Funciones

Clase #08
IIC1103 – Introducción a la Programación

Marcos Sepúlveda (marcos@ing.puc.cl)

Veremos hoy ...

- Librerías
- Parámetros
- Parámetros por defecto
- Ejercicios
- ► Ámbito (scope) de las variables
 - Locales
 - Globales
- ▶ Ejercicios

Recordemos

```
Importar módulo
import math
def bienvenida():
                                               Función sin retorno
    print("Calculo de distancia")
def distancia(x1, y1, x2, y2):
                                                        Llamada a
    dx = x2 - x1
                                                        funciones
    dy = y2 - y1
                                                        importadas
    dalcuadrado = math.pow(dx,2) + math.pow(dy,2)
    resultado = math.sqrt(dalcuadrado)
                                                        Función
    return resultado
                                                     retorna
                                                        resultado
#utilizando la funcion
                                                        Llamada a
bienvenida()
                                                        funciones
valor = distancia(7,5,4,1)
print(valor)
```

¿Qué son los algoritmos numéricos?

 Permiten resolver problemas matemáticos, obteniendo aproximaciones para las soluciones mediante algoritmos iterativos.

Ejemplos:

- Evaluación de funciones como log, sqrt, cos, ...
- Interpolación y extrapolación
- Sistemas de ecuaciones
- Integración numérica
- Generación de números aleatorios
- Minimización y maximización de funciones
- Aplicaciones espectrales
- Análisis estadístico
- Ecuaciones diferenciales
- Permiten resolver problemas cuando no hay buenas soluciones algebraicas

Cálculo de e^x mediante series

La serie empleada es:

$$e^{x} = 1 + \frac{x^{1}}{1!} + \frac{x^{2}}{2!} + \frac{x^{3}}{3!} + \frac{x^{4}}{4!} + \dots$$

- Criterio de detención:
 - Cuando la diferencia entre el valor obtenido entre dos iteraciones sucesivas no sea mayor que una precisión dada por el usuario.

Cálculo de e^x mediante series

```
import sys
def Factorial(numero):
    factorial = 1
    i = 1
    while i <= numero:
        factorial *= i
        i += 1
    return factorial
def E X(x, precision):
                  # Valor para e**x, inicialmente 1
    y anterior = 0 # Valor para e**x en iteración anterior
    i = 0 # Contador de iteraciones
   while (y - y anterior) >= precision:
        i += 1
        y anterior = y
       y = y + (x ** i)/Factorial(i)
   print("Calculo de e(x) con precision:", precision)
   print(y)
   print("Se emplearon", i, "iteraciones\n")
    return y
```

Cálculo de e^x mediante series

```
print("Calculo de e ** x")

print("Ingrese el valor de x:")

x = float(sys.stdin.readline())

print("Ingrese la precisión requerida (ej: 1e-5):")

precision = float(sys.stdin.readline())

e_x = E_X(x, precision)

print("Valor calculado de e **", x, "es", e_x)
```

```
>>>
Calculo de e ** x
Ingrese el valor de x:
1
Ingrese la precisión requerida (ej: 1e-5):
1e-10
Calculo de e(x) con precision: 1e-10
2.71828182845823
Se emplearon 14 iteraciones

Valor calculado de e ** 1.0 es 2.71828182845823
```

Librerías - motivación

- Vimos como implementar cálculo numérico de ex en base a series.
- Podríamos usar series parecidas para calcular otras funciones numéricas.
- Sin embargo, muchas de estas funciones ya están predefinidas en librerías conocidas como módulos de Python.
- ▶ Ejemplo de cálculo de ex:

```
import sys
import math
print("Calculo de e ** x")
print("Ingrese el valor de x:")
x = float(sys.stdin.readline())
print("Valor calculado de e **", x, "es", math.exp(x))
```

