

EXERCICE 5

Devoir2

Junji Li - 19635

quelle que soit la relation P ,

$$(\exists x, \forall y, P(x, y)) \Rightarrow \forall y, \exists x, P(x, y)$$

Supposons que $\exists x, \forall y, P(x, y)$ (h1)

Montrons $\forall y, \exists x, P(x, y)$ (1)

($\forall I$)

Soit l'élément b

Montrons $\exists x, P(x, b)$ (2)

($\exists E$)

Montrons $\exists x, \forall y, P(x, y)$ (3)

d'après (h1)

Soit l'élément a

Supposons que $\forall y, P(a, y)$ (h2)

Montrons $\exists x, P(x, b)$ (4)

($\exists I$)

Montrons $P(a, b)$ (5)

($\forall E$)

Montrons $\forall y, P(a, y)$ (6)

d'après (h2)