrée non-inverseuse et inverseuse), c'est-à-dire 0.1 V dans notre cas. La tension de sortie vaudra donc  $(V_+ - V_-) \cdot 100 = 10V$ .

### Exercice 8.

Soit le montage ci-dessous, comprenant un ampli-op de gain  $10^5$ .



Que vaut  $V_{out}$  dans les cas suivants :

$V_+$	$V_-$
$1 \mu V$	$0 V$
$0 V$	$1 V$
$0 V$	$1 V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$
$1 V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$	$-3 V$
$1 \mu V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$	$-3 V$
$1 \mu V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$	$0 V$

### Réponse :

- $V_+ = 1 \mu V$  et  $V_- = 0 V$   
 $V_{out} = A \cdot (V_+ - V_-) = 100mV$
- $V_+ = 0 V$  et  $V_- = 1 V$   
 $V_{out} = -12V$   
Par calcul, la tension de sortie devrait valoir  $-100000 V$ , mais elle sature sur la tension d'alimentation.
- $V_+ = 0 V$  et  $V_- = 1 V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$   
La sortie sature à nouveau sur les bornes d'alimentation. On obtient en sortie une onde carrée d'amplitude  $\pm 12 V$ , d'un rapport cyclique de 50 % et d'une période de 1 ms. Autrement dit, les  $0.5 \cdot 10^{-3}$  premières secondes de la période, le signal est à 12 V et les  $0.5 \cdot 10^{-3}$  suivantes à -12 V. Lorsque la sortie ne sature pas ( $-12 < V_{out} < 12$ ),  
 $V_{out} = A \cdot (V_+ - V_-)$
- $V_+ = 1 V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$  et  $V_- = -3 V$   
 $V_{out} = 12V$   
En effet, le minimum de la tension d'entrée étant 2 V, une fois amplifié, le signal sature sur l'alimentation.
- $V_+ = 1 \mu V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$  et  $V_- = -3 V$   
 $V_{out} = 12V$
- $V_+ = 1 \mu V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$  et  $V_- = 0 V$   
 $V_{out} = 100mV \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$

### Exercice 9.

Expliquez le principe du zéro virtuel et ses conditions d'application.

### Réponse :

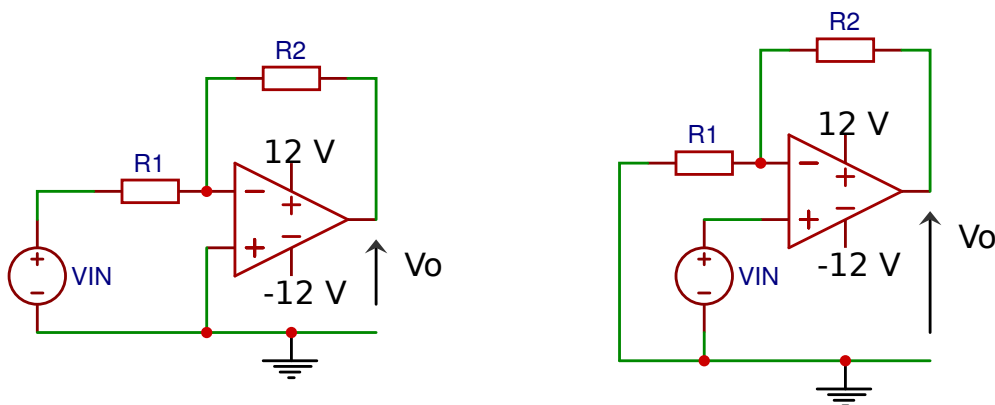
On peut définir le principe comme suit : « Tant qu'un amplificateur opérationnel ne sature pas, sa tension différentielle d'entrée est virtuellement nulle. »

On considère donc à la fois que  $V^+ = V^-$  et que le gain de l'ampli-op (pas celui du montage) est infini.

Ce principe n'est cependant applicable que lorsque l'ampli-op ne sature pas.

