EXERCICE 12 Devoir2

Junji Li - 19635

quelle que soit la constante a, quels que soient les prédicats P Q, $(\exists x, (P(x)) \lor Q(x))) \Rightarrow ((\forall x, \neg(Q(x))) \Rightarrow (\exists x, P(x)))$

```
Soit la constante a
```

```
Supposons que \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (h1)
Montrons (\forall x, \neg (Q(x))) \Rightarrow (\exists x, P(x))
(⇒I)
     Supposons que \forall x, \neg (Q(x)) (h2)
     Montrons \exists x, P(x) (2)
    (∃E)
          Montrons \exists x, (P(x) \lor Q(x)) (3)
          d'après (h1)
          Soit l'élément x
          Supposons que P(x) \lor Q(x) (h3)
          Montrons \exists x, P(x) (4)
          (VE)
               Montrons P(x) \lor Q(x) (5)
              d'après (h3)
               Supposons que P(x) (h4)
               Montrons \exists x, P(x) (6)
               (\exists I)
                    Montrons P(x) (7)
                    d'après (h4)
               Supposons que \mathbf{Q}(\mathbf{x}) (h5)
               Montrons \exists x, P(x) (8)
               (\bot E)
                    Montrons \perp (9)
                    (\neg E)
                         Montrons \mathbf{Q}(\mathbf{x}) (10)
                         d'après (h5)
                         Montrons \neg (\mathbf{Q}(\mathbf{x})) (11)
                         (\nabla E)
                              Montrons \forall x, \neg (Q(x)) (12)
                              d'après (h2)
```