

# Operaciones Aritméticas y Lógicas

## IIC2343 - Arquitectura de Computadores

Nicolás Elliott B. ([nicolas.elliott@uc.cl](mailto:nicolas.elliott@uc.cl))



DEPARTAMENTO DE CIENCIAS DE LA COMPUTACIÓN  
ESCUELA DE INGENIERÍA  
PONTIFICIA UNIVERSIDAD CATÓLICA DE CHILE

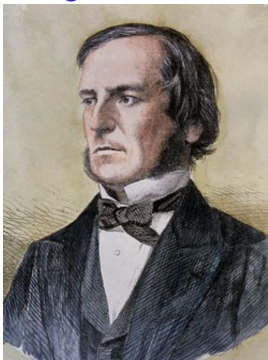
(II/2019)

# Lógica Boole

# George Boole

- 1815 - 1864
- Estudio matemática y la lógica
- Álgebra de Boole, usa solo variables del tipo V o F

George Boole



# Álgebra de Boole

Operador No ( $\neg$ ):

A	not(A)
F	V
V	F

Operador O ( $\vee$ ):

A	B	A or B
F	F	F
F	V	V
V	F	V
V	V	V

Operador Y ( $\wedge$ ):

A	B	A and B
F	F	F
F	V	F
V	F	F
V	V	V

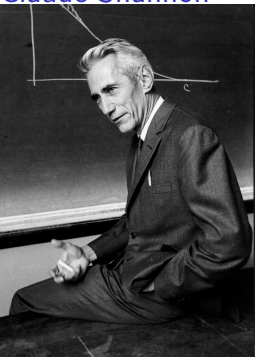
Operador O exclusivo ( $\oplus$ ):

$$A \oplus B = (A \wedge \neg B) \vee (B \wedge \neg A)$$

# Claude Shannon

- 1916 - 2001
- Aplica el álgebra de Boole al análisis y la síntesis de la conmutación y de los circuitos digitales

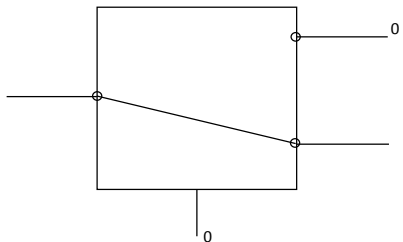
Claude Shannon



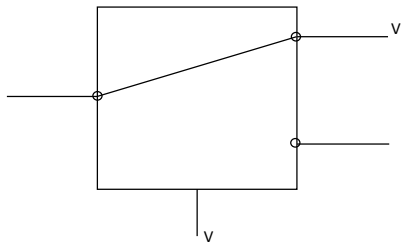
# Implementación

# Relé

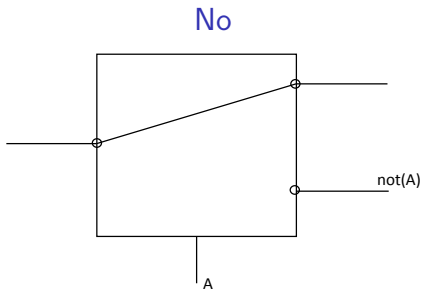
Abierto



Cerrado



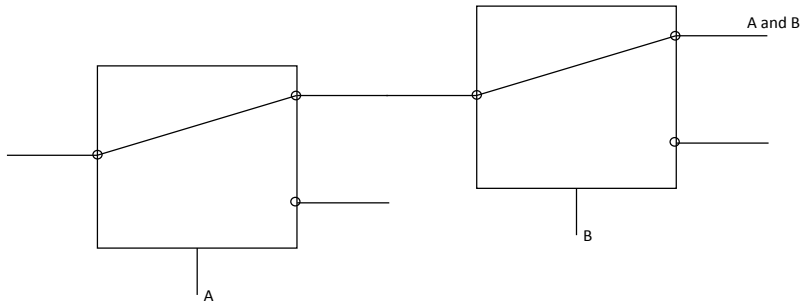
# Implementación



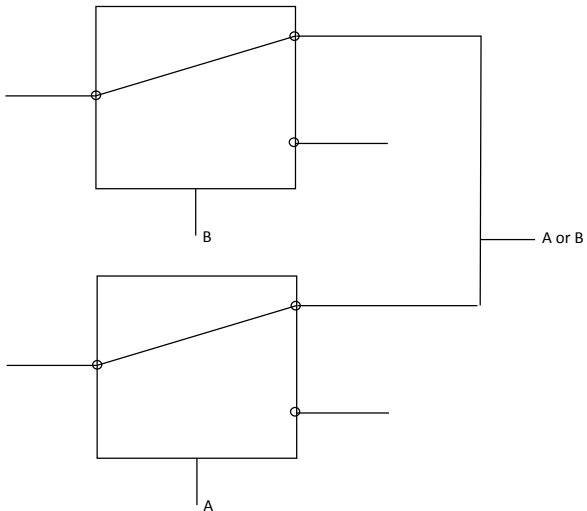


# Implementación

Y



## 0



# Compuertas Lógicas

# NOT

No ( $\neg$ ):