### Exercice 10.

Résolvez les circuits suivants en utilisant le principe du zéro virtuel, avec  $R_1 = 1\text{k}\Omega$  et  $R_2 = 10\text{k}\Omega$  :



- a) Pour  $V_{in} = 500\text{mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$
- b) Pour  $V_{in} = -4\text{V}$
- c) Pour  $V_{in} = 4\text{V} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$

### Réponse :

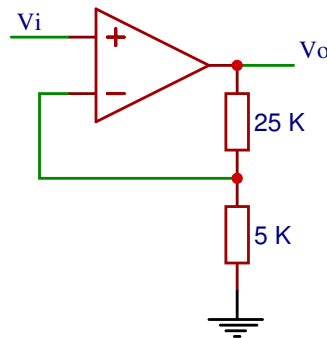
1. Étant donné que  $V_+ = V_-$ , on a  $V_- = 0\text{V}$ . En appliquant la loi d'Ohm, on peut trouver le courant circulant dans  $R_1$  :  $i_1 = \frac{V_{in}}{R_1}$ . L'entrée de l'ampli-op ayant une impédance infinie, le courant entrant dans l'ampli-op est nul. On a donc  $i_1 = i_2$ . Via la maille partant de la masse à l'entrée non-inverseuse, à la masse de la tension de sortie, on a  $V_O = -R_2 \cdot i_2 = -\frac{R_2}{R_1} \cdot V_{in}$ .
  - a) Pour  $V_{in} = 500\text{mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$   
 $V_O = -5\text{V} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$
  - b) Pour  $V_{in} = -4\text{V}$   
 $V_O = 12\text{V}$



- c) Pour  $V_{in} = 4V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$   
 $V_o = -40V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$  avec saturation à  $\pm 12V$ .
2. Par le zéro virtuel,  $V_+ = V_- = V_{in}$ . Par la loi d'Ohm et la maille partant de la masse connectée à la résistance  $R_1$  jusqu'à la masse de la source de tension, on trouve  $i_1 = \frac{V_{in}}{R_1}$ . L'entrée de l'ampli-op ayant une impédance infinie, le courant entrant dans l'ampli-op est nul. On a donc  $i_1 = i_2$ . En appliquant la loi d'Ohm à la maille partant de la masse connectée à  $R_1$  jusqu'à la masse de la tension de sortie, on peut trouver  $V_o = V_{in} + R_2 \cdot i_2 = V_{in} + R_2 \cdot \frac{V_{in}}{R_1} = (1 + \frac{R_2}{R_1}) \cdot V_{in}$ .
- a) Pour  $V_{in} = 500mV \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$   
 $V_o = 5.5V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$
- b) Pour  $V_{in} = -4V$   
 $V_o = -12V$
- c) Pour  $V_{in} = 4V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$   
 $V_o = 44V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$  avec saturation à  $\pm 12V$ .

### Exercice 11.

Déterminez le gain en tension du montage amplificateur suivant :

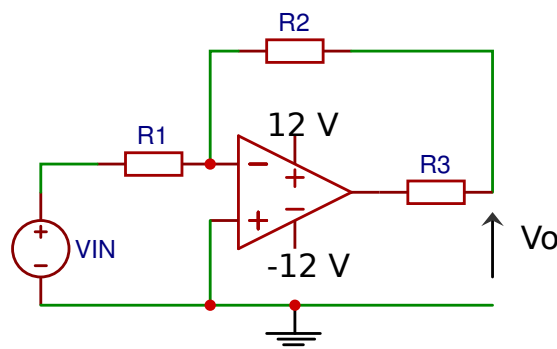


### Réponse :

Gain du montage non-inverseur :  $1 + \frac{25k\Omega}{5k\Omega} = 6$ .

### Exercice 12.

Résolvez le circuit suivant :

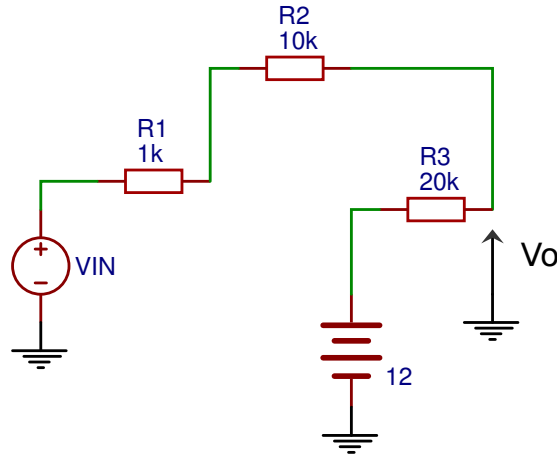


- a) Avec  $R_1 = 1k\Omega$ ,  $R_2 = 10k\Omega$ ,  $R_3 = 1k\Omega$  et  $V_{in} = 2V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$   
b) Avec  $R_1 = 1k\Omega$ ,  $R_2 = 10k\Omega$ ,  $R_3 = 20k\Omega$  et  $V_{in} = 2V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$

