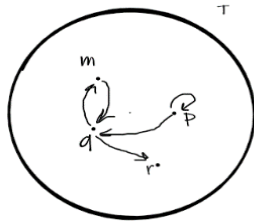




- 1) Siendo $A = \{a, b, c\}$ y $B = \{m, p\}$
Halla:
a) $A \times B$
b) B^2
c) $B \times A$
- 2) La relación R definida en los \mathbb{Z} , $xRy \Leftrightarrow x$ "es el opuesto del quintuple de" y
¿Cuáles de los siguientes pares $(x, y) \in R$?
 $(15, 3)$ $(10, 2)$ $(-20, 4)$ $(0, 0)$ $(-1, \frac{1}{5})$ $(-100, 20)$ $(1, -5)$ $(-5, 1)$ $(1000, -200)$
- 3) Dadas las relaciones en lenguaje coloquial, escribe 2 pares ordenados que pertenezcan a cada una de ellas:
- a) R1: "es la tercera parte de" (definida en \mathbb{Z})
b) R2: "es capital de" (ciudades- países)
c) R3: "es sinónimo de" (palabras)
d) R4: "es el cubo de" (definida en \mathbb{Z})
- 4) Dado $M = \{x \in \mathbb{N} \wedge x \leq 5\}$ y la relación $R \subseteq M^2$ tal que $R = \{(x, y) / x+y \leq 4\}$
a) Halla R por extensión
b) Halla dominio y conjunto imagen
- 5) Sea $A = \{a, b, c, d\}$ y la relación $R \subseteq A^2$ tal que $M_A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ matriz de adyacencia de R
- a) Escribe por extensión la relación R .
b) Dibuja el dígrafo correspondiente.
c) Indica las propiedades que verifica R . Justifica.
- 6) Dados los conjuntos $A = \{1, 2, 3, 4\}$ y $B = \{2, 3, 5, 6\}$ y las relaciones:
- $R1: B \rightarrow B / R1 = \{(2; 3), (3; 2), (6, 6)\}$
 $R2: B \rightarrow A / R2 = \{(6, 3), (2, 1)\}$
 $R3: A \rightarrow A / R3 = \{(3, 3), (2, 2), (1, 1), (4, 4)\}$
 $R4: A \rightarrow B / R1 = \{(2; 3), (3; 2), (1; 2) (4, 6)\}$
- a) Determine el dominio e imagen de cada relación.
b) Cuando sea posible graficar el dígrafo y determine la matriz de adyacencia.
c) Analiza si R_4 y R_2 cumplen la condición de ser funciones, justifica.
- 7) Escribe una relación R binaria homogénea por extensión definida en $P = \{p, r, t, q\}$ que cumpla las propiedades reflexiva, simétrica y transitiva.
- 8) Analice las propiedades de la relación R en cada uno de los siguientes casos:
- a) $a R b \Leftrightarrow b = a^2$ en el conjunto \mathbb{Z} de los números enteros.

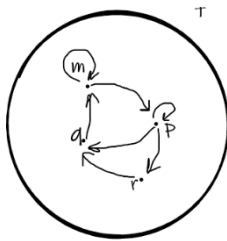
- b) $a R b \Leftrightarrow a + b = 0$ en el conjunto \mathbf{Z} de los números enteros.
- c) $a R b \Leftrightarrow a - b = 3$ en el conjunto \mathbf{Z} de los números enteros
- d) $a R b \Leftrightarrow b^3 + a = 0$ en el conjunto \mathbf{Z} de los números enteros

9) Dado el dígrafo, escribe R por extensión, analiza cuáles de las propiedades vistas verifica



10) Calcula cuántos caminos de longitud 2 hay en la relación R del punto 9)

11) Escribe R como matriz de adyacencia. Escribe todos los caminos de longitud 2



12) Responde Verdadero o Falso

- a) Las relaciones binarias homogéneas siempre son funciones
- b) Si el $\#(R)=1$ en una Relación binaria homogénea, entonces esa relación cumple la propiedad antisimétrica.
- c) Si el $\#(R)=1$ en una Relación binaria homogénea, entonces esa relación cumple la reflexiva
- d) El $\#(R)$ coincide con el número de caminos de longitud de la relación.
- e) El producto cartesiano de $A \times A$ cumple la propiedad transitiva
- f) La relación R en los números enteros $x \leq y$ cumple la propiedad transitiva