Uso de import

- ¿Para qué nos sirve import?
 - Nos permite traer a nuestro código funciones previamente creadas en Python o traer nuestras propias funciones que tenemos definidas en otros archivos.
- Algunos ejemplos de módulos (o librerías) disponibles en Python
 - math
 - random
 - sys



Módulos presentes en Python

math

- Contiene funciones y constantes matemáticas.
- https://docs.python.org/3/library/math.html

random

- Contiene funciones para producir números aleatorios.
- https://docs.python.org/3/library/random.html

datetime

- Provee tipos de datos para manipular fechas y horas.
- https://docs.python.org/3/library/datetime.html

Y hay más:

https://docs.python.org/3/library/index.html

Ventajas de usar módulo

- ► Funciones y variables definidas sólo una vez, y luego pueden ser utilizadas en muchos programas sin necesidad de reescribir el código.
- Permiten que un programa pueda ser organizado en varias secciones lógicas, escritas cada una en un archivo separado.
- ► Hacen más fácil compartir componentes con otros programadores.

Formas de usar módulos

► from

```
from math import exp, cos, pi
  from random import randint, randrange
  print (exp(5.5))
  print(cos(pi / 2))
  # entero aleatorio entre 1 y 3
  print(randint(1,3))
  #entero aleatorio en rango [10,20) y en intervalos de 2
  print(randrange(10, 20, 2))
                                                      >>>
                                                      244.69193226422038
import
                                                      6.123233995736766e-17
  import math
  import random
                                                      2
                                                      14
  print (math.exp(5.5))
  print (math.cos (math.pi / 2))
  # entero aleatorio entre 1 y 3
  print(random.randint(1,3))
  #entero aleatorio en rango [10,20) y en intervalos de 2
  print(random.randrange(10, 20, 2))
```

Algunos elementos del módulo math

Módulo.elemento	Retorna	Ejemplo
math.exp(x)	e**x	>>> math.exp(5) 148.4131591025766
math.log2(x)	Logaritmo en base 2 de x	>>> math.log2(16) 4.0
math.pow(x, y)	Eleva x a y	>>> math.pow(2, 3) 8.0
math.sqrt(x)	Raíz cuadrada	>>> math.sqrt(25) 5.0
math.factorial(x)	Factorial	<pre>>>> math.factorial(5) 120</pre>
math.pi	Constante pi	>>> math.pi 3.141592653589793
math.e	Constante e	>>> math.e 2.718281828459045

¿Cómo crear mis propios módulo?

- Crear un archivo con extensión .py con el código necesario
 - El nombre del archivo indica cuál es el nombre del módulo.
- ► **Ejemplo**: crear módulo que permita convertir unidades de medidas de longitud: millas a kilómetros, pies a metros, centímetros a pulgadas, y viceversa.

Fragmento módulo *conversor* en archivo *conversor.py*

```
kms_por_milla = 1.609344

def millas_a_kms(mi):
    return mi * kms_por_milla
```

Fragmento archivo *principal.py*

```
x = float(input("Ingrese millas: "))
print(x, "millas equivale a", conversor.millas_a_kms(x), "km")
```

Módulo conversor – archivo conversor.py

```
kms por milla = 1.609344
pies por metro = 3.2808399
cms por pulgada = 2.54
def millas a kms(mi):
    return mi * kms por milla
def kms a millas(km):
    return km / kms por milla
def pies a mts(pies):
    return pies / pies por metro
def mts a pies(mt):
    return mt * pies por metro
def pulgadas a cms(p):
    return p * cms por pulgada
def cms a pulgadas(cm):
    return cm / cms por pulgada
```

