

零状态为 $(2^n + 3 \times 5^n)$ 的 n

1. 零状态为 $(2^n + 3 \times 5^n + 10) \times u(n)$ ，输入 $u(n)$ ，求 $h(n)$ 写差分方程
2. $x(n)$ 为左边序列， $X(z) = (5z+4) \div (3z^2+2z+1)$ ，求 $x(0)$
3. $x(t) = 2 \times \sin(4\pi t) \times \sin(2\pi t) \div \pi t$ ，该信号的采样频率
4. $a(n) = \begin{pmatrix} 1 & 1 \end{pmatrix}$ $b(n)$ 等于 $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$ ，用fft求二者线性卷积
5. 截止频率 0.4π 数字低通，采样频率 $1k$ ，用冲激响应不变和双线性变换，模拟低通滤波器截止频率分别多少
6. 给一个 $H(z)$ 画系统直接框图和串联框图

二1. 给一个序列 $x(n) = 2\delta(n) + 3\delta(n-5)$ ，求10点DFT

2. $Y(m)$ 10点DFT = W_{10}^{2m} (W_{10} 下角标 $2m$ 上角标) $\times X(m)$ ，求 $y(n)$

3. $Z(m) = X(m) \times Y(m)$ ，线性卷积法求 $z(n)$

三 (我忘了，但一定不难，不然不会没印象)

四、(1) 画基2时间蝶形图

， (2) 提供序列，用蝶形图求该序列的FFT

(3) 计算基2时间8点FFT的加法计算量和乘法计算量

五、给了 $H(s)$

(1) 冲激响应原理，用冲击响应不变求 $h(z)$

(2) 双线性变换原理，用双线性求 $h(z)$

(3) 冲激响应和双线性的优缺点

六、二十分大题类似以下图片，多加了一问求 $y(0) = 0$ ， $y(1) = 1$ 条件下受迫响应和自然响应，第一问要画零极点图

例题 一个受单位阶跃信号激励的系统由以下差分方程描

写: $y(k+2)-5y(k+1)+6y(k)=\varepsilon(k+1)+\varepsilon(k)$

初始条件是: (1) $y_{zi}(0)=0$, $y_{zi}(1)=0$; (2)

$y(0)=0, y(1)=0$ 。求系统在这两种初始条件下的响应。

解: (1) 系统零输入响应 $y_{zi}(0)=0$, $y_{zi}(1)=0$ 的初始条件

为零---->零输入响应一定为零---->系统只有零状态响

应。根据差分方程, 可直接写出系统函数为

$$H(z) = \frac{z+1}{z^2-5z+6}$$

单位阶跃序列的 z 变换: $E(z) = \frac{z}{z-1}$

故响应的 z 变换为

$$\begin{aligned} Y(z) &= H(z)E(z) = \frac{z(z+1)}{(z-1)(z^2-5z+6)} \\ &= \frac{z(z+1)}{(z-1)(z-2)(z-3)} = \frac{z}{z-1} - 3\frac{z}{z-2} + 2\frac{z}{z-3} \end{aligned}$$

将此式进行反 Z 变换, 即得系统响应

$$y(k) = [1-3(2)^k+2(3)^k]\varepsilon(k)$$

(2) $y(0)=0$, $y(1)=0$ 并不意味着系统的初始状态为零,

只是说明系统的全响应在 0、1 时刻的响应为零。对系统微

分方程两边同时求单边 z 变换, 可得:

$$\begin{aligned} Z\{y(k+2)\} - 5Z\{y(k+1)\} + 6Z\{y(k)\} \\ = Z\{\varepsilon(k+1)\} + Z\{\varepsilon(k)\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z^2Y(z) - z^2y(0) - zy(1) - 5zY(z) - 5zy(0) + 6Y(z) \\ = zZ\{\varepsilon(k)\} - z\varepsilon(0) + Z\{\varepsilon(k)\} \end{aligned}$$

引入响应和激励的初始条件及激励信号 $\varepsilon(k)$ 的 z 变换

$$[z^2-5z+6]Y(z) = (z+1)\frac{z}{z-1} - z = \frac{2z}{z-1}$$

$$\begin{aligned} Y(z) &= \frac{2z}{(z-1)(z^2-5z+6)} = \frac{2z}{(z-1)(z-2)(z-3)} \\ &= \frac{z}{z-1} - 2\frac{z}{z-2} + \frac{z}{z-3} \end{aligned}$$

进行反 z 变换, 得系统响应 $y(k) = [1-2(2)^k+(3)^k]\varepsilon(k)$

这是系统的全响应, 可以分为零输入响应和零状态响应。

零状态响应和 (1) 中一样, 所以零输入响应为

$$y_{zi}(k) = y(k) - y_{zs}(k) = [(2)^k - (3)^k]\varepsilon(k)$$