### Réponse :

En résolvant le circuit à l'aide du zéro virtuel, il apparaît que la résistance n'a aucune influence sur le gain. On trouve donc  $V_o = -\frac{R_2}{R_1} \cdot V_{in}$ .

Cependant, le principe du zéro virtuel n'est valable que lorsque l'ampli-op ne sature pas. Lorsque ce dernier sature sur son alimentation positive (de 12 V dans notre cas), le circuit devient le suivant :



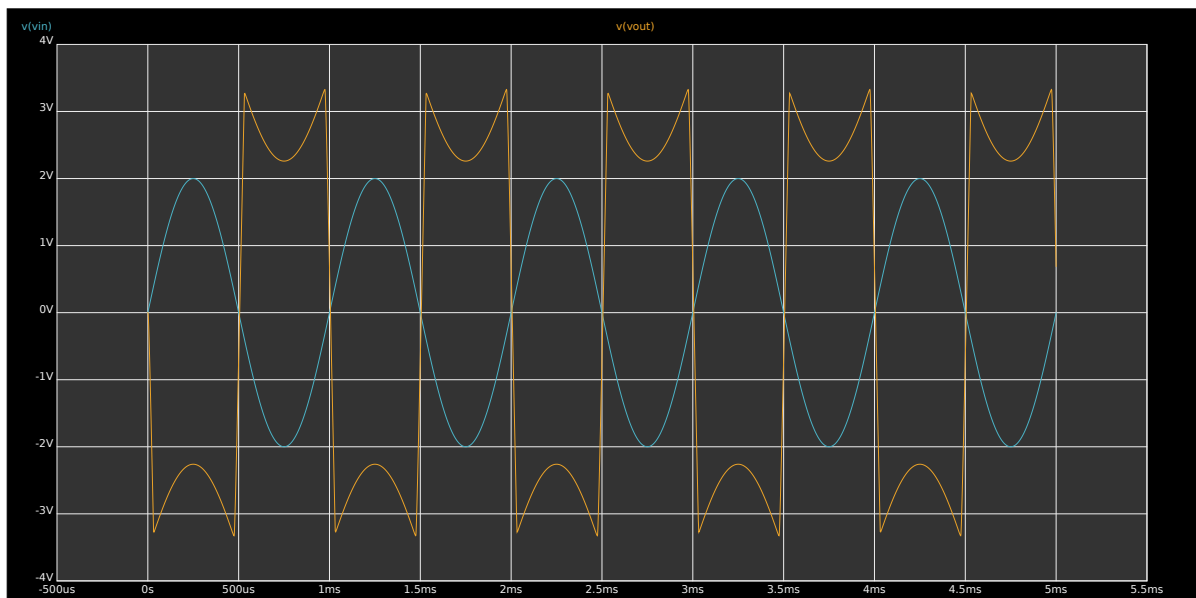
En considérant la maille complète, on peut trouver le courant y circulant :

$$V_{in} = i \cdot R_1 + i \cdot R_2 + i \cdot R_3 + 12$$
$$\Leftrightarrow i = \frac{V_{in} - 12}{R_1 + R_2 + R_3}$$

En ne prenant que la maille entre la source d'alimentation continue et la sortie  $V_o$ , on trouve :

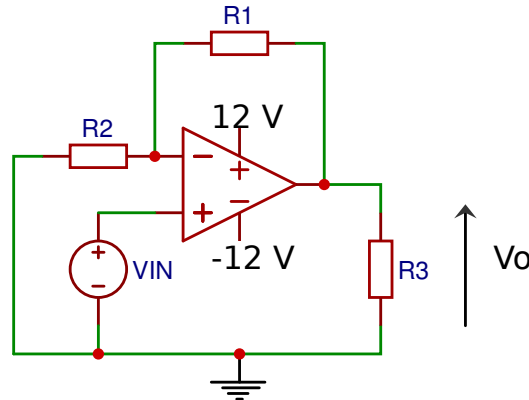
$$V_o = 12 + i \cdot R_3$$
$$= 12 + (V_{in} - 12) \cdot \frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3}$$