Programa principal – archivo *principal.py*

```
import conversor
def Menu():
    print("----")
    print("¿Qué conversión desea hacer?")
    print("1) millas a kilómetros")
    print("2) kilometros a millas")
    print("3) pies a metros")
    print("4) metros a pies")
    print("5) pulgadas a centímetros")
    print("6) centímetros a pulgadas")
    print("0) salir")
opcion = 99
while opcion != 0:
    Menu()
    opcion = int(input("ingrese opción: "))
    if opcion==1:
        x = float(input("Ingrese millas: "))
        print(x, "millas equivale a", conversor.millas a kms(x), "km")
    elif opcion==2:
        x = float(input("Ingrese kilómetros: "))
        print(x, "kilómetros equivale a", conversor.kms a millas(x), "millas")
    elif opcion==3:
        x = float(input("Ingrese pies: "))
        print(x, "pies equivale a", conversor.pies a mts(x), "metros")
    elif opcion==4:
        x = float(input("Ingrese metros: "))
        print(x, "metros equivale a", conversor.mts a pies(x), "pies")
    elif opcion==5:
        x = float(input("Ingrese pulgadas: "))
        print(x, "pulgadas equivale a", conversor.pulgadas a cms(x), "centímetros")
    elif opcion==6:
        x = float(input("Ingrese centimetros: "))
        print(x, "centímetros equivale a", conversor.cms a pulgadas(x), "pulgadas")
    elif opcion==0:
        print("Adiós")
    else:
        print (opcion, "no es una opción válida; intente de nuevo.")
```

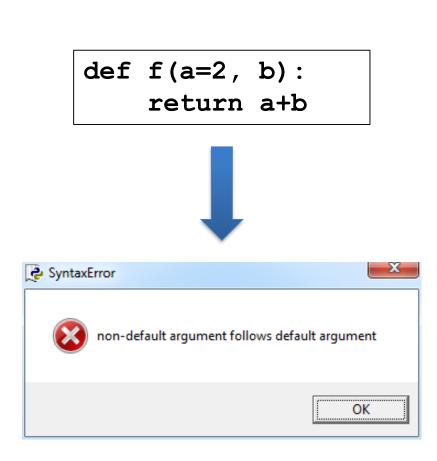
Parámetros por defecto

- Cuando se llama a una función que tiene parámetros, ¿siempre hay que enviar datos en todos los parámetros?
- ► No, ... se pueden definir valores por defecto.
- ► Ejemplo:

```
def Incrementar(n, incr=1):
    return n + incr
```

Parámetros por defecto

A partir de un parámetro por defecto, todos los demás deben tener valores por defecto.



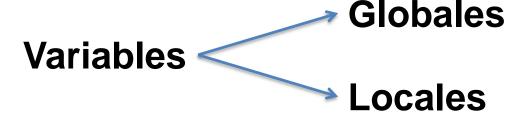


Flujo de ejecución de un programa

- La ejecución siempre empieza con la primera instrucción del programa.
- ► Las instrucciones se ejecutan una a una, desde arriba hacia abajo.
- Si es la definición de una función, ésta se crea y queda disponible para ser llamada.
- Las llamadas a función son como un desvío en el flujo de ejecución del programa.

Ámbito de variables

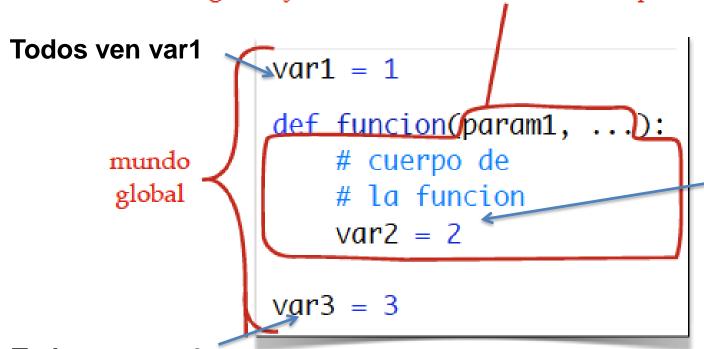
- ► El ámbito de una variable es el espacio donde está variable es visible y puede ser utilizada.
- Hay dos tipos de variables



- ► Variables globales: residen fuera de toda función.
- Variables locales: aquellas que son creadas dentro de una función.
 - Tienen una vida efímera. Solo existen durante la llamada a la función, y sólo son visibles dentro de ella. En el momento en el que ésta concluye, desaparecen.

