



# *La Sintesi ad Alto Livello: Estensioni al Force Directed Scheduling*

26 luglio 2006

Marco Lattuada

Relatore:  
Prof. Fabrizio Ferrandi



Modificare il Force Directed Scheduling proposto da Paulin e Knight:

- migliorando la qualità dei risultati;
- diminuendo la complessità temporale dell'algoritmo;
- estendendo il campo di applicabilità dell'algoritmo aggiungendo la possibilità di:
  - introdurre vincoli sul numero di unità funzionali;
  - eseguire il binding sul tipo di risorsa.

- Sintesi ad Alto Livello: trasformazione di una descrizione comportamentale del sistema in una descrizione a livello RT;
- Allocazione, Scheduling e Binding sono alcune delle sue fasi;
- queste tre fasi possono essere contemporanee o successive;
- Force Directed Originale: Allocazione + Scheduling
- Force Directed Proposto: Allocazione + Scheduling + Binding (parziale)

## **Allocazione**

Vengono definite numero e tipo delle risorse: funzionali, di memorizzazione e di comunicazione.

## **Scheduling**

Il tempo di esecuzione della funzionalità viene suddiviso in intervalli uguali chiamati passi di controllo. Le singole operazioni vengono assegnate ai singoli passi di controllo.

## **Binding**

Gli elementi presenti nella descrizione di sistema vengono mappati su componenti architettureali (unità funzionali, bus, registri).

- Algoritmo proposto da P. G. Paulin e J. P. Knight nel 1987;
- fissato il tempo di esecuzione minimizza il numero di risorse;
- cerca di distribuire uniformemente le operazioni:
  - associa ad ogni coppia <operazione-passo di controllo> una forza;
  - la forza è un numero razionale indice degli effetti dell'assegnamento;
  - ad ogni iterazione esegue l'assegnamento con forza minore (cioè migliore).

- **SDG (*System Dependence Graph*)** : grafo con sia dipendenze-dato sia dipendenze di controllo;
- **Scheduling** prodotto da ASAP e ALAP, finestra temporale e mobilità di ogni operazione;
- **caratteristiche delle unità funzionali**:
  - tipo di operazioni eseguibili;
  - tempo di esecuzione;
  - presenza di pipeline;
  - numero di unità (in caso di presenza di vincoli).

- Il termine forza deriva dall'analogia con la legge di Hooke:

$$F = -kx$$

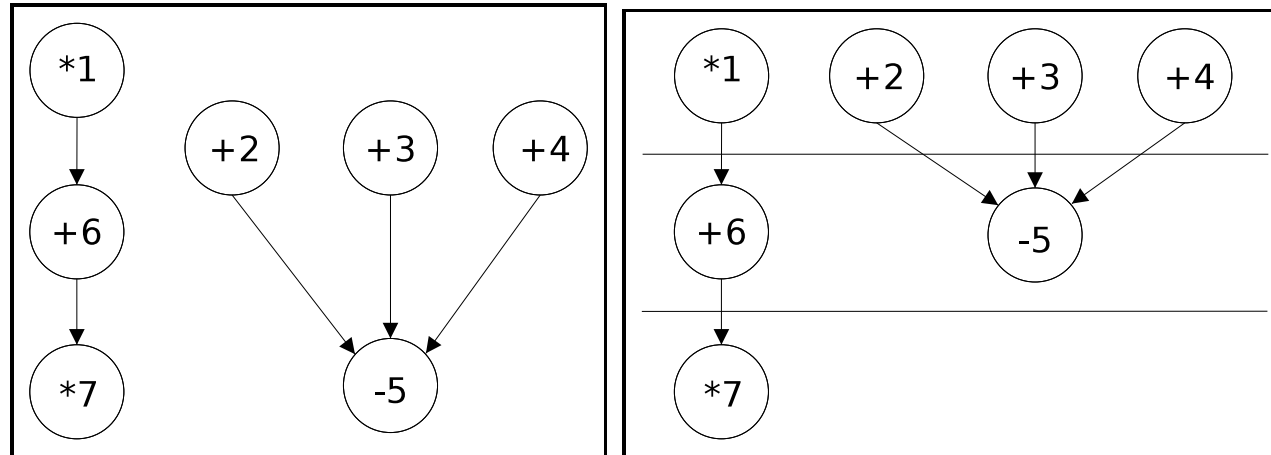
- ad ogni coppia <operazione-passo di controllo> è assegnata una probabilità:  $prob(o, s) = \frac{1}{mobilita'}$
- $FORCE(o, s) = self\_force(o, s) + pred\&succ\_force(o, s)$
- $self\_force(o, s) = force(o, s)$
- $pred\&succ\_force(o, s) = \sum_{q \in pred(o)} force(q, s) + \sum_{q \in succ(o)} force(q, s)$
- $force(o, s) = \sum_{p \in wind(o)} contrib(o, p)$
- $contrib(o, p) = DG(type(o), p) \cdot \Delta prob(o, p)$

Paulin e Knight hanno proposto delle estensioni che permettono di considerare:

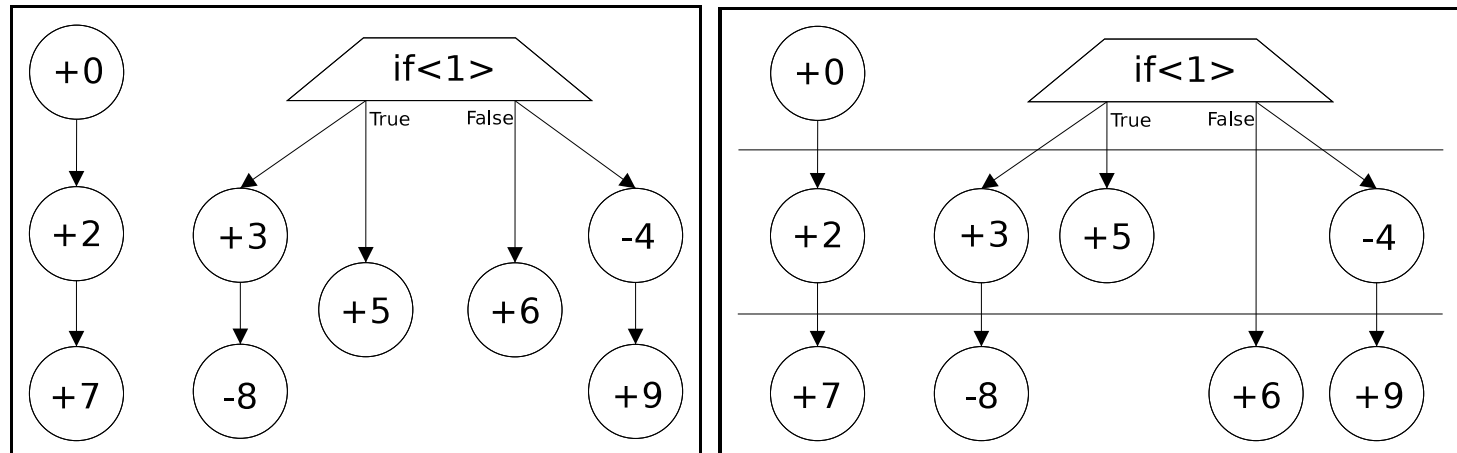
- costrutti ciclici e costrutti condizionali;
- minimizzazione di bus e registri;
- costo delle diverse unità funzionali;
- scheduling con chaining, con operazioni multiciclo, con unità funzionali dotate di pipeline;
- presenza di vincoli sul numero di risorse (escludendo vincoli temporali);
- presenza di vincoli temporali locali.



- Presenza di più predecessori/successori dello stesso tipo



- Presenza di costrutti condizionali



- formula per il calcolo della forza;
- riduzione del peso relativo alle forze negative di predecessori e successori;
- criterio di scelta del prossimo assegnamento da effettuare;
- riduzione della complessità temporale dell'algoritmo tramite scheduling a blocchi;
- utilizzo contemporaneo di vincoli sul numero di risorse e vincoli temporali;
- binding sul tipo di unità funzionale.

## Modifica al calcolo dei singoli contributi

- Il Force Directed Originale considera solo parzialmente le mutue esclusioni;
- ipotizza che ad ogni assegnamento corrisponda l'allocazione di una nuova unità funzionale in quel passo di controllo;
- l'unità potrebbe già essere disponibile perchè utilizzata da un'operazione in mutua esclusione;
- **modifica effettuata:** si sostituisce alla variazione di probabilità la variazione del numero medio di risorse necessarie allocate.

## Modifica al peso delle forze di predecessori e successori

- Le forze di predecessori e successori sono approssimate;
- ad una forza negativa potrebbe corrispondere un falso miglioramento;
- **modifica effettuata:** si cerca di trascurare le forze di predecessori e successori negative diminuendone il peso.

- Il vero problema dello scheduling consiste nello scegliere in che passo di controllo assegnare le singole operazioni;
- le forze di un'operazione forniscono un ordine di preferenza degli assegnamenti di quella operazione;
- se la differenza fra le forze è minima l'ordine può essere sbagliato;
- **nuovo criterio di scelta:** operazione con differenza maggiore fra forza migliore e forza media:
  - maggiore differenza  $\Rightarrow$  minor peso dell'errore  $\Rightarrow$  minor possibilità di fare una scelta svantaggiosa;
  - le forze simili possono differenziarsi nelle iterazioni successive.

- **Complessità originale dell'algoritmo:  $O(c^2n^3)$**
- complessità elevata per la visione globale del problema;
- scomposizione del problema in parti: scheduling di singole parti del sistema;
- durante lo scheduling di una parte si considerano le informazioni relative a tutto il sistema;
- ad ogni iterazione è necessario ricalcolare solo i dati della singola parte;
- per la scomposizione in parti si utilizzano i blocchi basici:
  - **nuova complessità:  $O(\frac{1}{B}c^2n^3)$  ;**
  - nessun guadagno in assenza di costrutti condizionali.



