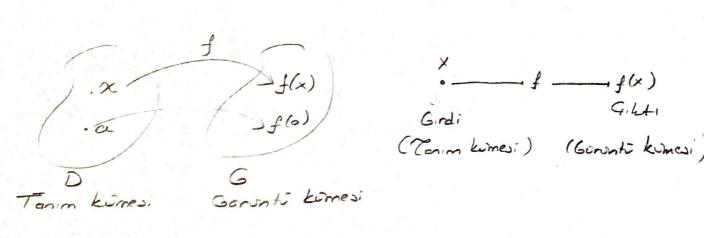
#### Fonksigonlar

Commi Bin D kumesinden bir y kumesine tonimli bir fonksiyon, herbin xeD elemonina konşilik olarak (tek bir) f(x)ey elemoni eşleyen bir kuraldır.

Sembolih olarak f: D-xy vaya Dfxy seklinde sösterlir

y=f(x), x: bajimsia dejisken, y: bajimu dejisken.

- (D) Di Olasi tüm girdi deperlerinin kumesi (D: tanım kumesi) (D(4))
- DX déperine korsi f(x) in alacaje betin déperter kûmesi ise fonksiyonun görüntű kûmesidir
- (B) Bir fonksyonun gorinti kumesi reel soyilerdon oluşuyorsa fonksiyona reel-dejerli denir



# Bozi Fonksyonlorin Tonim Kmeleri ve Gorinti Kimeleri

Fonksiyon

Tom Komesi

Count Kimesi

 $\forall = x^2$ 

 $(-\infty, \infty)$ 

[0,∞)

\* 3=1

(-∞,0)u(0,w)

(-00,0)0(0,00)

\* 3=Vx

[0,00)

[0,∞).

\* 3 = V4-x

(-00, 4]

[0,∞)

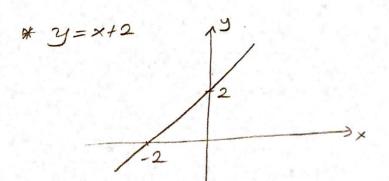
\* y=VI-x2

 $-1 \leq x \leq 1$ 

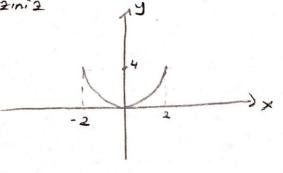
[0,1]

## Hanksiyanların Grafiteleri

Bis f fonksigenunun grafigi y=f(x) denklenini saplagan noktaların kartezyen düzlendeli yerlerinin pasterilmesiyle oluşan grafilktis.



\* y=x² frafizini [-2,2] analiginda



# Bur Zonksiyon Eçin Dikey Dopru Testi

\* Koordinat düzlemindeli her eğni bur fonksipon grefiği olomoz \*Bis of forksigons iain her x iain sodere bir f(x) deperine salip simpleder.

Dr. Birim Genber

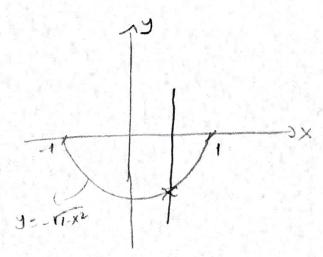
 $(x^2+y^2=1)$ gember bir fonksiyon grafiği depildir. Ditey dopru testini saglomoz.

depildir. Ditey dopru testini saplomoz Ditey dopru birden jesla noktada epryi keserse fonksiyon olmoz

in: nist yan gember y=1/1-x2 x

y=VI-x2 vist yans gember bir fonksiyonder.

on: Alt you gember



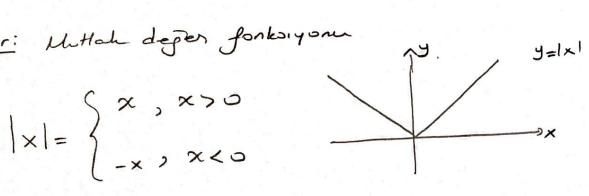
alt you Genber y=-VI-x2 f(x)=-Vi-x2 fontsiyonum grafifidir

# Pargal Count Forksiyonler

Bir fonksiyon bazen tonim komesinin forkli porqalorinda dépisite formillele tommair. Boyle fonkonyonlere porçale fonksigen derir.

or: MHah deger forksigone

$$|x| = \begin{cases} x, x>0 \\ -x, x<0 \end{cases}$$

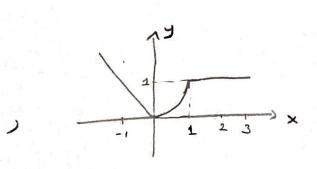


## Anter-Agalen Fonksippolar

f forksiyonu bir I araliginda tomhe bis forksiyon oksun Ve X, ve X noktalori I araliginda herhangi iki nokta okun.