Ámbito de variables – ejemplo

este es un mundo nuevo, que incluye todo lo del mundo global y todo lo creado dentro del cuerpo de la función

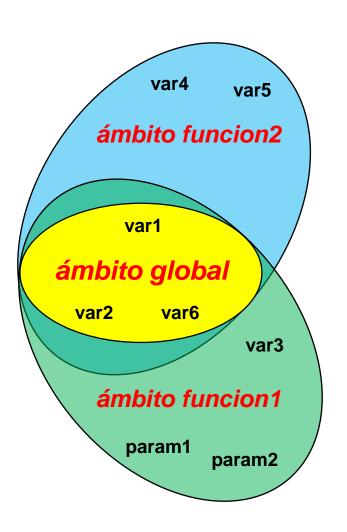


Sólo la función, que se llama funcion, puede ver var2

Todos ven var3

Ámbito de variables – ejemplo

```
var1 = 1
var2 = 2
def funcion1(param1, param2):
    var3 = 3
    print(param1, param2, var3)
def funcion2():
    var4 = 4
    var5 = 5
    print(var1, var2, var4, var5, var6)
var6 = 6
funcion1(10, 20)
funcion2()
```



22

Fuente : Raúl Montes

Ejemplo de variable local

```
import math
def AreaRectangulo():
    largo = float(input("Ingrese largo: "))
    ancho = float(input("Ingrese ancho: "))
    area = largo * ancho
                                                  El problema es que area no
def AreaCirculo():
    radio = float(input("Ingrese radio: "))
                                                   está en el ámbito global
    area = math.pi * radio ** 2
print ("Este programa calcula el área de una rectángulo o un círculo")
respuesta = input("¿Es un rectángulo? (si/no): ")
if respuesta == "si":
   AreaRectangulo()
                                             i no funciona!
else:
   AreaCirculo()
print("El área es:", area)
```

Ejemplo de variable local – solución usando global

```
import math
                                                global indica que queremos usar
def AreaRectangulo():
    global area
                                                una variable que está definida en
    largo = float(input("Ingrese largo: "))
                                                        el ámbito global;
    ancho = float(input("Ingrese ancho: "))
                                               podemos usar o modificar su valor
    area = largo * ancho
def AreaCirculo():
    global area
    radio = float(input("Ingrese radio: "))
    area = math.pi * radio ** 2
print ("Este programa calcula el área de una rectángulo o un círculo")
respuesta = input("¿Es un rectángulo? (si/no): ")
if respuesta == "si":
    AreaRectangulo()
else:
    AreaCirculo()
print("El área es:", area)
```

Ejemplo de variable local – solución retornando valores

```
import math
def AreaRectangulo():
    largo = float(input("Ingrese largo: "))
    ancho = float(input("Ingrese ancho: "))
    area = largo * ancho
    return area
def AreaCirculo():
                                                     Las funciones retornan el
    radio = float(input("Ingrese radio: "))
                                                          valor obtenido
    area = math.pi * radio ** 2
    return area
print ("Este programa calcula el área de una rectángulo o un círculo")
respuesta = input("¿Es un rectángulo? (si/no): ")
if respuesta == "si":
    area = AreaRectangulo()
                                                      Se debe guardar el valor
else:
                                                     resultante en una variable
    area = AreaCirculo()
print("El área es:", area)
```

EJERCICIOS

Ejercicio 1 – números amigos

Dos números amigos son dos enteros positivos distintos, tal que la suma de los divisores propios de uno es igual al otro, y viceversa.

Ejemplo:

- Divisores propios de 220: 1,2,4,5,10,11,20,22,44,55,110
- Suma = 284
- Divisores propios de 284: 1,2,4,71,142
- Suma= 220



- Escribir función SumaDivisores(x) que entregue la suma de los divisores de x.
- Escribir función SomosAmigos(x,y) que retorne True/False si dos números son amigos o no.