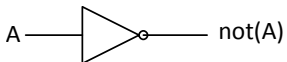


Tabla de valores:

A	not(A)
0	1
1	0

C

```
not_a = ~a;
```

VHDL:

```
not_a <= not a;
```



# AND

$Y (\wedge)$ :

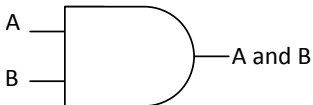


Tabla de valores:

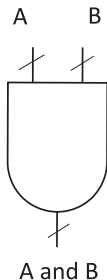
A	B	A and B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

C

```
a_and_b = a & b;
```

VHDL:

```
a_and_b <= a and b;
```



# OR

O (V):

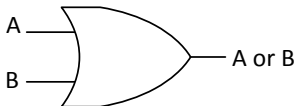


Tabla de valores:

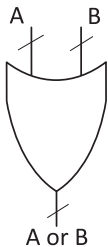
A	B	A or B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

C

```
a_or_b = a | b;
```

VHDL:

```
a_or_b <= a or b;
```



# XOR

O Exclusivo ( $\oplus$ ):

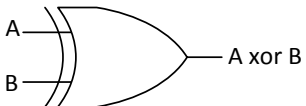


Tabla de valores:

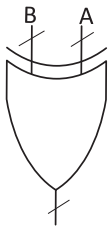
A	B	A xor B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

C

```
a_xor_b = a ^ b;
```

VHDL:

```
a_xor_b <= a xor b;
```



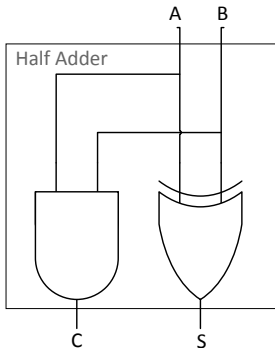
A xor B

# Sumador



## Sumador de 1 Bit

### HalfAdder

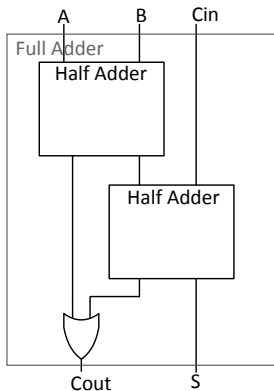


### Tabla de valores

A	B	C	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

## Sumador de 1 Bit intermedio

### FullAdder

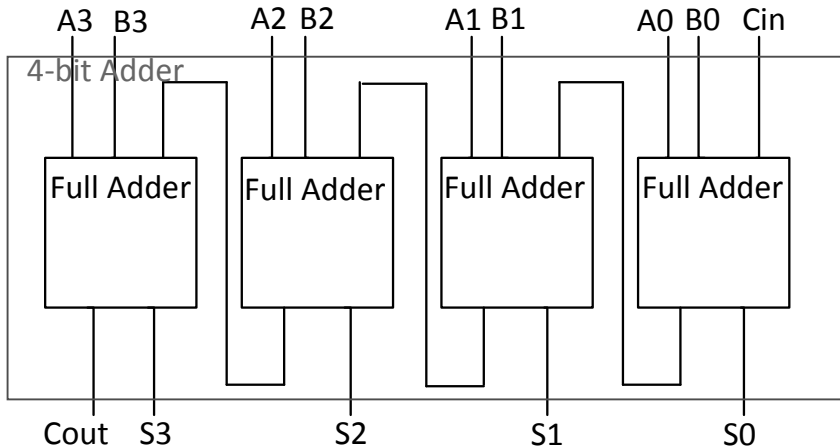


### Tabla de valores

A	B	Cin	Cout	S
0	0	0	0	0
0	1	0	0	1
1	0	0	0	1
1	1	0	1	0
0	0	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	1	1	0
1	1	1	1	1

