

一、(10 分) 判断以下信号是否为周期的, 如果是周期的, 求其基波周期, 若非周期, 说明原因

- 1) (2 分) $x(t) = \sin 25t$
- 2) (2 分) $x[n] = \cos 8n$
- 3) (2 分) $x(t) = e^{\pi t/3}$
- 4) (2 分) $x[n] = e^{j5\pi n}$
- 5) (2 分) $x[n] = e^{j4t} + \cos 3\pi t$

二、(10 分)

- 1) (5 分) 已知 $x(t) = \sin(2\pi t + \frac{\pi}{6})$, 计算 $\int_{-1}^{\infty} x(2t-1)\delta(3t)dt$
- 2) (5 分) 计算 $X(e^{j\Omega}) = \frac{e^{j\Omega}}{1+3e^{j\Omega}}$ 的傅里叶反变换

三、(10 分)

- 1) (2 分) 计算卷积 $y(t) = x(t) * h(t)$, 并画出 $y(t)$ 结果图
 $x(t) = u(t+1) - u(t-3)$
 $h(t) = u(t) - u(t-4)$
对求得的 $y(t)$ 进行傅里叶变换, 即 $F\{y(t)\} = Y(\omega) = |Y(\omega)|e^{j\phi(\omega)}$, 求
- 2) (2 分) $\phi(\omega)$
- 3) (2 分) $Y(0)$
- 4) (2 分) $\int_{-\infty}^{\infty} Y(\omega)d\omega$
- 5) (2 分) 画出 $F^{-1}\{\text{Re}[Y(\omega)]\}$ (傅里叶反变换) 的图形

四、(10 分)

已知离散线性时不变 (LTI) 系统的 $y[n] = \sum_{k=0}^{\infty} e^k x[n-k]$

- 1) (6 分) 求其单位抽样响应 $h[n]$, 并说明 (含理由) 其因果性和稳定性
- 2) (4 分) 输入为 $x[n] = 256^n$, 求其输出响应

五、(10 分)

考虑一个稳定的因果系统, 其单位冲激响应为 $h(t)$, 系统函数为 $H(s)$ 。假定 $H(s)$ 是有理的, 有一个极点在 $s=-3$, 有一个零点在原点处。其余零极点位置不详。对于下列的说法, 判断正误, 并说明理由。(注: 若无法判断正误, 则说条件不充分无法判定正误即可)

- 1) (2 分) $H(s) = H(-s)$
- 2) (2 分) $\int_{-\infty}^{\infty} h(t)dt \neq 0$

3) (2 分) $\frac{dh(t)}{dt}$ 在它的拉普拉斯变换中至少有一个极点

4) (2 分) $h(t)$ 是有限持续周期的

5) (2 分) $h(t)e^{4t}$ 的傅里叶变换 $F\{h(t)e^{4t}\}$ 收敛 (存在)

六、(10 分)

1) (5 分) 求 $\left(\frac{1}{3}\right)^n u[n] - \left(\frac{1}{3}\right)^n u[n-1]$ 的 Z 变换和收敛域

2) (5 分) 求 $\frac{1-4z^{-1}}{1-2z^{-1}-3z^{-2}}$ 的反变换, 收敛域 $-1 < |z| < 3$

七、(20 分) 某连续时间线性时不变系统为因果系统, 其输入 $x(t)$ 和输出 $y(t)$ 关系为:

$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + 2 \frac{dy(t)}{dt} - 8y(t) = 3 \frac{dx(t)}{dt} + x(t)$$

若系统的初始状态为: $y(0_-) = 1, y'(0_-) = -3$, 求:

1) (4 分) 求系统的系统函数 $H(s)$, 画出零极点图和收敛域

2) (4 分) 求系统的单位冲激响应 $h(t)$

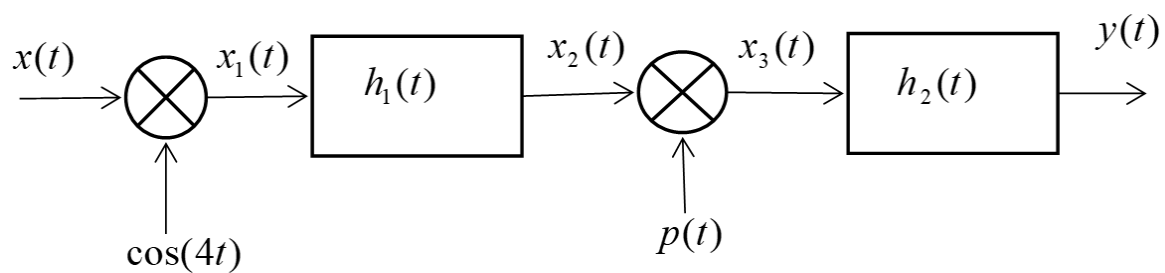
3) (4 分) 说明是否能求出频率响应 $H(\omega)$, 若能求出则画出 $H(\omega)$ 的幅频响应和相频响应图

4) (4 分) 求系统的零输入响应 $y_0(t)$

5) (4 分) 输入 $x(t) = \delta(t) + 2e^{-2t}u(t)$, 求系统的零状态响应 $y_x(t)$

八、(20 分) 已知系统如下图所示, 其中 $x(t) = \left(\frac{\sin t}{\pi t}\right)^2$, $p(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t - k\frac{\pi}{2})$

$h_1(t)$ 的频率响应为 $H_1(\omega) = \begin{cases} 1 & 2 \leq |\omega| \leq 4 \\ 0 & \text{其它} \end{cases}$, 并且 $h_2(t) = \frac{\sin 2t}{\pi t}$



- 1) (3 分) 画出 $x(t)$ 的频谱图
- 2) (3 分) 画出 $x_1(t)$ 的频谱图
- 3) (3 分) 画出 $x_2(t)$ 的频谱图
- 4) (3 分) 画出 $x_3(t)$ 的频谱图
- 5) (3 分) 画出 $h_2(t)$ 的频谱图
- 6) (3 分) 画出 $y(t)$ 的频谱图
- 7) (1 分) 写出 $y(t)$ 的时域表达式
- 8) (1 分) 根据所求的 $x(t)$ 、 $y(t)$ 关系，求系统的单位冲激响应 $h(t)$

注：画图需要标识关键坐标值，为何得到该图或公式要有简要过程描述