1. Egen x, (x2 oldupunda f(x,) < f(x2) ise f, I analiginda antondia. 2. Eper XIX2 olduginda f(XI) >f(X2) ise f, I analiginda ozolandir.

$$f(x) = \begin{cases} 1, & x > 1 \\ x^2, & 0 \le x \le 1 \\ -x, & x < 0 \end{cases}$$



(1,00) andiginda ne ata ne azalandir.

[0,1] // antadin.

ozaladir. (-0,0) "

## Teh-Cift Fonksiyonlar

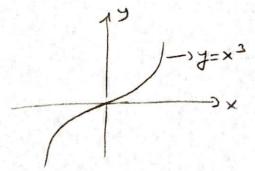
Com: Bir y=f(x) forksyonu tonin komesindeki her x igin Eper f(-x)=f(x) ise & gift fonksiyondur. Epen f(-x)=-f(x) ise f tek fonksiyondur.

 $\sin f(x) = x^2$  forksiyonu Gif forksiyondu.  $f(-x) = (-x)^2 = x^2$   $f(-x) = x^2$ 

on: f(x)= x fonksigoner. tele fonksigonder.

y-elverine jone simetriletir \*\*: Bin qift fonksiyonun gregifi "
xx: Bin teh fonksiyonun fregifi X-elseine gone simetrititir

on: y=x3 probogonu tele fontsigondur ve orjine pore simetrilution.



## Linear Forksigonlar.

m ve b sabit almah Deere f(x)=mx+b seklindehi fonksiyonlardır.

\* Epen m=0, b=0 ise f(x)=x -> biring fonksiyon.

\* Epen m=0 ise f(x)=b -> sabit fonksiyon.

#### Polinomlan

A, negatif olmayor bir temsayı ao, a, a, a, a, a, sayıları reel sabitler (polinom katsayıları olarak adlandırılır) olmak üzere

P(x)=anx1+an-1x1-1--+a,x+as

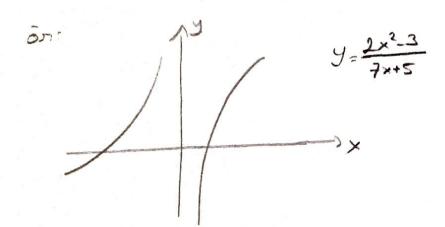
şeklindeli p(x) fontsiyonuna polinom fonksiyonu derir. an to ve noo ise n dejerine polinomun derecesi derir

It linear fontsigonles 1. derecedendir

- \* 2. dereceden polinomlar genelde ax bx+c selvinde youllar ve kuadratik fonksiyonlar olarak adlandirilir.
- \* Benzer sekilde kübik fonksiyonlar 3. dereceden  $P(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  polinombosidur.

#### Rayonel Fontsiyonlar

p(x) ve Q(x) polinom almak zizere  $f(x) = \frac{p(x)}{Q(x)}$ oranina veya bölümüne rasyonel (kesirli) fonksiyan denir.

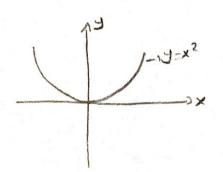


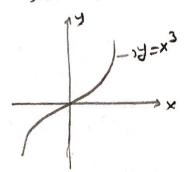
#### Kurvet Fontaigonlan,

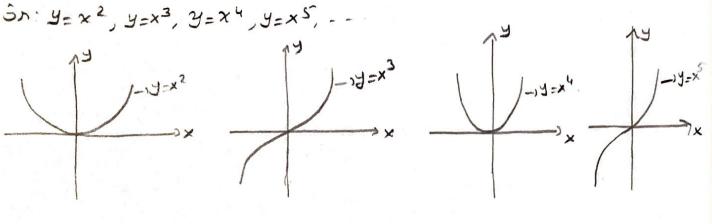
f(x)=xa fonksiyonu bir kurret fonksiyonudur.

i) a positif tomsay!

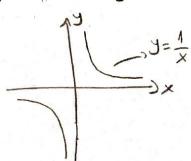
Sn: 4= x2, 4=x3, 4= x4, 4= x5, --

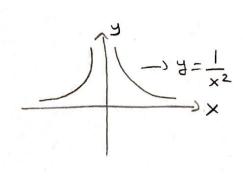




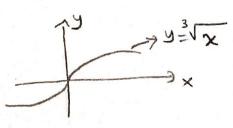


11.) a=-1 vega a=-2 ise.



