

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»

ъныи исследовательскии университет) (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ	ИУ «Информатика и системы управления»
КАФЕДРА	ИУ-1 «Системы автоматического управления»

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №1 «Численные методы решения ОДУ»

по дисциплине «Основы теории систем»

Выполнил: Шевченко А.Д.

Группа: ИУ1-42Б

Проверил: Лукьянов Н.В.

Работа выполнена: 03.04.2023

Отчет сдан: 04.04.2023

Оценка:

Москва 2023

Оглавление

Цель работы.	3
Описание	.3
Карта Московского метрополитена	4
Наша реализованная матрица на сегодняшний день	5
Реализация алгоритма	6
Вывод	8

Цель работы

Реализация метода обхода графа 1-k BFS и поиска кратчайшего пути между заданными вершинами, на основе Московского метрополитена.

Описание

Поиск в ширину (англ. breadth-first search) — один из основных алгоритмов на графах, позволяющий находить все кратчайшие пути от заданной вершины и решать многие другие задачи.

Основную идею алгоритма можно понимать как процесс «поджигания» графа: на нулевом шаге мы поджигаем вершину s, а на каждом следующем шаге огонь с каждой уже горящей вершины перекидывается на всех её соседей, в конечном счете поджигая весь граф.

Создадим очередь, в которую будут помещаться горящие вершины.

Затем алгоритм представляет собой такой цикл: пока очередь не пуста, достать из её головы одну вершину v, просмотреть все рёбра, исходящие из этой вершины, и если какие-то из смежных вершин u ещё не горят, поджечь их и поместить в конец очереди.

Теперь веса рёбер принимают значения от 1 до некоторого небольшого k, и всё так же требуется найти кратчайшие расстояния от вершины s, но уже в плане суммарного веса.

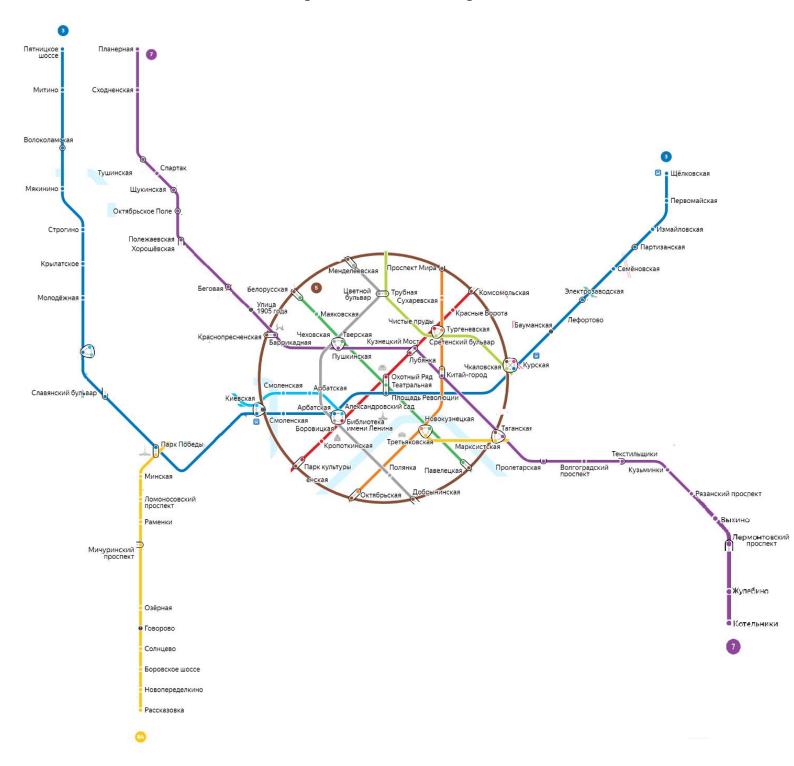
Наблюдение: максимальное кратчайшее расстояние в графе равно (n-1)*k

Если у каждого узла имеется конечное число преемников, алгоритм является полным: если решение существует, алгоритм поиска в ширину его находит, независимо от того, является ли граф конечным. Однако если решения не существует, на бесконечном графе поиск не завершается.

Карта Московского метрополитена



Наша реализованная матрица на сегодняшний день



- 1) Все станции в пределах Московской Кольцевой, включая её саму.
- 2) Арбатско-Покровскую (синяя)
- 3) Таганско-Краснопресненскую (фиолетовая)
- 4) Солнцевская (жёлтая)

Итого на сегодняшний день у нас потсроен граф на 105 станций.