Pour  $R_3 = 20k\Omega$ , on obtient le résultat suivant :



### Exercice 13.

Résolvez le circuit suivant :



Avec  $R_1 = 1\text{k}\Omega$ ,  $R_2 = 5\text{k}\Omega$ ,  $R_3 = 1\text{k}\Omega$  et  $V_{in} = 500\text{mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$

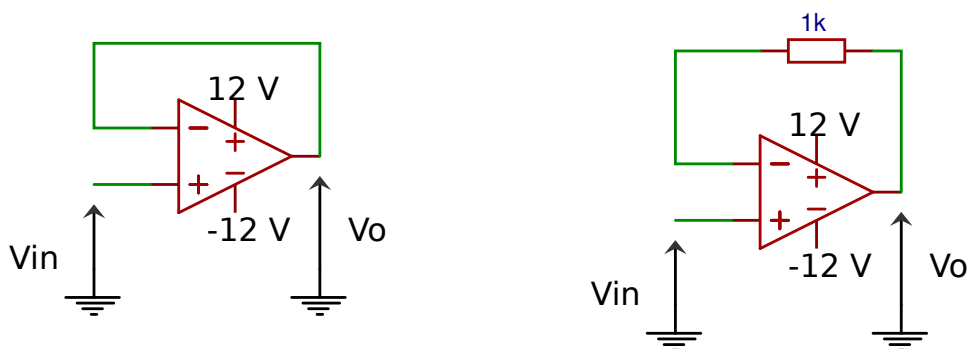
### Réponse :

En utilisant le principe du zéro virtuel, on trouve que  $R_3$  n'a aucune influence sur le gain du montage (et la tension de sortie en particulier) :  $V_o = \left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right) \cdot V_{in}$ .

L'influence de  $R_3$  s'applique sur l'intensité du courant sortant de l'ampli-op :  $i_3 = \frac{V_o}{R_3}$ .

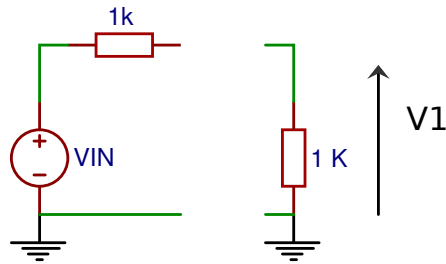
### Exercice 14.

Soit les montages suivants :



1. Calculez le gain en tension.
2. Quelle est l'utilité de ce genre de montage ?
3. Pour illustrer votre réponse, on souhaite connecter les deux blocs suivants :





Calculez  $V_1$  :

- en connectant directement les deux blocs ;
- en insérant un des deux montages ci-dessus entre les deux blocs.

### Réponse :

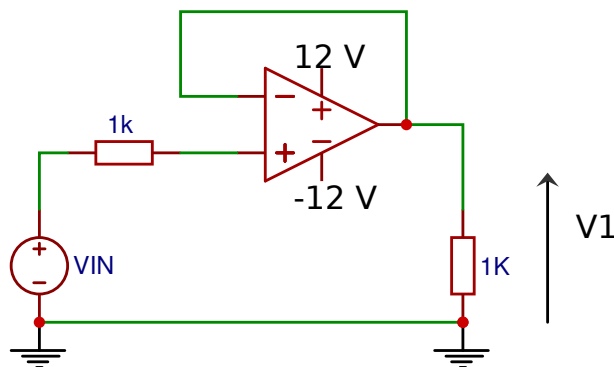
1. Calculez le gain en tension.

- a) Par le principe du zéro virtuel, on a  $V_{in} = V_+ = V_- = V_o$ , le gain vaut donc 1.
- b) Avec le sempiternel zéro virtuel, on a  $V_{in} = V_+ = V_-$ . Puisque la résistance d'entrée de l'ampli-op est infinie, le courant circulant dans la branche de rétroaction est nul. Il n'y a donc pas de chute de tension dans la résistance et  $V_o = V_- = V_{in}$ . Le gain vaut aussi 1.