Ejercicio 1 – números amigos – solución

```
def SumaDivisores(x):
                                     >>>
    suma = 0
                                     220 284 son números amigos
    i = 1
                                     1184 1210 son números amigos
    while i<x:
                                     2620 2924 son números amigos
        if x\%i == 0:
                                     5020 5564 son números amigos
            suma += i
                                     6232 6368 son números amigos
        i += 1
    return suma
def SomosAmigos(x,y):
    sumaDivX = SumaDivisores(x)
    sumaDivY = SumaDivisores(y)
    return sumaDivX == y and sumaDivY == x
x = 1
while x < 10000:
    sumaDivX = SumaDivisores(x)
    if sumaDivX > x and SomosAmigos(x, sumaDivX):
            print(x, sumaDivX, " son números amigos")
    x += 1
```

Ejercicio 2 – cobro taxi

- ▶ Estás en el centro de Santiago y necesitas ir de inmediato a una reunión fuera de la ciudad. Lo primero que ves es un taxi, lo haces parar y te subes, pero no sabes cuánto te va a salir el cobro. Con miedo, le preguntas al chofer cuánto te saldría, y él te responde que un alumno de la UC ha implementado un sistema que entrega el precio exacto de cuánto será el cobro a destino. Tu misión es implementar el mismo programa en Python.
- ► El cobro por defecto es de \$250 por kilometro en el área de Santiago. En el caso de ir a Valparaíso, el cobro es de \$500 por kilometro, y en el caso de ir a Rancagua es de \$320 por kilometro.
- Distancia a Valparaíso = 120 km
- Distancia a Rancagua = 65 km



Ejercicio 2 – cobro taxi – solución

```
def Cobro (distancia, destino="Santiago"):
    if destino=="Santiago":
        tarifa = 250*distancia
    elif destino=="Valparaíso":
        tarifa = 500*distancia
    elif destino == "Rancaqua":
        tarifa = 320*distancia
    return tarifa
destino=input("Hola, ¿dónde viaja? (Santiago/Valparaíso/Rancagua) ")
if destino == "Santiago":
    distancia=int(input("; A cuántos kilómetros queda? "))
    cobro = Cobro(distancia)
elif destino == "Valparaíso":
    cobro = Cobro (120, destino)
elif destino == "Rancaqua":
    cobro = Cobro (65, destino)
else:
    cobro = 0
print("Cobro: $" + str(cobro))
```

Ejercicio 3 – conversión de 24 horas a AM/PM

- Hay dos formatos típicos en los cuales se especifica una hora:
 - 24 horas horas van desde las 00:00 (medianoche) hasta las 23:59; y
 - 12 horas horas van desde las 12:00 AM (medianoche) a las 12:59 AM, desde la 1:00 AM a las 11:59 AM, desde las 12:00 PM (mediodía) a las 12:59 PM, y desde la 1:00 PM a las 11:59 PM.
- ▶ Por ejemplo, las 21:53 (en formato de 24 horas) corresponde a las 9:53 PM y las 00:27 corresponde a las 12:27 AM.
- ► Escriba una función *MostrarHora(hora, minutos)* que recibe del usuario dos valores de tipo entero, correspondientes a la hora y los minutos en formato de 24 horas, y muestra en pantalla la misma hora pero en formato de 12 horas.

