

## 零状态为 (2的n次方+3×5的n

1. 零状态为  $(2^n + 3 \times 5^n) \times u(n)$ ，输入  $u(n)$ ，求  $h(n)$  写差分方程
2.  $x(n)$  为左边序列， $X(z) = (5z+4) \div (3z^2 + 2z + 1)$ ，求  $x(0)$
3.  $x(t) = 2 \times \sin(4\pi t) \times \sin(2\pi t) \div \pi t$ ，该信号的采样频率
4.  $a(n) = (1 1) b(n)$  等于  $(1 2 3)$ ，用fft求二者线性卷积
5. 截止频率  $0.4\pi$  数字低通，采样频率  $1k$ ，用冲激响应不变和双线性变换，模拟低通滤波器截止频率分别多少
6. 给一个  $H(z)$  画系统直接框图和串联框图

二、1. 给一个序列  $x(n) = 2\delta(n) + 3\delta(n-5)$ ，求10点DFT

2.  $Y(m) = W_{10} \sum_{n=0}^{m-1} x(n) e^{-j\frac{2\pi}{10}nm}$ ，求  $y(n)$

3.  $Z(m) = X(m) * Y(m)$ ，线性卷积法求  $z(n)$

三、(我忘了，但一定不难，不然不会没印象)

四、(1) 画基2时间蝶形图

(2) 提供序列，用蝶形图求该序列的FFT

(3) 计算基2时间8点FFT的加法计算量和乘法计算量

五、给了  $H(s)$

(1) 冲激响应原理，用冲击响应不变求  $h(z)$

(2) 双线性变换原理，用双线性求  $h(z)$

(3) 冲激响应和双线性的优缺点

六、二十分大题类似以下图片，多加了一问求  $y(0) = 0, y(1) = 1$  条件下受迫响应和自然响应，第一问要画零极点图

**例题** 一个受单位阶跃信号激励的系统由以下差分方程描述：

$$\text{写: } y(k+2) - 5y(k+1) + 6y(k) = \varepsilon(k+1) + \varepsilon(k)$$

初始条件是：(1)  $y_{z_1}(0)=0$ ,  $y_{z_1}(1)=0$ 。(2)

$y(0)=0, y(1)=0$ 。求系统在这两种初始条件下的响应。

解：(1) 系统零输入响应  $y_{z_1}(0)=0, y_{z_1}(1)=0$  的初始条件

为零--->零输入响应一定为零--->系统只有零状态响

应。根据差分方程，可直接写出系统函数为

$$H(z) = \frac{z+1}{z^2 - 5z + 6}$$

单位阶跃序列的 z 变换： $E(z) = \frac{z}{z-1}$

故响应的 z 变换为

$$\begin{aligned} Y(z) &= H(z)E(z) = \frac{z(z+1)}{(z-1)(z^2 - 5z + 6)} \\ &= \frac{z(z+1)}{(z-1)(z-2)(z-3)} = \frac{z}{z-1} - 3\frac{z}{z-2} + 2\frac{z}{z-3} \end{aligned}$$

将此式进行反 Z 变换，即得系统响应

$$y(k) = [1 - 3(2)^k + 2(3)^k] \varepsilon(k)$$

(2)  $y(0)=0, y(1)=0$  并不意味着系统的初始状态为零，

只是说明系统的全响应在 0、1 时刻的响应为零。对系统微

分方程两边同时求单边 z 变换，可得：

$$\begin{aligned} Z\{y(k+2)\} - 5Z\{y(k+1)\} + 6Z\{y(k)\} \\ = Z\{\varepsilon(k+1)\} + Z\{\varepsilon(k)\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z^2Y(z) - z^2y(0) - zy(1) - 5zY(z) - 5zy(0) + 6Y(z) \\ = zZ\{\varepsilon(k)\} - z\varepsilon(0) + Z\{\varepsilon(k)\} \end{aligned}$$

引入响应和激励的初始条件及激励信号  $\varepsilon(k)$  的 z 变换

$$[z^2 - 5z + 6]Y(z) = (z+1)\frac{z}{z-1} - z = \frac{2z}{z-1}$$

$$\begin{aligned} Y(z) &= \frac{2z}{(z-1)(z^2 - 5z + 6)} = \frac{2z}{(z-1)(z-2)(z-3)} \\ &= \frac{z}{z-1} - 2\frac{z}{z-2} + \frac{z}{z-3} \end{aligned}$$

进行反 z 变换，得系统响应  $y(k) = [1 - 2(2)^k + (3)^k] \varepsilon(k)$

这是系统的全响应，可以分为零输入响应和零状态响应。

零状态响应应和 (1) 中一样，所以零输入响应为

$$y_{z_1}(k) = y(k) - y_{z_1}(k) = [(2)^k - (3)^k] \varepsilon(k)$$