2. Ce genre de montage, qu'on appelle « suiveur », sert à l'adaptation d'impédance.

3. Illustrons son utilité.

- En connectant directement les deux blocs, on obtient un simple diviseur résistif :  $V_1 = \frac{1k\Omega}{1k\Omega + 1k\Omega} \cdot V_{in} = \frac{1}{2} \cdot V_{in}$ , ce qui donne un gain de 0.5.
- En insérant un suiveur entre les deux blocs, on crée le montage suivant :



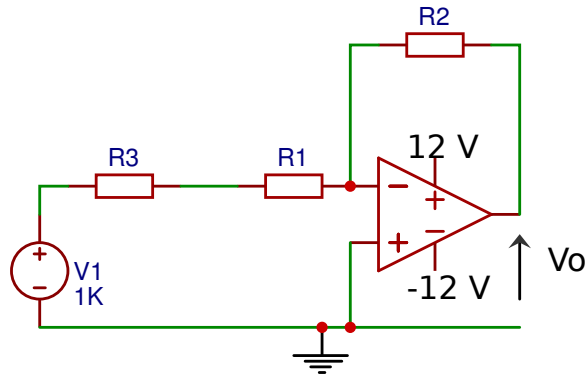
Le gain du montage est toujours de 1 et on retrouve bien la tension d'entrée à la sortie.

4. L'ajout d'une résistance dans la boucle de rétroaction permet d'équilibrer les courants de polarisation des entrées + et - de l'ampli, en supposant que l'impédance de sortie de la source soit du même ordre de grandeur. Ceci permet d'améliorer les performances de l'amplificateur en diminuant l'influence du courant de polarisation sur la tension de sortie mais aussi de simplifier la réalisation du circuit. Ces considérations dépassent le cadre de ce cours.

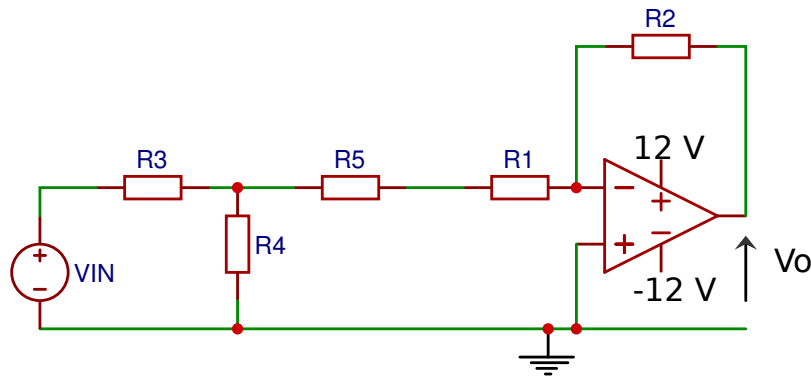
### Exercice 15.

Résolvez les montages suivants :

1.  $R_1 = 1\text{k}\Omega$ ,  $R_2 = 5\text{k}\Omega$ ,  $R_3 = 1\text{k}\Omega$  and  $V_{\text{in}} = 500\text{mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$



2.  $R_1 = 1\text{k}\Omega$ ,  $R_2 = 5\text{k}\Omega$ ,  $R_3 = 1\text{k}\Omega$ ,  $R_4 = 1\text{k}\Omega$ ,  $R_5 = 500\Omega$  et  $V_{\text{in}} = 500\text{mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$



### Réponse :

- On peut fusionner  $R_1$  et  $R_3$  qui sont en série, mettant en évidence un simple montage inverseur :  $V_o = -\frac{R_2}{R_1+R_3} \cdot V_1 = -1.25\text{V} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000t)$ .
- Il faut procéder en deux étapes :
  - Les résistances  $R_1$  et  $R_5$  sont en série et peuvent être englobées dans une résistance  $R_s = R_1 + R_5$ .
  - Le dipôle constitué par  $V_{\text{in}}$ ,  $R_3$  et  $R_4$  peut être remplacé par son équivalent de Thévenin :

$$— V_{eq} = V_{in} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} = 250 \text{ mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000t)$$