# Utilizzo contemporaneo di due tipi di vincoli $\mu$ -LAB

- Gli algoritmi di scheduling a tempo di esecuzione vincolato solitamente non consentono di vincolare il numero delle risorse;
- il numero delle risorse è la funzione obiettivo da minimizzare;
- nell'algoritmo proposto è possibile utilizzare entrambi i tipi di vincoli;
- le motivazioni sono
  - individuare unità non utilizzate;
  - minimizzare il numero di risorse non vincolate;
  - minimizzare il numero di interconnessioni o di registri;
  - uniformare l'utilizzo delle risorse nei diversi passi di controllo.

Le modifiche effettuate per consentire l'aggiunta dei vincoli sulle risorse sono:

- **aggiunta dei pesi** alle somme di probabilità e quindi alle forze: il peso è pari all'inverso del numero di unità funzionali disponibili;
- **introduzione del meccanismo di backtracking** :
  - l'algoritmo può produrre una soluzione non accettabile perchè viola un vincolo;
  - uno o più assegnamenti effettuati vengono cancellati per riottenere una soluzione parziale accettabile;
  - l'algoritmo esegue nuovi assegnamenti per costruire una soluzione accettabile.



- lo scheduling con vincoli può essere modellizzato come esplorazione di un albero di ricerca:
  - ogni nodo corrisponde ad una soluzione parziale;
  - ogni arco corrisponde ad un assegnamento;
- è possibile ridurre il tempo di ricerca di una soluzione accettabile tramite:
  - il taglio di sottoalberi il cui nodo radice corrisponda ad una soluzione esplicitamente o implicitamente non accettabile;
  - l'anticipazione di assegnamenti obbligatori;
  - backtracking anticipato;
  - riduzione del grado dell'albero di ricerca.

- E' stata aggiunta la funzione di binding di un'operazione su un tipo di unità funzionale;
- si associa una forza ad **ogni terna <operazione-passo di controllo-tipo di unità funzionale>** ;
- $FORCE(o, s, t) = self\_force(o, s, t) + pred\&succ\_force(o, s, t) + assign\_force(o, s, t)$
- al concetto di probabilità di un'operazione di essere schedulata in un passo di controllo si sostituisce quello di **percentuale di occupazione di un tipo di unità funzionale in un passo di controllo da parte di un'operazione** ;
- in caso di mancanza di binding la nuova formulazione coincide con quella originale;
- è possibile utilizzare questa formulazione per tutte le casistiche del problema di scheduling.

Benchmark	nOp	n° salti
Adpcm_decode	68	11
Adpcm_encode	83	14
Arf	34	0
Bandpass	52	0
Chemical	38	0
Dct	58	0
Dct_wang	57	0
Diffeq	27	1
Kim	34	2
Maha	30	5

nFu indica il numero complessivo di risorse allocate: l'algoritmo non discrimina fra i diversi tipi di unità non avendo informazioni relative ai costi

Benchmark	FD Orig.		FD Modif1.	
	nFU	tempo	nFU	tempo
Adpcm_decode	27	2.89	18	10.69
Adpcm_encode	27	5.84	19	43.68
Arf	14	0.23	8	0.25
Bandpass	20	0.55	11	0.57
Chemical	25	0.45	15	0.69
Dct	35	0.80	20	1.03
Dct_wang	29	0.65	20	0.85
Diffeq	14	0.09	8	0.29

Riduzione del tempo di computazione a seguito della riduzione di complessità

Benchmark	FD Modif1.		FD Modif2.	
	nFU	tempo	nFU	tempo
Adpcm_decode	18	11.77	18	3.54
Adpcm_encode	19	43.30	19	7.92
Diffeq	8	0.28	8	0.25
Kim	6	0.68	6	0.58
Maha	5	0.41	5	0.25

Guadagno in termini di unità funzionali allocate vincolate

		Kim		Maha	
Unità Funzionale	Vincolo	LB	FD	LB	FD
CMP	2			2	1
indirect_ref	inf	1	2	1	1
MINUS	2	2	1	2	1
PLUS	2	2	2	1	1
READ_COND	inf	1	1	2	1
Tempo computazione		0.11	0.18	0.14	0.12

Guadagno in termini di unità funzionali allocate non vincolate

		Bandpass		Diffeq	
Unità Funzionale	Vincolo	LB	FD	LB	FD
ASSIGN	inf			1	1
CMP	2			1	1
indirect_ref	inf	13	6	7	3
MINUS	2	2	2	1	1
MUL	1	1	1	1	1
PLUS	2	1	2	1	1
READ_COND	inf			1	1
Tempo computazione		0.22	75.77	0.10	0.99

## Conclusioni

La versione proposta dell'algoritmo:

- ha complessità inferiore a quella originale;
- fornisce risultati qualitativamente migliori di quella originale;
- permette l'introduzione di vincoli sul numero delle risorse;
- svolge anche il binding delle operazioni sui tipi di unità funzionali.

## Futuri Sviluppi:

- ridurre la complessità in caso di assenza di costrutti di controllo;
- minimizzazione del costo di registri e interconnessioni;
- inserire informazioni relative al costo delle unità funzionali;
- valutare il guadagno dovuto ad un calcolo più preciso delle forze;
- ridurre il tempo di computazione a scapito della memoria utilizzata.