Ejercicio 3 – conversión de 24 horas a AM/PM

Para probarlo, ejecute el siguiente código:

```
def MostrarHora(hora, minutos):
    # Implemente aquí el código
MostrarHora(0,0)
MostrarHora (0,59)
MostrarHora (1,0)
MostrarHora (11,59)
MostrarHora (12,0)
MostrarHora (12,1)
MostrarHora (12,59)
MostrarHora (13,0)
MostrarHora (13,1)
MostrarHora (23, 59)
```

```
>>>

0:0 == 12:0 AM

0:59 == 12:59 AM

1:0 == 1:0 AM

11:59 == 11:59 AM

12:0 == 12:0 PM

12:1 == 12:1 PM

12:59 == 12:59 PM

13:0 == 1:0 PM

13:1 == 1:1 PM

23:59 == 11:59 PM
```

Ejercicio 3 – conversión de 24 horas a AM/PM

Algoritmo:

- Para la primera hora del día (de 0:00 a 0:59), suma 12 horas y añade "AM"
 - Ejemplos: 0:10 = 12:10 AM, 0:40 = 12:40 AM
- De 1:00 a 11:59, sólo añade "AM"
 - Ejemplos: 1:15 = 1:15 AM, 11:25 = 11:25 AM
- De 12:00 a 12:59, sólo añade "PM"
 - Ejemplos: 12:10 = 12:10 PM, 12:55 = 12:55 PM
- De 13:00 a 23:59, resta 12 horas y añade "PM"
 - Ejemplos: 14:55 = 2:55 PM, 23:30 = 11:30 PM

Ejercicio 3 – conversión de 24 horas a AM/PM – solución

Otra alternativa:

En base al algoritmo:

```
def MostrarHora (hora, minutos):
                                              def MostrarHora(hora, minutos):
    if (hora == 0):
                                                  if (hora == 0):
       horaM = 12
                                                      horaM = 12
        extM = "AM"
                                                  elif (hora <= 12):
    elif (hora < 12):
                                                      horaM = hora
        horaM = hora
                                                  else:
        extM = "AM"
                                                      horaM = hora - 12
    elif (hora == 12):
        horaM = hora
                                                  if (hora < 12):
        ext.M = "PM"
                                                      extM = "AM"
    else:
                                                  else:
        horaM = hora - 12
                                                      extM = "PM"
        extM = "PM"
    print(hora,":", minutos," == ",
          horaM, ":", minutos, " ", extM, sep='')
```

- Una empresa dedicada a la compra y venta de Edificios ha solicitado de su ayuda. Para estos fines le ha entregado el siguiente texto informativo.
- Un edificio está caracterizado por el número de pisos que tiene y los metros cuadrados por piso. Los edificios, además, pueden estar en dos tipos de sectores: residencial o comercial. La tasación que tiene el edificio parte con un precio base para todos de \$100.000.000, y se le agrega un valor adicional dependiendo de sus características, como indica la tabla:

Características	Valor Adicional
N° de Pisos entre 5 y 10 (ambos inclusive)	\$10.000.000
N° de Pisos entre 11 y 20 (ambos inclusive)	\$20.000.000
N° de Pisos mayor a 20	\$50.000.000
Sector Residencial	\$60.000.000
Sector Comercial	\$110.000.000
Total Metros Cuadrados mayor a 3000 y menor o igual que 5000	\$45.000.000
Total Metros Cuadrados mayor a 5000	\$67.000.000

- Dos edificios pueden ser comparados de distintas formas: comparando el n° de pisos, comparando el total de metros cuadrados, y comparando las tasaciones.
- La empresa le ha solicitado que implemente el módulo *edificio.py*, que contenga funciones para desplegar información sobre un edificio y compararlo con otro.

► El módulo *edificio.py* debería contener la definición de las siguientes funciones:

```
# Mostrar edificio en pantalla
def MostrarEdificios(nombre, pisos, m2, sector)
# Calcula metros cuadrados totales de un edificio
def Metros2(pisos, m2)
# Calcula tasación de un edificio
def Tasacion(pisos, m2, sector)
# Compara dos edificios
def ComparaEdificios(nombre1, pisos1, m2 1, sector1,
                     nombre2, pisos2, m2 2, sector2)
```