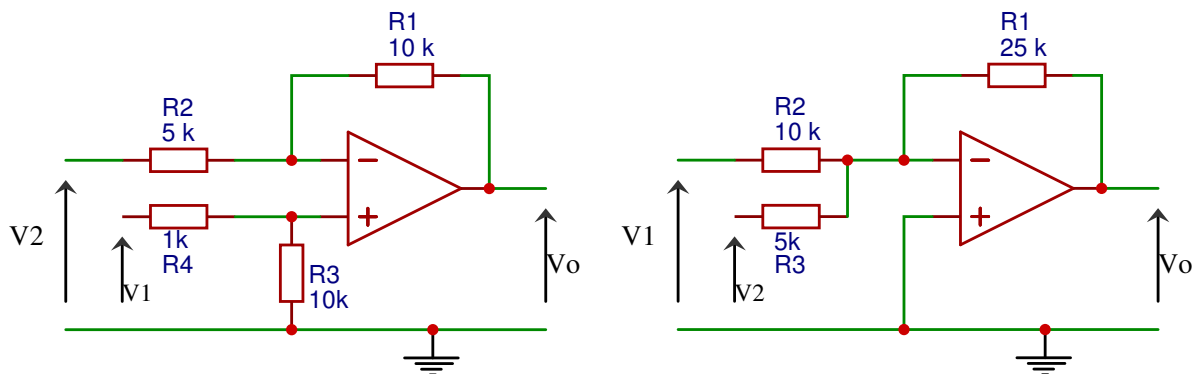
$$— R_{eq} = R_3 // R_4 = \frac{R_3 \cdot R_4}{R_3 + R_4} = 500 \Omega$$

$$\text{On a ainsi } V_o = -\frac{R_2}{R_s + R_{eq}} \cdot V_{eq} = -625 \text{ mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000t)$$

2' Il est aussi de calculer directement l'équivalent de Thévenin de  $\{V_{IN}, R_1, R_3, R_4, R_5\}$ .

### Exercice 16.

Déterminez l'expression de la tension de sortie  $V_o$  des circuits suivants en fonction des entrées  $V_1$  et  $V_2$ . Déduisez-en la valeur de la tension de sortie si  $V_1 = 1 \text{ V}$  et  $V_2 = 0.5 \text{ V}$ .



### Réponse :

a) Le système étant linéaire, nous allons procéder par superposition en nous occupant de  $V_1$  et  $V_2$  séparément.

— Considérons d'abord uniquement  $V_1$  et en remplaçant  $V_2$  par un court-circuit. On peut remplacer le groupe  $V_1$ ,  $R_3$  et  $R_4$  par son équivalent de Thévenin :  $V_{th} = \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot V_1$ . Il n'est pas nécessaire de s'intéresser à la résistance équivalent de Thévenin car elle n'occasionnera aucune chute de tension étant donné qu'aucun courant ne rentre dans l'ampli-op. On a donc un simple montage non-inverseur, ce qui donne  $V_o = (1 + \frac{R_1}{R_2}) \cdot V_{th}$ .

— Considérons à présent la réciproque en remplaçant  $V_1$  par un court-circuit. Les résistances à l'entrée non-inverseuse peuvent à nouveau être ignorées, ce qui nous donne un montage inverseur classique :  $V_o = -\frac{R_1}{R_2} \cdot V_2$

Il ne nous reste plus qu'à superposer les deux solutions en les additionnant :

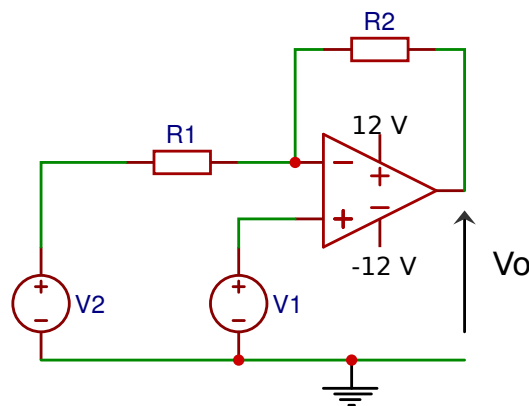
$$\begin{aligned} V_o &= (1 + \frac{R_1}{R_2}) \cdot V_{th} - \frac{R_1}{R_2} \cdot V_2 \\ &= (1 + \frac{R_1}{R_2}) \cdot \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot V_1 - \frac{R_1}{R_2} \cdot V_2 \\ &= (1 + \frac{10k}{5k}) \cdot \frac{10k}{10k + 1k} \cdot V_1 - \frac{10k}{5k} \cdot V_2 \\ &= 2.73 \cdot V_1 - 2 \cdot V_2 \\ &= 1.73 \text{ V} \end{aligned}$$