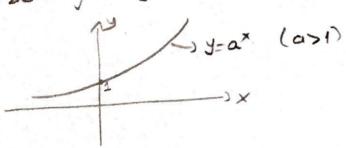


$$\frac{111}{x^{1-1}} f(x) = \sqrt{x}, \quad f(x) = \sqrt{x}$$



### Ustel Fonksiyonlar

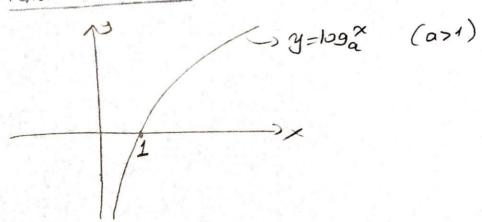
a>o ve a ≠ 1 olmak üzere, y=f(x)=ax seklindeki fonksiyona ristel fontsigon denir.



Torin Kinesi: (-00,00) Gorinti Kinesi: (0,00)

## Lagarithite Fonksiyonlar

a> 2 ve a # 1 o/mak vizere 3=f(x)=/09ax fonksiyonuna logaritmik fonksiyon deir. Logaritmik fonksiyonlar 270 igin tonimlidir



### Bileake Fanksiyanlar

f ve g fonksiyonları için biletke fonksiyon:

(fog)(x) = f(g(x)) seklinde tenimlair. fog nin tanim kumesi 9(x) in f in tom komesi iqinde olması şartıyla g nin tom komesindeki x sayılorını iqerir

### Fonksyonlande Islemler

f ve g fonksiyonları isin tonim komeleri D(f) ve D(g) olsun.

$$(f-9)(x) = f(x) - g(x)$$

$$(fg)(x)=f(x)g(x)$$

$$(fg)(\alpha) = f(\alpha)g(\alpha)$$
  
 $(\frac{f}{g})(\alpha) = \frac{f(\alpha)}{g(\alpha)}$ ,  $[0(f)nD(g) \text{ nin } g(\alpha) \neq 0 \text{ olen herhongi bir nokta}]$ 

\* Fonksyonlar sabitherle garpilabilir

$$D(f)=[0,\infty)$$
,  $D(g)=(-\infty,1]$ 

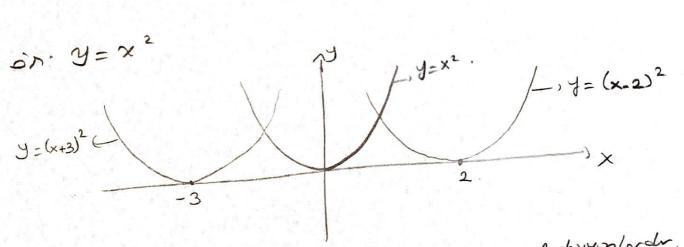
Tanksiyon	Formul	Term Kinesi
f+9	(f+9)(x)=VX+VI-X	[0,1]
f-9	(f-g)(x)=Vx'-Vi-x'	[0,1]
	(9-4)(x)=VI-X-VX	L0,1]
9-f	$(fg)(x) = \sqrt{x'}\sqrt{1-x} = \sqrt{x(1-x)}$	[0,1]
$\frac{f}{9}$	$\left(\frac{f}{g}\right)(\alpha) = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{1-x}}$	[0,1)
9	(9)(x)= V1-x	(0,1)

# Fonksiyonun Grafizinin Kaydırılması

i.) Dikey Kaydırma: y=f(x)+k [ ) k(0 ise; f'in grapifini k birim oşgaya kaydırıyoruz.

(i) Yatay Kaydırma: y=f(x+h) ) h70 ise; flin grafijini h
birim sola koydiriyoniz Li ho ise; flin grofigini h birin sopa kaydırıyonız.

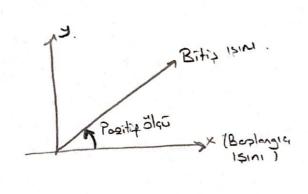
1 y = x<sup>2</sup> - y = x<sup>2</sup>.  $y = x^2 - 2$ 



Bunker cebirsel olmayon porksiyonlardr. Frigonometrite, testrogonometrite, witel, logoritmite fonblor Transmodent Tanksiyunlar Cebisel Pontigonler: Polinomlardon cebissel islenler (toplana, cikarma, garpma, bolme, kak alma)

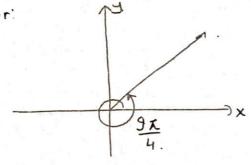
## Prigonometrik Fonkoryonlar

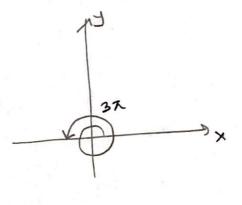
Hatirlahma:



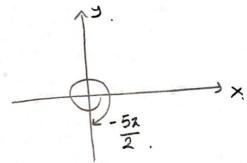
(Boslongic 12101) negative

0r:



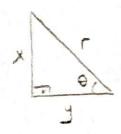


-3z-4



#### Terral Trygonometrik Forks yorlar

sinx, casx, tonx, cotx, seex, casecx fontayonlorina trigonometric.