## Sumador de 4 Bit

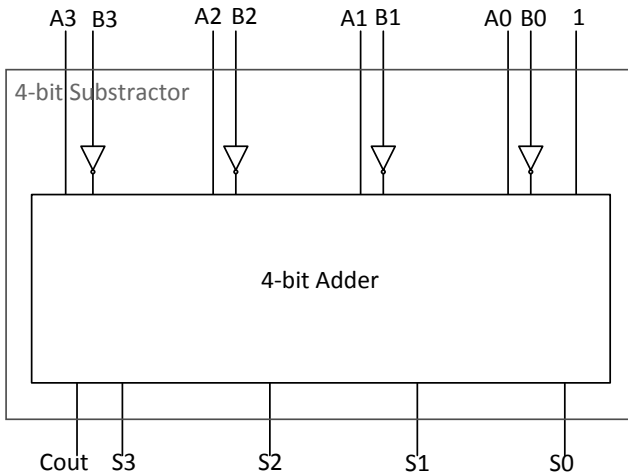
### 4-bit Adder



# Restador

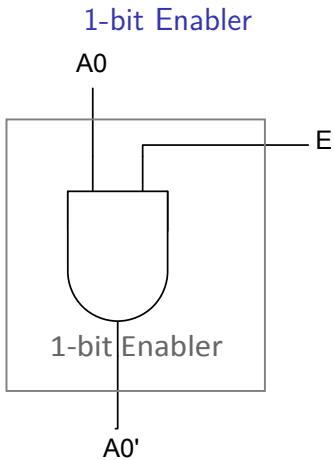
## Sumador de 4 Bit

### 4-bit Subtractor

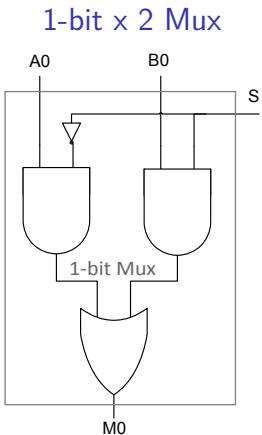


# Multiplexor

## Enabler de 1 Bit



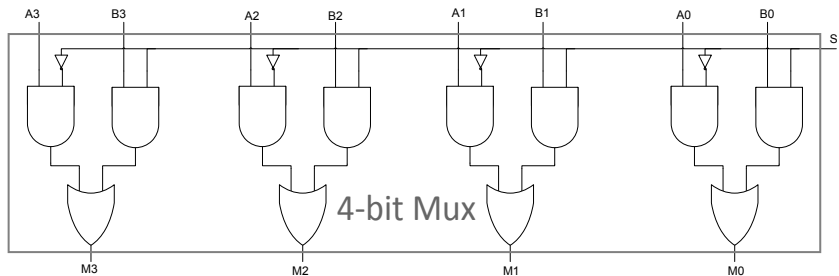
## Multiplexor de 2 entradas de 1 Bit





## Multiplexor de 2 entradas de 4 Bit

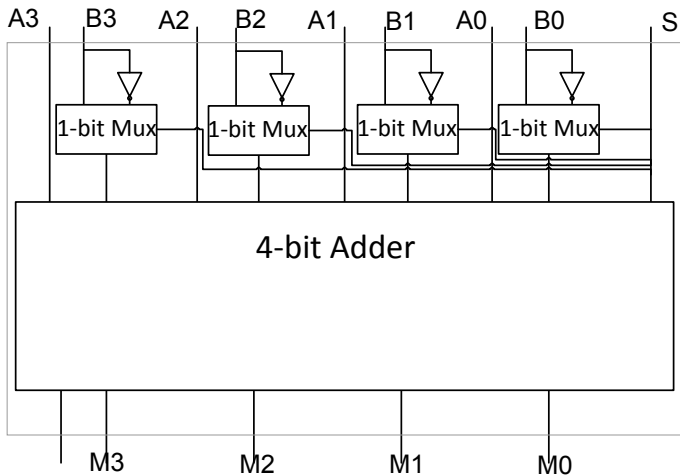
4-bit x 2 Mux



# Sumador - Restador

## Sumador Restador de 4 Bit

### 4-bit Adder Subtractor



# Shifts

# Operadores de Desplazamiento Lógicos

## Shift Left:

$$\begin{array}{r} \text{shift left} \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \\ \hline \quad \quad \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \end{array}$$

C

```
a_shl_1 = a << 1;
```

## Shift Right:

$$\begin{array}{r} \text{shift right} \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \\ \hline \quad \quad \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \end{array}$$

C

```
a_shr_1 = a >> 1;
```

1

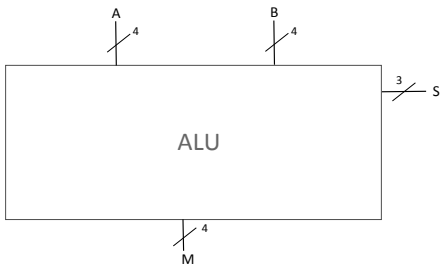
---

<sup>1</sup>en C se aplica cuando el tipo de variable sobre el cual se opera no tiene signo, si lo tiene, entonces se hará un desplazamiento aritmético, que conservará el signo

ALU

## Unidad Aritmético-Lógica

### ALU



### Tabla de valores

S2	S1	S0	M
0	0	0	Suma
0	0	1	Resta
0	1	0	And
0	1	1	Or
1	0	0	Not
1	0	1	Xor
1	1	0	Shift left
1	1	1	Shift right