- b) En utilisant le théorème de superposition, on peut séparer le montage en deux sous-montages inverseurs en remplaçant alternativement  $V_1$  puis  $V_2$  par un court-circuit. On trouve alors

$$\begin{aligned} V_o &= -\frac{R_1}{R_2} \cdot V_1 - \frac{R_1}{R_3} \cdot V_2 \\ &= -2.5 \cdot V_1 - 5 \cdot V_2 \\ &= -5V \end{aligned}$$

### Exercice 17.

Résolvez le circuit suivant :



- a)  $R_1 = 1k\Omega$ ,  $R_2 = 5k\Omega$ ,  $V_1 = 500mV \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$  et  $V_2 = 50mV \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 500 \cdot t)$   
b)  $R_1 = 1k\Omega$ ,  $R_2 = 20k\Omega$ ,  $V_1 = 100mV \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$  et  $V_2 = 50mV \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$

### Réponse :

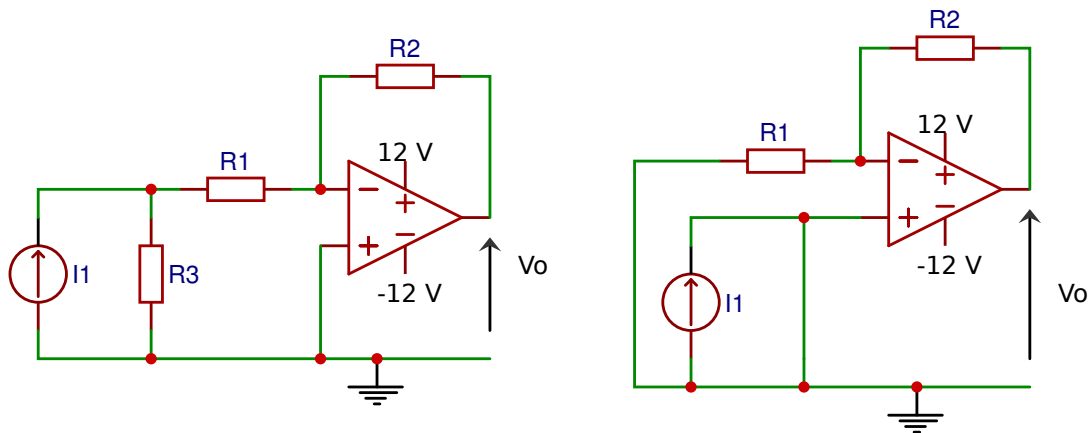
En utilisant le théorème de superposition, c'est-à-dire en remplaçant alternativement  $V_1$  et  $V_2$  par un court-circuit, on peut mettre en évidence un sous-montage non-inverseur (avec  $V_1$ ) et un inverseur (avec  $V_2$ ). On obtient donc  $V_o = (1 + \frac{R_2}{R_1}) \cdot V_1 - \frac{R_2}{R_1} \cdot V_2$ .

- a)  $V_o = 3V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t) - 250mV \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 500 \cdot t)$   
b)  $V_o = 1.1V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 1000 \cdot t)$

Attention, on ne peut additionner l'amplitude des sinusoïdes que si elles ont la même fréquence et la même phase.

### Exercice 18.

Résolvez les circuits suivants avec  $R_1 = 1\text{k}\Omega$ ,  $R_2 = 5\text{k}\Omega$ ,  $R_3 = 4\text{k}\Omega$  et  $I_1 = 0.5\text{mA}$  :



