EXERCICE 6
Devoir2

Junji Li - 19635

```
quel que soit le prédicat F,
(\neg(\exists x, F(x)) \Leftrightarrow (\forall x, \neg(F(x))))
  Montrons \neg (\exists x, F(x)) \Leftrightarrow (\forall x, \neg (F(x))) (1)
  (\Leftrightarrow I)
        Supposons que \neg (\exists x, F(x)) (h1)
        Montrons \forall x, \neg (\mathbf{F}(x)) (2)
       (AI)
             Soit l'élément a
             Montrons \neg (F ( a )) (3)
             (\neg I)
                   Supposons que \mathbf{F} ( \mathbf{a} ) (h2)
                   Montrons \perp (4)
                   (\neg E)
                        Montrons \exists x, F(x) (5)
                        (IE)
                              Montrons \mathbf{F} ( \boldsymbol{a} ) (6)
                              d'après (h2)
                        Montrons \neg (\exists x, F(x)) (7)
                        d'après (h1)
        Supposons que \forall x, \neg (F(x)) (h3)
        Montrons \neg (\exists x, F (x)) (8)
       (\neg I)
             Supposons que \exists x, F(x)  (h4)
             Montrons \perp (9)
             (∃E)
                   Montrons \exists x, F(x) (10)
                  d'après (h4)
                   Soit l'élément a
                   Supposons que F ( a ) (h5)
                   Montrons \perp (11)
```