С полным списком можете ознакомиться по ссылке https://github.com/BMSTU-Automatic-Control-Systems-IU1-1/fundamentals-of-systems-theory/blob/main/lab-01/stations.txt

Реализация алгоритма

Программу поиска графа кратчайшего пути реализовывали на языке C++ Программа имеет следующую структуру:

- 1) Заголовочный файл stations.h
- 2) Исполняемый файл main.cpp
- 3) Список станций stations.txt

Файл stations.h содержит иниациализацию этого графа https://github.com/BMSTU-Automatic-Control-Systems-IU1-1/fundamentals-of-systems-theory/blob/main/lab-01/stations.h

Рис. Описание станций версии графа включающего только Кольцевую

Рис. Часть написанной зависимости между станциями

Файл main.cpp содержит алгоритм поиска 1-k BFS

 $\frac{https://github.com/BMSTU-Automatic-Control-Systems-IU1-1/fundamentals-of-systems-theory/blob/main/lab-01/main.cpp}{}$

```
std::vector<int> routes( Count: stations.size(), Val: 1000); // Массив кратчайших путей до каждой точки, изначально - 1000 std::vector<int> visited( Count: stations.size(), Val: 0); // Массив исследованных вершин, изначально заполнен нулями std::vector<int> routesVector( Count: stations.size()); // Массив пройденных станций для восстановления пути
```

Рис. Структуры данных, используемые для алгоритма поиска

```
Std::vector-cstd::queuecint > atDist( Coumb 4); // Создаём массив очередей станций, по увеличению пути atDist( Coumb 4); // Создаём массив очередей станций, по увеличению пути atDist( Coumb (Val from)); routes(from) = 0; int pos = 0, kol = 1; // pos - поэмция, на которой рассматривается элемент в массиве очередей // kol - общее количество вершин во всех очередки routesVector(from) = -1; while (kol > 0 & visited(to) = 0) { // Исполняется, пока конечная вершина не исследована или пока не кончатся вершины в массиве очередей while (kol > 0 & visited(to) = 0) { // Выбираем длину пути, на котором исследуем новме вершины ++pos; } ;

int u = atDist(pos % 4].empty()) { // Выбираем вершину atDist(pos % 4].pop(); --kol; } ;

int u = atDist(pos % 4].front(); // Выбираем вершину atDist(pos % 4].pop(); --kol; } ;

if (visited[u] = 1; // Помечаем как посещённую for (std::pair<int, int> station : metro[u]) { // Рассматриваем соседние с ней станции if (routes(station.first) > (routes(u) + station.second); } ;

routes(station.first) = routes(u) + station.second; routes(vector(station.first) = routes(u) + station.first); // Добавляем рассмотренные станции в очередь к исследование ++kol; } ;

}

**Head of the std: std front first into first i
```

Рис. Алгоритм 1-k BFS

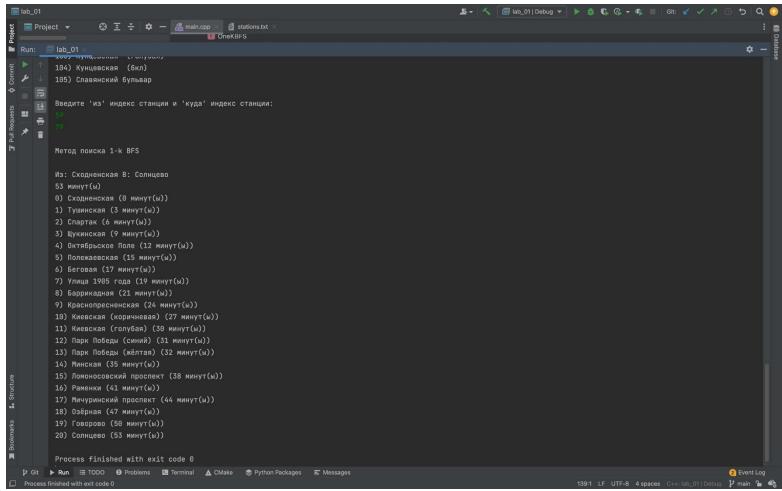


Рис. Пример работы алгоритма на маршруте Сходненская – Солнцево

Вывод:

В данной лабораторной работе был реализован метод обхода графа и поиска кратчайшего пути между двумя заданными вершинами 1-k BFS на языке C++ на примере Московского метрополитена.

Если длины рёбер графа равны между собой, поиск в ширину является оптимальным, то есть всегда находит кратчайший путь. В случае взвешенного графа bfs находит путь, содержащий минимальное количество рёбер, но не обязательно кратчайший. 1-k bfs же всегда находит кратчайший путь по затратам времени