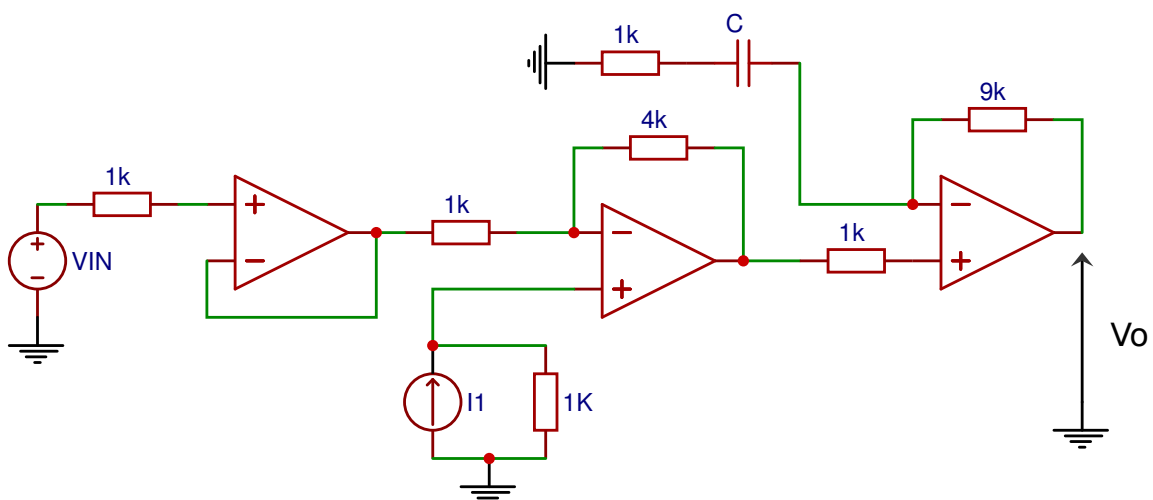
### Réponse :

- Calculons l'équivalent de Thévenin du couple  $I_1$  et  $R_3$  :  $V_{th} = I_1 \cdot R_3$  et  $R_{th} = R_3$ .  
On retrouve alors un montage similaire à l'exercice 15. La sortie de ce montage inverseur sera :

$$\begin{aligned} V_o &= -\frac{R_2}{R_1 + R_{th}} \cdot V_{th} \\ &= -\frac{R_2}{R_1 + R_3} \cdot I_1 \cdot R_3 \\ &= -2\text{V} \end{aligned}$$

- Ce circuit est trivial. Étant donné qu'aucun courant n'entre dans l'ampli-op (résistance d'entrée infinie), la source de courant débite tout son courant dans un court-circuit relié à la masse. La tension d'entrée est donc nulle, tout comme celle de sortie.

### Exercice 19. Examen de janvier 2005



On considère le montage ci-dessus pour lequel :

- $V_{\text{in}} = 50\text{mV} \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 50t)$
  - $I_1 = 1\mu\text{A}$
  - À la fréquence de la source de tension, la capacité  $C$  peut être considérée comme un court-circuit.
1. Calculez les composantes continue et alternative de la tension  $V_{\text{out}}$ .
  2. Indiquez l'utilité du premier étage à ampli-op.

### Réponse :

1. Nous allons procéder par étage et par superposition lorsque nécessaire.
  - Commençons par le premier étage dont la sortie est prise juste après le premier ampli-op. Nous avons un simple suiveur, la sortie reprend la valeur de l'entrée.
  - Le deuxième étage comprend deux sources que nous allons étudier séparément avant de les superposer.
    - a) Sortie due à  $V_{\text{in}}$  :  $-4 \cdot V_{\text{in}}$  (montage inverseur).
    - b) Sortie due à la source de courant : la source de tension équivalente par Thévenin est  $V_{\text{th}} = I_1 \cdot 1\text{k} = 1\text{mV}$ . Cette source équivalente passe dans un montage non-inverseur de gain 5, la sortie vaut 5 mV.À la sortie du second étage, on obtient  $5\text{mV} - 4 \cdot V_{\text{in}}$ .
  - Pour le troisième étage, il convient de séparer l'étude des sources alternatives et continues.
    - a) La source alternative entre dans un montage non-inverseur de gain 10, la sortie vaut  $-40 \cdot V_{\text{in}}$  (condensateur = court-circuit).
    - b) Pour la source continue, le condensateur se comporte comme un circuit ouvert, elle entre donc dans un autre étage suiveur, la sortie reprend la valeur de l'entrée : 5 mV.En conséquence,  $V_o = 5\text{mV} - 2V \cdot \sin(2 \cdot \pi \cdot 50t)$
2. Le premier étage sert à assurer l'adaptation d'impédance (en tension) entre la source alternative et le premier bloc amplificateur.