#### Perigodile Fonkayonler

Her x degeri ign f(x+p)=f(x) olacak sekilde bir p pozity Bayısı varsa f(x) fontayonu periyadiktir. Böyle bir en küqük p degerine fin peryadu denir.

## Tryonometrik Fontsyonlarin Pergodler,

ton(x+x) = tonxcot(x+x) = cotx

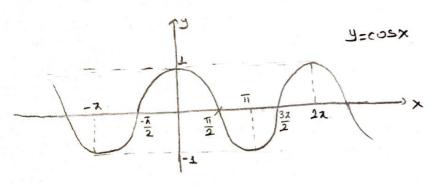
Sin(x+2x)=Sinx COS(x+2x)=COSX Sec(x+2x)=Secx

tanx ve cotx 'in peryodu" z"

 $cosec(x+2\pi) = cosecx$ 

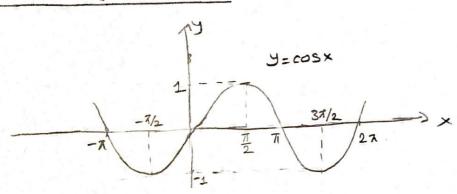
sinx, cusx, secx, cosecx in Peryodu "2x" dis

#### \* 3=cosx fonksyonu



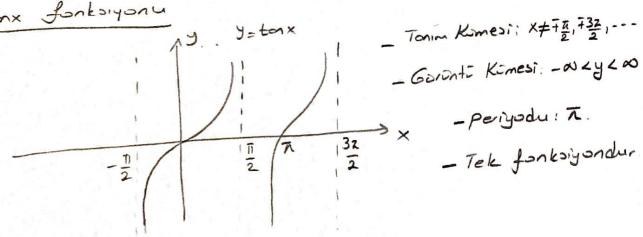
- Peryodu: 22. - Tanin Komesi: - 00 (x (00
- Gift tonkoyondur \_ Garante Komest: -14ye1

#### \* J=sinx fonksiyonu

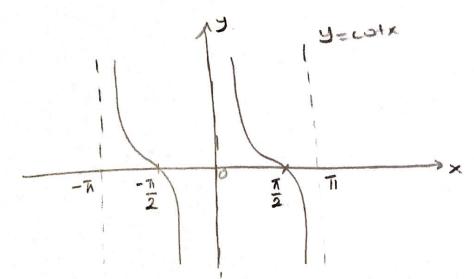


- Peryody: 22 - Tonin Komesi: - 00 KXK0
- · Yell fonksyondur. - Goranto Komesi: -14441.

\* Y=tox fonksiyonu



#### Y=cotx fonksyonu



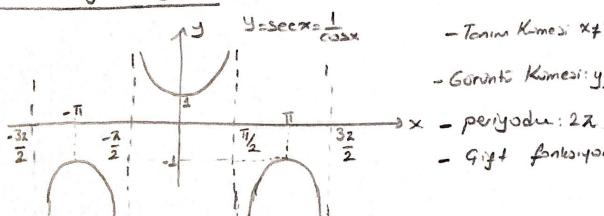
- Toning Kimesi; x +0, 72, 722, ---

- Gonate Komesi: -0024200

- peryodu: Z.

- Yek fonksiyondur

#### Y=secx fonksyanu

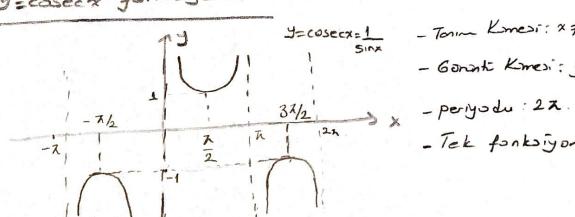


- Tonin Kimesi x + 7 , 732, ---

- Goranto Kimesi: y <- 1 veya y > 1

gift fonksiyonder.

#### Y=casecx fontayonu



- Tonin Kmesi: x \$ 0, 72, 722, ---

- Gonort Kmesi: y <- 1 veya 4>1

- Tek fonksiyondur.

#### Bozi Tryponometrich Ozdeslitler

$$\frac{1}{2}\cos^2\theta = \frac{1+\cos 2\theta}{2}$$
,  $\sin^2\theta = \frac{1-\cos 2\theta}{2}$