Y podría ser llamado de la siguiente manera:

import edificio

```
el nombre = "Alto Cordillera"
el pisos = 30
e1 m2 = 120
e1 sector = "residencial"
e2 nombre = "Espacio VIP"
e2 pisos = 20
e2 m2 = 180
e2 sector = "comercial"
edificio. Mostrar Edificios (el nombre, el pisos, el m2, el sector)
edificio. Mostrar Edificios (e2 nombre, e2 pisos, e2 m2, e2 sector)
edificio.ComparaEdificios(el nombre, el pisos, el m2, el sector,
                           e2 nombre, e2 pisos, e2 m2, e2 sector)
```

Arrojando el siguiente resultado:

```
>>>
Edificio Alto Cordillera
- número de pisos: 30
- metros cuadrados por piso: 120
- metros cuadrados totales: 3600
- sector: residencial
- tasación: 255000000
Edificio Espacio VIP
- número de pisos: 20
- metros cuadrados por piso: 180
- metros cuadrados totales: 3600
- sector: comercial
- tasación: 275000000
Edificio 1: Alto Cordillera
Edificio 2: Espacio VIP
Alto Cordillera tiene más pisos que Espacio VIP
Ambos edificios tienen el mismo número de metros cuadrados
Espacio VIP tiene mejor tasación que Alto Cordillera
```

Ejercicio 4 – cálculo inmobiliario – solución

```
# Mostrar edificio en pantalla
def MostrarEdificios(nombre, pisos, m2, sector):
    print("-----")
    print("Edificio", nombre)
    print("- número de pisos:", pisos)
    print("- metros cuadrados por piso:", m2)
    print("- metros cuadrados totales:", Metros2(pisos, m2))
    print("- sector:", sector)
    print("- tasación:", Tasacion(pisos, m2, sector))
    print("-----")

# Calcula metros cuadrados totales de un edificio
def Metros2(pisos, m2):
    return pisos * m2
```

Ejercicio 4 – cálculo inmobiliario – solución

```
# Calcula tasación de un edificio
def Tasacion (pisos, m2, sector):
    tasacion = 100000000
    if (pisos >= 5) and (pisos <=10):
        tasacion += 10000000
    elif (pisos \geq=11) and (pisos \leq=20):
        tasacion += 20000000
    elif (pisos >20):
        tasacion += 50000000
    if sector == "comercial":
        tasacion += 110000000
    elif sector == "residencial":
        tasacion += 60000000
    if Metros2(pisos, m2) > 3000 and Metros2(pisos, m2) <= 5000:
        tasacion += 45000000
    elif Metros2(pisos, m2) > 5000:
        tasacion += 67000000
   return tasacion
```

Ejercicio 4 – cálculo inmobiliario – solución

```
# Compara dos edificios
def ComparaEdificios (nombre1, pisos1, m2 1, sector1,
                     nombre2, pisos2, m2 2, sector2):
   print("Edificio 1:", nombre1)
   print("Edificio 2:", nombre2)
   if (pisos1 > pisos2):
       print(nombre1, "tiene más pisos que", nombre2)
   elif (pisos1 == pisos2):
       print ("Ambos edificios tienen el mismo número de pisos")
    else:
       print(nombre2, "tiene más pisos que", nombre1)
   if Metros2(pisos1, m2 1) > Metros2(pisos2, m2 2):
       print(nombre1, "tiene más metros cuadrados que", nombre2)
    elif Metros2(pisos1, m2 1) == Metros2(pisos2, m2 2):
       print ("Ambos edificios tienen el mismo número de metros cuadrados")
    else:
       print (nombre2, "tiene más metros cuadrados que", nombre1)
   if Tasacion(pisos1, m2 1, sector1) > Tasacion(pisos2, m2 2, sector2):
       print (nombrel, "tiene mejor tasación que", nombre2)
   elif Tasacion(pisos1, m2 1, sector1) == Tasacion(pisos2, m2 2, sector2):
       print("Ambos edificios tienen igual tasación")
    else:
       print (nombre2, "tiene mejor tasación que", nombre1)
```